

GIỚI THIỆU VÀ MỞ ĐẦU VỀ GIẢI TÍCH

Người trình bày: Võ Anh Tuệ



Mục lục

- 1. Mở đầu về giải tích
- 1.1 Tốc độ
- 1.2 Sơ lược lịch sử

2. Hàm số và Đồ th

3. Giới hạn và đạo hàm



Mục lục

- 1. Mở đầu về giải tích
- 1.1 Tốc đớ
- 1.2 Sơ lược lịch sử

2. Hàm số và Đồ thị

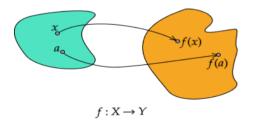
3. Giới hạn và đạo hàm



Hàm số và Đồ thị

Định nghĩa

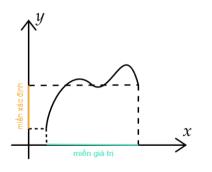
H am f là một quy tắc cho tương ứng mỗi phần tử imes thuộc tập hợp X với một và chỉ một phần tử, kí hiệu f(x), thuộc một tập hợp Y.





Hàm số và Đồ thị

Đồ thị của f bao gồm mọi điểm (x,y) sao cho y=f(x) với $x\in X$.

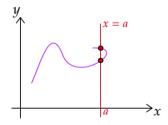


Một số hàm số quen thuộc:

$$y = \sin x : X = (-\infty, \infty), Y = [-1, 1]$$

▶
$$y = |x| : X = (-\infty, \infty), Y = (0, \infty)$$

Chú ý, đây không phải là một hàm số:





Mục lục

- 1. Mở đầu về giải tích
- 1.1 Tốc đớ
- 1.2 Sơ lược lịch sử

2. Hàm số và Đồ th

3. Giới hạn và đạo hàm



Giới hạn

Định nghĩa

Giới hạn của hàm số f(x) tại điểm x = a được ký hiệu là:

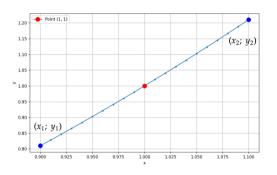
$$\lim_{x \to a} f(x) = L \tag{1}$$

là giá trị mà hàm số tiến tới khi x tiến tới a.



Giới han

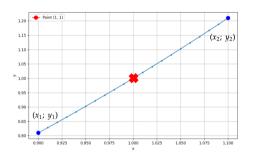
Xét hàm số đồ thị hàm số $y=x^2$ được phóng to gần điểm (1;1):



- $y_1 = x_1^2$ $y_2 = x_2^2$

Giới hạn

Xét hàm số đồ thị hàm số $y = x^2$ (bị gián đoạn) được phóng to gần điểm (1;1):



$$y_2 = \begin{cases} x_2^2 & \text{n\'eu } x_2 \neq 1 \\ 100 & \text{n\'eu } x_2 = 1 \end{cases}$$

Giới hạn

Bảng: Giá trị $y = x^2$ khi x tới gần 1

Bên trái		Bên phải	
X	У	X	У
0.900	0.8100	1.100	1.2100
0.925	0.8556	1.075	1.1556
0.950	0.9025	1.050	1.1025
0.975	0.9506	1.025	1.0506
0.990	0.9801	1.010	1.0201
0.995	0.9900	1.005	1.0100
0.999	0.9980	1.001	1.0020

$$y_1(1) = -100$$

$$y_2(1) = 100$$

$$ightharpoonup \lim_{x_1 \to 1^-} y_1 = 1$$

►
$$\lim_{x_2 \to 1^+} y_2 = 1$$

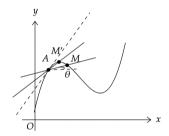
Định nghĩa

Đạo hàm của hàm số f tại giá trị a, kí hiệu bởi f'(a), là

$$f'(a) = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(a + \Delta x) - f(a)}{\Delta x}$$
 (2)

nếu giới hạn này tồn tại.

Xét cát tuyến AM của một đồ thị hàm số y = f(x):



Hình: Cát tuyến của đồ thị hàm số

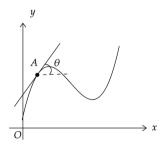
Từ hình vẽ, ta thu được:

$$\tan \theta = \frac{f(x_M) - f(x_A)}{x_M - x_A} \tag{3}$$

Khi lấy một điểm M' gần điểm A hơn M trên đồ thị, cát tuyến AM' sẽ gần với tiếp tuyến tại điểm A (đường nét đứt) hơn.



Khi điểm điểm M tiến gần đến điểm A, độ dốc của cát tuyến AM sẽ tiến gần đến độ dốc của tiếp tuyến tại điểm A:



Hình: Cát tuyến tiến gần đến tiếp tuyến

Độ dốc của tiếp tuyến tại điểm A được tính bằng giới hạn:

$$\tan \theta = \lim_{M \to A} \frac{f(x_M) - f(x_A)}{x_M - x_A} = f'(x_A) \tag{4}$$

→ Đạo hàm của hàm số tại điểm A phản ánh độ dốc của đồ thị tại điểm đó, cũng chính là tốc độ biến thiên của hàm số tại điểm đó.



Bảng đạo hàm của các hàm thông dụng:

$$\frac{d}{dx} = nx^{n-1}$$

$$\frac{d}{dx}a^{x} = a^{x} \ln a$$

$$\frac{d}{dx}(\sin x) = \cos x$$

$$\frac{d}{dx}(\cos x) = -\sin x$$

$$\frac{d}{dx}(\cot x) = \sec^{2} x$$

$$\frac{d}{dx}(\cot x) = -\csc^{2} x$$



Tài liệu tham khảo l

