ECONOMETRIA I MODELOS DE RESPOSTA BINÁRIA

Victor Oliveira

Núcleo de Economia Internacional e Desenvolvimento Econômico

PPGDE-2024

Sumário I

- Modelos Não Lineares
- 2 Modelo de Probabilidade Linear
- 3 Modelo Geral de Escolha Discreta
- 4 Modelo Logit
- **6** Modelo Probit
- Variável Latente

Victor Oliveira PPGDE -2024 2 / 34

Modelos Não Lineares

- Em muitas aplicações que nos interessam, a variável dependente y é discreta e assume um número pequeno de valores.
- Quando analisamos decisões de pessoas, domicílios ou firmas, a variável relevante é se aquele agente econômico tomou uma decisão ou não, ou se tomou a decisão A, B ou C.
- Estamos interessados em saber:
 - se uma pessoa decidiu cometer um crime ou não
 - se em uma família a esposa trabalha ou não
 - se uma firma decide oferecer contratos de trabalho com salário fixo ou variável
 - se uma firma decide exportar ou não
 - se um prefeito se reelege ou não.

- Em alguns casos, podemos aproximar $\mathbb{E}[y|x]$ com um modelo linear. Porém, em outros casos, essa aproximação não será adequada.
- ullet Temos uma variável dependente y que assume valores 0 ou 1.
- \bullet Podemos escrever a probabilidade condicional de y como:

$$P(y=1|x) = F(x\beta) \tag{1}$$

- \bullet F(.) é uma função de probabilidade acumulada.
 - $P(y=1|x) \to 1$ quando $x\beta \to \infty$
 - $P(y=0|x) \rightarrow 0$ quando $x\beta \rightarrow -\infty$
- Observe que 0 < F(x) < 1 garante que as probabilidades de resposta estimadas estejam estritamente entre zero e um.

Modelo de Probabilidade Linear

- Uma abordagem simples para estimar o efeito de x na probabilidade de escolha da alternativa A é o modelo de regressão linear.
- A regressão por MQO de y sobre x fornece estimativas consistentes dos efeitos marginais médios amostrais dos regressores x sobre a probabilidade de escolher a alternativa A.
- Como resultado, o modelo linear é muito útil para fins exploratórios. Por exemplo, fornece um bom guia para quais variáveis são estatisticamente significativas e em qual sinal está seu efeito.

- No entanto, o modelo de probabilidade linear tem duas desvantagens importantes para a análise de resultados binários.
 - A primeira é que as probabilidades previstas $\widehat{p}(x) = x'\beta$ não são limitadas entre zero e um.
 - ② A segunda desvantagem é que o termo de erro é heterocedástico e (dado x) tem suporte discreto. Em particular, $u = -x'\beta$ se y = 0 e $u = 1 x'\beta$ se y = 1; e sua variância é $x'\beta(1 x'\beta)$, que depende de x.

Variância Heterocedástica

Considere o modelo.

$$y_i = x_i'\beta + u_i \tag{2}$$

$$\mathbb{E}[u_i] = 0 \tag{3}$$

• Temos que:

$$\mathbb{E}[y_i|x_i] = \{(1) \times P(y_i = 1)\} + \{(0) \times P(y_i = 0)\} = P(y_i = 1)$$
(4)

Podemos deduzir que $\mathbb{E}[y_i|x_i] = x_i'\beta$ é quase um modelo de regressão linear padrão e que $\hat{y}_i = x_i' \hat{\beta} = \hat{P}(y_i = 1)$.

Victor Oliveira PPGDE - 20247/34 • A variável dependente pode assumir dois valores: 1 ou zero. Portanto, o erro de regressão também pode assumir dois valores.

Tabela 1: Tabela para os erros

| Valores | u_i | Probabilidade |
|-----------|-----------------|---|
| $y_i = 1$ | $1 - x_i'\beta$ | $x_i'\beta = P(y_i = 1) = P_i$ |
| $y_i = 0$ | $-x_i'\beta$ | $1 - x_i' \beta = P(y_i = 0) = 1 - P_i$ |

• Vamos ver que a variância do termo de erro é heterocedástica.

$$var[u_{i}] = \mathbb{E}[(u_{i} - \mathbb{E}(u_{i}))^{2}]
= \mathbb{E}[u_{i}]^{2}
= [u_{i}|y_{i} = 1]^{2}(P[u_{i}|y_{i} = 1]) + [u_{i}|y_{i} = 0]^{2}(P[u_{i}|y_{i} = 0])
= (1 - x'_{i}\beta)^{2} \times P_{i} + (-x'_{i}\beta)^{2} \times (1 - P_{i})
= (1 - x'_{i}\beta)^{2} \times (x'_{i}\beta) + (-x'_{i}\beta)^{2} \times (1 - x'_{i}\beta)
= (1 - x'_{i}\beta) \times (x'_{i}\beta) [(1 - x'_{i}\beta) + x'_{i}\beta]
= (1 - x'_{i}\beta) \times (x'_{i}\beta) [1 - x'_{i}\beta + x'_{i}\beta]
= (1 - x'_{i}\beta) \times (x'_{i}\beta) \times (1)
= (1 - x'_{i}\beta) \times (x'_{i}\beta) (5)$$

Então, a $var[u_i]$ é heterocedástica. Como resolver esse problema? Podemos aplicar Mínimos Quadrados Generalizados ou usar algum dos erros robustos.

Modelo Geral de Escolha Discreta

• A probabilidade condicional de escolher a alternativa A dado ${\boldsymbol x}$ é

$$p(\mathbf{x}) \equiv \Pr[y = 1 | \mathbf{x}] = F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})$$
 (6)

- $F(x'\beta)$ é uma função especificada de $x'\beta$. Os modelos dessa classe são chamados de modelos de índice único, pois o argumento da função de probabilidade condicional $F(\cdot)$ é um índice único de regressores, $x'\beta$.
- No modelo de probabilidade linear, a função especificada $F(\cdot)$ é a identidade, ou seja, $F(x'\beta) = x'\beta$.
- Nos demais casos, porém, é natural especificar $F(\cdot)$ como uma função de distribuição acumulada para garantir que $0 \le p \le 1$.

Victor Oliveira PPGDE -2024 10/34

• É o caso do Logit e do Probit, que assumem, respectivamente, a FDA logística e normal:

Logit:
$$F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \Lambda(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \frac{e^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}}}{1 + e^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}}}$$
 (7)

Logit:
$$F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \Lambda(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \frac{e^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}}}{1 + e^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}}}$$
 (7)
Probit: $F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \Phi(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \int_{-\infty}^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}} \phi(z)dz$ (8)

Estimação por MV

- Assumimos uma amostra de N observações independentes de $\{y_i, \boldsymbol{x}_i\}_{i=1}^N$.
- Dada a natureza binomial dos dados e a suposição de independência entre as observações, uma característica muito conveniente do modelo binomial é que a distribuição do resultado é conhecida: a distribuição de Bernoulli.
- A escolha de 0 e 1 para os valores da variável de resultado nos permite escrever a função de massa de probabilidade de uma forma muito compacta:

$$g(y|\mathbf{x}) = p^y (1-p)^{1-y} = \begin{cases} p, \text{ se } y = 1\\ 1-p, \text{ se } y = 0 \end{cases}$$
 (9)

em que $p = F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})$.

Portanto, a função de log-verossimilhança é dada por

$$L_N(\boldsymbol{\beta}) = \sum_{i=1}^{N} \left\{ y_i \ln F\left(\boldsymbol{x}_i' \boldsymbol{\beta}\right) + (1 - y_i) \ln \left(1 - F\left(\boldsymbol{x}_i' \boldsymbol{\beta}\right)\right) \right\} \quad (10)$$

• O estimador de MV é obtido da CPO do problema de otimização acima

$$\frac{\partial L_N(\beta)}{\partial \beta} = \sum_{i=1}^N \left\{ \frac{y_i}{F\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right)} f\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right) \mathbf{x}_i - \frac{1 - y_i}{1 - F\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right)} f\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right) \mathbf{x}_i \right\}$$

$$= \sum_{i=1}^N \frac{y_i - F\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right)}{F\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right) \left(1 - F\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right)\right)} f\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\boldsymbol{\beta}}\right) \mathbf{x}_i = 0 \tag{11}$$

Propriedades Assintóticas

- Já sabemos que a distribuição de y é uma distribuição Bernoulli. Portanto, para consistência, precisamos adicionalmente que $F\left(x_i'\widehat{\beta}_{\mathbf{0}}\right)$ seja a especificação correta de p.
- O verdadeiro vetor de parâmetros precisa ser o máximo da verossimilhança da população $\mathbb{E}\left[y \ln F\left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right) + (1-y) \ln \left(1 F\left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right)\right)\right]$:

$$\mathbb{E}\left[\frac{y - F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})}{F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}))}f(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})\mathbf{x}\right] = \mathbb{E}\left[\frac{\mathbb{E}[y|\mathbf{x}] - F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})}{F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}))}f(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta})\mathbf{x}\right] = 0$$
(12)

em que a primeira igualdade é obtida pela aplicação da lei das expectativas iteradas. Podemos ver facilmente que esta expressão é igual a 0 se $\mathbb{E}[y|x] = F(x\beta_0)$.

Victor Oliveira PPGDE – 2024 14 / 34

• Do mesmo modo, $\widehat{\boldsymbol{\beta}} \xrightarrow{d} \mathcal{N}(\boldsymbol{\beta}, \Omega_0/N)$, em que $\Omega_0 = -\mathbb{E} \left[\partial^2 L_N / \partial \boldsymbol{\beta} \partial \boldsymbol{\beta}' \right]^{-1}$. Assim,

$$\mathbb{E}\left[\frac{\partial L}{\partial \boldsymbol{\beta}} \frac{\partial L}{\partial \boldsymbol{\beta}'}\right]^{-1} = \mathbb{E}\left[\left(\frac{y - F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})}{F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}))} f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})\right)^{2} \boldsymbol{x} \boldsymbol{x}'\right]^{-1}$$

$$= \mathbb{E}\left[\frac{y^{2} + F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} - 2yF(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})}{(F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})))^{2}} f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} \boldsymbol{x} \boldsymbol{x}'\right]^{-1}$$

$$= \mathbb{E}\left[\frac{\mathbb{E}[y|x] + F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} - 2\mathbb{E}[y|x]F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})}{(F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})))^{2}} f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} \boldsymbol{x} \boldsymbol{x}'\right]$$

$$= \mathbb{E}\left[\frac{F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}) + F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} - 2F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2}}{(F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})))^{2}} f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} \boldsymbol{x} \boldsymbol{x}'\right]^{-1}$$

$$= \mathbb{E}\left[\frac{1}{F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})(1 - F(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}))} f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})^{2} \boldsymbol{x} \boldsymbol{x}'\right]^{-1}$$

Efeitos Marginais

 Como os parâmetros são, em geral, não interpretáveis neste modelo, nossos objetos de interesse são os efeitos marginais: o efeito de uma mudança marginal no regressor k na probabilidade de escolher a alternativa A:

$$\frac{\partial \Pr[y=1|\boldsymbol{x}]}{\partial x_k} = f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}) \beta_k$$
 (13)

- Observe que, ao contrário do modelo de probabilidade linear, onde $f(x'\beta) = 1$, em qualquer modelo não linear, os efeitos marginais dependem de x.
- Podemos calcular o efeito marginal médio da amostra (ou seja, a média sobre todas as observações), o efeito marginal para o indivíduo médio (ou seja, a avaliação nos valores médios da amostra \bar{x}), ou o efeito marginal para qualquer outro indivíduo "representativo" com $x = x^*$.

- Os coeficientes estimados ainda carregam informações relevantes. Dado que $f(x'\beta)$ é uma função densidade de probabilidade, ela é positiva para todos os valores de x.
- Portanto, os sinais dos efeitos marginais são determinados pelo sinal dos coeficientes estimados.
- Além disso, a proporção de efeitos marginais para dois regressores diferentes é constante entre os indivíduos e igual à proporção dos dois coeficientes:

$$\frac{\partial \Pr[y=1|\boldsymbol{x}]/\partial x_k}{\partial \Pr[y=1|\boldsymbol{x}]/\partial x_\ell} = \frac{f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})\beta_k}{f(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta})\beta_\ell} = \frac{\beta_k}{\beta_\ell}$$
(14)

- O efeito marginal para regressores discretos é calculado como a diferença nas probabilidades previstas.
- Em particular, no caso de um regressor dicotômico, o efeito marginal seria calculado como:

$$\Pr\left[y=1|\boldsymbol{x}_{-k},x_{k}=1\right] - \Pr\left[y=1|\boldsymbol{x}_{-k},x_{k}=0\right] = F\left(\boldsymbol{x}_{-k}'\boldsymbol{\beta}_{-k}+\beta_{k}\right) - F\left(\boldsymbol{x}_{-k}'\boldsymbol{\beta}_{-k}\right)$$
(15)

em que x'_{-k} denota um vetor com todos os regressores em x, exceto x_k .

Modelo Logit

• A FDA é

$$F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \Lambda(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \frac{e^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}}}{1 + e^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}}}$$
(16)

 \bullet A expressão para a condição de primeira ordem do estimador de MV é

$$\sum_{i=1}^{N} \left(y_i - \Lambda \left(\mathbf{x}_i' \widehat{\beta} \right) \right) \mathbf{x}_i = 0$$
 (17)

• Observe que esta expressão implica que o termo de erro é ortogonal a \boldsymbol{x} , como no caso do estimador de MQO.

Victor Oliveira PPGDE – 2024 19 / 34

• A expressão para a variância assintótica é

$$\Omega_0 = \mathbb{E} \left[\Lambda \left(\boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta} \right) \left(1 - \Lambda \left(\boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta} \right) \right) \boldsymbol{x} \boldsymbol{x}' \right]^{-1}$$
 (18)

• Os efeitos marginais são dados por

$$\frac{\partial \Pr[y=1|\boldsymbol{x}]}{\partial x_k} = \Lambda \left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right) \left(1 - \Lambda \left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right)\right) \beta_k \tag{19}$$

• Uma característica adicional interessante do modelo logit é que a odds ratio é linear nos regressores:

$$p = \frac{e^{x'\beta}}{1 + e^{x'\beta}} \Longleftrightarrow \ln \frac{p}{1 - p} = x'\beta$$
 (20)

- Esta expressão é interessante porque nos permite interpretar β como semielasticidade.
- Além disso, permite estimar β com dados agregados sob certas hipóteses.

Modelo Probit

A FDA é

$$F(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \Phi(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) = \int_{-\infty}^{\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}} \phi(z)dz$$
 (21)

• A expressão para a condição de primeira ordem do estimador de MV é

$$\sum_{i=1}^{N} \frac{y_i - \Phi\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\beta}\right)}{\Phi\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\beta}\right) \left(1 - \Phi\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\beta}\right)\right)} \phi\left(\mathbf{x}_i'\widehat{\beta}\right) \mathbf{x}_i = 0$$
 (22)

A expressão para a variância assintótica é

$$\Omega_{0} = \mathbb{E}\left[\frac{\phi\left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right)^{2}}{\Phi\left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right)\left(1 - \Phi\left(\boldsymbol{x}'\boldsymbol{\beta}\right)\right)}\boldsymbol{x}\boldsymbol{x}'\right]^{-1}$$
(23)

Os efeitos marginais são dados por

$$\frac{\partial \Pr[y=1|\mathbf{x}]}{\partial x_k} = \phi(\mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}) \beta_k$$
 (24)

Variável Latente

- Uma forma de dar uma interpretação mais estrutural ao modelo é concebê-lo em termos de uma medida latente de utilidade.
- Uma variável latente é uma variável que não observamos completamente.
- Por exemplo, podemos observar a decisão final de um indivíduo, mas não a utilidade intrínseca experimentada por ele.
- As decisões individuais podem ser modeladas com base em sua função de utilidade, cujos parâmetros podem ser estimados graças à preferência revelada.

- Variáveis latentes são tipicamente incluídas em um modelo econométrico/estatístico (modelo de variável latente) com diferentes objetivos:
 - representar o efeito de covariáveis/fatores não observáveis e, em seguida, contabilizando a heterogeneidade não observada entre os sujeitos (variáveis latentes são usadas para representar o efeito desses fatores não observáveis)
 - 2 contabilizando erros de medição (as variáveis latentes representam os resultados "verdadeiros" e as variáveis manifestas representam suas versões "perturbadas")
 - resumindo diferentes medidas das mesmas características não observáveis (por exemplo, qualidade de vida), de modo que as unidades amostrais possam ser facilmente ordenadas/classificadas com base nessas características (representadas pelas variáveis latentes)

Modelos de Fatores Latentes

- Modelo de análise fatorial: ferramenta fundamental em estatística multivariada para resumir várias medidas (contínuas) através de um pequeno número de traços latentes (contínuos). Nenhuma covariável está incluída.
- Modelos de Teoria da Resposta ao Item: modelos para itens (respostas categóricas) que medem um traço latente comum assumido como contínuo (ou menos frequentemente discreto) e tipicamente representando uma habilidade ou uma atitude psicológica. Normalmente nenhuma covariável é incluída.
- Modelos lineares generalizados mistos (modelos de efeitos aleatórios):
 extensão da classe de modelos lineares generalizados (GLM)
 para respostas contínuas ou categóricas que respondem por heterogeneidade não observada, além do efeito de covariáveis observáveis.

- Existem duas formas alternativas de modelar o modelo de resultado binário em termos de uma variável latente.
 - O primeiro é chamado de modelo de função índice, no qual um limite na variável latente determina se o indivíduo escolhe uma alternativa ou outra (por exemplo, eu compro um produto se minha utilidade de comprá-lo for positiva).
 - ② O segundo é chamado de modelo de utilidade aleatória (aditivo), no qual o indivíduo compara a utilidade latente associada às duas alternativas e escolhe aquela que fornece a maior utilidade.
- No caso binário, essas interpretações são um tanto equivalentes, mas a distinção entre elas torna-se relevante no caso multinomial.

 \bullet Seja y^* uma variável latente de interesse, tal que

$$y^* = \mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}^* + u^* \tag{25}$$

em que x é um vetor de regressores e u é um componente de erro não observado com FDA $F(\cdot)$.

 Observa-se somente qual alternativa é escolhida pelo indivíduo, isto é,

$$y = \begin{cases} 1, \text{ se } y^* > 0\\ 0, \text{ se } y^* \le 0 \end{cases}$$
 (26)

em que 0 é uma normalização de um threshold c, não identificado se o modelo inclui um termo de intercepto.

• A probabilidade de observar y = 1 é obtida como segue:

$$\Pr[y = 1 | \boldsymbol{x}] = \Pr[y^* > 0 | \boldsymbol{x}]$$

$$= \Pr[\boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta}^* + u^* > 0]$$

$$= \Pr[u^* > -\boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta}^*]$$

$$= \Pr[u^* < \boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta}^*]$$

$$= \Pr\left[\frac{u^*}{\sigma_u} < \frac{\boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta}^*}{\sigma_u}\right]$$

$$= \Pr[u < \boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta}]$$

$$= F\left(\boldsymbol{x}' \boldsymbol{\beta}\right)$$
(27)

em que a última igualdade decorre do fato de que a função densidade de probabilidade de u é simétrica em torno de zero (por exemplo, a logística e as distribuições normal padrão).

Figura 1: Distribuição Logística

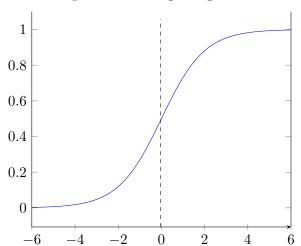
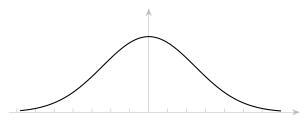


Figura 2: Distribuição Normal



PPGDE -2024 30 / 34

- Na expressão anterior, verifica-se que um limiar c não seria identificado se o modelo incluísse um intercepto porque poderíamos aumentar o intercepto e reduzir o limiar na mesma quantidade a e a probabilidade não mudaria.
- Da mesma forma, os parâmetros são identificados apenas até uma escala:

$$\Pr\left[u > -x'\beta >\right] = \Pr\left[ua > -x'\beta a >\right] \tag{28}$$

- Portanto, temos que impor uma restrição na variância do termo de erro para que os parâmetros possam ser identificados de forma única.
- Essa restrição está implícita na distribuição logística (impomos que a variância seja $k^2\pi^2/3$ fazendo k=1), e no caso de erros normais, normalmente impomos que a variância seja 1 para que trabalhemos com a distribuição normal padrão e o problema se reduza a o modelo probit.
- Essas restrições devem ser levadas em consideração ao interpretar os coeficientes.
- Na verdade, esta é a razão pela qual os próprios coeficientes são difíceis de serem interpretados diretamente e nos concentramos nos efeitos marginais de cada regressor (ou na razão entre dois coeficientes, que fornece a razão dos efeitos marginais).

- Para a maioria dos propósitos, essas normalizações são inócuas.
- Infelizmente, no contexto da análise de decomposição para modelos probit e logit, essas normalizações não são tão inócuas.
- Ao decompor as diferenças médias nas probabilidades de resultado para duas populações, o objetivo natural seria estimar o quanto as diferenças de grupo nos parâmetros β^* do modelo de variável latente contribuem para as diferenças médias nas probabilidades de resultado.
- Decomposições baseadas apenas nos parâmetros β estimados mensuram os efeitos das diferenças de grupo em $\frac{\beta^*}{\sigma_u}$ ao invés de β^* .
- Consequentemente, diferenças de grupo nos parâmetros β^* são confundidas com diferenças de grupo nos parâmetros σ_u .

Econometria I Modelos de Resposta Binária

Victor Oliveira

Núcleo de Economia Internacional e Desenvolvimento Econômico

PPGDE - 2024