

SEGUNDO PARCIAL

HOJA DE EXAMEN

FECHA: 18/10 /2021

CÓDIGO DEL ESTUDIANTE

CARRERA: CIENCIAS BÁSICAS

ASIGNATURA: CALCULO II

CURSO: SEGUNDO Semestre DOCENTE: Ing. Rosalva Alcocer V

1.- Funciones de Varias variables

UNIDADES TEMÁTICAS A EVALUAR 2.- Derivadas Parciales3.-Aplicación derivadas Parciales

RECOMENDACIONES A LOS ESTUDIANTES

- 1. Los estudiantes tienen 5 (Cinco) minutos para interpretar el examen y solicitar aclaraciones al docente.
- El RAC-07 (RÉGIMEN DISCIPLINARIO), en el CAP IV. FALTAS Y SANCIONES, Art. 20 tipifica el FRAUDE O INTENTO DE FRAUDE EN EXAMENES, como "CAUSAL DE SEPARACIÓN SIN DERECHO A REINCORPORACIÓN" de la EMI.
- Mediante MOODLE en el Titulo correspondiente al Examen del Aula virtual de la asignatura el estudiante descargará el examen y subirá el examen resuelto en formato PDF.
- Mediante TEAMS el estudiante está en la obligación de permanecer conectado durante el desarrollo del Examen para cualquier requerimiento del Docente y del JJCC.
- 5. Tiempo de Duración:
 - a. "90 Minutos" para resolver el EXAMEN
 - b. "10 Minutos" para subir el examen resuelto en formato PDF
- Otras que el docente considere necesarias.
- 1. Hallar las derivadas de segundo orden de la función

$$f(x,y) = \frac{x^2 - Ny^2}{x^2 + y^2}$$

2. Hallar el dominio de la función y graficar dicho dominio

$$f(x,y) = \ln(-x^2 + Ny - 2)$$

3. Si g es una función real de dos variables independientes diferenciable, definida por $z = g(x,y) = e^{x^2y}$ pruebe que para $x \neq 0$

$$\frac{1}{N^2} \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{1}{N} 2x^2 \frac{\partial z}{\partial x} - \frac{1}{N^2} \frac{4y^2}{x^2} \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} - 2 \frac{1}{N^2} \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x} = 2(y - 2x)z$$

- **4**. Utilizar multiplicadores de Lagrange para determinar las dimensiones de una caja que tiene forma rectangular, cerrada es decir con tapa, con un volumen de $N\ cm^3$ y en la cual se utilice la menor cantidad de material para su construcción.
 - 5. Clasificar los cuntos criticos de la función real de dos variables definida por

$$h(x,y) = 3Nx^2y + Nx^2 - 6Nx - 3Ny - 2N$$