

TP4

gar

- Find the optimal solution of the following transportation problem

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	Supply
$S_1$	1	5	3	3	34
$S_2$	3	3	1	2	15
$S_3$	0	2	2	3	12
$S_4$	2	7	2	4	19
Demand	21	25	17	17	

# Iteration 0

- Find the initial BFS
- Fill in  $u_i$ ,  $v_j$  and  $c_{ij} - u_i - v_j$

	$D_1$		$D_2$		$D_3$		$D_4$		Supply	$u_i$
$S_1$	1	(21)	5	(13)	3	0	3	-2	34	0
$S_2$	3	4	3	(12)	1	(3)	2	-1	15	-2
$S_3$	0	0	2	-2	2	(12)	3	-1	12	-1
$S_4$	2	2	7	3	2	(2)	4	(17)	19	-1
Demand	21		25		17		17			
$v_j$	1		5		3		5			

# Iteration 0

	$D_1$		$D_2$		$D_3$		$D_4$		Supply	$u_i$
$S_1$	1	(21)	5	(13)	3	0	3	-2	34	0
$S_2$	3	4	3	(12)	1	(3)	2	-1	15	-2
$S_3$	0	0	2	(+)	2	(12)	3	-1	12	-1
$S_4$	2	2	7	3	2	(2)	4	(17)	19	-1
Demand	21		25		17		17			
$v_j$	1		5		3		5			

# Iteration 1

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	Supply	$u_i$
$S_1$	1    (21)	5    (13)	3    0	3    -2	34	0
$S_2$	3    4	3    (0)	1    (15)	2    -1	15	-2
$S_3$	0    2	2    (12)	2    2	3    1	12	-3
$S_4$	2    2	7    3	2    (2)	4    (17)	19	-1
Demand	21	25	17	17		
$v_j$	1	5	3	5		

# Iteration 1

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	Supply	$u_i$
$S_1$	1    (21)	5    (13)	3    0	3    (4) -2	34	0
$S_2$	3    4	3    (0)	1    (15)	2    -1	15	-2
$S_3$	0    2	2    (12)	2    2	3    1	12	-3
$S_4$	2    2	7    3	2    (2)	4    (17)	19	-1
Demand	21	25	17	17		
$v_j$	1	5	3	5		

## Iteration 2

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	Supply	$u_i$
$S_1$	1    (21)	5    2	3    2	3    (13)	34	0
$S_2$	3    2	3    (13)	1    (2)	2    -1	15	0
$S_3$	0    0	2    (12)	2    2	3    1	12	-1
$S_4$	2    0	7    3	2    (15)	4    (4)	19	1
Demand	21	25	17	17		
$v_j$	1	3	1	3		

## Iteration 2

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	Supply	$u_i$
$S_1$	1    (21)	5    2	3    2	3    (13)	34	0
$S_2$	3    2	3    (13)	1    (2)	2 $\begin{matrix} \oplus \\ -1 \end{matrix}$	15	0
$S_3$	0    0	2    (12)	2    2	3    1	12	-1
$S_4$	2    0	7    3	2    (15)	4    (4)	19	1
Demand	21	25	17	17		
$v_j$	1	3	1	3		



# Iteration 3

	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	Supply	$u_i$
$S_1$	1 <span>(21)</span>	5 <sub>1</sub>	3 <sub>2</sub>	3 <span>(13)</span>	34	0
$S_2$	3 <sub>3</sub>	3 <span>(13)</span>	1 <sub>1</sub>	2 <span>(2)</span>	15	-1
$S_3$	0 <sub>1</sub>	2 <span>(12)</span>	2 <sub>3</sub>	3 <sub>2</sub>	12	-2
$S_4$	2 <sub>0</sub>	7 <sub>2</sub>	2 <span>(17)</span>	4 <span>(2)</span>	19	1
Demand	21	25	17	17		
$v_j$	1	4	1	3		