Física I:





Cinemática

Docente: Lic. Jose Luis Mamani Cervantes

CINEMÁTICA

Es la parte de la Mecánica que trata del Movimiento en sus condiciones de ESPACIO y TIEMPO

No toma en cuenta las Causas del Movimiento

Estudiaremos 2 tipos de movimientos:

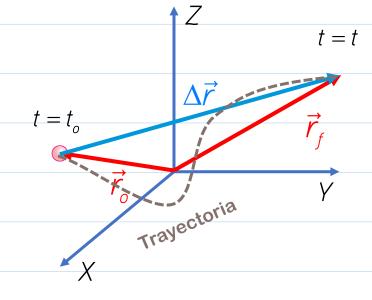
- ✓ Movimiento Uniforme
- ✓ Movimiento No uniforme



Movimiento Uniforme

Posición y Sistema de Referencia

- Podemos definir un sistema de referencia como un sistema de coordenadas respecto del cual estudiamos el movimiento de un cuerpo.
- Mide la posición del observador respecto al fenómeno observado.



$$\vec{r} = xi + yj + z\dot{k}$$

Vector posición en 3D.

$$\Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_o$$

Vector desplazamiento en 3D.

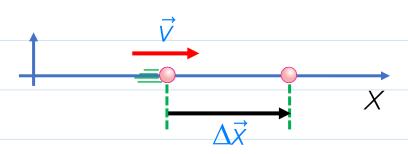


Velocidad

> Si una partícula recorre una distancia Δr durante el intervalo Δt , su velocidad media durante este intervalo es:

$$\vec{v}_{media} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \quad \left[v_{media} \right] = \left[\frac{m}{s} \right]$$

Movimiento rectilíneo en 1D

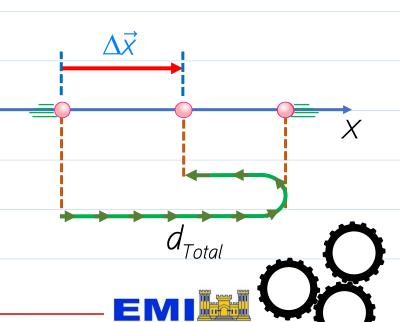


$$\vec{V} = \lim_{\Delta t \to 0} \left(\frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \right) \quad \Rightarrow \quad V = \frac{dr}{dt}$$

Rapidez

ightharpoonup Se define como la distancia total recorrida d_T por una partícula dividida entre el tiempo total transcurrido t_T

$$v_R = \frac{d_T}{t_T} \qquad \left[v_R \right] = \left[\frac{m}{s} \right]$$



Aceleración

> Si se conoce la velocidad de la partícula en dos puntos, su aceleración media durante el Δt se defina como:

$$\vec{a}_{media} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

$$[a] = \frac{m}{s^2}$$

> La aceleración instantánea se determina al tomar cada vez valores más pequeños de Δt :

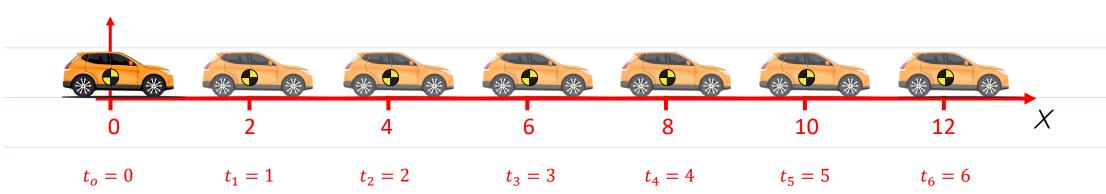
$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \left(\frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \right) \implies a = \frac{dv}{dt} \implies$$

$$a = \frac{dV}{dt}$$

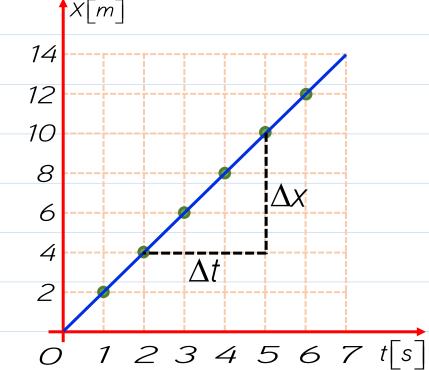
$$a = \frac{d^2r}{dt^2}$$

Movimiento Uniforme Rectilíneo

- ➤ El movimiento rectilíneo uniforme (M.R.U.) es aquel en el que la trayectoria es una Línea Recta
- > La velocidad es constante
- \triangleright Los desplazamientos Δx son iguales, para intervalos de tiempo constantes $\Delta t = ctte$







Modelo Matemático

$$x \propto t$$
 K es una constante de proporcionalidad $x = kt$ matemática

Según la gráfica

$$B = k$$
 Pendiente de la recta

Según la geometría la ecuación de la recta

$$Y = A + BX$$

A Ordenada al origen

$$B = \frac{\Delta Y}{\Delta X}$$
 Pendiente de la recta

Según la recta experimental obtenida

$$x = A + Bt$$

$$A = X_o$$

$$B = \frac{\Delta x}{\Delta t} = v$$

La Ordenada al origen representa la posición inicial

La pendiente es la velocidad



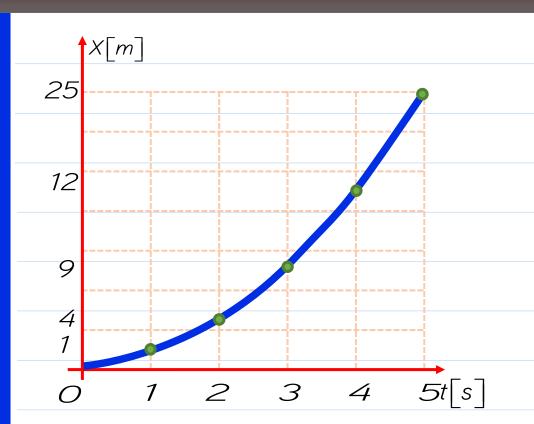
Según los datos experimentales la ecuación que describen el movimiento es:

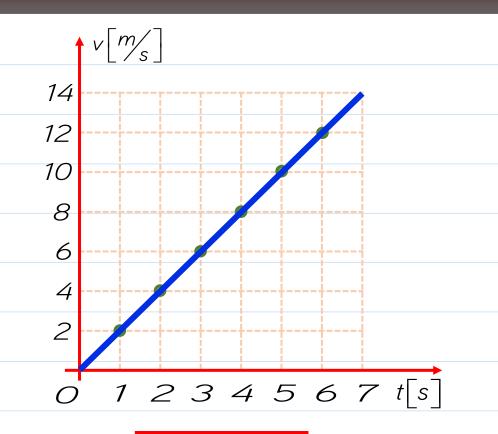
$$\vec{X} = \vec{X}_o + \vec{V}t$$

Movimiento Uniforme Rectilíneo Acelerado

- > (M.R.U. A.) es aquel en el que la trayectoria es una Línea Recta
- > La velocidad NO es constante
- \triangleright Los desplazamientos Δx NO son iguales, para intervalos de tiempo constantes $\Delta t = ctte$







$$\vec{x} = \vec{x}_o + \vec{v}_o t + \frac{1}{2} \vec{a} t^2$$

$$v = v_o + at$$

$$v^2 = v_o^2 + 2a\Delta x$$



Movimiento Rectilíneo Uniforme

Condición:

$$v = ctte \implies a = 0$$

$$v = \frac{dx}{dt} = ctte$$

Si separamos la ecuación diferencial dx

$$dx = vdt$$

$$\int_{x_{o}} dx = \int_{t_{o}} vdt$$

$$\int_{x_{f}} dx = \int_{t_{o}} vdt$$

$$x \Big|_{X_o}^{X_f} = V * t \Big|_{t_o}^{t_f}$$

Dando paso a los limites de integración

$$X_f - X_o = V\left(t_f - t_o\right)$$
Si $t_o = 0$

$$x_f = x$$

$$t_f = t$$

$$\mathbf{Si} \quad t_o = 0 \\
x_f = x \\
t_f = t$$

$$X = X_o + Vt$$



Movimiento Uniforme Acelerado

Condición:

$$V \neq ctte \implies a = ctte$$

$$a = \frac{dv}{dt} = ctte$$

Si separamos la ecuación

diferencial dv

$$dv = adt$$

$$\int_{V_0}^{V_f} dV = \int_{t_0}^{t_f} adt$$

$$\int_{V_0}^{V} dV = a \int_{O}^{t} dt$$

$$V\Big|_{V_o}^V = a * t\Big|_{O}^t$$

Dando paso a los limites de integración

$$v - v_o = a(t - 0)$$

$$V = V_o + at$$

$$v(t) = V_o + at$$
(1)

La velocidad es una función del tiempo



Si sabemos que:

$$v = \frac{dx}{dt}$$

Si separamos la ecuación diferencial dx

$$\int_{x_0}^{x_f} dx = \int_{t_0}^{t_f} v(t) dt$$

Vemos que v no es constante y utilizando la actuación (1)

$$\int_{x_o}^{x_f} dx = \int_{t_o}^{t_f} \left(v_o + at \right) dt$$

$$\int_{x_o}^{x_f} dx = \int_{t_o}^{t_f} v_o dt + \int_{t_o}^{t_f} at dt$$

$$\int_{x_o}^{x_f} dx = V_o \int_{t_o}^{t_f} dt + a \int_{t_o}^{t_f} t dt$$

$$x \Big|_{X_o}^{X} = v_o * t \Big|_{0}^{t} + a * \frac{t^2}{2} \Big|_{0}^{t}$$

$$X_f - X_o = V_o(t - 0) + \frac{1}{2}a(t^2 - 0^2)$$

$$x = X_o + V_o t + \frac{1}{2} a t^2$$



Si separamos la ecuación diferencial dv

$$\frac{dv = adt \frac{dx}{dx}}{\frac{dx}{dx}}$$

$$dv = a$$

$$vdv = adx$$

$$\int_{V_0}^{V_f} v dv = \int_{X_0}^{X_f} a dx$$

$$\int_{V_o}^{V} V dV = a \int_{X_o}^{X} dX$$

$$\frac{v^2}{2} \left| \frac{v}{v_o} \right| = a * x \left| \frac{x}{x_o} \right|$$

$$\frac{1}{2}\left(v^2 - v_o^2\right) = a\left(x_f - x_o\right)$$

$$v^2 - v_o^2 = 2a\Delta x$$

$$v^2 = v_o^2 + 2a\Delta x$$