

ESCUELA MILITAR DE INGENIERIA INGENIERÍA DE SISTEMAS ESTADÍSTICA II



PROBLEMAS PARA RESOLVER EN CLASES

- **1.** Se selecciona un Boliviano al azar y se mide su peso y su estatura: sea X= peso y Y= altura; interpreta y gráfica.
- 2. Se quiere evaluar la relación que tiene el precio del dólar y la inflación; interpreta y gráfica.
- 3. Ustedes como estudiantes de tercer semestre de la carrera de ingeniería de sistemas de la Escuela Militar de Ingeniería toman las materias de estadística 2 y variable compleja; por lo que ustedes necesitan saber qué relación existe con estas dos materias; interpreta y gráfica.
- **4.** El tiempo total (en horas) que permanece un cliente en un determinado restaurante se divide en:

Y1 = tiempo de espera hasta que se sirve el primer plato;

Y2 = tiempo desde ese momento hasta que el cliente sale del restaurante (es decir, tiempo de comer y pagar).

Las variables aleatorias Y1 e Y2 tienen distribución conjunta dada por:

$$f(y_1, y_2) = \begin{cases} e^{-(y_1 + y_2)}, & 0 \le y_1, y_2 \le \infty; \\ 0, & \text{resto.} \end{cases}$$

Calcular:

- a) La probabilidad de que el cliente pase más de una hora en el restaurante;
- b) Las distribuciones marginales de Y1 e Y2.
- c) La probabilidad de que un cliente tarde en ser servido más de una hora.
- **5.** Sea (X,Y) una variable aleatoria bidimensional con función de densidad:

$$f(x,y) = \begin{cases} k & 0 < y < x < 1 \\ 0 & restantes valores \end{cases}$$

DOCENTE: Ing. Ivett Jacqueline Tancara Zambrana



ESCUELA MILITAR DE INGENIERIA INGENIERÍA DE SISTEMAS ESTADÍSTICA II



- a) Hallar k para que sea función de densidad
- b) Hallar las funciones de densidad marginales ¿son X e Y independientes?
- c) Hallar la probabilidad (X<1/2 y Y>X/2)
- d) Hallar la probabilidad (X>1/2 y Y<X/2)
- **6.** Sea (X,Y) una variable aleatoria bidimensional con función de densidad:

$$f(x,y) = \begin{cases} 1 & |y| < x ; 0 < x < 1 \\ 0 & restantes valores \end{cases}$$

- a) Comprobar que f (x, y) es función de densidad
- b) Hallar las probabilidades p (x< 1/2; y<0)
- c) Hallar p (x>1/2, -1/2<Y<1/2)
- 7. La función de densidad asociada a la emisión de billetes de una compañía es:

$$f(x,y) = \begin{cases} x+y & 0 < x < 1 & 0 < y < 1 \\ 0 & \text{en el resto} \end{cases}$$

- a) Comprobar si es una función de densidad
- b) Hallar la función de distribución
- c) Hallar las funciones de las densidades marginales de X y Y
- d) ¿Son X y E independientes?
- 8. La función de distribución asociada a un fenómeno de la naturaleza es:

$$F(x,y) = \begin{cases} (1-e^{-x}) \cdot (1-e^{-y}) & x > 0 \ , & y > 0 \\ 0 & \text{en el resto} \end{cases}$$

- a) Hallar la función de densidad
- b) Hallar las funciones de densidades marginales de X y Y
- c) Hallar las funciones de densidades condicionadas
- d) Calcular el coeficiente de correlación