### Cálculo Relacional

- Linguagem formal para consulta a relações
- Mesmo poder de expressão da álgebra relacional
- Linguagem não-procedural
  - uma consulta é um predicado lógico
    - um dado é buscado do BD se o predicado for verdadeiro para este dado
- Duas categorias de linguagens
  - cálculo relacional de tupla
  - cálculo relacional de domínio

# Cálculo Relacional de Tupla

Forma Geral

$$\{t, v, ..., x \mid P(t, v, ..., x)\}$$
variáveis livres

predicado aplicado à  $t, v, ..., x$ 

- Variável livre
  - assume valores de tuplas de uma ou mais relações
  - participa da resposta da consulta
- Predicado
  - expressão lógica que, se verdadeira para uma associação de valores das tuplas atribuídas a t, v, ...x, retorna os valores destas variáveis na resposta da consulta

## Exemplos (Seleção e Projeção)

 buscar os dados dos pacientes que estão com sarampo

```
{p | p ∈ Pacientes ∧ p.doença = 'sarampo'}
```

 buscar os dados das consultas, exceto aquelas marcadas para os médicos com código 46 e 79

```
\{c \mid c \in Consultas \land \neg \ (c.codm = 46 \lor c.codm = 79)\}
```

 buscar o número e a capacidade dos ambulatórios do terceiro andar

```
{a.nroa, a.capacidade | a \in Ambulatórios \land a.andar = 3}
```

### Para resolver

- 1) buscar os dados dos médicos ortopedistas com mais de 55 anos
- 2) buscar os dados dos ambulatórios do quarto andar que, ou tenham capacidade igual a 50 ou tenham número superior a 10
- 3) buscar os números dos ambulatórios que suportam mais de 50 pacientes, exceto aqueles do segundo e quarto andares

## Exemplos (Produto ou Junção)

 buscar o nome dos médicos que têm consulta marcada e as datas das suas consultas

 $\{m.nome, c.data \mid m \in M\'edicos \land c \in Consultas \land m.codm = c.codm\}$ 

 buscar os nomes dos médicos ortopedistas e o número e andar dos ambulatórios onde eles atendem

 $\{m.nome, a,nroa, a.andar \mid m \in Médicos \land m.especialidade =$ 'ortopedia'  $\land a \in Ambulatórios \land m.nroa = a.nroa\}$ 

### Para resolver

- buscar o número e a capacidade dos ambulatórios do quinto andar e o nome e código dos médicos que atendem neles
- para cada consulta marcada a partir das 14 horas, buscar o nome do médico, o nome do paciente e a data e a hora da consulta

#### Quantificador Existencial

Notação

 $\exists t \in R (P(t))$ 

- Define uma variável não-livre t (associada sempre a uma relação R) e avalia um predicado P(t) para ela
  - interpretação: verifica se existe alguma tupla t
     em R para o qual P(t) seja verdadeiro
- Uma variável não-livre não faz parte da resposta da consulta
  - usada para definir predicados sobre tuplas de relações que não interessam para a resposta

## **Exemplos**

 buscar o nome dos médicos que atendem em ambulatórios do segundo andar

 $\{m.nome \mid m \in M\'edicos \land \exists a \in Ambulat\'orios (a.andar = 2 \land m.nroa = a.nroa)\}$ 

 buscar o nome e a doença dos pacientes que têm consulta marcada com o médico João da Silva

{p.nome, p.doença |  $p \in Pacientes \land \exists c \in Consultas$  (p.codp = c.codp  $\land \exists m \in M\'edicos$  (c.codm = m.codm  $\land$  c.nome = 'João da Silva'))}

## Para resolver (Produto ou Junção)

- buscar o nome o código dos funcionários que estão internados como pacientes sofrendo de gastrite
- buscar o nome do médico e a data de todas as consultas marcadas para a paciente Maria Santos
- buscar o nome dos médicos pediatras que possuem consultas marcadas apenas com funcionários

# Exemplo e Exercícios (∪, — e ∩)

- buscar o nome e o CPF dos médicos e dos pacientes cadastrados no BD
  - $\{t.nome, t.CPF \mid t \in M\'edicos \lor t \in Pacientes\}$
- buscar o nome, o CPF e a idade dos médicos, pacientes e funcionários que residem em Florianópolis
- 3) buscar o número dos ambulatórios onde nenhum médico dá atendimento
- buscar o nome e o CPF dos médicos que estão internados como pacientes, sofrendo de pneumonia

#### **Quantificador Universal**

Notação

 $\forall t \in R (P(t))$ 

- Interpretação
  - verifica se toda tupla t em R satisfaz P(t)
- Usado para formular consultas que
  - envolvem a associação com tuplas de relações que não vão para a resposta
  - aplicam o princípio da divisão da álgebra relacional

## **Exemplos**

 buscar o nome dos médicos que têm consulta marcada com todos os pacientes

 $\{m.nome \mid m \in M\'{e}dicos \land \forall p \in Pacientes (\exists c \in Consultas (p.codp = c.codp \land c.codm = m.codm))\}$ 

 buscar o nome dos pacientes que têm consulta marcada com todos os médicos ortopedistas

 $\{p.nome \mid p \in Pacientes \land \forall m \in M\'edicos (m.especialidade = 'ortopedia' \Rightarrow \exists c \in Consultas (c.codm = m.codm \land c.codp = p.codp))\}$ 

## Para resolver (Divisão)

- buscar o nome o código dos pacientes de Florianópolis que têm consultas marcadas com todos os médicos de Florianópolis
- buscar o nome dos funcionários que têm consultas marcadas com todos os médicos cardiologistas
- buscar o número do ambulatório no qual todos os médicos ortopedistas dão atendimento, caso exista

## Observação

 Propriedade de Equivalência dos Quantificadores Universal e Existencial

$$\forall t \in R (P(t)) \equiv \neg \exists t \in R (\neg P(t))$$

 Buscar o nome dos médicos que têm consulta marcada com todos os pacientes

```
 \{ \text{m.nome} \mid m \in \text{M\'edicos} \land \forall \ \textbf{p} \in \textbf{Pacientes} \ (\exists \ c \in \text{Consultas} \\ (\text{p.codp} = c.codp \land c.codm = m.codm)) \}
```

 $\{m.nome \mid m \in M\'edicos \land \neg \exists p \in Pacientes (\neg \exists c \in Consultas (p. codp = c. codp \land c. codm = m. codm))\}$ 

### Cálculo Relacional de Domínio

Forma Geral

- Variável livre
  - assume valores de domínios de atributos de uma ou mais relações
  - participa da resposta da consulta
- Predicado
  - expressão lógica que, se verdadeira para determinados valores das variáveis livres t, v, ...x, retorna os valores destas variáveis na resposta da consulta

## **Exemplos**

 buscar o número e a capacidade dos ambulatórios do terceiro andar

```
\{n, c \mid a \in Ambulatórios \land a.andar = 3 \land n = a.nroa \land c = a.capacidade\}
```

- este cálculo é útil para união de atributos com mesmo domínio e nomenclaturas diferentes
  - exemplo: buscar nomes e códigos de médicos e pacientes

```
\{n, c \mid m \in Médicos \land p \in Pacientes \land ((n = m.nome \land c = m.codm) \lor (n = p.nome \land c = p.codp))\}
```

### Para resolver

- buscar os dados dos ambulatórios do quarto andar que ou tenham capacidade igual a 50 ou tenham número superior a 10
- buscar o nome e código dos pacientes e as datas das suas consultas com o médico cujo código é 85
- buscar o nome do médico e a data de todas as consultas marcadas para a paciente Maria Santos