

## Лабораторная работа №1: «Системы счисления»

**Цель работы:** Повторить и закрепить знания учащихся по способам представления чисел в позиционных системах счисления, переводу чисел из десятичной системы счисления в любую другую и обратно.

### Общие сведения из теории

#### 1. Понятие и виды систем счисления

Под **системой счисления** (СС) понимается способ представления любого числа посредством алфавита символов, называемых цифрами.

По количеству символов, используемых для записи числа, системы счисления подразделяются на **позиционные** и **непозиционные**.

Если для записи числа используется бесконечное множество символов и значение цифры не зависит от ее положения в ряду цифр, изображающих число, то система счисления называется **непозиционной**.

Примером непозиционной системы счисления может служить римская СС. Цифры в римской системе обозначаются различными знаками: 1 — I; 3 — III; 5 — V; 10 — X; 50 — L; 100 — C; 500 — D; 1000 — M.

**Позиционные** системы счисления для записи чисел используют ограниченный набор символов, называемых цифрами, и величина числа зависит не только от набора цифр, но и от того, в какой последовательности записаны цифры, т.е. от позиции, занимаемой цифрой, например, 125 и 215. Количество цифр, используемых для записи числа, называется основанием системы счисления, в дальнейшем его обозначим **q**.

В повседневной жизни мы пользуемся десятичной позиционной системой счисления,  $q = 10$ , т.е. используется 10 цифр: 0123456 789.

В ЭВМ применяют позиционные СС с недесятичным основанием: двоичную, восьмеричную, шестнадцатеричную и др.

В двоичной СС используется две цифры: 0 и 1; восьмеричная СС имеет восемь цифр: 01234567, шестнадцатеричная — шестнадцать, причем первые 10 цифр совпадают по написанию с цифрами десятичной системы счисления, а для обозначения оставшихся шести цифр применяются большие латинские буквы, т.е. для шестнадцатеричной системы счисления получим набор цифр: 0123456789ABCDEF.

Системы счисления			
Десятичная	Двоичная	Восьмеричная	Шестнадцатерич.
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	2	2
3	11	3	3
4	100	4	4
5	101	5	5
6	110	6	6
7	111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F
16	10000	20	10
17	10001	21	11

Табл. 1. Соответствие записи чисел в десятичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления.

Число в позиционной системе счисления с основанием  $q$  может быть представлено в виде полинома по степеням  $q$ . Например, в десятичной системе мы имеем число

$$123,45 = 1 \cdot 10^2 + 2 \cdot 10^1 + 3 \cdot 10^0 + 4 \cdot 10^{-1} + 5 \cdot 10^{-2},$$

а в общем виде это правило запишется так:

$$X_{(q)} = x_{n-1}q^{n-1} + x_{n-2}q^{n-2} + \dots + x_1q^1 + x_0q^0 + x_{-1}q^{-1} + x_{-2}q^{-2} + \dots + x_{-m}q^{-m}.$$

Здесь  $X_{(q)}$  — запись числа в системе счисления с основанием  $q$ ;

$x_i$  — натуральные числа меньше  $q$ , т.е. цифры;

$n$  — число разрядов целой части;

$m$  — число разрядов дробной части.

Записывая слева направо цифры числа, мы получим закодированную запись числа в  $q$ -ичной системе счисления:

$$X_{(q)} = x_{n-1}x_{n-2}x_{-1}x_0, x_{-1}x_{-2}x_{-m}.$$

Запятая отделяет целую часть числа от дробной части. В ВТ чаще всего для отделения целой части числа от дробной части используют точку. Позиции цифр, отсчитываемые от точки, называют разрядами. В позиционной СС вес каждого разряда отличается от веса соседнего разряда в число раз, равное основанию СС. В десятичной СС цифры 1-го разряда — единицы, 2-го — десятки, 3-го — сотни и т. д.

В ВТ применяют позиционные СС с недесятичным основанием: двоичную, восьмеричную, шестнадцатеричную системы и др. Для обозначения используемой СС числа заключают в скобки и индексом указывают основание СС:

$$(15)_{10}; (1011)_2; (735)_8;$$

Иногда скобки опускают и оставляют только индекс:

$$15_{10}; 1011_2; 735_8;$$

Есть еще один способ обозначения СС: при помощи латинских букв, добавляемых после числа. Например,

15D; 1011B;735Q; 1EA9FH.

Двоичная ПСС получила самое широкое применение в ЭВМ благодаря следующим достоинствам:

**1. Числовая информация в ЭВМ отождествляется с состоянием используемых двоичных физических элементов.**

Историческое развитие ВТ сложилось на базе таким образом, что цифровые ЭВМ строятся на базе двоичных цифровых устройств (триггеров, регистров, счетчиков и т.п.) Например, транзистор может быть в открытом или закрытом состоянии, а следовательно, иметь на выходе высокое или низкое напряжение, лампочка включена или выключена, отверстия на перфокарте пробиты или нет. Очевидно, что реализация элементов, которые должны различать одно из двух состояний (0 или 1), оказывается проще и надежнее, чем реализация элементов, которые должны различать одно из 10 состояний.

**2. Арифметические операции выполняются наиболее просто.**

В то же время громоздкость записи чисел в двоичной ПСС и трудность их восприятия человеком приводит к необходимости перевода исходных данных (чисел) из десятичной системы счисления в двоичную, а результатов — из двоичной в десятичную. Эти переводы осуществляются в ЭВМ автоматически по определенным программам.

## 2. Правила перевода чисел из одной СС в другую

**Перевод из десятичной системы счисления в двоичную, шестнадцатеричную и восьмеричную СС:**

**1.** Исходное целое число делится на основание системы счисления, в которую переводится (на 2 - при переводе в двоичную СС, на 16 - при переводе в шестнадцатеричную СС, на 8- в восьмеричную СС); получается частное и остаток,

2. Получаемые частные делить на основание новой СС до тех пор, пока частное не станет меньше основания системы счисления, в которую выполняется перевод.

**3.** Все полученные остатки и последнее частное преобразуются в соответствии с таблицей перевода в цифры той системы счисления, в которую выполняется перевод;

**4.** Формируется результирующее число: младший разряд которого – первый остаток от деления, а старший – последнее частное.

**Пример 1.** Выполнить перевод десятичного числа 37 в двоичную СС:

[illegible]

Результат перевода:  $(37)_{10} = (100101)_2$ .

**Пример 2.** Выполнить перевод десятичного числа 123 в шестнадцатеричную СС:

$$\begin{array}{r} 123 \overline{) 16} \\ \underline{112} \phantom{00} \\ 11 \phantom{00} \end{array}$$

7 В – результирующее число.

Здесь остаток 11 преобразован в шестнадцатеричную цифру В (см. таблицу) и после этого данная цифра вошла в число. Таким образом,  $123 = 7B_{16}$ .

**Перевод из двоичной, шестнадцатеричной и восьмеричной систем счисления в десятичную:** для перевода двоичного, восьмеричного, шестнадцатеричного числа в десятичную СС достаточно представить число в виде полинома, подставить в него известные коэффициенты и вычислить сумму.

**Пример 3.** Перевести число 10011 из двоичной СС в десятичную СС.

$$10011_2 = 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 16 + 0 + 0 + 2 + 1 = 19.$$

Результат перевода:  $10011_2 = 19$ .

**Пример 4.** Перевести число 11011.11 из двоичной в десятичную СС.

$$\begin{aligned} (11011.11)_2 &= 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} = \\ &= 16 + 8 + 0 + 2 + 1 + 0.5 + 0.25 = (27.75)_{10}. \end{aligned}$$

**Пример 5.** Перевести шестнадцатеричное число 2E5.A в десятичную СС.

$$(2E5.A)_{16} = 2 \cdot 16^2 + 14 \cdot 16^1 + 5 \cdot 16^0 + 10 \cdot 16^{-1} = (741.625)_{10}.$$

**Перевод из двоичной системы счисления в восьмеричную, шестнадцатеричную СС:**

Исходное двоичное число разбивают на группы по три (*четыре*) цифры, начиная с младших разрядов (слева направо). При этом дополняются при необходимости нулями крайние левую и правую группы. Затем каждую группу из трех (*четырёх*) цифр заменяют соответствующей восьмеричной (*шестнадцатеричной*) цифрой.

**Пример 5.** Перевести число 10011 из двоичной в шестнадцатеричную СС.

Поскольку в исходном двоичном числе количество цифр не кратно 4, дополняем его слева незначащими нулями до достижения кратности 4 числа цифр. Имеем:

$$10011_2 = 00010011_2$$

первая тетрада – младшая цифра числа  
вторая тетрада – старшая цифра числа

В соответствии с таблицей  $0001_2 = 1_2 = 1_{16}$ ,  $0011_2 = 3_{16}$ .

Результат перевода:  $10011_2 = 13_{16}$ .

**Если дробь:** двигаясь от точки сначала влево, а затем вправо, разбивают двоичное число на группы по три (*четыре*) разряда, дополняя при необходимости нулями крайние левую и правую группы. Затем каждую группу из трех (*четырех*) разрядов заменяют соответствующей восьмеричной (*шестнадцатеричной*) цифрой.

**Пример 6.** Перевести число  $111001100.001$  из двоичной в восьмеричную СС.

$$\begin{array}{rcccl}
 \text{Переводимое число} & & \text{Результат} & & \\
 \hline
 (111 & 001 & 100. & 001)_2 & = (714.1)_8 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \\
 7 & 1 & 4. & 1 & \\
 \\ 
 \text{Переводимое число} & & \text{Результат} & & \\
 \hline
 (0101 & 1111 & 0001. & 0010)_2 & = (5F1.2)_{16} \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \\
 5 & F & 1. & 2 & 
 \end{array}$$

**Пример 7.** Перевести число  $10111110001.001$  из двоичной в шестнадцатеричную СС

**Перевод из восьмеричной, шестнадцатеричной системы счисления в двоичную СС:**

Для перевода восьмеричного (шестнадцатеричного) числа в двоичную СС достаточно заменить каждую цифру восьмеричного (шестнадцатеричного) числа соответствующим трехразрядным (четырёхразрядным) двоичным числом. Затем необходимо удалить крайние нули слева, а при наличии точки — и крайние нули справа.

**Пример 8.** Выполнить перевод шестнадцатеричного числа  $13$  в двоичную СС:

По таблице имеем:

$1_{16} = 1_2$  и после дополнения незначащими нулями двоичного числа  $1_2 = 0001_2$ ;

$3_{16} = 11_2$  и после дополнения незначащими нулями двоичного числа  $11_2 = 0011_2$ .

Тогда  $13_{16} = 00010011_2$ . После удаления незначащих нулей имеем  $13_{16} = 10011_2$ .

**Пример 9.** Перевести число  $305.4$  из восьмеричной в двоичную СС

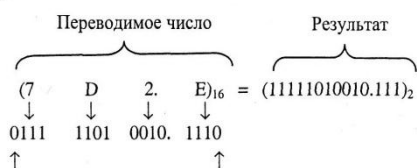
Решение.

$$\begin{array}{rcccl}
 \text{Переводимое число} & & \text{Результат} & & \\
 \hline
 (3 & 0 & 5. & 4)_8 & = (11000101.1)_2 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \\
 011 & 000 & 101. & 100 & \\
 \uparrow & & & \uparrow\uparrow & 
 \end{array}$$

Отмеченные символами «↑» нули следует отбросить. Двоичные числа взяты из табл. 1.

**Пример 10.** Перевести число 7D2.E из шестнадцатеричной в двоичную СС.

Решение.



### 3. Перевод смешанных чисел

#### Перевод правильных дробей из десятичной системы счисления в двоичную и шестнадцатеричную:

Правильная дробь имеет нулевую целую часть, т.е. у нее числитель меньше знаменателя. Результат перевода правильной дроби всегда правильная дробь.

а) исходная дробь умножается на основание системы счисления, в которую переводится (2 или 16);

б) в полученном произведении целая часть преобразуется в соответствии с таблицей в цифру нужной системы счисления и отбрасывается – она является старшей цифрой получаемой дроби;

в) оставшаяся дробная часть (это правильная дробь) вновь умножается на нужное основание системы счисления с последующей обработкой полученного произведения в соответствии с шагами а) и б);

г) процедура умножения продолжается до тех пор, пока не будет получен нулевой результат в дробной части произведения или не будет достигнуто требуемое количество цифр в результате;

д) формируется искомое число: последовательно отброшенные в шаге б) цифры составляют дробную часть результата, причем в порядке уменьшения старшинства.

**Пример 12.** Выполнить перевод числа 0,847 в двоичную систему счисления. Перевод выполнить до четырех значащих цифр после запятой.



**Пример 13.** Выполнить перевод числа 0,847 в шестнадцатеричную систему счисления. Перевод выполнить до трех значащих цифр.



### Перевод неправильных дробей из десятичной системы счисления в двоичную и шестнадцатеричную:

Неправильная дробь имеет ненулевую дробную часть, т.е. у нее числитель больше знаменателя. Результат перевода неправильной дроби всегда неправильная дробь.

При переводе отдельно переводится целая часть числа, отдельно – дробная. Результаты складываются.

**Пример 14.** Выполнить перевод из десятичной системы счисления в шестнадцатеричную числа 19,847. Перевод выполнять до трех значащих цифр после запятой.

Представим исходное число как сумму целого числа и правильной дроби:

$$19,847 = 19 + 0,847.$$

$$19 = 13_{16}, \text{ а в соответствии с примером 13- } 0,847 = 0,D8D_{16}.$$

Тогда имеем:

$$19 + 0,847 = 13_{16} + 0,D8D_{16} = 13,D8D_{16}.$$

$$\text{Таким образом, } 19,847 = 13,D8D_{16}.$$

## **4. Арифметические операции в позиционных системах счисления**

### **Пример 1**

Арифметические операции в рассматриваемых позиционных системах счисления выполняются по законам, известным из десятичной арифметики. Двоичная система счисления имеет основание 2, и для записи чисел используются всего две цифры 0 и 1 в отличие от десяти цифр десятичной системы счисления.

Рассмотрим сложение одноразрядных чисел:  $0+0=0$ ,  $0+1=1$ ,  $1+0=0$ . Эти равенства справедливы как для двоичной системы, так и для десятичной системы. Чему же равно  $1+1$ ? В десятичной системе это 2. Но в двоичной системе нет цифры 2! Известно, что при десятичном сложении  $9+1$  происходит перенос 1 в старший разряд, так как старше 9 цифры нет. То есть  $9+1=10$ . В двоичной системе старшей



цифрой является 1. Следовательно, в двоичной системе  $1+1=10$ , так как при сложении двух единиц происходит переполнение разряда и производится перенос в старший разряд. Переполнение разряда наступает тогда, когда значение числа в нем становится равным или большим основания. Для двоичной системы это число равно 2 ( $10_2=2_{10}$ ).

**Пример 2** Продолжая добавлять единицы, заметим:  $10_2+1=11_2$ ,  

$$\begin{array}{r} - 110_2 \\ 11_2 \\ \hline 11_2 \end{array}$$
 $11_2+1=100_2$  - произошла "цепная реакция", когда перенос единицы в один разряд вызывает перенос в следующий разряд.

Сложение *многоразрядных* чисел происходит по этим же правилам с учетом возможности переносов из младших разрядов в старшие.

Вычитание *многоразрядных* двоичных чисел производится с учетом возможных *заёмов* из старших разрядов. Действия умножения и деления чисел в двоичной арифметике можно выполнять по общепринятым для позиционных систем правилам.

**Пример 3** В основе правил арифметики любой позиционной системы лежат *таблицы сложения и умножения*  $11\ 10_2$  *одноразрядных чисел*.

$$\begin{array}{r} \times 110_2 \\ 11_2 \\ + 110_2 \\ \hline 110 \\ 10010_2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - 110_2 \ 11_2 \\ 11\ 10_2 \\ \hline 0 \end{array}$$

Для двоичной системы счисления:

+	0	1
0	0	1
1	1	10

*	0	1
0	0	0
1	0	1

Для восьмеричной системы счисления:

+	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0	1	2	3	4	5	6	7
1	1	2	3	4	5	6	7	10
2	2	3	4	5	6	7	10	11
3	3	4	5	6	7	10	11	12
4	4	5	6	7	10	11	12	13
5	5	6	7	10	11	12	13	14
6	6	7	10	11	12	13	14	15
7	7	10	11	12	13	14	15	16

×	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	2	3	4	5	6	7
2	0	2	4	6	10	12	14	16
3	0	3	6	11	14	17	22	25
4	0	4	10	14	20	24	30	34
5	0	5	12	17	24	31	36	43
6	0	6	14	22	30	36	44	52
7	0	7	16	25	34	43	52	61



Для шестнадцатеричной системы счисления:

+	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10
2	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11
3	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12
4	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13
5	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14
6	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15
7	7	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16
8	8	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17
9	9	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18
A	A	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
B	B	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	1A
C	C	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	1A	1B
D	D	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	1A	1B	1C
E	E	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	1A	1B	1C	1D
F	F	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	1A	1B	1C	1D	1E

×	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
2	0	2	4	6	8	A	C	E	10	12	14	16	18	1A	1C	1E
3	0	3	6	9	C	F	12	15	18	1B	1E	21	24	27	2A	2D
4	0	4	8	C	10	14	18	1C	20	24	28	2C	30	34	38	3C
5	0	5	A	F	14	19	1E	23	28	2D	32	37	3C	41	46	4B
6	0	6	C	12	18	1E	24	2A	30	36	3C	42	48	4E	54	5A
7	0	7	E	15	1C	23	2A	31	38	3F	46	4D	54	5B	62	69
8	0	8	10	18	20	28	30	38	40	48	50	58	60	68	70	78
9	0	9	12	1B	24	2D	36	3F	48	51	5A	63	6C	75	7E	87
A	0	A	14	1E	28	32	3C	46	50	5A	64	6E	78	82	8C	96
B	0	B	16	21	2C	37	42	4D	58	63	6E	79	84	8F	9A	A5
C	0	C	18	24	30	3C	48	54	60	6C	78	84	90	9C	A8	B4
D	0	D	1A	27	34	41	4E	5B	68	75	82	8F	9C	A9	B6	C3
E	0	E	1C	2A	38	46	54	62	70	7E	8C	9A	A8	B6	C4	D2
F	0	F	1E	2D	3C	4B	5A	69	78	87	96	A5	B4	C3	D2	E1

Аналогичные таблицы составляются для любой позиционной системы счисления. Пользуясь такими таблицами, можно выполнять действия над многозначными числами.

**Пример 4.** Сложить числа:

а)  $10000000100_{(2)} + 111000010_{(2)} = 10111000110_{(2)}$ ;

б)  $223,2_{(8)} + 427,54_{(8)} = 652,74_{(8)}$ ;

в)  $3B3,6_{(16)} + 38B,4_{(16)} = 73E,A_{(16)}$ .

$$\begin{array}{r} + 10000000100 \\ 111000010 \\ \hline 10111000110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} + 223,2 \\ 427,54 \\ \hline 652,74 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} + 3B3,6 \\ 38B,4 \\ \hline 73E,A \end{array}$$

**Пример 5.** Выполнить умножение:

а)  $100111_{(2)} \times 1000111_{(2)} = 101011010001_{(2)}$ ;

б)  $1170,64_{(8)} \times 46,3_{(8)} = 57334,134_{(8)}$ ;

$$в) 61, A_{(16)} \times 40, D_{(16)} = 18B7,52_{(16)}.$$

$$\begin{array}{r} \times \quad 100111 \\ 1000111 \\ + \quad 100111 \\ 100111 \\ 100111 \\ \hline 101011010001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times \quad 1170,64 \\ 46,3 \\ \hline 355234 \\ + \quad 732470 \\ \hline 474320 \\ \hline 57334,134 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times \quad 61, A \\ 40, D \\ \hline 4F52 \\ + \quad 1868 \\ \hline 18B7,52 \end{array}$$

### Задания к лабораторной работе

В соответствии с выданным вариантом задания преподавателем выполнить:

1. Переведите данное число из десятичной системы счисления в двоичную, восьмеричную и шестнадцатеричную системы счисления.
2. Переведите данное число в десятичную систему счисления.
3. Сложите числа.
4. Выполните вычитание.
5. Выполните умножение.

**Примечание:** В заданиях 3 — 5 проверьте правильность вычислений переводом исходных данных и результатов в десятичную систему счисления. В задании 1 д) получите пять знаков после запятой в двоичном представлении.

#### Вариант 1

1. а)  $860_{(10)}$ ; б)  $785_{(10)}$ ; в)  $149,375_{(10)}$ ; г)  $953,25_{(10)}$ ; д)  $228,79_{(10)}$ .
2. а)  $1001010_{(2)}$ ; б)  $1100111_{(2)}$ ; в)  $110101101,00011_{(2)}$ ; г)  $111111100,0001_{(2)}$ ; д)  $775,11_{(8)}$ ; е)  $294,3_{(16)}$ .
3. а)  $1101100000_{(2)} + 10110110_{(2)}$ ; б)  $101110111_{(2)} + 1000100001_{(2)}$ ; в)  $1001000111,01_{(2)} + 100001101,101_{(2)}$ ; г)  $271,34_{(8)} + 1566,2_{(8)}$ ; д)  $65,2_{(16)} + 3CA,8_{(16)}$ .
4. а)  $1011001001_{(2)} - 1000111011_{(2)}$ ; б)  $1110000110_{(2)} - 101111101_{(2)}$ ; в)  $101010000,10111_{(2)} - 11001100,01_{(2)}$ ; г)  $731,6_{(8)} - 622,6_{(8)}$ ; д)  $22D,1_{(16)} - 123,8_{(16)}$ .
5. а)  $1011001_{(2)} \cdot 1011011_{(2)}$ ; б)  $723,1_{(8)} \cdot 50,2_{(8)}$ ; в)  $69,4_{(16)} \cdot A, B_{(16)}$ .

#### Вариант 2

1. а)  $250_{(10)}$ ; б)  $757_{(10)}$ ; в)  $711,25_{(10)}$ ; г)  $914,625_{(10)}$ ; д)  $261,78_{(10)}$ .
2. а)  $1111000_{(2)}$ ; б)  $1111000000_{(2)}$ ; в)  $111101100,01101_{(2)}$ ; г)  $100111100,1101_{(2)}$ ; д)  $1233,5_{(8)}$ ; е)  $2B3, F4_{(16)}$ .
3. а)  $1010101_{(2)} + 10000101_{(2)}$ ; б)  $1111011101_{(2)} + 101101000_{(2)}$ ; в)  $100100111,001_{(2)} + 100111010,101_{(2)}$ ; г)  $607,54_{(8)} + 1620,2_{(8)}$ ; д)  $3BF, A_{(16)} + 313, A_{(16)}$ .
4. а)  $1001000011_{(2)} - 10110111_{(2)}$ ; б)  $111011100_{(2)} - 10010100_{(2)}$ ; в)  $1100110110,0011_{(2)} - 11111110,01_{(2)}$ ; г)  $1360,14_{(8)} - 1216,4_{(8)}$ ; д)  $33B,6_{(16)} - 11B,4_{(16)}$ .
5. а)  $11001_{(2)} \cdot 1011100_{(2)}$ ; б)  $451,2_{(8)} \cdot 5,24_{(8)}$ ; в)  $2B, A_{(16)} \cdot 36,6_{(16)}$ .

### Вариант 3

1. а)  $216_{(10)}$ ; б)  $336_{(10)}$ ; в)  $741,125_{(10)}$ ; г)  $712,375_{(10)}$ ; д)  $184,14_{(10)}$ .
2. а)  $1100000110_{(2)}$ ; б)  $1100010_{(2)}$ ; в)  $1011010,001_{(2)}$ ; г)  $1010100010,001_{(2)}$ ; д)  $1537,22_{(8)}$ ; е)  $2D9,8_{(16)}$ .
3. а)  $10111111_{(2)} + 1101110011_{(2)}$ ; б)  $10111110_{(2)} + 100011100_{(2)}$ ; в)  $1101100011,0111_{(2)} + 1100011,01_{(2)}$ ; г)  $666,2_{(8)} + 1234,24_{(8)}$ ; д)  $346,4_{(16)} + 3F2,6_{(16)}$ .
4. а)  $1010101101_{(2)} - 110011110_{(2)}$ ; б)  $1010001111_{(2)} - 1001001110_{(2)}$ ; в)  $1111100100,11011_{(2)} - 101110111,011_{(2)}$ ; г)  $1437,24_{(8)} - 473,4_{(8)}$ ; д)  $24A,4_{(16)} - B3,8_{(16)}$ .
5. а)  $101011_{(2)} \cdot 100111_{(2)}$ ; б)  $1732,4_{(8)} \cdot 34,5_{(8)}$ ; в)  $36,4_{(16)} \cdot A, A_{(16)}$ .

### Вариант 4

1. а)  $530_{(10)}$ ; б)  $265_{(10)}$ ; в)  $597,25_{(10)}$ ; г)  $300,375_{(10)}$ ; д)  $75,57_{(10)}$ .
2. а)  $101000111_{(2)}$ ; б)  $110001001_{(2)}$ ; в)  $1001101010,01_{(2)}$ ; г)  $1011110100,01_{(2)}$ ; д)  $1317,75_{(8)}$ ; е)  $2F4,0C_{(16)}$ .
3. а)  $1100011010_{(2)} + 11101100_{(2)}$ ; б)  $10111010_{(2)} + 1010110100_{(2)}$ ; в)  $1000110111,011_{(2)} + 1110001111,001_{(2)}$ ; г)  $1745,5_{(8)} + 1473,2_{(8)}$ ; д)  $24D,5_{(16)} + 141,4_{(16)}$ .
4. а)  $1100101010_{(2)} - 110110010_{(2)}$ ; б)  $110110100_{(2)} - 110010100_{(2)}$ ; в)  $1101111111,1_{(2)} - 1100111110,1011_{(2)}$ ; г)  $1431,26_{(8)} - 1040,3_{(8)}$ ; д)  $22C,6_{(16)} - 54,2_{(16)}$ .
5. а)  $1001001_{(2)} \cdot 11001_{(2)}$ ; б)  $245,04_{(8)} \cdot 112,2_{(8)}$ ; в)  $4B,2_{(16)} \cdot 3C,3_{(16)}$ .

### Вариант 5

1. а)  $945_{(10)}$ ; б)  $85_{(10)}$ ; в)  $444,125_{(10)}$ ; г)  $989,375_{(10)}$ ; д)  $237,73_{(10)}$ .
2. а)  $110001111_{(2)}$ ; б)  $111010001_{(2)}$ ; в)  $100110101,1001_{(2)}$ ; г)  $1000010,01011_{(2)}$ ; д)  $176,5_{(8)}$ ; е)  $3D2,04_{(16)}$ .
3. а)  $1000011101_{(2)} + 101000010_{(2)}$ ; б)  $100000001_{(2)} + 1000101001_{(2)}$ ; в)  $101111011,01_{(2)} + 1000100,101_{(2)}$ ; г)  $1532,14_{(8)} + 730,16_{(8)}$ ; д)  $BB,4_{(16)} + 2F0,6_{(16)}$ .
4. а)  $1000101110_{(2)} - 1111111_{(2)}$ ; б)  $1011101000_{(2)} - 1001000000_{(2)}$ ; в)  $1000101001,1_{(2)} - 1111101,1_{(2)}$ ; г)  $1265,2_{(8)} - 610,2_{(8)}$ ; д)  $409,D_{(16)} - 270,4_{(16)}$ .
5. а)  $111010_{(2)} \cdot 1100000_{(2)}$ ; б)  $1005,5_{(8)} \cdot 63,3_{(8)}$ ; в)  $4A,3_{(16)} \cdot F,6_{(16)}$ .

### Вариант 6

1. а)  $287_{(10)}$ ; б)  $220_{(10)}$ ; в)  $332,1875_{(10)}$ ; г)  $652,625_{(10)}$ ; д)  $315,21_{(10)}$ .
2. а)  $10101000_{(2)}$ ; б)  $1101100_{(2)}$ ; в)  $10000010000,01001_{(2)}$ ; г)  $1110010100,001_{(2)}$ ; д)  $1714,2_{(8)}$ ; е)  $DD,3_{(16)}$ .
3. а)  $1100110_{(2)} + 1011000110_{(2)}$ ; б)  $1000110_{(2)} + 1001101111_{(2)}$ ; в)  $101001100,101_{(2)} + 1001001100,01_{(2)}$ ; г)  $275,2_{(8)} + 724,2_{(8)}$ ; д)  $165,6_{(16)} + 3E,B_{(16)}$ .
4. а)  $1011111111_{(2)} - 100000011_{(2)}$ ; б)  $1110001110_{(2)} - 100001011_{(2)}$ ; в)  $110010100,01_{(2)} - 1001110,1011_{(2)}$ ; г)  $1330,2_{(8)} - 1112,2_{(8)}$ ; д)  $AB,2_{(16)} - 3E,2_{(16)}$ .
5. а)  $110000_{(2)} \cdot 1101100_{(2)}$ ; б)  $1560,2_{(8)} \cdot 101,2_{(8)}$ ; в)  $6,3_{(16)} \cdot 53,A_{(16)}$ .

### Контрольные вопросы:

1. Что называется системой счисления?
2. На какие два типа можно разделить все системы счисления?
3. Какие системы счисления применяются в вычислительной технике: позиционные или непозиционные? Почему?
4. Что называется основанием системы счисления?
5. Охарактеризуйте двоичную, восьмеричную, шестнадцатеричную системы счисления: алфавит, основание системы счисления, запись числа.
6. По каким правилам выполняется сложение двух положительных целых чисел?
7. Каковы правила выполнения арифметических операций в двоичной системе счисления?
8. Для чего используется перевод чисел из одной системы счисления в другую?
9. Сформулируйте правила перевода чисел из системы счисления с основанием  $p$  в десятичную систему счисления и обратного перевода: из десятичной системы счисления в систему счисления с основанием  $p$ . Приведите примеры.
10. Как выполнить перевод чисел из двоичной СС в восьмеричную и обратный перевод? Из двоичной СС в шестнадцатеричную и обратно? Приведите примеры. Почему эти правила так просты?
11. По каким правилам выполняется перевод из восьмеричной в шестнадцатеричную СС и наоборот? Приведите примеры.
12. Чему равны веса разрядов слева от точки, разделяющей целую и дробную части, в двоичной системе счисления (восьмеричной, шестнадцатеричной)?
13. Чему равны веса разрядов справа от точки, разделяющей целую и дробную части, в двоичной системе счисления (восьмеричной, шестнадцатеричной)?