

Universidade do Estado de Santa Catarina Ciência da Computação - Complexidade de Algoritmos Lista de Exercícios II

Exercício 1) Analise a complexidade de tempo e espaço para o melhor e pior caso dos algoritmos apresentados no arquivo: estruturas-dados.cpp

Exercício 2) Determine a complexidade de tempo no pior caso do algoritmo Merge Sort ao realizar a ordenação de strings com tamanho máximo de 's' caracteres. (Dica: analise o algoritmo do Merge Sort repensando as complexidades dos operadores envolvendo strings: maior, menor, atribuição que neste caso são usados para string. Considere a complexidade do pior caso de cada um desses operadores).

Exercício 3) Considere uma aplicação na qual é necessário armazenar e consultar diversos nomes de pessoas de no máximo $\underline{\mathbf{s}}$ caracteres. Optou-se por utilizar um algoritmo de Hash com um vetor de $\underline{\mathbf{n}}$ posições, usando endereçamento aberto com listas encadeadas para cada posição da estrutura. Utilizou-se uma função hash de complexidade de tempo $\Theta(\mathbf{s})$ e complexidade de espaço $\Theta(1)$. Com base nestas informações responda:

- a) Qual seria a complexidade de tempo e espaço, no melhor e pior caso, para realizar uma operação de inserção, sabendo que já foram incluídos $\underline{\mathbf{p}}$ registros? Explique em quais circunstâncias ocorre o melhor e pior caso. Considere $\mathbf{p} < \mathbf{n}$.
- **b**) Qual seria a complexidade de tempo para realizar $\underline{\mathbf{b}}$ operações de consulta, sabendo que já foram inseridos $\underline{\mathbf{p}}$ registros? Explique em quais circunstâncias ocorre o melhor e pior caso. Novamente considere $\mathbf{p} < \mathbf{n}$.

Exercício 4) Se for preciso calcular o caminho mínimo entre dois vértices de um grafo esparso, com arestas que podem ter peso negativo, mas não apresentam um ciclo de valores negativos, qual seria o melhor algoritmo a se utilizar: Dijkstra, Bellman-Ford ou Floyd-Warshall? Justifique sua resposta com base nas complexidades destes algoritmos.

OBS: para a prova não é necessário decorar as complexidades. Neste caso você pode consultar o material, então não é necessário trazer a complexidade e detalhamento dos algoritmos.

Exercício 5) Analise a complexidade de tempo e espaço para o pior caso (dica: qual seria o divisor que conduz a mais repetições?) do algoritmo de divisão de números inteiros grandes. Apresente a complexidade de tempo em relação ao valor real de <u>a</u> (n) e também em relação ao número de bits de <u>a</u>. Por fim, diga qual a complexidade de espaço do algoritmo para o pior caso.

```
BigInt divisao(BigInt a, BigInt d) {
    BigInt res = 0;
    while(a.ehMenor(d)) {
        res.soma(1);
        a.subtracao(d);
    }
    return res;
}
```

OBS: considere que as funções ehMenor, soma e subtração têm complexidade O(k), onde k é o número de dígitos do maior número envolvido na subtração.

Exercício 6) Analise o seguinte algoritmo de quebra da chave RSA por força bruta que recebe um valor $\underline{\mathbf{n}}$ e tenta o fatorar em \mathbf{p} e \mathbf{q} , sendo que: $p \times q = n$ ($p \in q \neq 1$). Diga qual a complexidade de tempo (pior caso) em termos do valor real em termos do seu número de bits (k), considerando as seguintes complexidades de tempo:

```
void fatorador( BigInt n ) {
    BigInt aux = sqrt( n );
    for(BigInt p=2; p<=aux; p.soma(1)) {
        if( n.ehDivisor(p) ) {
            q = n/p;
            p.print();
            q.print();
        }
    return res;
}</pre>
```

```
\label{eq:continuous} \begin{array}{lll} \text{sqrt():}\ O(k^3) & / & \text{soma():}\ O(k) & / & \text{ehDivisor():}\ O(k^2) & / & \text{operador} <=: O(k) \\ \text{operador}\ /:\ O(k) & / & \text{print():}\ O(k) \\ \text{onde } k \not\in \text{o número de bits do maior BigInt envolvido.} \end{array}
```