

Массивы. Часть 1

Алгоритмы и структуры данных
Илья Почуев

Что будет на занятии

- Что такое массив
- Структура массива
- Основные операции над массивом
и их сложность
- Задача на два указателя
- Задача на разворот массива



Особенности массива и его структура

Особенности массива



Непрерывная область памяти заданного размера



Массив хранит однотипные данные, которые расположены друг за другом в памяти



Доступ к элементу массива выполняется с помощью целочисленного индекса



Обращение к ячейке по индексу происходит за константное время



Индексация массива начинается с нуля



Размер массива должен быть известен заранее



Структура массива

size — количество элементов в массиве

capacity — объём массива, количество
выделенной памяти ($\text{size} \leq \text{capacity}$)

type — тип данных

Array:

size **int**

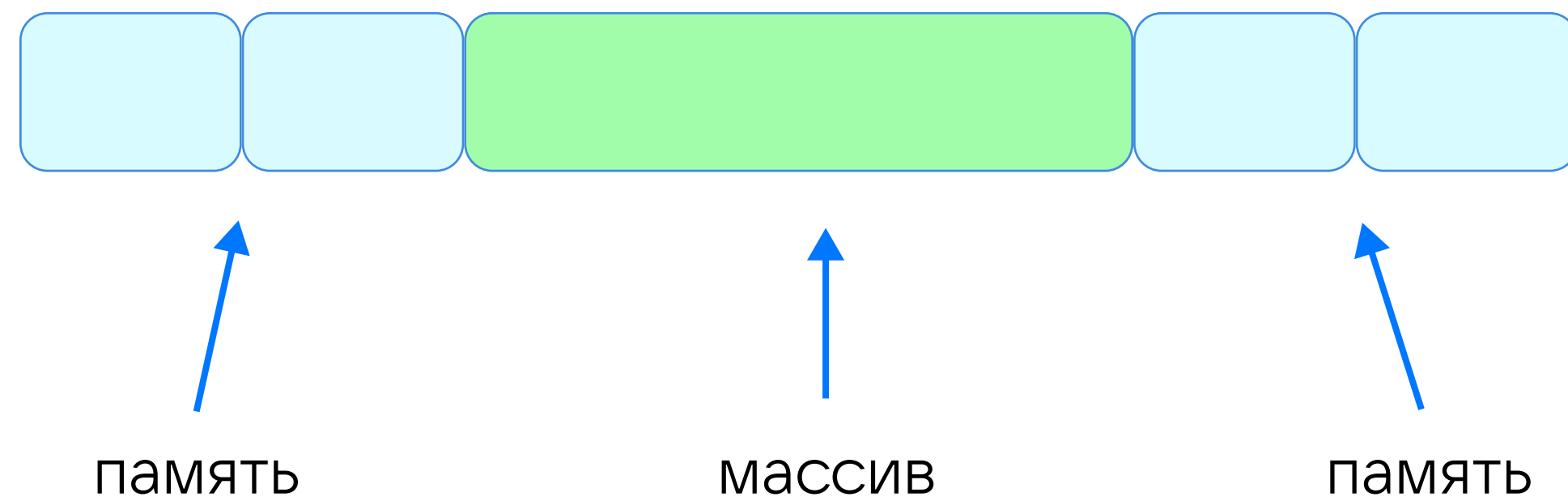
capacity int

type int



Как выделяется память под массив

Для массива из 8 элементов
с типом `int64` при условии, что
на моей архитектуре 1 элемент
с типом `int64` занимает 8 байт,
в памяти будет последовательно
аллоцировано 64 байта



Основные операции над элементами массива и их сложность

Основные операции над элементами массива и их сложность

`get(index)` — получение элемента по индексу $O(1)$

`append()` — вставка в конец $O(1)$

`remove(index)` — удаление элемента из массива $O(n)$



Как получить элемент массива по индексу



Допустим, нулевой элемент начался с ячейки памяти с номером 1000



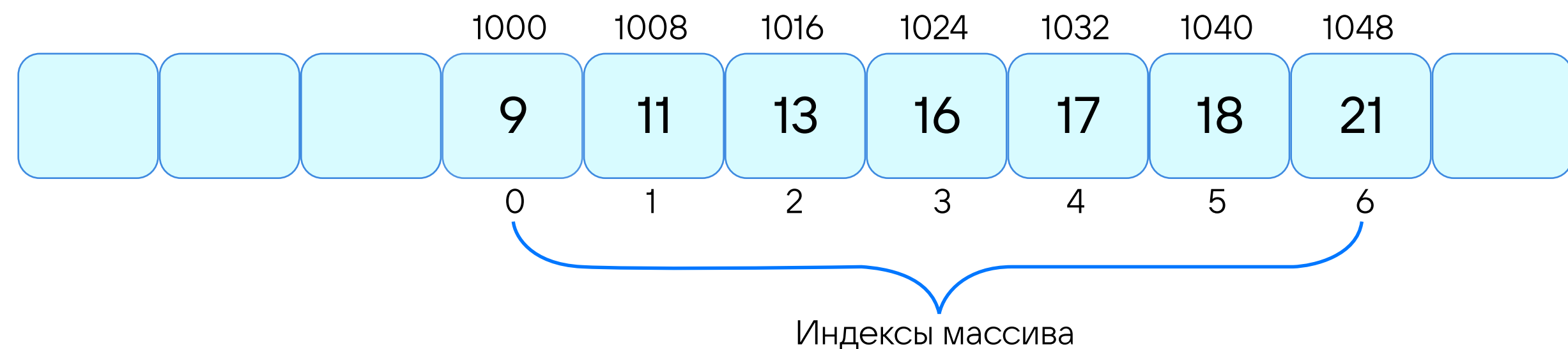
Тогда байты с 1000 по 1007 будут принадлежать первому элементу массива.
Байты с 1008 – второму и т.д.



Зная, что все элементы располагаются последовательно, легко получить доступ к каждому из них

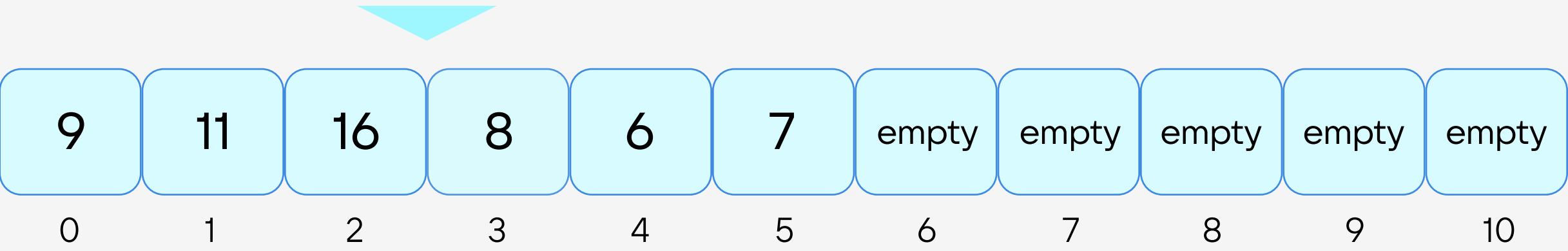


Элемент номер 4 можно найти по формуле: нулевой элемент плюс произведение индекса на размер каждой ячейки: $1000 + 4 \cdot 8 = 1032$

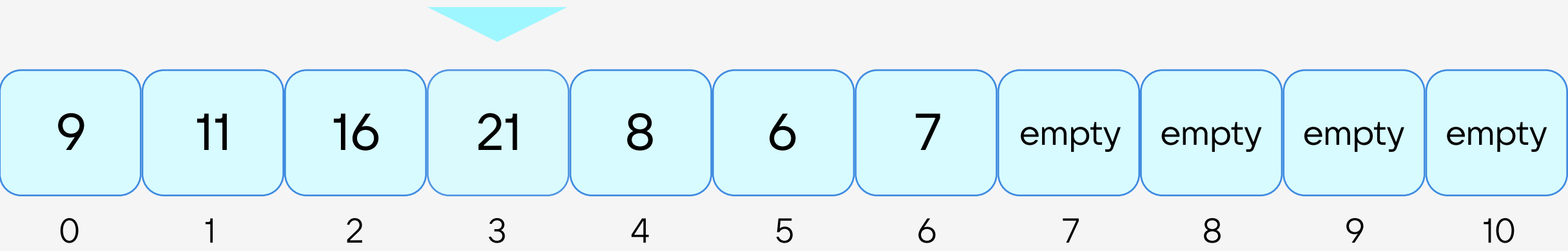


Как добавить элемент в середину массива

Задача: вставить число 21 после элемента массива с индексом 2

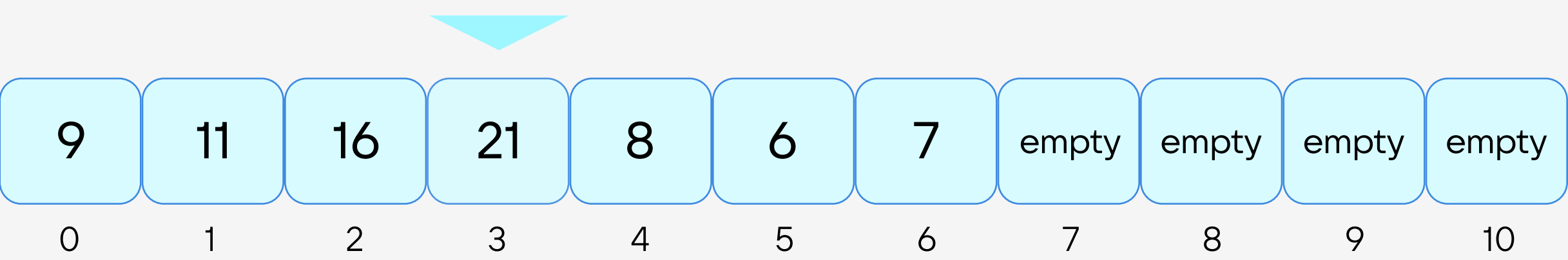


Решение: сдвинуть все элементы, начиная с элемента с индексом 3, на одну позицию вправо

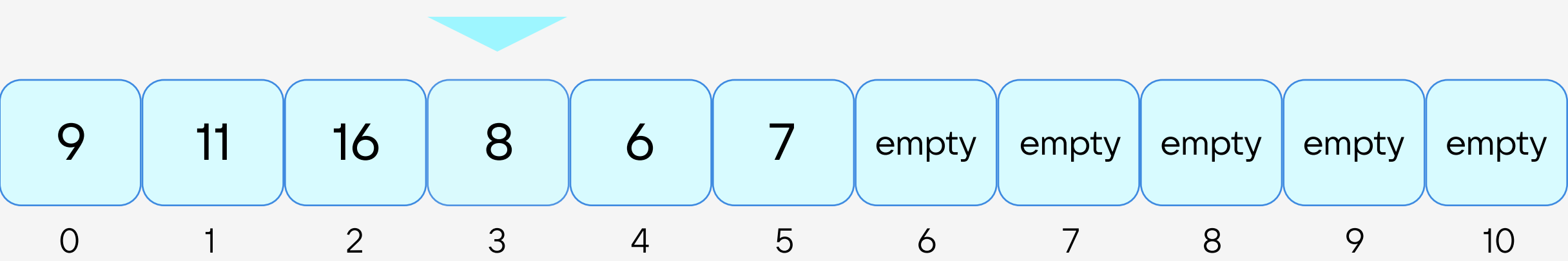


Как удалить элемент из середины массива

Задача: удалить число 21



Решение: сдвинуть все элементы, начиная с элемента с индексом 4, на одну позицию влево



Резюме

1

Массив отлично подходит, когда операций на получение элемента значительно больше, чем вставок, идеально для readonly* хранилища

2

Мы заранее должны знать его размер

3

Не подходит в ситуациях, когда необходимо производить много вставок в середину

* readonly означает, что после того как значение (данные) было записано в переменную или хранилище, оно больше не может быть изменено



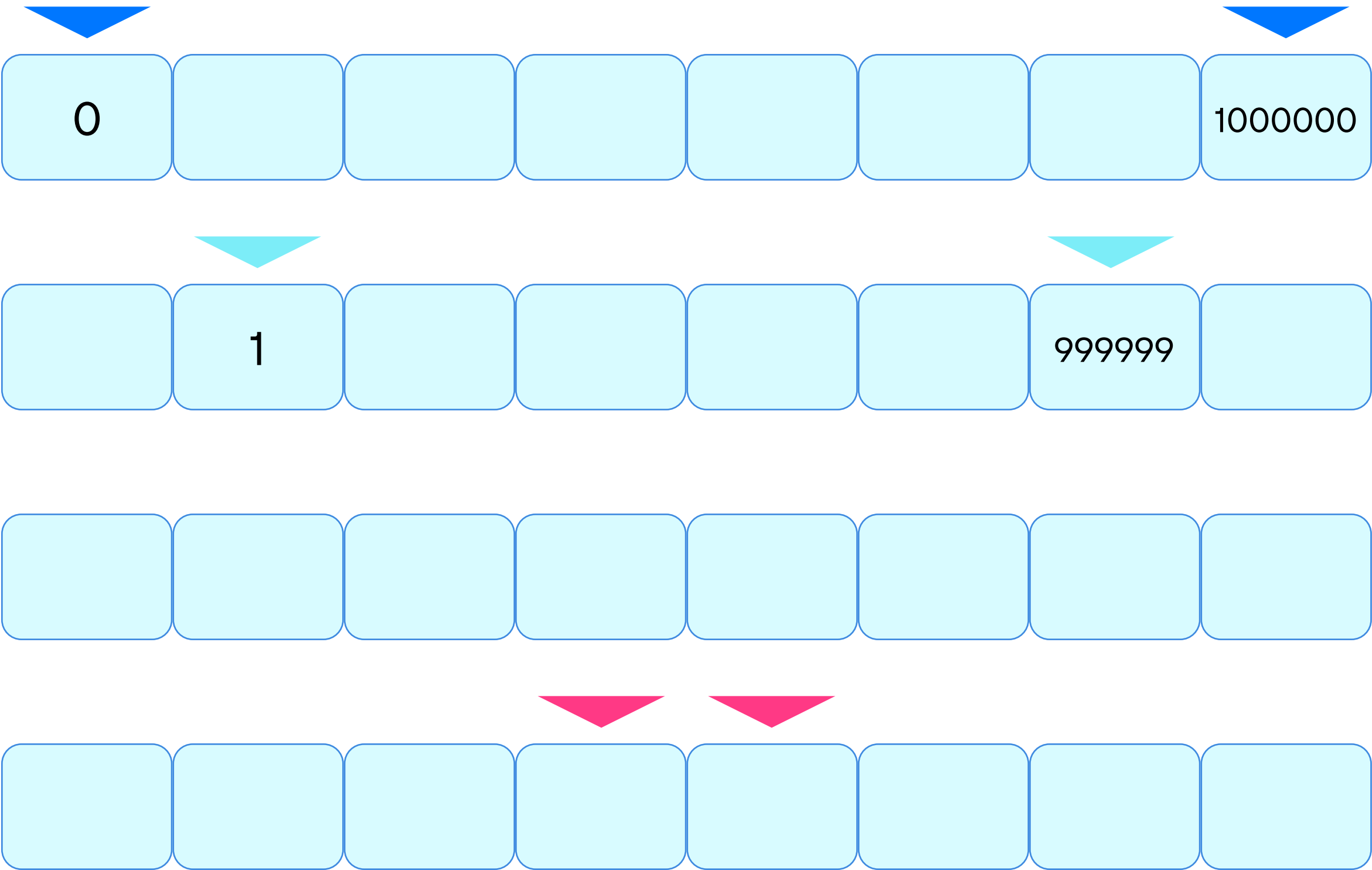
- Пример: организация хранения товаров в памяти
- Один раз добавили все товары
- Чтобы узнать цену товара, вы производите только выборку
- Операции вставки происходят гораздо реже

Как сложить все числа от 0 до 1000000

Складывать их последовательно

Как сложить все числа от 0 до 1000000

Складывать 0 + 1000000; 1 + 999999 и так далее



Задача на два указателя

Задача на два указателя (two pointers)

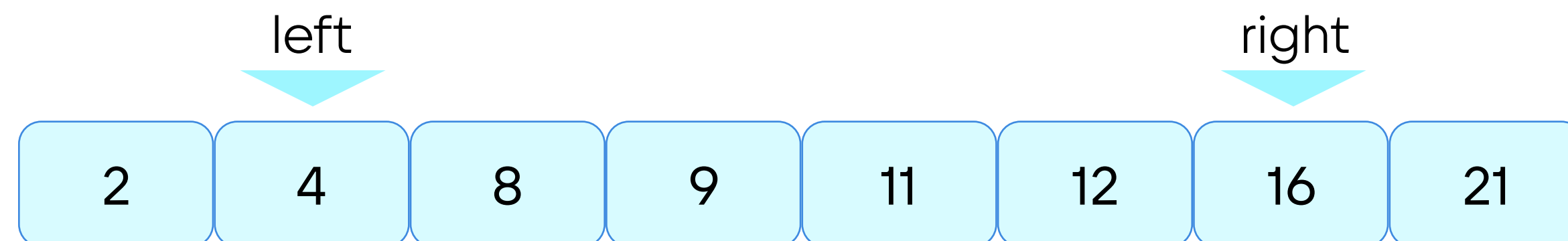
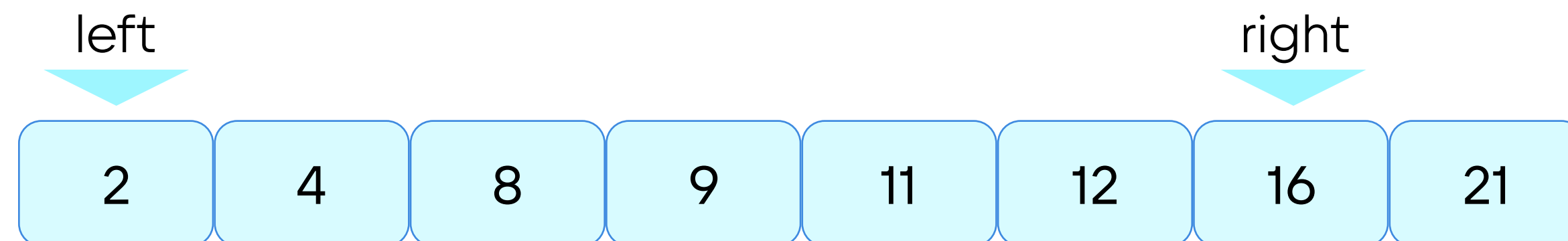
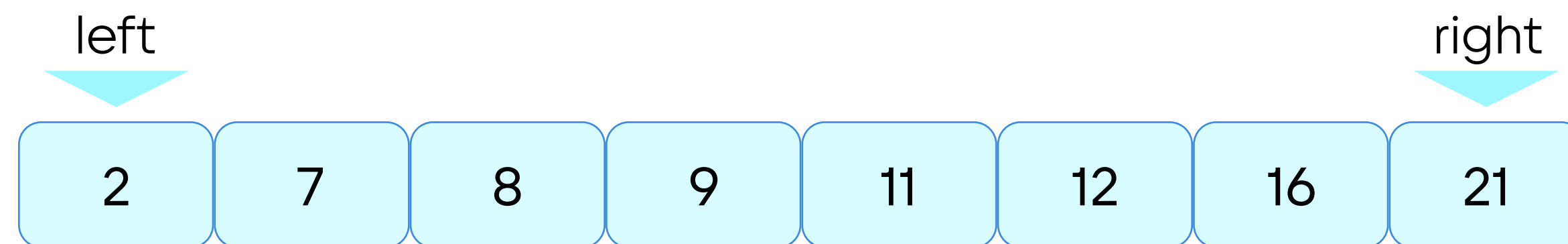
Дано:

- массив целых чисел, отсортированных по возрастанию,
- некоторое число `sum`.

Задача: написать функцию, которая возвращает два числа из заданного массива, в сумме дающие `sum`. Если таких двух чисел в массиве нет, должно возвращаться `null`.

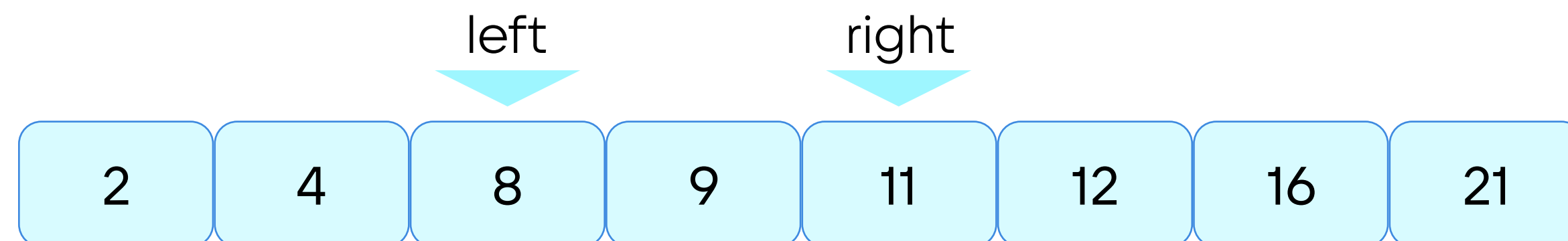
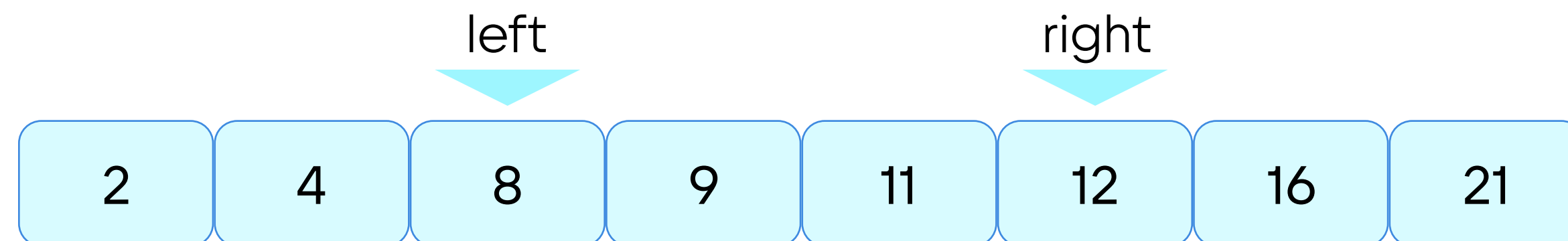
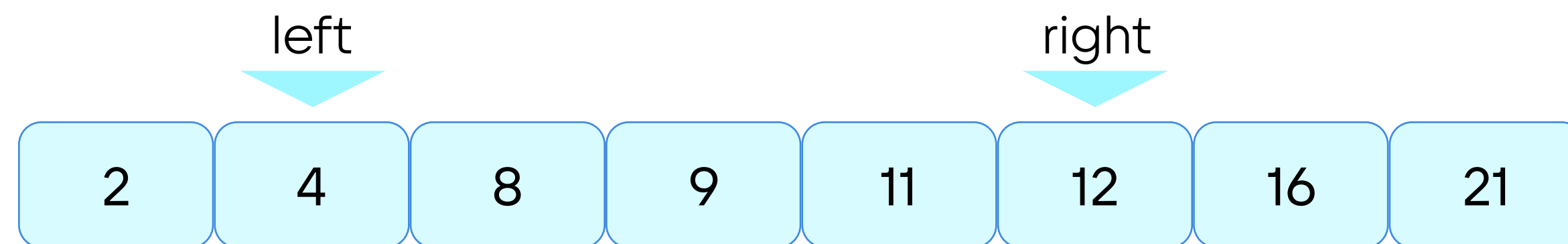
Ограничение: в массиве может быть только одна пара чисел, которая соответствует условию.

Решение задачи на два указателя



sum = 19

Решение задачи на два указателя



sum = 19

Решение задачи на два указателя

- Переменная `left` указывает на начало массива
- Переменная `right` указывает на конец массива
- Продолжаем цикл, пока эти две переменные не пересекутся

```
function twoSum (arr, sum) {  
    left = 0;  
    right = len (arr) - 1;  
    while (left != right) {  
        ...  
    }  
    return null;  
}
```

Решение задачи на два указателя

```
function twoSum (arr, sum) {  
    left = 0;  
    right = len (arr) - 1;  
    while (left != right) {  
        tmp = arr [left] + arr [right];  
        if (tmp == sum) {  
            return [arr[left], arr [right]];  
        }  
        ...  
    }  
    return null;  
}
```

- В цикле складываем элементы под индексами left и right
- В случае если сумма равна искомому числу, возвращаем два наших элемента
- В противном случае двигаем необходимый указатель и продолжаем итерироваться

Решение задачи на два указателя

```
function twoSum (arr, sum) {  
    left = 0;  
    right = len (arr) - 1;  
    while (left != right) {  
        tmp = arr [left] + arr [right];  
        if (tmp == sum) {  
            return [arr [left], arr [right]];  
        }  
        if (tmp < sum) {  
            left++;  
            continue;  
        }  
        right--;  
    }  
    return null;  
}
```



В случае если результат сложения меньше sum, двигаем левый указатель вправо



Иначе двигаем правый указатель влево

Сложность $O(n)$

Как неправильно решать эту задачу

```
function twoSum (arr, sum) {  
  for (i = 0; i < len (arr); i++) {  
    for (j = 0; j < len (arr); j++) {  
      if (arr [i] + arr [j] == sum) {  
        return [arr [i], arr [j]];  
      }  
    }  
  }  
  return null;  
}
```

Цикл в цикле

Сложность $O(n^2)$

Задача на разворот массива

Задача на разворот массива

Дано: массив целых чисел.

Задача: развернуть массив, то есть вывести его в обратном порядке.

Ограничение: линейное время без дополнительных аллокаций памяти.

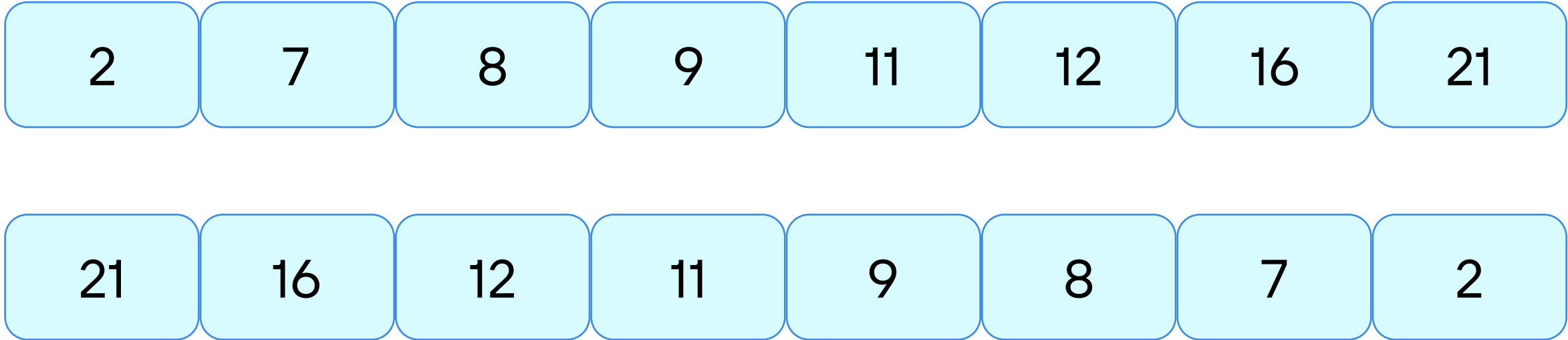


Задача на разворот массива

Дано: массив целых чисел.

Задача: развернуть массив, то есть вывести его в обратном порядке.

Ограничение: линейное время без дополнительных аллокаций памяти.

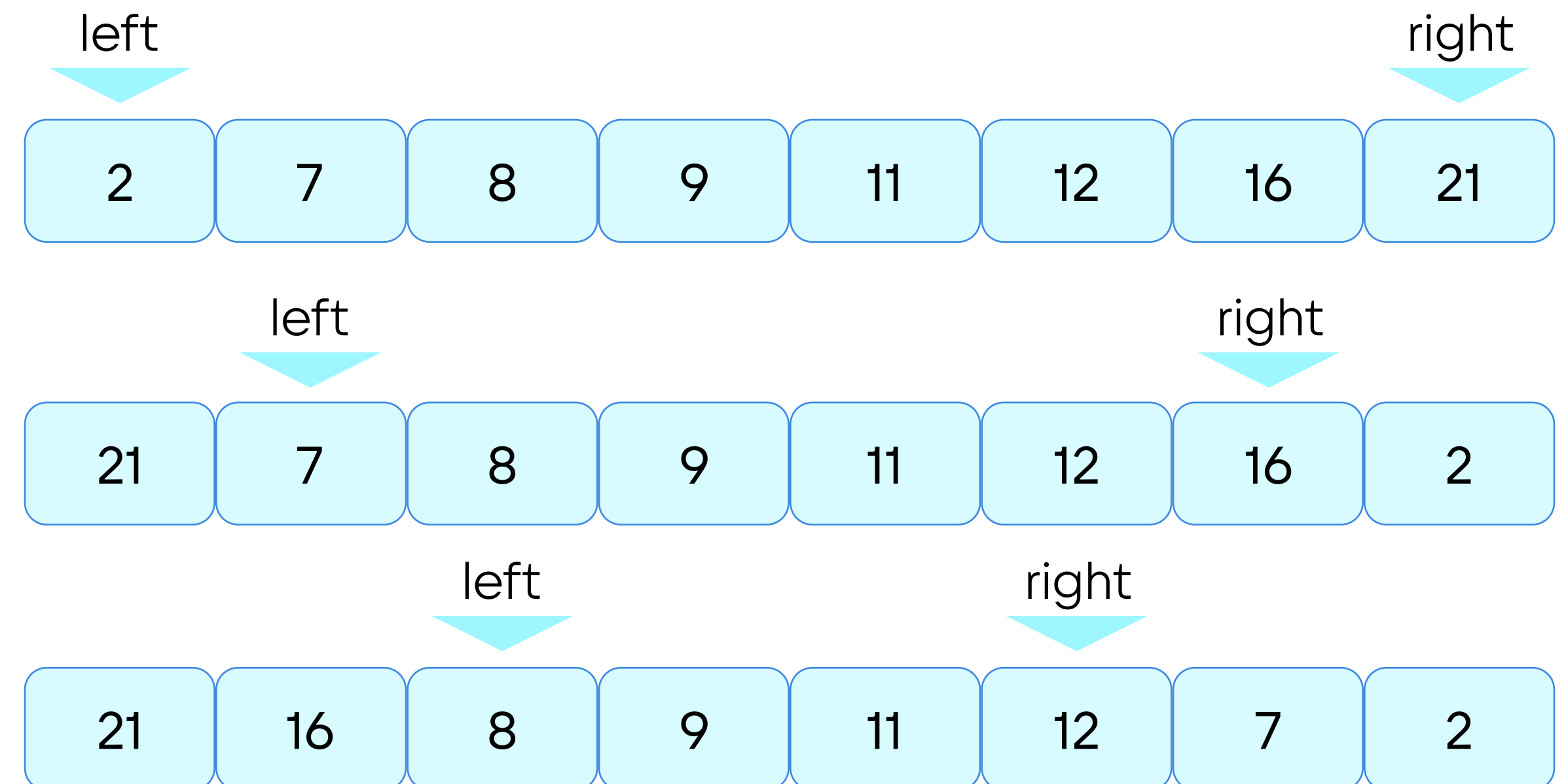


Задача на разворот массива

Дано: массив целых чисел.

Задача: развернуть массив, то есть вывести его в обратном порядке.

Ограничение: линейное время без дополнительных аллокаций памяти.

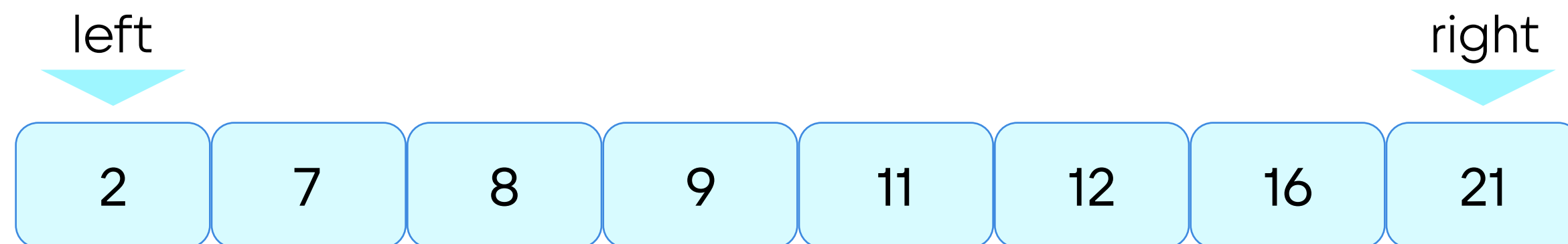


Задача на разворот массива

Дано: массив целых чисел.

Задача: развернуть массив, то есть вывести его в обратном порядке.

Ограничение: линейное время без дополнительных аллокаций памяти.



```
function reverseArray (arr) {  
    left = 0;  
    right = len(arr) - 1;  
  
    return arr  
}
```

Развернуть массив

`swap ~ arr[left], arr[right] = arr[right], arr[left]`

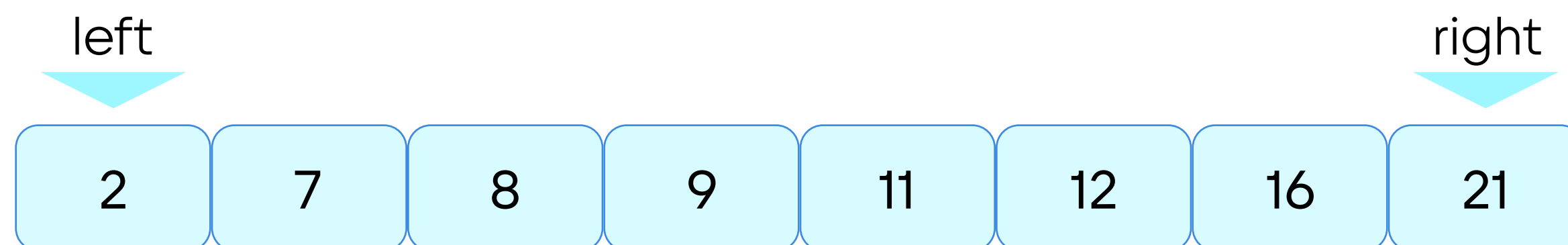
```
function reverseArray (arr) {  
  left = 0;  
  right = len (arr) - 1;  
  while (left < right) {  
    swap (arr [left], arr [right]);  
    ...  
  }  
  return arr  
}
```

Задача на разворот массива

Дано: массив целых чисел.

Задача: развернуть массив, то есть вывести его в обратном порядке.

Ограничение: линейное время без дополнительных аллокаций памяти.



```
function reverseArray (arr) {  
    left = 0;  
    right = len (arr) - 1;  
  
    while (left < right) {  
        swap (arr [left], arr [right]);  
        left++;  
        right- -;  
    }  
  
    return arr  
}
```



Резюме

- Организация массива в памяти
- Основные операции над ним
- Рассмотрели подход к решению задачи через два указателя
- Разобрали пример использования двух указателей





**Спасибо
за внимание**