

SEGUNDO PARCIAL HOJA DE EXAMEN

CÓDIGO DEL ESTUDIANTE

CARRERA: CIENCIAS BASICAS

ASIGNATURA: Álgebra Lineal y Matricial

FECHA: 19/10/2021

CURSO: Segundo Semestre

DOCENTE: Mgr. Ing. José Fred Camacho Alcocer

UNIDADES TEMÁTICAS A EVALUAR 4.- Sistemas Homogéneos, Espacios Vectoriales

5.- Producto Interior

RECOMENDACIONES A LOS ESTUDIANTES

- 1. Los estudiantes tienen 5 (Cinco) minutos para interpretar el examen y solicitar aclaraciones al docente.
- El RAC-07 (RÉGIMEN DISCIPLINARIO), en el CAP IV. FALTAS Y SANCIONES, Art. 20 tipifica el FRAUDE O INTENTO DE FRAUDE EN EXÁMENES, como "CAUSAL DE SEPARACIÓN SIN DERECHO A REINCORPORACIÓN" de la EMI.
- 3. Mediante MOODLE el estudiante descargará el examen y subirá el examen resuelto en formato PDF
- Mediante TEAMS el estudiante está en la obligación de permanecer conectado durante el desarrollo de la prueba
- 5. Tiempo de Duración:

 - a. "90 Minutos" para resolver el EXAMEN
 b. "10 Minutos" para subir el examen en formato PDF
- Otras que el docente considere necesarias.

PREGUNTAS

1) Resolver el siguiente sistema de ecuaciones "homogéneo", utilizando EL METODO DE GAUSS y expresando la solución general en función de m.

Luego expresar una "solución particular" (preferentemente con Números Enteros)

$$x - 5y + 6z + 4u = 0$$

$$3x + 6y - 3z + 5u = 0$$

$$2x - 2y + 3z + 6u = 0$$

$$4x + y + 3z + 9u = 0$$
(1,5 puntos)

- **2)** Sea A un espacio vectorial, tal que $A = \{(k-2)x^2 + 4x + 1 ; 4x^2 + 5x + 2 ; 6x^2 + 3x + 3\}$. Hallar el valor de $k \in \mathbb{R}$, tal que A es linealmente dependiente. (1.5 puntos)
- 3) Demostrar que el conjunto de vectores $S = \{(1,2,1), (3,5,2), (1,1,1)\}$ constituyen una "Base de un Espacio Vectorial" en R³. Hallar las "fórmulas generales" que expresen las constantes y el valor de éstas para generar el vector (3,1,2) en dicha base, utilizando las fórmulas obtenidas. (1,5 puntos)
- **4)** Sea W un **subespacio** vectorial de V, tal que.

 $V = \{(1,2,3,4)(0,1,0,2)(0,1,2,1)(0,0,-2,1)\}$ Hallar la base en W, su dimensión y la ecuación que represente a los vectores en V. (2 puntos)

5) Sean los subespacios vectoriales:

$$F = \{(x, y, z, t, u) \in \mathbb{R}^5 / 3x + 2y + z + 3t + 5u = 0 ; 6x + 4y + 3z + 5t + 7u = 0\}$$

$$G = \{(x, y, z, t, u) \in \mathbb{R}^5 / 9x + 2y + z + 7t + 9u = 0 ; 3x + 2y + 4t + 8u = 0\}$$
Hallar una Base y la Dimensión de F \cap G (2 puntos)

6) A partir de una Base formada por los vectores: $u_1 = (1, 2, 2)$ $u_2 = (2, 2, 3)$ y $u_2 = (1, 3, 1)$ Construir una Base Ortonormal utilizando el PROCESO DE GRAM – SCHMIDT y, a partir de esta Base Ortonormal, expresar el vector u = (5, 4, 4) como combinación lineal de ellos. Determinar, también, los valores de las constantes para que se produzca esta situación.

(1,5 puntos)