Lösung des Traveling-Salesman-Problem mithilfe einer parallelisierten Anwendung der Optimierung durch den Ameisen-Algorithmus

Studienarbeit

des Studienganges Angewandte Informatik an der Dualen Hochschule Baden-Württemberg Mosbach



von Viktor Rechel

Bearbeitungszeitraum 2 Semester; 6 Monate

Matrikelnummer, Kurs 6335802, Inf15A

Hochschule DHBW Mosbach

Gutachter der Dualen Hochschule Dr. Carsten Müller

Abstract

Viktor Rechel ii

Zusammenfassung

Viktor Rechel iii

Inhaltsverzeichnis

| Abstract | | | | | | | |
|-----------------------|-----------------------|------------------|--|------|--|--|--|
| Zusammenfassung | | | | | | | |
| Αl | Abkürzungsverzeichnis | | | | | | |
| Abkürzungsverzeichnis | | | | | | | |
| Αl | Abbildungsverzeichnis | | | | | | |
| Tá | abelle | nverze | ichnis | viii | | | |
| 1 | Einl | eitung | | 1 | | | |
| 2 | Star 2.1 2.2 | Travel | Technik & Forschung ing Salesman Problem | | | | |
| 3 | | • | nierung | 3 | | | |
| | 3.1 | | are Engineering | | | | |
| | | 3.1.1 | Requirements Engineering | | | | |
| | 0.0 | 3.1.2 | COCOMO | | | | |
| | 3.2 | Archit | | | | | |
| | | $3.2.1 \\ 3.2.2$ | Persistenz | | | | |
| | | 3.2.2 | TSP | | | | |
| | | 3.2.4 | ACO | | | | |
| | 3.3 | | Diagramm | | | | |
| | 3.4 | | wählte Algorithmen | | | | |
| | | 3.4.1 | Ant - iteration() | | | | |
| | | 3.4.2 | Colony - killAnt() | | | | |
| | | 3.4.3 | Colony - updatePheromone() | | | | |
| | 3.5 | Umset | zung der SOLID-Prinzipien | 7 | | | |
| | | 3.5.1 | Single Responsibility | | | | |
| | | 3.5.2 | Open / Closed | | | | |
| | | 3.5.3 | Liskov Substitution | | | | |
| | | 3.5.4 | Interface Segregation | 7 | | | |

Viktor Rechel iv

| | | 3.5.5 Dependency Inversion | 7 | | | | |
|-----|-----------------------|-------------------------------------|----|--|--|--|--|
| | 3.6 | Parameterbeschreibung | 7 | | | | |
| | | 3.6.1 Alpha - α | 8 | | | | |
| | | 3.6.2 Beta - β | 8 | | | | |
| | | 3.6.3 Tau - τ | 8 | | | | |
| | | 3.6.4 Eta - η | 8 | | | | |
| | 3.7 | Sensitivitätsanalyse | 8 | | | | |
| 4 | lmp | lementierung | 9 | | | | |
| | 4.1 | Klassendiagramm | 9 | | | | |
| | 4.2 | Beschreibung der Implementierung | 9 | | | | |
| | 4.3 | ER-Diagramm | 9 | | | | |
| | 4.4 | Komponenten-Diagramm | 9 | | | | |
| | 4.5 | Paket-Diagramm | 9 | | | | |
| | 4.6 | Perforance-Analyse und -Optimierung | 9 | | | | |
| 5 | Fazi | t | 10 | | | | |
| Lit | iteraturverzeichnis 1 | | | | | | |

Abkürzungsverzeichnis

ACO Ant Colony Optimization oder Ameisenalgorithmus

TSP Traveling Salesman Problem

UML Unified Modeling Language

ER Entity Relationship

COCOMO Constructive Cost Model

Viktor Rechel vi

Abbildungsverzeichnis

| 3.1 | UML-Modellierung des Architekturentwurfs | S |
|-----|--|---|
| 3.2 | Formel zur Berechnung der Wahrscheinlichkeit bei der Streckenauswahl | 7 |

Viktor Rechel vii

Tabellenverzeichnis

Viktor Rechel viii

1 Einleitung

2 Stand der Technik & Forschung

- 2.1 Traveling Salesman Problem
- 2.2 Ant Colony Optimization

3 Konzeptionierung

Um eine präzise und effiziente Umsetzung dieser Arbeit zu gewährleisten, wird zu Beginn der Fokus auf eine durchgängig durchdachte Kozeptionierung gelegt. Dies beginnt bereits bei der Definition der Anforderungen mithilfe des Requirements Engineering. Die definierten auszuarbeitenden Punkte werden im Anschluss mithilfe des COCOMO bewertet.

Nachdem die einzelnen Punkte definiert und bewertet sind, wird eine möglichst effiziente und passende Architektur entworfen. Auf diese wird ausführlich eingegangen, indem die Idee hinter dem Aufbau erklärt wird, sowie auch durch ein UML-Diagramm dargestellt wird.

Im Anschluss werden auch einzelne Methoden vorgestellt, sowie alle Parameter die die Lösung beeinflussen beschrieben.

In einer heutigen Software-Architektur sind die SOLID-Prinzipien nicht mehr weg zu denken. Diese werden in der Architektur beachtet, umgesetzt und auch in dieser Arbeit beschrieben.

3.1 Software Engineering

3.1.1 Requirements Engineering

3.1.2 COCOMO

3.2 Architektur

Die Architektur wurde inhaltlich so aufgeteilt, dass eine modulare Implementierung möglich ist. So wurden die vier folgenden Bereiche definiert: Persistenz, Applikation, TSP und ACO

Der Begriff der Persistenz beschreibt in diesem Fall zusätzlich zum dauerhaften Abspeichern der Daten, auch das Einlesen der verschiedenen Problemstellungen. Applikation umfasst den Teil des Programms, der sich nicht direkt mit Daten befasst aber auch nicht zur Problemlösung beiträgt, wie die zwei folgenden Bereiche.

Innerhalb des Begriffs TSP werden alle nötigen Parameter und Methoden behandelt, die basierend auf dem Traveling Salesman Problem notwendig werden.

Zuletzt gibt es in der Architektur noch das Feld ACO, welches die komplette Berechnung des zu lösenden Problems übernimmt. In dem Fall, dieser Arbeit handelt es sich um das TSP. Allerdings könnte das Problemfeld auch dadurch ausgewechselt werden, dass der Bereich TSP um das neue Problem ersetzt wird.

3.2.1 Persistenz

Um ein stares Definieren des Problems innerhalb der Applikation zu verhindern, werden zu Beginn des Programms alle Parameter, wie Städtematrix, Wahrscheinlichkeiten und Lösungsparameter aus einer gegebenen XML-Datei eingelesen. Durch eine Bearbeitung der XML ist ein einfaches Abändern der Problemstellung möglich. Hierdurch ist auch gesichert, dass die Algorithmen effizient getestet werden können, da mehrere verschiedenen bekannte Testwerte benannt werden können.

3.2.2 Applikation

Wie bereits genannt, liegt bei der vorliegenden Architektur ein Fokus auf Modularität, Portabilität und Usability. Aber auch auf verlässliche und effiziente Algorithmen muss geachtet werden. Daher wird für die Wahrscheinlichkeitsberechnung die externe Klasse Mersenne Twister Fast ¹ gentutzt, welche eine bessere Distribution der Pseudozufallszahlen bieten als die Default-Implementierung in Java. ² Ein weiterer Bestandteil des Applikationsbereichs werden das Logging der Arbeitsvorgänge, sowie die zentrale Konfiguration der Problemstellung auf der die Lösung basiert.

3.2.3 TSP

Der Bereich des TSP definiert sich in dieser Architektur rein durch die Städte-Objekte, welche zur Darstellung der Städtematrix genutzt werden. Der einzige andere Bestandteil ist die zentrale Aufstellung der Städtematrix, die von den restlichen Klassen nur kopiert wird.

3.2.4 ACO

Um den Ameisenalgorithmus umzusetzen sind deutlich mehr Aufwände nötig, als zur

 $^{^1} s.\ http://www.math.sci.hiroshima-u.ac.jp/\ m-mat/MT/emt.html$

²Um eine einfache und schnelle Benutzung zu gewährleisten, wird in dieser Arbeit darauf verzichtet echte Zufallszahlen zu nutzen, die beispielsweise aus Weltallstrahlung berechnet werden. Diese seien hier nur zur Vollständigkeit halber erwähnt.

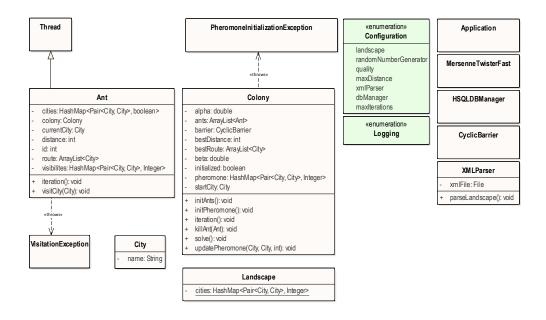


Abbildung 3.1: UML-Modellierung des Architekturentwurfs

Darstellung des TSP. Hier werden mindestens eine Ameisenkolonie benötigt ³, sowie je Kolonie mehrere Ameisen.

Die Ameisen werden in der Applikation als einzelne Threads gestartet, die über eine CyclicBarrier kontrolliert werden. Dies erlaubt ein möglichst effizientes Parallelisieren der Lösung.

3.3 UML-Diagramm

Um an der Planung auch visuell arbeiten zu können, wurde diese zu Beginn als UML-Diagramm erarbeitet. Wie in Abbildung 3.1 zu sehen ist, reichen für die Implementierung eine wenige Klassen aus. So wird der Teil des Programms, welcher das TSP-Problem darstellt nur durch die Klassen *Landscape* und *City* vertreten. *Landscape* beinhaltet die Matrix der Städte inklusive der Distanzen zwischen den Städten.

³Die Architektur würde bei ausreichenden Systemressourcen auch eine parallele Berechnung mehrerer Städtematrizen erlauben

3.4 Ausgewählte Algorithmen

Bereits vorgestellt wurden die einzelnen Bestandteile der Architektur, sowie die Architektur als Gesamtbild gezeigt. Im Folgenden sollen beispielhaft die verwendeten Algorithmen thematisch vorgestellt werden. So werden die zentralen Methoden zur Berechnung der Iterationen aus Sicht der Ameisen vorgestellt, sowie auch das Verhalten der Pheromonänderung. Zusätzlich wird die Methode zum Töten einer Ameise beschrieben, welche in so gut wie keiner Implementierung zu finden ist.

3.4.1 Ant - iteration()

3.4.2 Colony - killAnt()

Ebenfalls in dem in Abbildung 3.1 gezeigten UML-Diagramm erkennbar ist, dass die Ameisenkolonie die Möglichkeit besitzt einzelne Ameisen zu "töten". Diese Methode sollte in einem einwandfreiem Programm keinerlei Verwendung finden, allerdings kann man sich nicht auf eine dauerhafte fehlerfreie Implementierung verlassen. Im Bereich der Software Tests ist dies durch das Prinzip "Fehlen von Fehlern" beschrieben. Dieses sagt aus, dass erfolgreiche Tests nur bestätigen, dass keine Fehler gefunden wurden. Es kann nicht ausgesagt werden, dass keine Fehler vorliegen.⁴

Denn die Methode hat die Funktion, im Falle des Fehlverhaltens eine Ameise aus der Liste der aktiven Ameisen bzw. Threads zu löschen und den Thread zu stoppen. Genutzt werden wird diese vor allem im Bereich der aufgefangenen Fehler innerhalb der Implementierung der Ameisen. Sollte eine aufgetretene Exception schwerwiegend und unlösbar sein, wird die Applikation automatisch die Funktion aufrufen.

⁴vgl. [**bibid**]

3.4.3 Colony - updatePheromone()

3.5 Umsetzung der SOLID-Prinzipien

- 3.5.1 Single Responsibility
- 3.5.2 Open / Closed
- 3.5.3 Liskov Substitution
- 3.5.4 Interface Segregation
- 3.5.5 Dependency Inversion

3.6 Parameterbeschreibung

Die Berechnung der optimalen Wegstrecke läuft über eine Wahrscheinlichkeitsrechnung, die jeweils von den einzelnen Threads bzw. Ameisen in jeder Stadt aufs neue durchgeführt wird. Dabei werden die Wahrscheinlichkeiten nach folgender Formel berechnet:

$$p(s_{ij}) = \frac{\tau_{ij}^{\alpha} * \eta_{ij}^{\beta}}{\sum_{x \in N} \tau_{ix}^{\alpha} * \eta_{ix}^{\beta}}$$
(3.1)

Abbildung 3.2: Formel zur Berechnung der Wahrscheinlichkeit bei der Streckenauswahl.

s : Strecke zwischen zwei Städten

i : Quellestadt

j : Zielstadt

N : Menge der von Stadt i aus erreichbaren Städte j

au: Pheromonwert auf der Strecke i-j

 η : Heuristischer Faktor für die Strecke i-j

 α, β : Innerhalb der Applikation festgelegte Parameter

- 3.6.1 Alpha α
- 3.6.2 Beta β
- 3.6.3 Tau au
- 3.6.4 Eta η
- 3.7 Sensitivitätsanalyse

4 Implementierung

- 4.1 Klassendiagramm
- 4.2 Beschreibung der Implementierung
- 4.3 ER-Diagramm
- 4.4 Komponenten-Diagramm
- 4.5 Paket-Diagramm
- 4.6 Perforamce-Analyse und -Optimierung

5 Fazit

Literaturverzeichnis

- [1] B. Booba; Dr. T. V. Gopal. "Comparison of Ant Colony Optimization & Particle Swarm Optimization In Grid Scheduling". English. In: Australian Journal of Basic and Applied Sciences (8. Juni 2014), S. 1–6.
- [2] David P. Williamson. *The Traveling Salesman Problem: An Overview*. English. Presentation. Cornell University Ebay Research, 21. Jan. 2014.