# Talks and Workshops

## MoMath Workshop

> id: bridges

> title: The Bridges of Königsberg

> section: momath

> color: "#A7208A"

Can you draw a path that crosses every bridge once, but \_not more than once\_, without entering the

water? You can start and end on any area of land.

Bạn có thể vẽ một con đường băng qua cây cầu, nhưng \_không quá một lần\_, mà không chạm nước. Bạn có thể bắt đầu và kết thúc tại vùng đất bất kỳ.

x-tabbox.full-width

.tab

h3 Map 1#[span.check.incorrect(when="bridge-0")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-1.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

.tab

h3 Map 2#[span.check(when="bridge-1")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-2.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

.tab

h3 Map 3#[span.check(when="bridge-2")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-3.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

.tab

h3 Map 4 #[span.check.incorrect(when="bridge-3")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-4.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

---

> id: utilities

> title: Three Utilities Puzzle

Can you connect each of these utility companies to each of the houses, without any of the lines

intersecting?

Bạn có thể kết nối từng công ty phục vụ công cộng với từng ngôi nhà, mà không có đường nào giao nhau?

.box.no-padding

include ../graph-theory/svg/utilities.svg

button.btn Clear

---

> id: planarity

> title: Planarity Game

::: .box.blue

#### Planarity

x-solved

svg#planarity(viewBox="0 0 720 360")

This is a planar graph, but the ${n}{n|7|5,20,1} vertices have been scrambled up. Rearrange the

vertices so that none of the edges overlap.

Đây là một đồ thị phẳng, nhưng các đỉnh $ {n} {n | 7 | 5,20,1} đã bị xáo trộn. Sắp xếp lại đỉnh sao cho không có cạnh nào trùng nhau.

p.btn-row: button.btn New Random Graph

:::

---

> id: maps-1

> title: Map Colouring

How many colours do you need for these maps, if adjacent countries or states cannot have the same

colour?

Bạn cần bao nhiêu màu cho những bản đồ này, nếu các màu của các quốc gia hoặc tiểu bang liền kề không giống nhau?

.four-colour-icons

for i in [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

.four-colour-icon(tabindex=0)

x-tabbox.four-colours.full-width

.tab

h3 United States #[span.check(when="map-0")]

x-solved

.colour-count(style="margin-bottom: -32px") #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-1.svg

button.btn.clear Clear

.tab

h3 South America #[span.check(when="map-1")]

x-solved

.colour-count #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-2.svg

button.btn.clear Clear

.tab

h3 Germany #[span.check(when="map-2")]

x-solved

.colour-count #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-3.svg

button.btn.clear Clear

.tab

h3 England #[span.check(when="map-3")]

x-solved

.colour-count #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-4.svg

button.btn.clear Clear

---

> id: salesman-4

> title: Travelling Salesperson Map

Try rearranging the cities on this map, and watch how the shortest path between them changes. You

can remove cities by tapping them, and you can add cities by clicking anywhere on the map (up to 8):

Hãy thử sắp xếp lại các thành phố trên bản đồ này và xem con đường ngắn nhất giữa chúng thay đổi như thế nào. Bạn

có thể xóa các thành phố bằng cách chạm vào chúng và bạn có thể thêm các thành phố bằng cách nhấp vào bất kỳ đâu trên bản đồ (tối đa 8):

figure: .tsm

svg(width=760 height=480 viewBox="0 0 760 480")

---

## NCTM 2021

> id: maps-v2

> title: Map Colouring

> section: mathsconf

.four-colour-icons

for i in [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

.four-colour-icon(tabindex=0)

x-tabbox.four-colours.full-width

.tab

h3 United States #[span.check(when="map-0")]

x-solved

.colour-count(style="margin-bottom: -32px") #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-1.svg

button.btn.clear Clear

.tab

h3 South America #[span.check(when="map-1")]

x-solved

.colour-count #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-2.svg

button.btn.clear Clear

.tab

h3 Germany #[span.check(when="map-2")]

x-solved

.colour-count #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-3.svg

button.btn.clear Clear

.tab

h3 England #[span.check(when="map-3")]

x-solved

.colour-count #[span 0] colours used

include ../graph-theory/svg/colours-4.svg

button.btn.clear Clear

---

> title: Three Body Problem

> id: three-bodies

What happens when three plants orbit around each other in space?

Điều gì xảy ra nếu ba hành tinh xoay xung quanh chúng trong không gian?

figure: x-geopad.simulation.r(width=480 height=480)

canvas(width=960 height=960)

svg

circle.large.move.red(name="a")

circle.large.move.blue(name="b")

circle.large.move.green(name="c")

path.thin(x="segment(a, a.translate(va))" arrows="end")

path.thin(x="segment(b, b.translate(vb))" arrows="end")

path.thin(x="segment(c, c.translate(vc))" arrows="end")

x-play-toggle

button.icon-btn.restore: x-icon(name="restart")

---

> id: bridges-v2

> title: The Bridges of Königsberg

Can you draw a path that crosses every bridge once, but \_not more than once\_, without entering the

water? You can start and end on any area of land.

Bạn có thể vẽ một con đường băng qua cây cầu, nhưng \_không quá một lần\_, mà không chạm nước. Bạn có thể bắt đầu và kết thúc tại vùng đất bất kỳ.

x-tabbox.full-width

.tab

h3 Map 1#[span.check.incorrect(when="bridge-0")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-1.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

.tab

h3 Map 2#[span.check(when="bridge-1")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-2.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

.tab

h3 Map 3#[span.check(when="bridge-2")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-3.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

.tab

h3 Map 4 #[span.check.incorrect(when="bridge-3")]

x-solved

include ../graph-theory/svg/bridges-4.svg

button.btn Clear

button.btn.right(hidden) Skip

---

> id: utilities-v2

> title: Three Utilities Puzzle

Can you connect each of these utility companies to each of the houses, without any of the lines

intersecting?

Bạn có thể kết nối từng công ty phục vụ công cộng với từng ngôi nhà, mà không có đường nào giao nhau?

.box.no-padding

include ../graph-theory/svg/utilities.svg

button.btn Clear

---

> title: Julia Sets

> id: julia2

In this diagram, we highlight all points `pill(x\_0,"yellow","x0")` on the complex plane, for which

the recursive sequence `pill(x\_n,"yellow") = pill(x\_(n-1),"yellow")^2 + pill(c,"red","c")` is

bounded (it doesn't diverge).

x-geopad(width=720 height=480 x-axis="-1.8,1.8,1" y-axis="-1.2,1.2,1" axes grid padding=8 projections="no" style="margin-bottom: 24px" label-suffix=",i" axis-names="Real, Imaginary")

canvas(width=1440 height=960)

svg

circle.move.yellow(name="x0" x="point(0.5,0.5)" target="x0")

circle.move.red(name="c" x="point(0,0)" target="c")

circle.yellow.transparent(name="x1" x="iterate(x0,c)" target="x1")

circle.yellow.transparent(name="x2" x="iterate(x1,c)" target="x2")

circle.yellow.transparent(name="x3" x="iterate(x2,c)" target="x3")

path.yellow(x="spiral(x0,c)")

.geo-legend

.formula.md `pill(x\_n,"yellow") = pill(x\_(n-1),"yellow")^2 + pill(var("complex(c)"),"red","c")`

.sequence

.md `pill(x\_0,"yellow", "x0") = var("complex(x0)")`

.md `pill(x\_1,"yellow", "x1") = var("complex(x1)")`

.md `pill(x\_2,"yellow", "x2") = var("complex(x2)")`

.md `pill(x\_3,"yellow", "x3") = var("complex(x3)")`

div

span.vdots …

strong.var.m-blue(:show="converges" data-display="inline") Bounded!

strong.var(:show="!converges" data-display="inline") Diverges!

x-slideshow(hidden): .legend-box: div

---

> id: mandel-paint

> title: The Mandelbrot Set

For Julia sets, we chose a fixed value for `pill(c,"red","c")`, and then changed the position of

`pill(x\_0,"yellow","x0")` to colour the plane. Now let’s fix the value of

`pill(x\_0 = 0,"yellow","x0")`, and instead change the value of `pill(c,"red","c")`:

figure: x-geopad.no-background(width=720 height=480 x-axis="-2.1,1.1,1" y-axis="-1.1,1.1,1" axes grid padding=8 projections="no" label-suffix=",i" axis-names="Real, Imaginary")

img(src="/content/fractals/images/mandelbrot.png" data-bounds="1,0.5,-1,-1.5")

canvas(width=1440 height=960 style="opacity: 1")

svg

circle.move.red.pulsate(name="c" cx=0 cy=0 target="c")

circle.yellow.transparent(name="x0" x="point(0,0)" target="x0")

circle.yellow.transparent(name="x1" x="iterate(x0,c)" target="x1")

circle.yellow.transparent(name="x2" x="iterate(x1,c)" target="x2")

circle.yellow.transparent(name="x3" x="iterate(x2,c)" target="x3")

path.yellow(x="spiral(x0,c)")

.geo-legend

.formula.md `pill(x\_n,"yellow") = pill(x\_(n-1),"yellow")^2 + pill(var("complex(c)"),"red","c")`

.sequence

.md `pill(x\_0,"yellow", "x0") = var("complex(x0)")`

.md `pill(x\_1,"yellow", "x1") = var("complex(x1)")`

.md `pill(x\_2,"yellow", "x2") = var("complex(x2)")`

.md `pill(x\_3,"yellow", "x3") = var("complex(x3)")`

div

span.vdots …

strong.var.m-blue(:show="converges" data-display="inline") Bounded!

strong.var(:show="!converges" data-display="inline") Diverges!

---

> id: mandel-zoom

> title: Mandelbrot Zoom

Like all fractals, we can “zoom into” the Mandelbrot set forever, finding new patterns at every

scale. Here you can zoom into a part of the Mandelbrot set called the \_\_Seahorse valley\_\_:

Giống như tất cả các phân dạng, chúng ta có thể “phóng to” tập hợp Mandelbrot mãi mãi, tìm ra mẫu mới với mỗi tỉ lệ. Tại đây bạn có thể phóng to một phần của tập hợp Mandelbrot được gọi là \_\_Thung lũng Cá Ngựa\_\_

.mandel-frame

- i = 1;

while i <= 27

img(src="/content/fractals/images/mandel/mandel-" + i + ".jpg" width=760 height=500)

- i += 1;

.scale.var Scale: ${pow(scale)}

x-slider(steps=27 continuous speed=0.1 :bind="scale")

---

> id: fractal-builder

> title: The Chaos Game

The \_\_chaos game\_\_ is a way to generate fractals using a simple rule. You start with a point,

repeatedly pick a random vertex of a polygon, and then mark the midpoint of the line from your

original point to that vertex. Then you continue from that new point. What shapes can you make?

\_Trò chơi hỗn độn\_ là một cách để tạo phân dạng bằng cách sử dụng quy tắc đơn giản. Bạn bắt đầu với một điểm, liên tục chọn một đỉnh ngẫu nhiên của một đa giác, sau đó đánh dấu trung điểm của đoạn thẳng từ điểm gốc đối với đỉnh đó. Sau đó, bạn tiếp tục từ điểm mới đó. Bạn có thể tạo ra những hình nào?

include ../fractals/components/chaos-game

---

> id: circles

> title: Apollonian Gasket

> section: alex

## Alex Kontorovich

Can you place all smaller circles inside the big one?

Bạn có thể đặt tất cả các vòng tròn nhỏ hơn bên trong một vòng tròn lớn không?

svg.circles(width=600 height=600 viewBox="0 0 320 320")

circle.outer(cx=160 cy=160 r=108.07)