

DISTRIBUIRANI ALGORITMI I SISTEMI

Tipovi podataka izvan registara

2

- Registri podržavaju *read* i *write* operacije
- Moguće su WF simulacije jedne vrste registara pomoću druge vrste
 - ▣ različiti brojevi vrednosti, čitača, pisača
- Šta je sa (WF) simuliranjem značajno različitih vrsta tipova podataka pomoću registara?
- Generalno, šta je sa (WF) simuliranjem objekta tipa *X* pomoću objekata tipa *Y* ?

Ključan uvid

3

- Sposobnost objekata tipa Y da mogu simulirati objekte tipa X je povezana sa sposobnošću tih tipova podataka da reše konsenzus!
- Fokusiramo se na sisteme koji su:
 - ▣ asinhroni
 - ▣ sa deljenom memorijom
 - ▣ oslobođeni-čekanja (WF)

Primer FIFO reda

4

- Sekvencijalna specifikacija FIFO reda:
 - ▣ operacija sa pozivom *enq(x)* i odgovorom *ack*
 - ▣ operacija sa pozivom *deq* i odgovorom *return(x)*
 - ▣ sekvenca operacija je prihvatljiva akko svaki *deq* vraća najstariju ulančanu vred koja još uvek nije izlančana (vraća \perp ako je red prazan)

Algoritam konsenzusa za $n = 2$ sa korišćenjem FIFO reda

5

Inicijalno $Q = [0]$ i $Prefer[i] = \perp$

$Prefer[i] := \text{ulaz od } p_i$

$val := \text{deq}(Q)$

if $val = 0$ **then**

 odluči se za ulaz od p_i

else

$temp := Prefer[1 - i]$

 odluči se za $temp$

Algoritam konsenzusa za $n = 2$ sa korišćenjem FIFO reda

5

Inicijalno $Q = [0]$ i $Prefer[i] = \perp$

*jedan deljeni FIFO red
i dva deljena registra*

$Prefer[i] := \text{ulaz od } p_i$

$val := \text{deq}(Q)$

if $val = 0$ **then**

odluči se za ulaz od p_i

else

$temp := Prefer[1 - i]$

odluči se za $temp$

Algoritam konsenzusa za $n = 2$ sa korišćenjem FIFO reda

5

Inicijalno $Q = [0]$ i $Prefer[i] = \perp$

*jedan deljeni FIFO red
i dva deljena registra*

$Prefer[i] := \text{ulaz od } p_i$

upiši moj ulaz u moj registar

$val := \text{deq}(Q)$

if $val = 0$ **then**

odluči se za ulaz od p_i

else

$temp := Prefer[1 - i]$

odluči se za $temp$

Algoritam konsenzusa za $n = 2$ sa korišćenjem FIFO reda

5

Inicijalno $Q = [0]$ i $Prefer[i] = \perp$

*jedan deljeni FIFO red
i dva deljena registra*

$Prefer[i] := \text{ulaz od } p_i$

upiši moj ulaz u moj registar

$val := \text{deq}(Q)$

if $val = 0$ **then**

odluči se za ulaz od p_i

else

$temp := Prefer[1 - i]$

odluči se za $temp$

*koristi deljeni red za arbitražu
između 2 proc: prvi koji
izlancha početnu 0-lu pobeđuje,
vrednost odluke je njegov ulaz*

Algoritam konsenzusa za $n = 2$ sa korišćenjem FIFO reda

5

Inicijalno $Q = [0]$ i $Prefer[i] = \perp$

*jedan deljeni FIFO red
i dva deljena registra*

$Prefer[i] := \text{ulaz od } p_i$

upiši moj ulaz u moj registar

$val := \text{deq}(Q)$

if $val = 0$ **then**

odluči se za ulaz od p_i

else

$temp := Prefer[1 - i]$

odluči se za $temp$

*koristi deljeni red za arbitražu
između 2 proc: prvi koji
izlancha početnu 0-lu pobeđuje,
vrednost odluke je njegov ulaz*

*gubitnik dobija vred
odluke iz registra
drugog proc*

Implikacije algoritma konsenzusa sa korišćenjem FIFO reda

6

- Prepodst. da želimo da simuliramo na WF način FIFO red koristeći read/write registre
- Da li je to moguće?
- Ne! Ako bi bilo moguće, mogli bi da rešimo konsenzus:
 - ▣ simuliraj FIFO red koristeći registre
 - ▣ koristi simulirani red i predhodni algoritam za rešenje konsenzusa

Proširenje algoritma za više proc?

7

- Da li možemo koristiti FIFO redove za rešenje konsenzusa za više od 2 proc?
- Sposobnost atomskog izlančavanja vred je bila ključ za algoritam za 2 proc:
 - ▣ jedan proc. saznaje da je pobednik
 - ▣ drugi saznaje da je gubitnik
- Nije jasno kako treba rukovati sa 3 proc.
- Predpost. da imamo različit tip podataka:

Specifikacija Compare & Swap

8

```
compare&swap(X : adresa deljene mem,  
             old: vred,  
             new: vred)  
    previous := X    // previous je lok. prom.  
    if previous = old then X := new  
    return previous
```

dešava se atomski

X

old
new

Algoritam konsenzusa sa korišćenjem Compare & Swap

9

Initially $First = \perp$

$val := compare\&swap(First, \perp, \text{moj ulaz})$

if $val = \perp$ **then**

 odluči se za svoj ulaz

else

 odluči se za val

Algoritam konsenzusa sa korišćenjem Compare & Swap

9

Initially $First = \perp$

jedan deljen C&S objekt

$val := compare\&swap(First, \perp, \text{moj ulaz})$

if $val = \perp$ **then**

odluči se za svoj ulaz

else

odluči se za val

Algoritam konsenzusa sa korišćenjem Compare & Swap

9

Initially $First = \perp$

jedan deljen C&S objekt

if $First = \perp$ then stavi moj ulaz

$val := \text{compare\&swap}(First, \perp, \text{moj ulaz})$

if $val = \perp$ **then**

odluči se za svoj ulaz

else

odluči se za val

Algoritam konsenzusa sa korišćenjem Compare & Swap

9

Initially $First = \perp$

jedan deljen C&S objekt

if $First = \perp$ then stavi moj ulaz

$val := \text{compare\&swap}(First, \perp, \text{moj ulaz})$

if $val = \perp$ then

odluči se za svoj ulaz

else

odluči se za val

istovremeno odredi da li
si pobednik i vrednost za
koju treba da se odluče svi
gubitnici

Nemogućnost konsenzusa 3-Proc pomoću FIFO reda

10

Teorema (11.3): WF konsenzus pomoću FIFO redova i registara nije moguć ako je $n > 2$

Dokaz: Iste strukture kao za registre

Ključna razlika je kad se razmatra situacija u kojoj je:

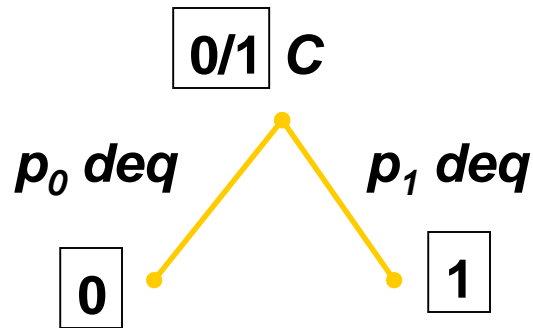
- C bivalentna
- $p_0(C)$ 0-valentna i $p_1(C)$ je 1-valentna

Nemogućnost konsenzusa 3-Proc pomoću FIFO reda

11

- p_0 i p_1 moraju da pristupaju istom FIFO redu

Sluč. 1: Oba koraka su *deq*

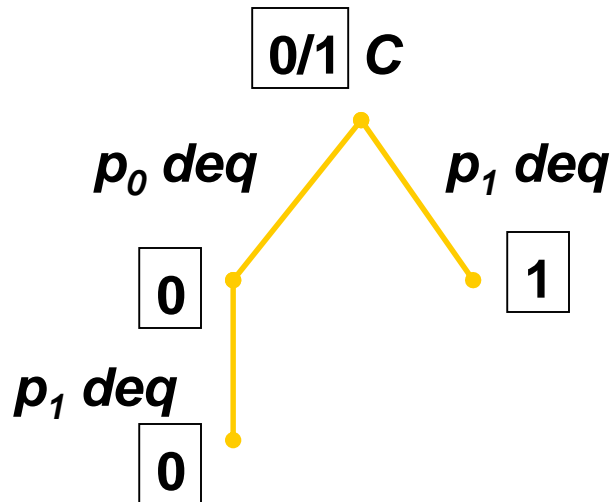


Nemogućnost konsenzusa 3-Proc pomoću FIFO reda

11

- p_0 i p_1 moraju da pristupaju istom FIFO redu

Sluč. 1: Oba koraka su *deq*

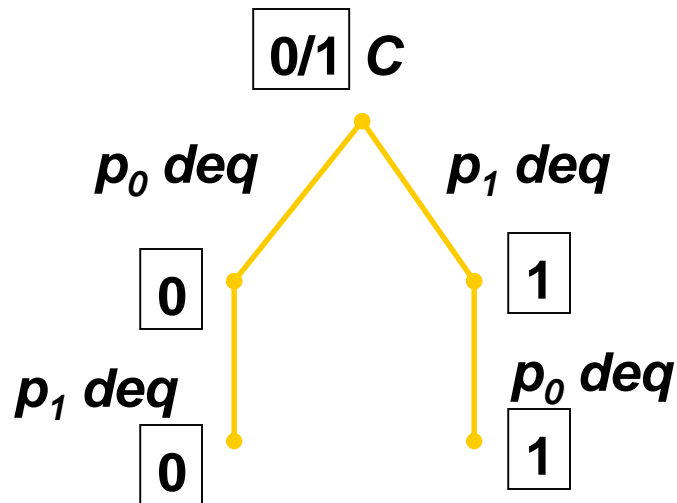


Nemogućnost konsenzusa 3-Proc pomoću FIFO reda

11

- p_0 i p_1 moraju da pristupaju istom FIFO redu

Sluč. 1: Oba koraka su *deq*

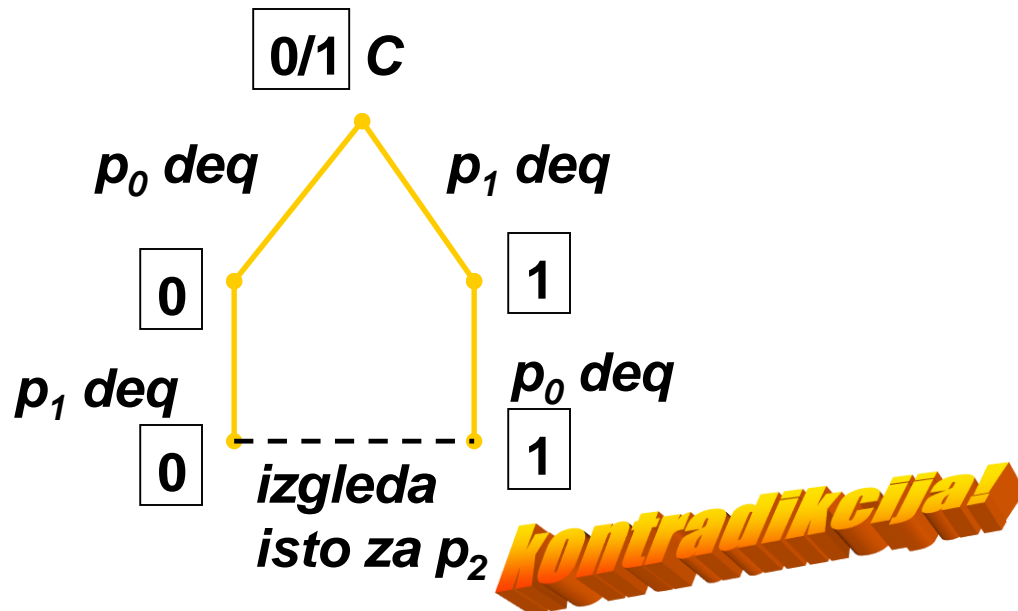


Nemogućnost konsenzusa 3-Proc pomoću FIFO reda

11

- p_0 i p_1 moraju da pristupaju istom FIFO redu

Sluč. 1: Oba koraka su *deq*

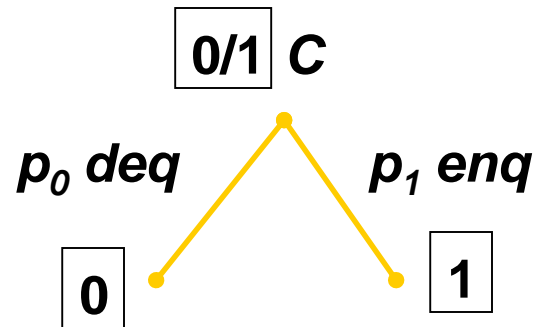


Dokaz nemogućnosti

12

Sluč. 2: $p_0 \text{ deq}$ i $p_1 \text{ enq}$

Sluč. 2.1: Red nije prazan u C

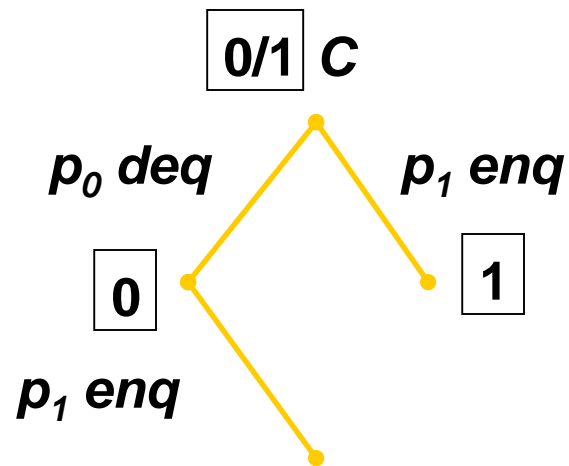


Dokaz nemogućnosti

12

Sluč. 2: $p_0 \text{ deq}$ i $p_1 \text{ enq}$

Sluč. 2.1: Red nije prazan u C

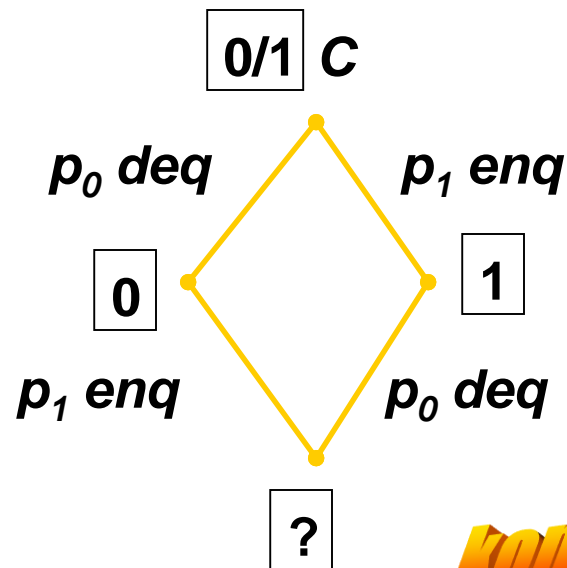


Dokaz nemogućnosti

12

Sluč. 2: p_0 deq i p_1 enq

Sluč. 2.1: Red nije prazan u C



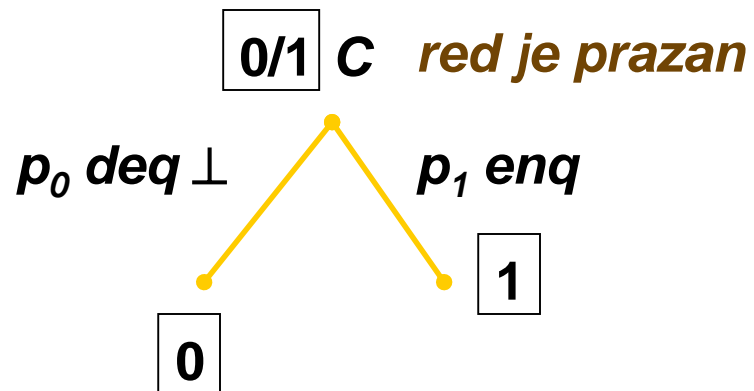
kontradikcija!

Dokaz nemogućnosti

13

Sluč. 2: $p_0 \text{ deq}$ i $p_1 \text{ enq}$

Sluč. 2.2: Red je prazan u C

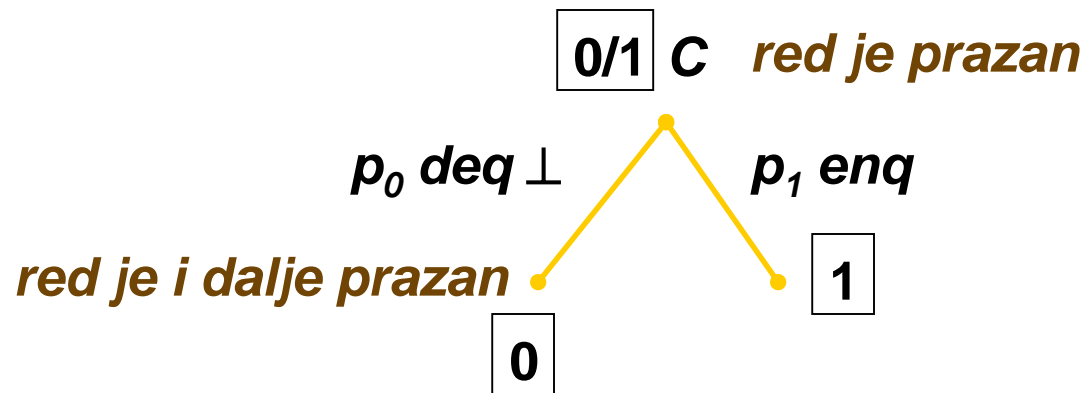


Dokaz nemogućnosti

13

Sluč. 2: $p_0 \text{ deq}$ i $p_1 \text{ enq}$

Sluč. 2.2: Red je prazan u C

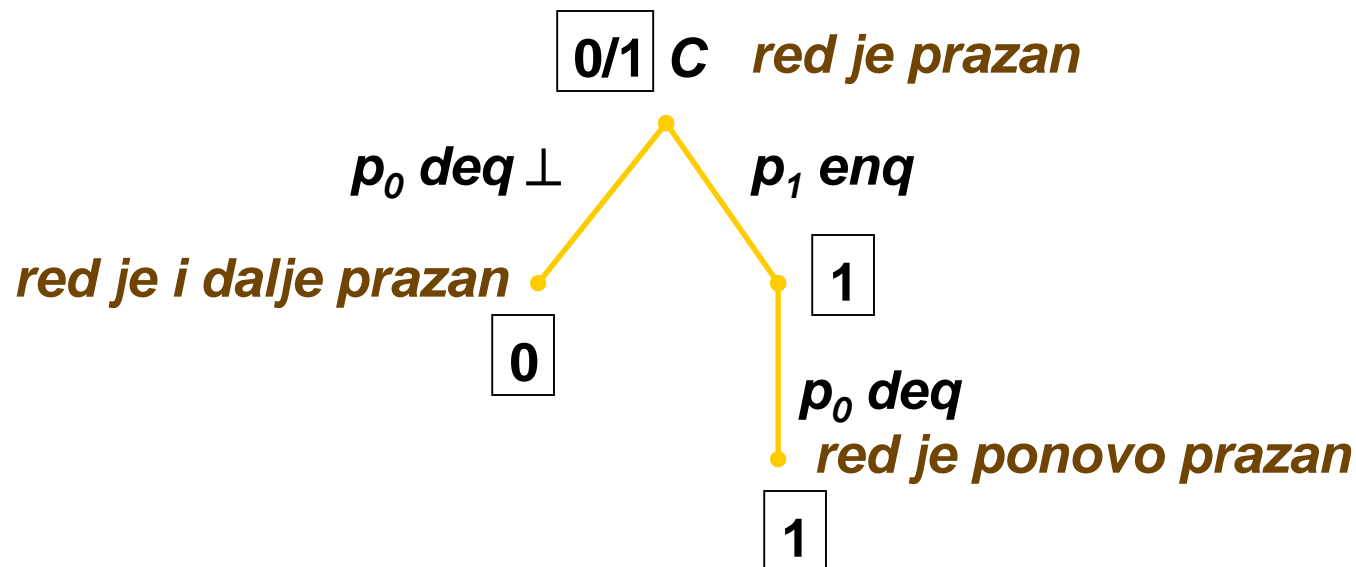


Dokaz nemogućnosti

13

Sluč. 2: $p_0 \text{ deq}$ i $p_1 \text{ enq}$

Sluč. 2.2: Red je prazan u C

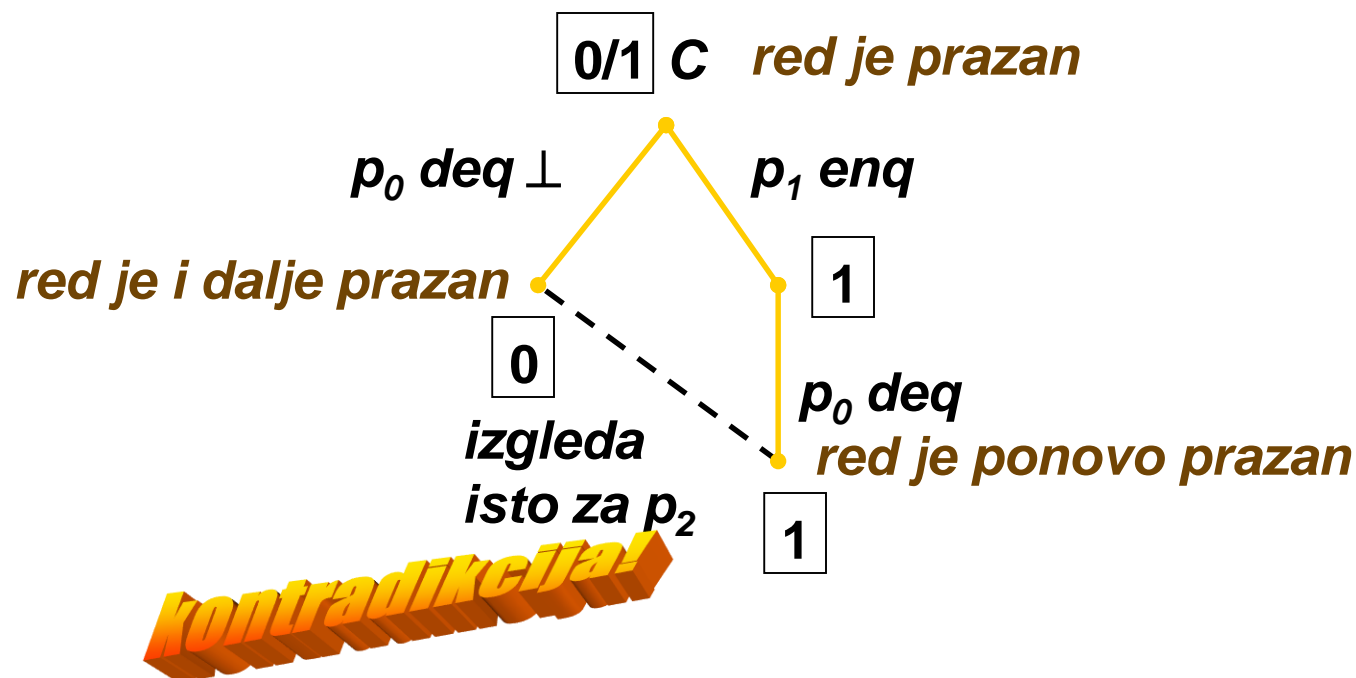


Dokaz nemogućnosti

13

Sluč. 2: p_0 deq i p_1 enq

Sluč. 2.2: Red je prazan u C



Dokaz nemogućnosti

14

Sluč. 3: Oba p_0 i p_1 enq (na istom redu).

Domaći: Pogledati dokaz u knjizi.

Zaključak: ne postoji WF algoritam sa korišćenjem
FIFO redova i registara za konsenzus za 3 proc.

Implikacije

17

- Predpost. da hoćemo da simuliramo C&S objekt na WF način pomoću FIFO redova (i registara)
- Da li je to moguće?
- Ne ako je $n > 2!$ Da je to moguće, mogli bi da rešimo konsenzus pomoću FIFO redova (i reg.):
 - ▣ simuliraj C&S objekt pomoću FIFO redova (i reg.)
 - ▣ koristi simulirani C&S objekt i c&s algoritam za rešenje konsenzusa

Generalizacija ovih argumenata

18

- Predhodni rezultati u vezi FIFO redova i C&S objekata sugerišu kriterijum za određivanje da li postoje WF simulacije:
- na osnovu sposobnosti tipova podataka da reše konsenzus za određeni broj proc.

Broj konsenzusa

19

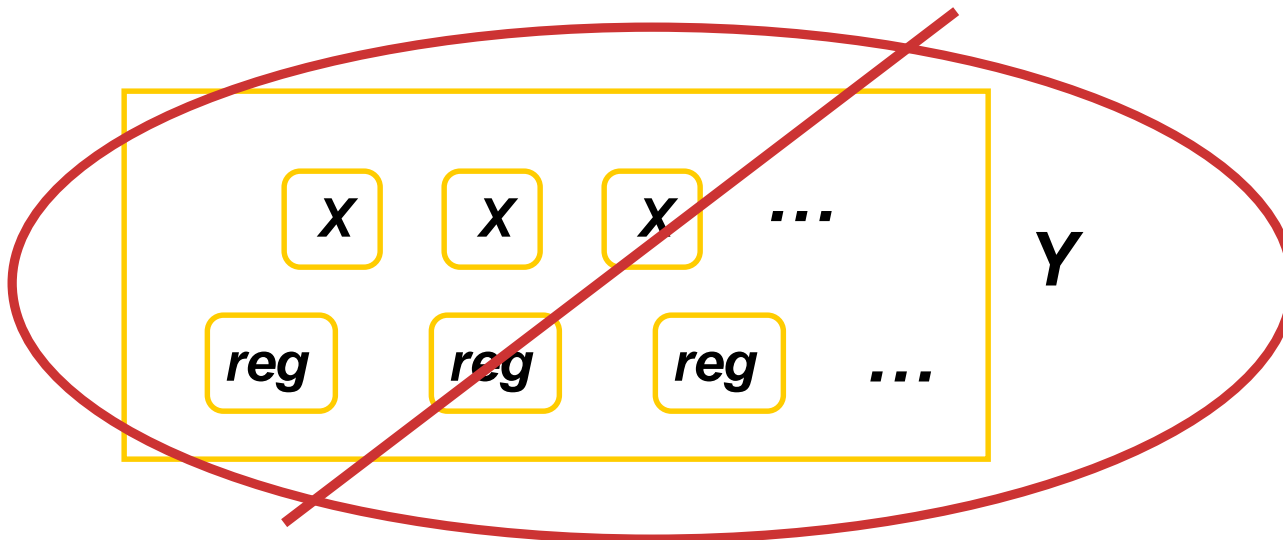
Tip podataka X ima **broj konsenzusa** n ako je n najveći broj proc. za koje se konsenzus može rešiti samo pomoću objekata tipa X i read/write registara

tip data	broj konsenzusa
read/write registar	1
FIFO red	2
compare&swap	∞

Korišćenje brojeva konsenzusa

20

Teorema (11.5): Ako tip pod. X ima broj konsenzusa m i tip pod. Y ima broj konsenzusa n sa $n > m$, onda ne postoji WF simulacija objekta tipa Y pomoću objekata tipa X i read/write registara u sistemu sa više od m proc



Korišćenje brojeva konsenzusa

21

Dokaz: Predpost. radi kontradikcije da postoji WF simulacija S od Y pomoću X i registara u sistemu sa k proc, gde je $m < k \leq n$

- Konstruišimo algoritam konsenzusa za $k > m$ proc pomoću objekata tipa X (i registara):
 - ▣ Koristi S za simulaciju objekata tipa Y pomoću objekata tipa X (i registara)
 - ▣ Koristi simulirane objekte tipa Y (i registre) u algoritmu konsenzusa za k proc, koji postoji jer je $CN(Y) = n$

kontradikcija za $CN(X) < k$

Posledice

22

- Ne postoji WF simulacija bilo kog objekta sa br. konsenzusa > 1 samo pomoću read/write registara
- Ne postoji WF simulacija bilo kog objekta sa br. konsenzusa > 2 samo pomoću FIFO redova i read/write registara

Univerzalnost

23

- Razmotrimo sad pozitivne rezultate u vezi broja konsenzusa
- Tip podataka je **univerzalan** ako objekti tog tipa (zajedno sa read/write registrima) mogu da simuliraju bilo koji tip podataka na WF način
- **Teorema:** Ako tip podataka X ima broj konsenzusa n , onda je on univerzalan u sistemu sa najviše n proc

Dokazivanje univerzalnosti

24

1. Opiši algoritam koji simulira bilo koji tip podataka
 - ▣ koristi C&S (umesto bilo kog objekta sa brojem konsenzusa n)
 - ▣ simulacija je samo **neblokirajuća**, slabija od WF
2. Promeni da koristi bilo koji objekt sa brojem konsenzusa n
3. Promeni da bude WF
4. Promeni da se ograniči korišćena delj. mem.

Neblokirajuća (Non-blocking, NB)

25

- Odnos NB prema WF je analogan sa odnosnom nema međusobnog blokiranja prema nema izgladnjivanja (no-lockout) kod međusobnog isključivanja
- **Neblokirajuća** simulacija: u bilo kojoj tački izvršenja, ako je bar jedna operacija nerešena (odgovor još nije spreman), onda postoji konačna sekvenca koraka od strane jednog proc koja završava *jednu* od nerešenih operacija
- Ne garantuje da će se svaka nerešena operacija na kraju završiti

Univerzalna konstrukcija

26

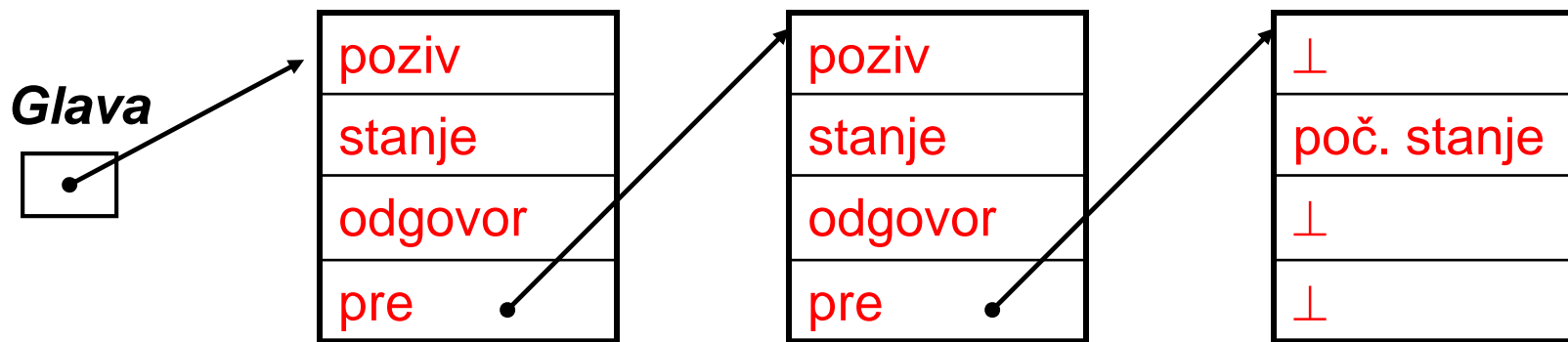
- Čuvaj istoriju operacija koje su bile primenjene na simulirani objekt kao deljenu listu
- Da bi primenio operaciju na simulirani objekt, pozivajući proc. mora da umetne odgovarajući „čvor“ u tu listu:
 - ▣ zgodno je staviti najnoviji čvor na *glavu* (početak) liste
- C&S objekt se koristi za ažuriranje glave te liste

Detalji povezane liste

27

Svaki čvor povezane lista ima:

- poziv (operacija koja se poziva)
- novo stanje simuliranog objekta
- odgovor za operaciju
- pokazivač na predhodni čvor (predhodnu op) *kotva*



Simulacija

28

Na početku Head pokazuje na čvor kotva

- ▣ predstavlja početno stanje simuliranog objekta

Kad se desi poziv inv:

- ▣ dodeli novi čvor liste u deljenoj memoriji, na koji pokazuje lokalna promenljiva point

- ▣ `point.inv := inv`

- ▣ repeat

- ▣ `h := Head` // `h` je lokalna prom

zavisi od simuliranog
tipa podataka

- ▣ `point.state, point.response := apply(inv, h.state)`

- ▣ `point.before := h`

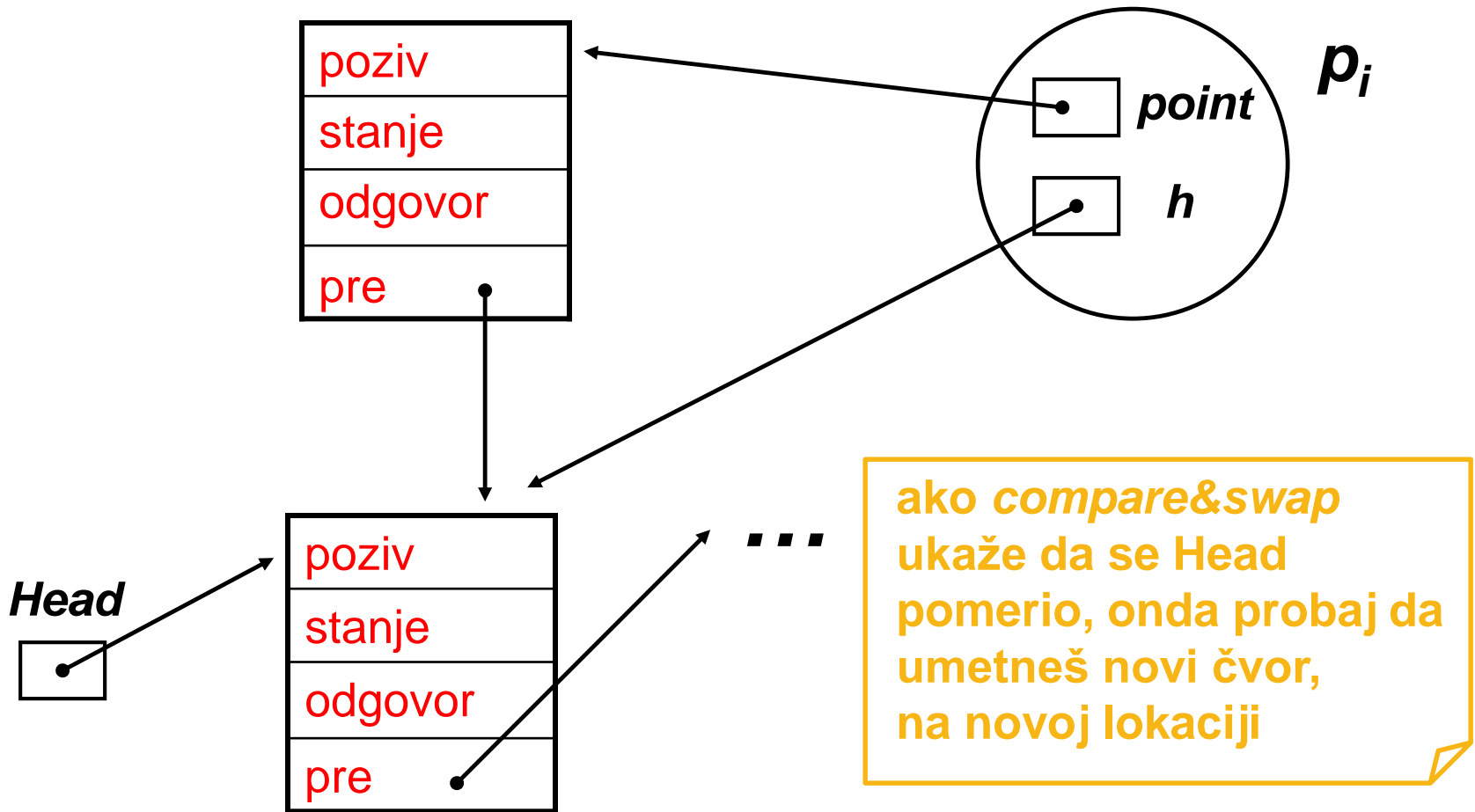
- ▣ until `compare&swap(Head, h, point) = h`

- ▣ omogući izlaz određen sa `point.response`

ako *Head* i dalje poka.
na isti čvor kao *h*,
onda usmeri *Head*
da pokaže na nov čvor

Slika simulacije

29



Ojačanja algoritma

30

- Da bi zamenili C&S objekt sa bilo kojim objektom sa brojem konsenzusa n (broj proc):
 - ▣ definiši **objekt konsenzusa** (verziju tipa podataka za problem konsenzusa)
 - ▣ zaobiđi poteškoću da se objekt konsenzusa može koristiti samo jednom, dodajući objekt konsenzusa u svaki čvor povezane liste

Ojačanja algoritma

31

- Da bi dobili WF implementaciju, koristiti ideju **pomaganja**: proc pomažu jedan drugom da završe nezavršene operacije (ne samo svoje sopstvene)
- Da bi smanjili veličinu liste (da ne raste bez ograničenja), potrebno je voditi evidenciju o čvorovima liste koji se mogu reciklirati

Efekat randomizacije

32

- Predpost. da oslabimo uslov životnosti za deljenu mem. čije sekvence oper. se mogu linearizovati:
 - ▣ operacije se moraju završiti sa velikom verovatnoćom
- Sad se randomizirani algoritam konsenzusa može koristiti za simulaciju bilo kog tipa podataka pomoću bilo kog drugog tipa podataka, uključujući read/write registre
- Tj., nestaje hijerarhija