



Системный анализ процессов химической технологии

Лабораторная работа №5 Массивы NumPy

Вячеслав Алексеевич Чузлов, к.т.н., доцент ОХИ ИШПР

20 февраля 2023 г.

Преобразование списков Python в массивы NumPy



 Для того, чтобы создать объект массива NumPy из объекта списка Python, можно использовать функцию np. array:

```
>>> import numpy as np
>>> np.array([1, 3, 5, 4, 2]) # Массив целочисленных значений
array([1, 3, 5, 4, 2])
```

 В отличие от стандартных списков Python, массивы NumPy могут содержать элементы только одного типа. Если типы элементов не совпадают, NumPy сделает попытку повышающего приведения типов:

```
4 >>> np.array([3.14, 4, 2, 3, 2.71])
5 array([3.14, 4. , 2. , 3. , 2.71])
```

 В тех случаях, когда требуется явно задать тип результирующего массива, необходимо воспользоваться ключевым аргументом dtype:

```
6 >>> np.array([1, 3, 5, 4, 2], dtype='float32')
7 array([1, 3., 5., 4., 2.], dtype=float32)
```

В отличие от списков, массивы NumPy можно явным образом описать как многомерные:

Массивы больших размеров эффективнее генерировать с помощью встроенных методов.

■ Создаем массив целых чисел длины 10, заполненный нулями:

```
1 >>> np.zeros(10, dtype=int)
2 array([0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0])
```

lacktriangle Создадим массив размером 3 imes 5 значений с плавающей точкой, заполненный единицами:

```
3
3
4
array([[1., 1., 1., 1.],
[1., 1., 1., 1.]])
```

• Создадим массив размером 3×5 , заполненный значением 2.98:

• Создадим массив, заполненный линейной последовательностью, начинающейся с 0 и заканчивающейся 20, с шагом 2 (аналогично встроенной функции range()):

```
11 >>> np.arange(0, 20, 2)
12 array([ 0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18])
```

lacktriangle Создадим массив из пяти значений, равномерно располагающихся между 0 и 1:

lacksquare Создадим массив размером 3 imes3 равномерно распределенных случайных значений от 0 до 1

```
>>> np.random.random((3, 3))
array([[0.28209864, 0.0014687, 0.71104325],
[0.58773349, 0.89099475, 0.87835838],
[0.81093666, 0.70139097, 0.12816416]])
```

■ Создадим массив размером 3×3 случайных целых чисел в интервале [0, 10]

Индексация массивов NumPy во многом похожа на индексацию списков в Python. В одномерном массиве обратиться к i-му (считая с 0) значению можно по требуемому индексу в квадратных скобках, по аналогии со стандартными списками:

Для индексации элементов с конца массива следует использовать отрицательные индексы:

Для обращения к элементам многомерного массива нужно указать кортеж индексов, разделенных запятыми:

```
>>> x2 = np.array([[3, 5, 2, 4], [7, 6, 8, 8], [1, 6, 7, 7]])
10
    >>> x2
11
    array([[3, 5, 2, 4],
       [7, 6, 8, 8],
       [1, 6, 7, 7]])
14
    >>> x2[0, 0]
15
16
    >>> x2[2, 0]
17
18
    >>> x2[2, -1]
19
20
```

При помощи любой из указанных выше нотаций можно изменять значения элементов массива:

Следует помнить, что, в отличие от списков, массивы NumPy имеют фиксированный тип данных. Если вставить в массив целых чисел значение с плавающей точкой, оно будет неявно усечено:

```
26 >>> x1[0] = 2.71828 # Это значение будет усечено! >>> x1 array([2, 0, 3, 3, 7, 9])
```

Срезы массивов: доступ к подмассивам

- По аналогии с доступом к определенным элементам массива квадратные скобки используются для доступа к отдельным частям массива при помощи операции среза (slicing), обозначаемой знаком двоеточия (:).
- Синтаксически срезы массивов NumPy соответствуют срезам стандартных списков Python:
 х[начало:конец:шаг]

при этом любое из значений можно не указывать, тогда по умолчанию будут приняты следующие значения: начало = 0, конец = размер соответствующего измерения, шаг = 1.

Одномерные подмассивы

```
10 >>> x[::2] # каждый второй элемент array([0, 2, 4, 6, 8]) >>> x[1::2] # каждый второй элемент, начиная с индекса 1 array([1, 3, 5, 7, 9])
```

Также сохранена возможность использования отрицательного значения параметра шаг.
 Тогда значения по умолчанию для параметров начало и конец будут поменяны местами. Это быстрый способ перевернуть массив:

```
14 >>> x[::-1] # все элементы в обратном порядке
15 array([9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0])
16 >>> x[5::-1] # все элементы в обратном порядке, начиная с индекса 5
17 array([5, 4, 3, 2, 1, 0])
18 >>> x[5::-2] # каждый второй элемент в обратном порядке, начиная с индекса 5
19 array([5, 3, 1])
```

Срезы массивов: доступ к подмассивам



Многомерные подмассивы

```
>>> x2
   array([[24, 5, 2, 4],
        [7, 6, 8, 8],
        [ 1, 6, 7, 7]])
   >>> x2[:2, :3] # две строки, три столбца
   array([[24, 5, 2],
     [7, 6, 8]])
   >>> x2[:3, ::2] # все строки, каждый второй столбеи
   array([[24, 2],
10
11
   >>> x2[::-1, ::-1] # обратный порядок строк и столбцов
   array([[ 7, 7, 6, 1],
        [8, 8, 6, 7],
14
15
         [4, 2, 5, 24]
```

Срезы массивов: доступ к подмассивам

Доступ к строкам и столбцам массива

Распространенной задачей является доступ к отдельным строкам или столбцам массива. Получить такой доступ можно при помощи комбинации операций индексации и среза:

```
16 >>> print(x2[:, 0]) # первый столбец массива x2
17 [24 7 1]
18 >>> print(x2[0,:]) # первая строка массива x2
19 [24 5 2 4]
```

При необходимости получения доступа к строке, операция взятия среза может быть опущена для более лаконичной записи:

```
1 | >>> print(x2[0]) # эквивалентно x2[0, :] | [24 5 2 4]
```

- Срезы массивов возвращают разделяемые ссылки (синонимы), а не копии данных массива.
- Этим срезы массивов библиотеки NumPy отличаются от срезов списков языка Python (срезы списков создают новые объекты):

```
1 >>> print(x2)
[[24 5 2 4]
3 [ 7 6 8 8]
[ 1 6 7 7]]
```

Получим из него матрицу 2×2 :

Срезы массивов создают разделяемые ссылки

Теперь, если изменить значения этой матрицы, исходный массив также поменялся:

```
9 >>> x2_sub[0, 0] = 100

10 >>> print(x2_sub)

11 [[100 5]

12 [ 7 6]]

13 >>> print(x2)

14 [[100 5 2 4]

15 [ 7 6 8 8]

16 [ 1 6 7 7]]
```

В ряде случаев требуется явно скопировать содержимое массива или его части. Для решения данной задачи существует метод сору():

Теперь, если изменить значения этого подмассива, то исходный массив не изменится:

TOMSK ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

Вычисления с массивами NumPy

Универсальные функции NumPy могут быть легко использованы, т.к. основаны на нативных арифметических операторах Python. Доступны обычные операторы сложения, вычитания, умножения и деления:

```
\rightarrow > x = np.arange(4)
   >>> print('x =', x)
   x = [0 1 2 3]
   >>> print('x + 5 = ', x + 5)
   x + 5 = [5 6 7 8]
   >>> print('x - 5 =', x - 5)
   x - 5 = [-5 -4 -3 -2]
   >>> print('x * 2 =', x * 2)
   x * 2 = [0 2 4 6]
   >>> print('x / 2 =', x / 2)
   x / 2 = [0. 0.5 1. 1.5]
   >>> print('x // 2 =', x // 2)
12
   x // 2 = [0 0 1 1]
```

Определены также унарная универсальная функция изменения знака, оператор ** для возведения в степень и оператор % для деления по модулю:

Арифметические функции с массивами

Данные операции могут быть использованы в выражениях любыми способами с соблюдением стандартных приоритетов:

Все арифметические операторы – удобные аналоги для встроенных функций библиотеки NumPy. Например, оператор + является аналогом функции add():

Оператор	Эквивалентная функция	Описание
+	np.add	Сложение: 1 + 1 = 2
-	np.subtract	Вычитание: 3 - 2 = 1
-	np.negative	Унарная операция изменения знака: -2
*	np.multiply	Умножение: 2 * 3 = 6
/	np.divide	Деление: 3 / 2 = 1.5
//	np.floor_divide	Деление с округлением в меньшую сторону:
		3 // 2 = 1
**	np.power	Возведение в степень: 3 ** 2 = 9
%	np.mod	Модуль/остаток: 5 % 2 = 1

Наряду со встроенными арифметическими операторами, с массивами NumPy можно использовать стандартную функцию abs() языка Python для получения абсолютного значения:

Аналогичная универсальная функция NumPy – np.absolute(), доступна также под псевдонимом np.abs():

```
4 >>> np.absolute(x)
5 array([2, 1, 0, 1, 2])
>>> np.abs(x)
7 array([2, 1, 0, 1, 2])
```

Тригонометрические функции

Библиотека NumPy предоставляет набор тригонометрических функций:

```
>>> alpha = np.linspace(0, np.pi, 3)
>>> print('alpha = ', alpha)
alpha = [0. 1.57079633 3.14159265]

>>> print('sin(alpha) = ', np.sin(alpha))
sin(alpha) = [0.0000000e+00 1.0000000e+00 1.2246468e-16]
>>> print('cos(alpha) = ', np.cos(alpha))
cos(alpha) = [1.000000e+00 6.123234e-17 -1.000000e+00]
>>> print('tan(alpha) = ', np.tan(alpha))
tan(alpha) = [0.000000000e+00 1.63312394e+16 -1.22464680e-16]
```

Значения вычисляются в пределах точности конкретной вычислительной машины, вследствие чего некоторые из них не всегда точно равны нулю, хотя должны.

Тригонометрические функции

Определены также и обратные тригонометрические функции:

```
>>> x = [-1, 0, 1]
10
   >>> print('x = ', x)
   \times = [-1, 0, 1]
   >>> x = [-1, 0, 1]
   >>> print('x = ', x)
   x = [-1, 0, 1]
   >>> print('arcsin(x) = ', np.arcsin(x))
   arcsin(x) = [-1.57079633 0. 1.57079633]
17
   >>> print('arccos(x) = ', np.arccos(x))
   arccos(x) = [3.14159265 \ 1.57079633 \ 0.
19
   >>> print('arctan(x) = ', np.arctan(x))
20
   arctan(x) = [-0.78539816 0. 0.78539816]
21
```

Показательные функции – один из распространенных типов операций, доступных в NumPy:

Показательные функции и логарифмы

Определены также и логарифмы. Простейшая функция np.log() возвращает натуральный логарифм числа. Если Вам требуется логарифм по основанию 2 или 10, они также доступны:

```
\Rightarrow > x = [1, 2, 4, 10]
10
   >>> print('x =', x)
11
   x = [1, 2, 4, 10]
13
   \Rightarrow \Rightarrow print('ln(x) =', np.log(x))
   ln(x) = [0. 	 0.69314718 	 1.38629436 	 2.30258509]
14
15
   >>> print('log2(x) =', np.log2(x))
   log2(x) = [0. 1. 2. 3.32192809]
16
17
   >>> print('log10(x) =', np.log10(x))
   log10(x) = [0. 0.30103 0.60205999 1.
18
```



Функции агрегирования

В стандартном Python данная задача решается при помощи встроенной функции sum(). Синтаксис этой функции крайне похож на функцию sum() библиотеки NumPy:

NumPy версия функции sum() работает намного быстрее:

Важно заметить, что функции sum() и np.sum() не идентичны. Так, смысл их опциональных аргументов отличается и функция np.sum() может работать с многомерными массивами.

В стандартном Python определены встроенные функции min() и max(), служащие для вычисления минимального и максимального значений любой коллекции:

```
1 >>> min(big_array), max(big_array)
2 (1.4200179176970806e-07, 0.9999998044567884)
```

Соответствующие функций NumPy имеют аналогичный синтаксис и работают быстрее:

```
>>> np.min(big_array), np.max(big_array)
(1.4200179176970806e-07, 0.9999998044567884)
>>> %timeit min(big_array)
43.4 ms ± 719 \mus per loop (mean ± std. dev. of 7 runs, 10 loops each)
>>> %timeit np.min(big_array)
8 304 \mus ± 2.03 \mus per loop (mean ± std. dev. of 7 runs, 1000 loops each)
```

Существует возможность вычисления некоторых сводных показателей путем вызова соответствующих методов объекта массива NumPy для более лаконичной записи:

```
9 >>> print(big_array.min(), big_array.max(), big_array.sum())
1.4200179176970806e-07 0.9999998044567884 499940.4506893933
```

TOMSK ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ UNIVERSITY УНИВЕРСИТЕТ

Примеры

Пример 1

Заполнить матрицу a(3,3) случайными целыми числами от 1 до 10. Вывести значения ее элементов. Вычислить сумму элементов первой и последней строк данной матрицы и вывести результат вычисления.

Матрица p размером 2×3 заполнена случайными целыми числами в диапазоне [-3;5]. Массив x содержит 10 случайных чисел в диапазоне [-10;10]. Необходимо найти сумму минимального элемента первой строки матрицы p и максимального элемента массива x и поделить ее на количество элементов массива x. больших нуля.

```
>>> import numpy as np
    >>> p = np.random.randint(-3, 3, (2, 3))
    >>> p
    array([[-2, 2, 2],
           1 0, -2, 211)
5
    >>> x = np.random.randint(-10, 10, 10)
    >>> x
    array([ 7, -7, -8, -7, -8, -3, -8, 6, -5, 6])
    >>> min_p = p[0].min()
    >>> max x = x.max()
10
11
    >>> min p, max x
    (-2, 7)
12
    \Rightarrow \Rightarrow x \text{shape} = x[x > 0]. \text{shape}
13
    >>> xshape
14
    (3,)
15
    >>> (max x + min first row) / xshape[0]
16
17
    1.6666666666666667
```

Пример 3

Заполнить матрицу $\mathbf{a}(4,4)$ случайными целыми числами от 1 до 100. Вывести значения ее элементов. Найти максимальный элемент в каждой строке. Среди максимальных элементов каждой строки найти минимальный.

Заполнить матрицу ${\bf a}(4,4)$ случайными числами от -3 до 6. Вывести значения ее элементов. Вычислить среднее арифметическое значений неотрицательных элементов каждого столбца данной матрицы.

TOMSK TOMCKUЙ TOMCKUЙ TOMUTEXHUYECKUЙ UNIVERSITY TOMCKUЙ

Задания

Задание 1

Заполнить матрицу а (3,3) случайными целыми числами от -5 до 5. Вывести значения ее элементов на экран. Найти произведение минимального элемента матрицы на сумму ее положительных элементов. Вывести результат.

Найти сумму положительных (p) и количество отрицательных (o) элементов массива z (10), заполненного случайными целыми числами в диапазоне [-7;5] и минимальный элемент (b_{min}) второго столбца матрицы b (5, 5), заполненной случайными числами в диапазоне [-10;20], и вычислить значения элементов массива x:

$$x_i = rac{\sqrt{p}}{o + a \cdot c} + b_{min} \cdot k^2 + z_i$$

где $a=2.5\mathrm{e}{-3}; \quad c=175; \quad k=8.$



Контакты

Вячеслав Алексеевич Чузлов, к.т.н., доцент ОХИ ИШПР

П Учебный корпус №2, ауд. 136 chuva@tpu.ru

+7-962-782-66-15

Благодарю за внимание!

