

6.- La ecuación de movimiento de una partícula está dada por : $x = t^2 - 3t + 12$, donde x está en metros y t en s. Determine:

- La posición y la velocidad iniciales, la aceleración.
- Escribir la ecuación de la velocidad en función del tiempo
- Determinar el instante y la posición de inversión del movimiento
- Dibujar un esquema del movimiento de la partícula sobre el eje X.
- ¿Qué distancia recorre la partícula en los primeros 4 s de su movimiento ?
- Calcule la velocidad media y la rapidez media en el intervalo de los primeros 4 s

R. a) 12m, -3m/s, 2m/s² ; b) $v=2t-3$; c) 1,5 s, 9,75m ; d); e) d=8,5m ; f) $v=1\text{m/s}$, $v=2,125\text{ m/s}$

$$x(t) = t^2 - 3t + 12$$

$$v = \frac{dx(t)}{dt}$$

$$v = \frac{dx}{dt} = \frac{d(t^2 - 3t + 12)}{dt}$$

$$a = \frac{d^2x(t)}{dt^2} = \frac{dv(t)}{dt}$$

$$v = \frac{dt^2}{dt} - \frac{d3t}{dt} + \frac{d12}{dt}$$

$$v = \frac{d}{dt}t^2 - 3\frac{d}{dt}t = 2t - 3$$

$$\left| \begin{array}{l} \frac{dx^n}{dx} = nX^{n-1} \\ \frac{dt}{dt} = 1 \end{array} \right.$$

$$v(t) = (2t - 3) \text{ m/s}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d(2t - 3)}{dt} = \frac{d2t}{dt} - \frac{d3}{dt} = 2\frac{dt}{dt} - 0$$

$$a = 2 \text{ m/s}^2$$

$$\Rightarrow a = \text{const} \Rightarrow \text{M.U.R.A.}$$

$$\begin{array}{l} a) \\ x_0 = ? \quad | \quad t = 0 \\ v_0 = ? \end{array}$$

$$\text{Si } x = t^2 - 3t + 12 \quad \text{Si } t = 0$$

$$x = 0^2 - 3(0) + 12 \Rightarrow x_0 = 12 \text{ m} \quad \checkmark$$

$$v = 2t - 3$$

$$\text{si } t = 0$$

$$v_0 = 2(0) - 3$$

$$v_0 = -3 \text{ m/s} \quad \checkmark$$

$$a = 2 \text{ m/s}^2$$

$$b) \quad v(t) = 2t - 3$$

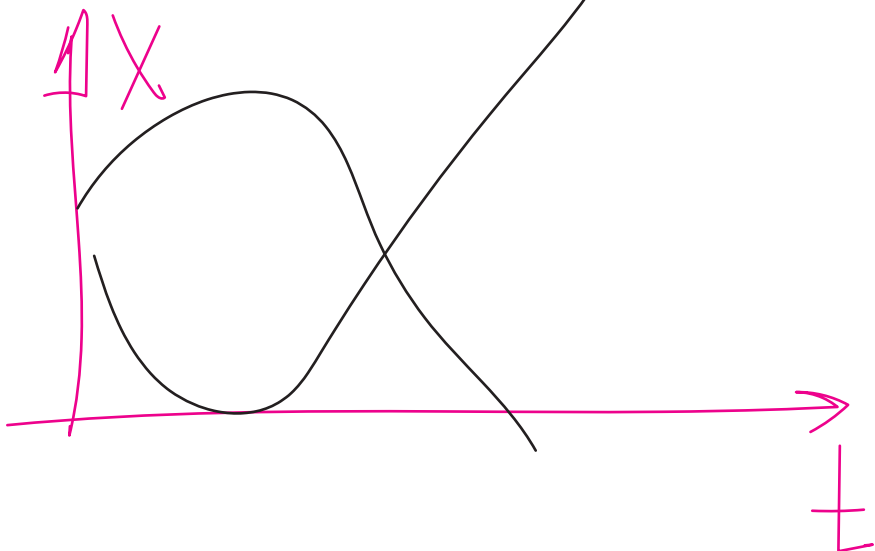
$$X = t^2 - 3t + 12$$

$$X = 12 + (-3)t + 1t^2$$

$$X = X_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$\left. \begin{array}{l} X_0 = 12 \text{ m/s} \\ v_0 = -3 \text{ m/s} \end{array} \right\} t_0 = 0$$

$$1 = \frac{1}{2} a \Rightarrow a = 2 \text{ m/s}^2$$



$$X = t^2 - 3t + 12$$

Que método usaron?

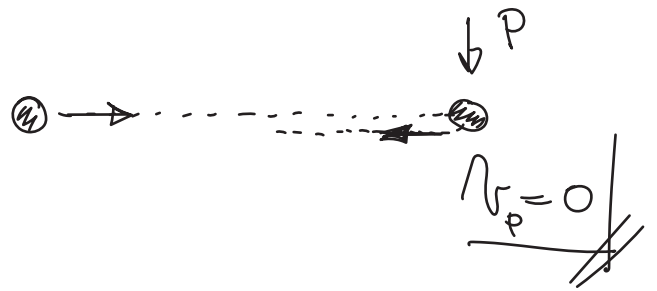
c) $t_{inv} = ?$

$x_{inv} = ?$

$x = t^2 - 3t + 12$

Max, y Min.

$\frac{dx}{dt} = 0 \Rightarrow v = 0$



$v(t) = 2t - 3 = 0$

$2t = 3$

$t = \frac{3}{2} s \Rightarrow t_{inv} = 1,5 s$

{ Ponto Critico
Minimo

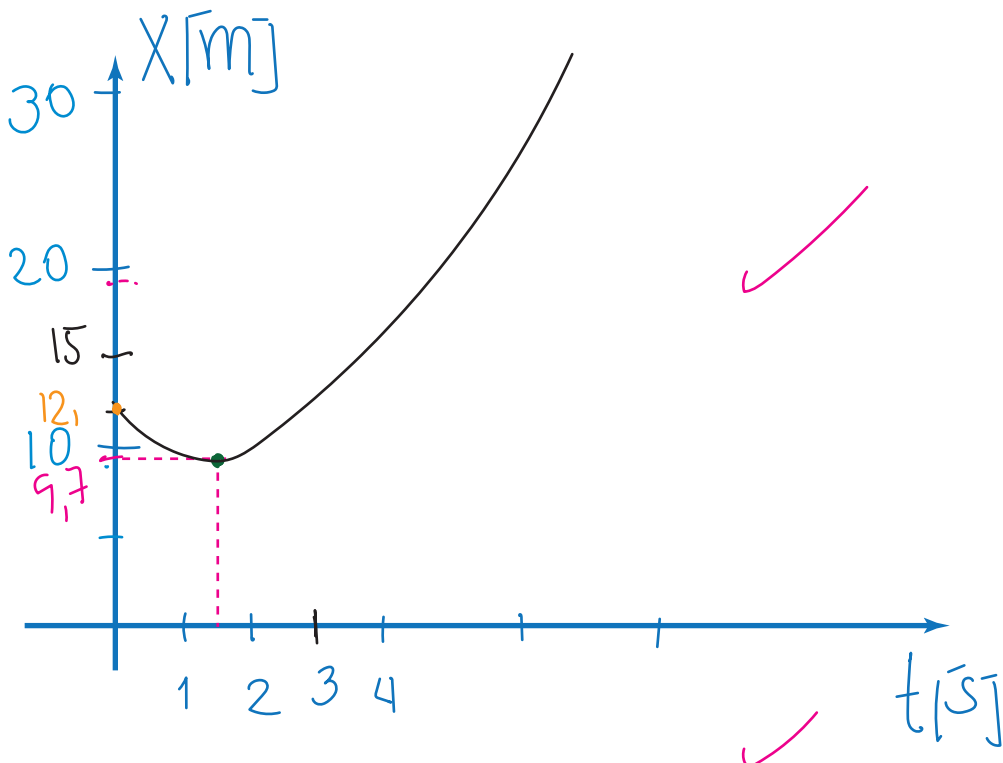
$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{dv}{dt} = a(t) \Rightarrow a = 2 > 0 \rightarrow \min$



Si: $t_{inv} = \frac{3}{2} s \Rightarrow x(t = \frac{3}{2}) = 9,7 m$

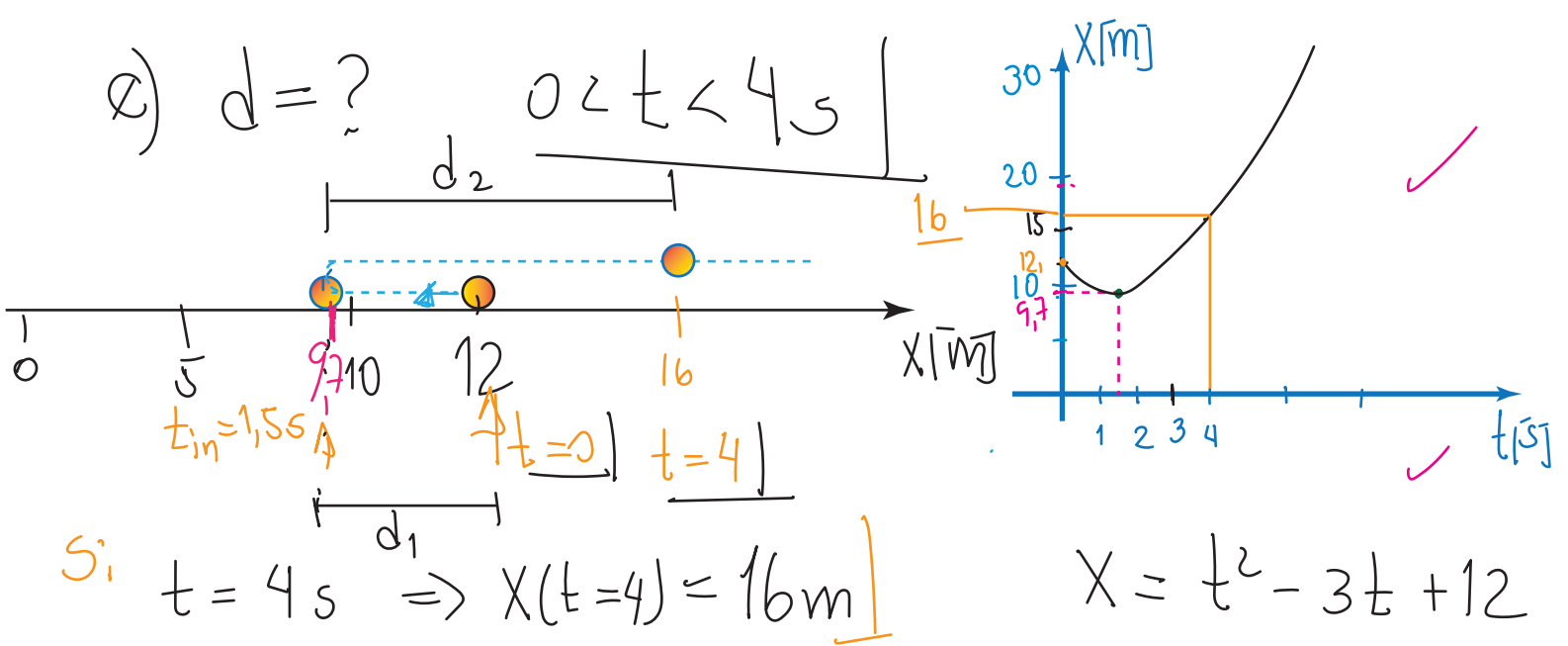
$\hookrightarrow x_{inv} = 9,7 m$ sol(c)

d) $x = f(t) \Rightarrow$ grafica



si $t = 0$

$x_0 = 12 m$



$$d_1 = 12 - 9.7 = 2.3 \text{ m}$$

$$d_2 = 16 - 9.7 = 6.3 \text{ m}$$

$$d = d_1 + d_2 = 2.3 + 6.3 = 8.6 \text{ m}$$

$$\boxed{d = 8.6 \text{ m}} \quad \underline{0 < t < 4s}$$

Sol e

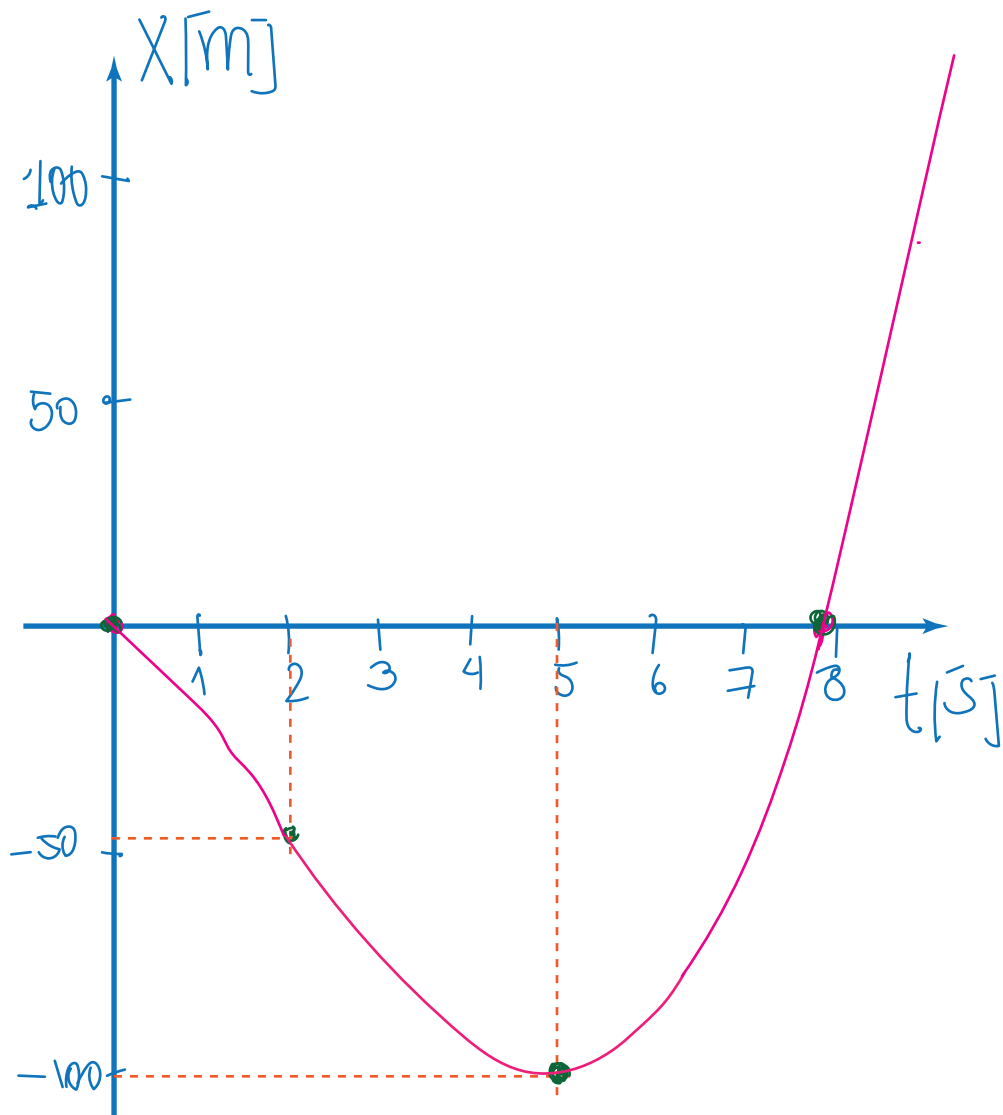
f) $\bar{v} = ?$
 $\bar{v}_R = ?$ $\left. \vphantom{\begin{matrix} \bar{v} \\ \bar{v}_R \end{matrix}} \right\} 0 < t < 4s$

$$\bar{v} = \frac{\Delta X}{\Delta t} = \frac{X(t=4) - X(t=0)}{t_f - t_0} = \frac{16 - 12}{4 - 0}$$

$$\bar{v} = \frac{4}{4} \Rightarrow \boxed{\bar{v} = 1 \text{ m/s}} \quad 0 < t < 4s$$

$$\bar{v}_R = \frac{d_r}{t_r} = \frac{8.6}{4} = 2.15 \text{ m/s}$$

$$\boxed{\bar{v}_R = 2.15 \text{ m/s}} \quad \underline{0 < t < 4s}$$



Punto Critico $t_{inv} = 5s$ y $X_{inv} = -100m \leftarrow$ **minimo**

Inflection $t_{inf} = 2s$ y $X_{inf} = -46m \Rightarrow$

Si $X=0$ $X = t^3 - 6t^2 - 15t$

$$t^3 - 6t^2 - 15t = 0 \Rightarrow \begin{aligned} t_1 &= 7,9s \checkmark \\ t_2 &= -1,9s \times \\ t_3 &= 0 \checkmark \end{aligned}$$

(Note: In the original image, arrows point from the coefficients 1, -6, and -15 to the terms t^3 , $-6t^2$, and $-15t$ respectively.)

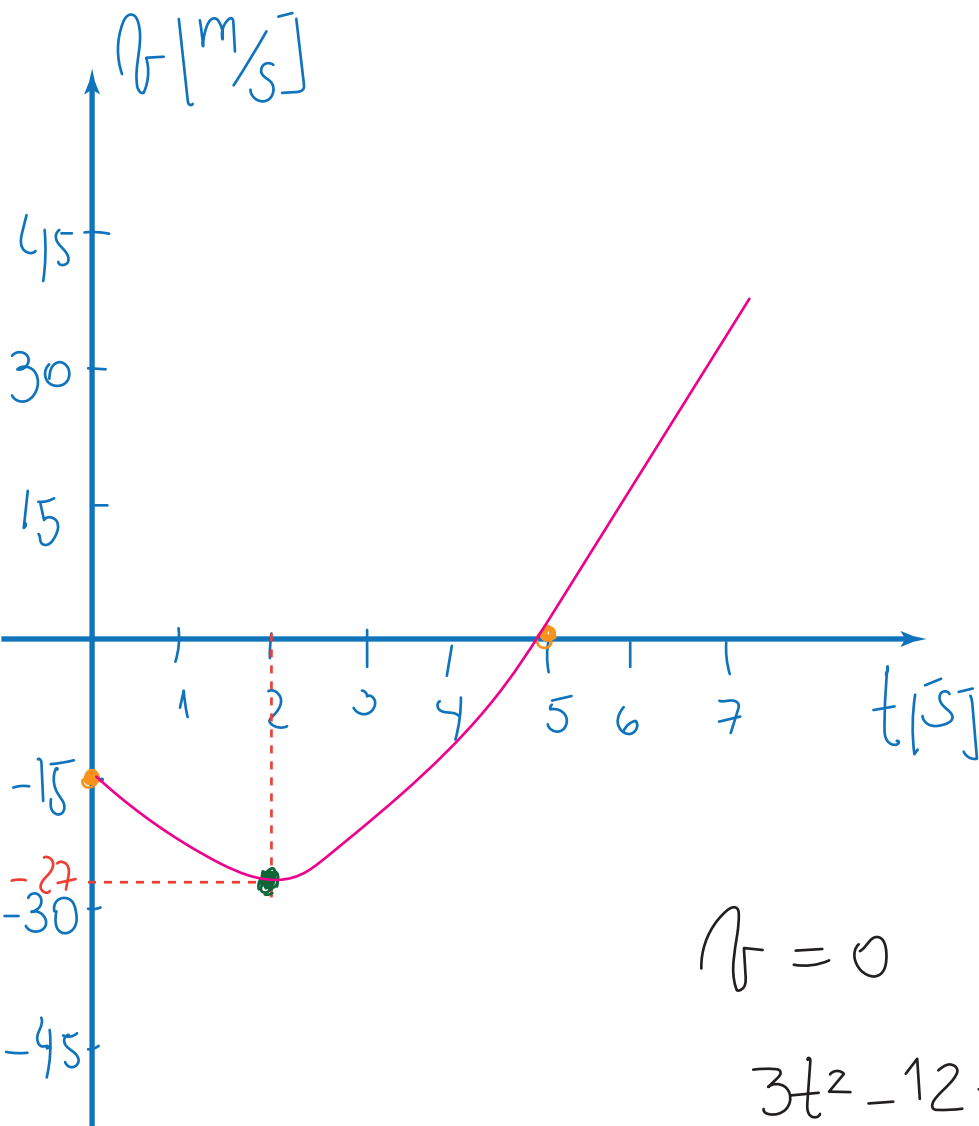
d) $r = f(t)$

$$r = 3t^2 - 12t - 15$$

$$\frac{dr}{dt} = 0 \Rightarrow 6t - 12 = 0 \mid t_{cr.} = 2s$$

$$\text{Si } t_{cr.} = 2s \Rightarrow r_{cr.} = -27 \text{ m/s} \quad \leftarrow \text{Minimo}$$

$$\frac{d^2r}{dt^2} = 6 > 0$$



$$r = 0$$

$$r = 3t^2 - 12t - 15$$

$$3t^2 - 12t - 15 = 0$$

$$\text{Si } t = 0$$

$$r = -15 \text{ m/s}$$

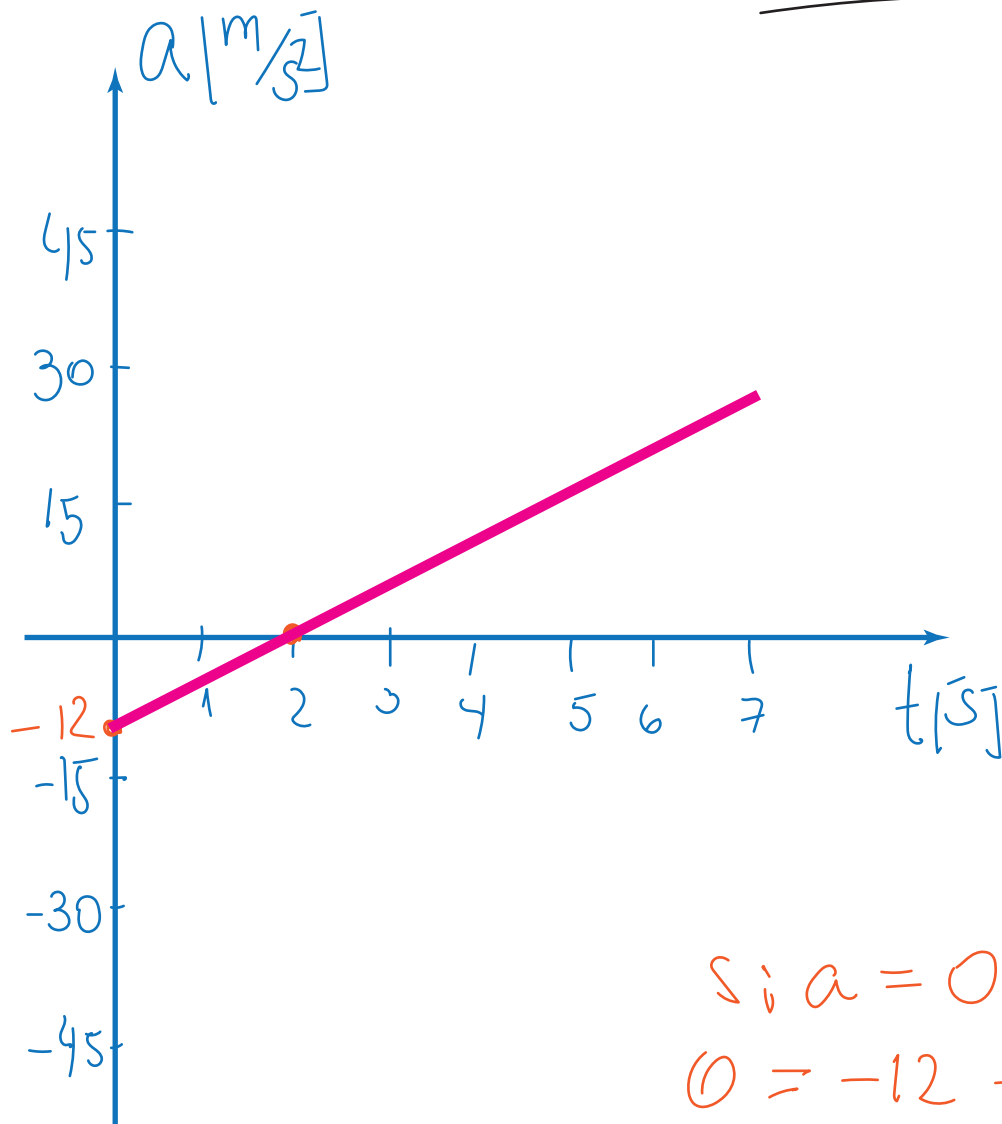
$$t_1 = 5s \quad \checkmark$$

$$t_2 = -1s \quad \times$$

$$e) a = f(t)$$

$$a = 6t - 12$$

$$y = A + Bx \Rightarrow \underline{a = -12 + 6t}$$



$$s: a = 0$$

$$0 = -12 - 6t$$

$$\underline{t = 2s}$$

6. Un cuerpo se mueve en una trayectoria rectilínea según la ecuación posición-tiempo: $x = t^3 - 6t^2 - 15t$, determina: a) los tiempos y posiciones de inversión del movimiento, b) los tiempos y posición de inflexión de la curva posición-tiempo, c) gráfica la relación $x(t)$, d) gráfica la relación $v(t)$, e) gráfica la relación $a(t)$.

$$x = t^3 - 6t^2 - 15t$$

$$v = \frac{dx}{dt} = 3t^2 - 12t - 15$$

$$a = \frac{dv}{dt} = 6t - 12$$

$$v = 3t^2 - 12t - 15$$

$$a = 6t - 12$$

a) $t_{inv} = ?$ $\frac{dx}{dt} = v = 0$
 $x_{inv} = ?$

$$\hookrightarrow 3t^2 - 12t - 15 = 0$$

$$t_1 = -1s \quad \times$$

$$t_2 = 5s \quad \checkmark$$

$$\hookrightarrow t_{inv} = 5s \Rightarrow x_{inv} = -100m$$

Sol(a)

b) $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{dv}{dt} = a \Rightarrow a = 0$ condición Puntos de Inflexión

$$a = 6t - 12 = 0 \Rightarrow t_{inf} = 2s \Rightarrow x_{inf} = -46m$$

c) $x = f(t)$ gráfica

Punto Crítico $t_{inv} = 5s$ y $x_{inv} = -100m \leftarrow$ **minimo** 

Inflexion $t_{inf} = 2s$ y $x_{inf} = -46m$

$$\frac{d^2x}{dt^2} \Big|_{t_{inv}} \Rightarrow a(t_{inv} = 5) = 6(5) - 12$$

$$a = 18 \text{ m/s} > 0$$