МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение

высшего образования

НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ

ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



Инженерная школа природных ресурсов

АППРОКСИМАЦИЯ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ЛИНЕЙНОЙ, ЭКСПОНИНЦЕАЛЬНОЙ И СТЕПЕННОЙ ФУНКЦИЙ

Лабораторная работа по дисциплине «Углубленный курс информатики»

Студент гр. 2Д93 \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Тен А.А.

(подпись)

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

(дата)

Руководитель \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Чузлов В.А.

(подпись)

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

(дата)

Томск-2020

**Цель работы:** научиться решать сложные задачи с использованием линейной, степенной и экспоненциальной аппроксимации, по табличным данным определять наиболее подходящую аппроксимирующую функцию.

**Теоретическая часть**

Аппроксимация – это научный метод, состоящий в замене одних объектов другими, в каком-то смысле близкими к исходным, но более простыми, позволяет исследовать числовые характеристики и качественные свойства объекта, сводя задачу к изучению более простых объектов. Данные аппроксимации, после прохождения через код могут обрабатываться путем построения графиков, на которых зрительно виден результат вычислений.

**Практическая часть**

**Исходные данные:**

****

**Задание:**

1. С использованием линейной, экспоненциальной и степенной аппроксимации определить значения теплоемкости и энтальпии при изменении Т в интервале от 300 до 1000   
   с шагом 50.
2. Построить графики в Excel по табличным данным и результатам аппроксимации и привести их в отчете по лабораторной работе. Выбрать аппроксимирующую функцию, которая наиболее точно описывает табличные данные.

**Программная реализация:**

**Значение теплоемкости:**

Линейная аппроксимация:

**Program** lb1;

**const**

n = 8;

**type**

arr = **array of** real;

**var**

f: text;

t, c: arr;

a0, a1: real;

**procedure** line(t, c: arr; **var** a0, a1: real);

**var**

s1, s2, s3, s4: real;

dlina: integer;

**begin**

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

dlina := Length(t);

**for var** j := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

s1 := s1 + t[j];

s2 := s2 + c[j];

s3 := s3 + sqr(t[j]);

s4 := s4 + t[j] \* c[j]

**end**;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (dlina \* s3 - sqr(s1));

a1 := (dlina \* s4 - s1 \* s2) / (dlina \* s3 - sqr(s1))

**end**;

**begin**

assign(f, 'data.txt');

reset(f);

SetLength(t, n);

SetLength(c, n);

**for var** i := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

readln(f, t[i], c[i]);

line(t, c, a0, a1);

**end**;

**for var** i := 0 **to** High(t) **do**

writeln('Для температуры =',t[i]:8 , ' Значение теплоемкости = ', a0 + a1 \* t[i]:8:3);

close(f)

**end**.

**Ответ:**

Для температуры = 300 Значение теплоемкости = 146.383

Для температуры = 400 Значение теплоемкости = 172.235

Для температуры = 500 Значение теплоемкости = 198.088

Для температуры = 600 Значение теплоемкости = 223.940

Для температуры = 700 Значение теплоемкости = 249.793

Для температуры = 800 Значение теплоемкости = 275.645

Для температуры = 900 Значение теплоемкости = 301.498

Для температуры = 1000 Значение теплоемкости = 327.350

Экспоненциальная аппроксимация:

**Program** lb2;

**const**

n = 8;

**type**

arr = **array of** real;

**var**

f: text;

i: integer;

t, c: arr;

a0, a1: real;

**procedure** emm(t, c: arr; **var** a0, a1: real);

**var**

i: integer;

s1, s2, s3, s4: real;

dlina: integer;

**begin**

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

dlina := Length(t);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

s1 := s1 + t[i];

s2 := s2 + ln(c[i]);

s3 := s3 + sqr(t[i]);

s4 := s4 + t[i] \* ln(c[i])

**end**;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (dlina \* s3 - sqr(s1));

a1 := (dlina \* s4 - s1 \* s2) / (dlina \* s3 - sqr(s1))

**end**;

**begin**

assign(f, 'data.txt');

reset(f);

SetLength(t, n);

SetLength(c, n);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

readln(f, t[i], c[i]);

emm(t, c, a0, a1);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

writeln('Т =', t[i]:8, ' Значение энтальпии = ', exp(a0) \* exp(a1 \*t[i]):8:4);

close(f)

**end**.

**Ответ:**

Т = 300 Значение энтальпии = 150.3544

Т = 400 Значение энтальпии = 169.3761

Т = 500 Значение энтальпии = 190.8043

Т = 600 Значение энтальпии = 214.9434

Т = 700 Значение энтальпии = 242.1364

Т = 800 Значение энтальпии = 272.7697

Т = 900 Значение энтальпии = 307.2785

Т = 1000 Значение энтальпии = 346.1530

Степенная аппроксимация:

**Program** lb3;

**const**

n=8;

**type**

arr = **array of** real;

**var**

f: text;

i: integer;

t, c: arr;

a0, a1: real;

**procedure** o(t, c: arr; **var** a0, a1: real);

**var**

i: integer;

s1, s2, s3, s4: real;

dlina: integer;

**begin**

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

dlina := Length(t);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

s1 := s1 + ln(t[i]);

s2 := s2 + ln(c[i]);

s3 := s3 + sqr(ln(t[i]));

s4 := s4 + ln(t[i]) \* ln(c[i])

**end**;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (dlina \* s3 - sqr(s1));

a1 := (dlina \* s4 - s1 \* s2) / (dlina \* s3 - sqr(s1))

**end**;

**begin**

assign(f, 'data.txt');

reset(f);

SetLength(t, n);

SetLength(c, n);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

readln(f, t[i], c[i]);

o(t, c, a0, a1);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

writeln('Т = ',t[i]:8,' Значение теплоемкости = ',exp(a0) \* exp(a1 \* ln(t[i])):8:4);

close(f)

**end**.

**Ответ:**

Т = 300 Значение теплоемкости = 136.7507

Т = 400 Значение теплоемкости = 168.6205

Т = 500 Значение теплоемкости = 198.3721

Т = 600 Значение теплоемкости = 226.5378

Т = 700 Значение теплоемкости = 253.4496

Т = 800 Значение теплоемкости = 279.3326

Т = 900 Значение теплоемкости = 304.3484

Т = 1000 Значение теплоемкости = 328.6184

**Значение энтальпии:**

Линейная аппроксимация:

**Program** lb4;

**const**

n = 8;

**type**

arr = **array of** real;

**var**

f: text;

t, h: arr;

a0, a1: real;

**procedure** line(t, h: arr; **var** a0, a1: real);

**var**

s1, s2, s3, s4: real;

dlina: integer;

**begin**

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

dlina := Length(t);

**for var** j := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

s1 := s1 + t[j];

s2 := s2 + h[j];

s3 := s3 + sqr(t[j]);

s4 := s4 + t[j] \* h[j]

**end**;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (dlina \* s3 - sqr(s1));

a1 := (dlina \* s4 - s1 \* s2) / (dlina \* s3 - sqr(s1))

**end**;

**begin**

assign(f, 'text.txt');

reset(f);

SetLength(t, n);

SetLength(h, n);

**for var** i := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

readln(f, t[i], h[i]);

line(t, h, a0, a1);

**end**;

**for var** i := 0 **to** High(t) **do**

writeln('При температуре =',t[i]:8 , ' Значение энтальпии = ', a0 + a1 \* t[i]:8:3);

close(f)

**end**.

**Ответ:**

При температуре = 300 Значение энтальпии = 25.649

При температуре = 400 Значение энтальпии = 21.481

При температуре = 500 Значение энтальпии = 17.313

При температуре = 600 Значение энтальпии = 13.145

При температуре = 700 Значение энтальпии = 8.977

При температуре = 800 Значение энтальпии = 4.809

При температуре = 900 Значение энтальпии = 0.641

При температуре = 1000 Значение энтальпии = -3.527

Экспоненциальная аппроксимация:

**Program** lb5;

**const**

n = 8;

**type**

arr = **array of** real;

**var**

f: text;

i: integer;

t, h: arr;

a0, a1: real;

**procedure** emm(t, h: arr; **var** a0, a1: real);

**var**

i: integer;

s1, s2, s3, s4: real;

dlina: integer;

**begin**

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

dlina := Length(t);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

s1 := s1 + t[i];

s2 := s2 + ln(h[i]);

s3 := s3 + sqr(t[i]);

s4 := s4 + t[i] \* ln(h[i])

**end**;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (dlina \* s3 - sqr(s1));

a1 := (dlina \* s4 - s1 \* s2) / (dlina \* s3 - sqr(s1))

**end**;

**begin**

assign(f, 'text.txt');

reset(f);

SetLength(t, n);

SetLength(h, n);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

readln(f, t[i], h[i]);

emm(t, h, a0, a1);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

writeln('Т =', t[i]:8, ' Значение энтальпии = ', exp(a0) \* exp(a1 \* t[i]):8:4);

close(f)

**end**.

**Ответ:**

Т = 300 Значение энтальпии = 50.4259

Т = 400 Значение энтальпии = 26.3423

Т = 500 Значение энтальпии = 13.7612

Т = 600 Значение энтальпии = 7.1888

Т = 700 Значение энтальпии = 3.7554

Т = 800 Значение энтальпии = 1.9618

Т = 900 Значение энтальпии = 1.0248

Т = 1000 Значение энтальпии = 0.5354

Степенная аппроксимация:

**Program** lb6;

**const**

n=8;

**type**

arr = **array of** real;

**var**

f: text;

i: integer;

t, h: arr;

a0, a1: real;

**procedure** ono(t, h: arr; **var** a0, a1: real);

**var**

i: integer;

s1, s2, s3, s4: real;

dlina: integer;

**begin**

s1 := 0;

s2 := 0;

s3 := 0;

s4 := 0;

dlina := Length(t);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

**begin**

s1 := s1 + ln(t[i]);

s2 := s2 + ln(h[i]);

s3 := s3 + sqr(ln(t[i]));

s4 := s4 + ln(t[i]) \* ln(h[i])

**end**;

a0 := (s2 \* s3 - s1 \* s4) / (dlina \* s3 - sqr(s1));

a1 := (dlina \* s4 - s1 \* s2) / (dlina \* s3 - sqr(s1))

**end**;

**begin**

assign(f, 'text.txt');

reset(f);

SetLength(t, n);

SetLength(h, n);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

readln(f, t[i], h[i]);

ono(t, h, a0, a1);

**for** i := 0 **to** High(t) **do**

writeln('Т = ',t[i]:8,' Значение энтальпии = ',exp(a0) \* exp(a1 \* ln(t[i])):8:4);

close(f)

**end**.

**Ответ:**

Т = 300 Значение энтальпии = 64.7566

Т = 400 Значение энтальпии = 23.0569

Т = 500 Значение энтальпии = 10.3497

Т = 600 Значение энтальпии = 5.3789

Т = 700 Значение энтальпии = 3.0930

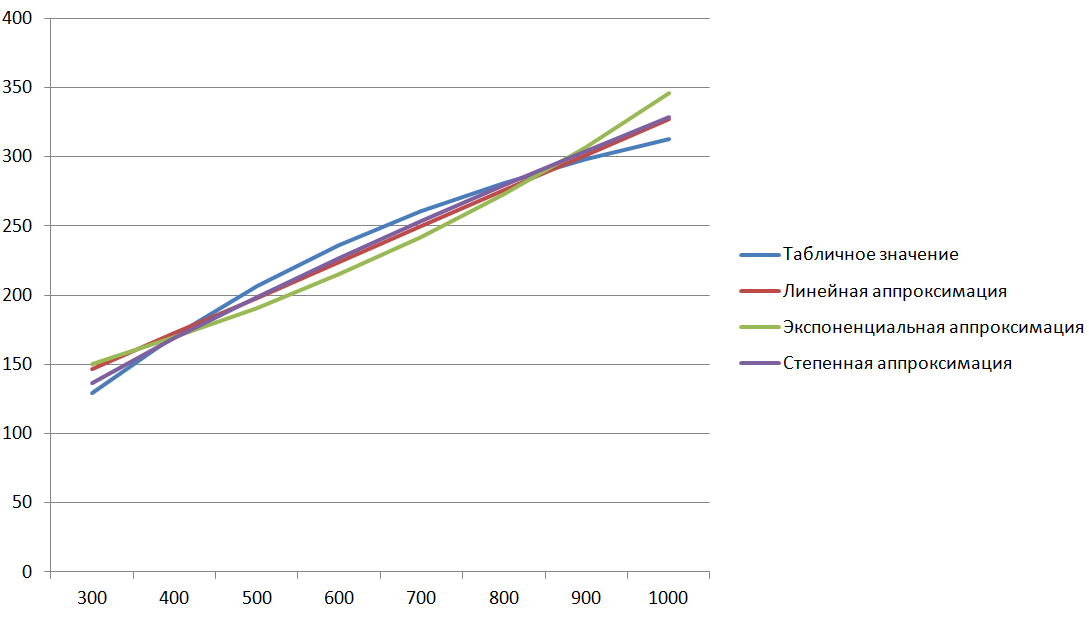
Т = 800 Значение энтальпии = 1.9152

Т = 900 Значение энтальпии = 1.2549

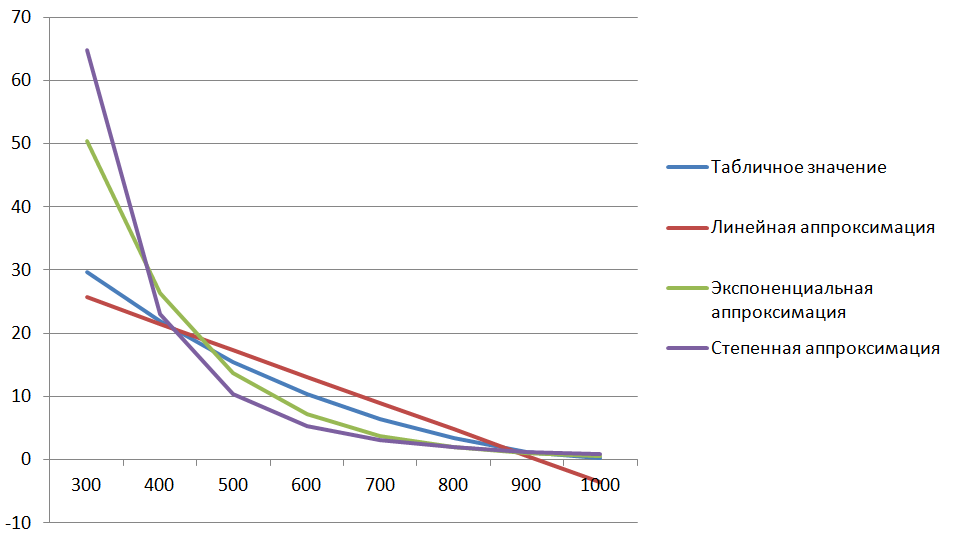
Т = 1000 Значение энтальпии = 0.8597

**Построение графиков:**

1. **Для теплоемкости**



1. **Для энтальпии**

****

Исходя из графиков, можно сделать вывод о том, что наиболее приемлемой для определения теплоемкости будет степенная аппроксимация. А для энтальпии – линейная аппроксимация. Значения теплоемкости и энтальпии при тех способах получились наиболее приближенными к табличным.

**Выводы**

В ходе лабораторной работы было проведено ознакомление с методом аппроксимации с использованием линейной, экспоненциальной и степенной функций. Написаны программы с их использованием, позволяющие решать некоторые задачи. Для обоих случаев определена подходящая функция, наиболее подходящая под оригинальные значения.