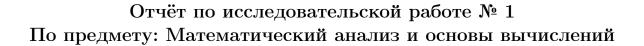
Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский университет ИТМО»



Выполнил работу: Тиганов Вадим Игоревич

Академическая группа: J3112

Вариант:

18

1 Ход работы

1.1 Задание 8

Дана функция $f(x) = \cos^2(x)$ на промежутке $[a, b] = [0, \pi]$

Условие задачи

Аналитический этап

В рамках данного задания необходимо:

- 1. Составить верхнюю и нижнюю суммы Дарбу, вычислить эти суммы. При необходимости разбивать функцию на участки монотонности.
- 2. Проверить критерий Римана интегрируемости функции.
- 3. Найти интегралы Дарбу и сделать вывод об интегрируемости функции, в том числе о значении интеграла.
- 4. Подобрать еще одно достаточное условие интегрируемости данной функции, отличное от упомянутых критериев и проверить его.
- 5. Сравнить найденное значение интеграла с ответом по формуле Ньютона-Лейбница.

Решение задачи:

N8 f(x) = cos2x; [a; 6]=10; IT7 Araumureculie Itan. St u St Blogae parouence & 2= Exo,..., xn g, a= xo < x1 < ... < xn = 6 Di = [Xi-e; Xi], monga $S_{+}(f_{i}z) = \sum_{x \in I_{i}}^{n} \inf_{x \in I_{i}} f(x) \cdot |Ai|_{i}$ $S^{\star}(f, r) = \sum_{i=1}^{n} \sup_{x \in Ai} f(x) \cdot |Ai|$ Om 0 90 TI muleu Toucou gragoun Fund

Pagos seu ka n racmen 5 = 5 = 5 $S' = I \sum_{i=1}^{n} f(x_{i-1})$ Stan I f(xi) Cel. ungerscot! Ma [7] 11] 3 graculesso: $S_2^* = \frac{\pi}{2n} \sum_{i=1}^{n} f(X_i)$ Каше-то отречи рол- $St_2 = \frac{\pi}{2n} \sum_{i=n+1}^{2n} f(k_{i-1})$ reno supf(xi) Suger KA Lebou ynamuse k_n - hernense k_n - hernense k_n - k_n - kinf $f(x_i)$ $(x_i = \frac{i\pi}{2n})$ no j= En Bancho

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{i\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=1}^{2n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) + \sum_{i=1}^{n} \cos^{2} \left(\frac{(i-i)\pi}{2n} \right) \right)$$

$$\mathcal{U$$

$$\mathcal{U}_{n} = \frac{\pi}{2n} \left(n \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) = \frac{\pi}{2n} \left(n \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) \right) = \frac{\pi}{2n} \left(n \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) \right)$$

$$= \frac{\pi}{2n} \left(\sum_{i=1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) \right)$$

$$= \frac{\pi}{2n} \left(n \sum_{i=1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) + \sum_{i=n+1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right) \right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{2\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{2\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{2\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \frac{\pi}{2n} \sum_{i=1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \frac{\pi}{2n} \sum_{i=1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{i\pi}{2n}\right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \frac{\pi}{2n} \sum_{i=1}^{2n} \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right) = \cos^{2}\left(\frac{\pi}{2n}\right)$$

$$\cos^{2}\left(\frac{\pi}$$

B sage paccynegenum nary releve u ombem 3) 2 = 2 = 1 = 2 u gox-bo bnoporo 2) Knumenuir Pracuana lim $CO(f,t)=0 \iff f \in \mathcal{R}(a;b), \tau.e.$ range to $|S^{t}-S_{t}|=0 \ (\frac{\overline{J}}{2}-\frac{\overline{J}}{2}=0)$ Pyrkyug ogranurena, kennepubua, a-buseman unt. na FOITII, u $f(x)dx = \frac{J}{2}$ 5) THOCKETOND NO MENOTONY- MEADENLYSY $\int \cos^2 x \, dx = \int \frac{1 + \cos 2x}{2} \, dx = \int \frac{dx}{2} + \int \frac{dx}{2} \, dx = \int \frac{dx}{2} \, dx = \int \frac{$

4) Euge ogno goer. yanobae unmego. uno eti gyruxunu. 9 fixt= cos 2x Монено рассиотреть равенской: $\cos^2 x = \frac{1 + \cos(2x)}{2} = \frac{1}{2} + \frac{\cos(2x)}{2}$ $Torga \int \cos^2 x dx = \int \frac{1}{2} dx + \int \frac{\cos(2x)}{2} dx = \frac{1}{2} \cos^2 x dx = \frac{1$ $= \frac{1}{2}X + \frac{\sin 2x}{2} \int_{0}^{3} = \frac{31}{2}, \text{ uno exumaence abno.}$ $B \text{ where a curvae yourse where the present of the$ Trabepasa auggen us goopulgus norm-nceruse eneneral qua nocurgica.

Ссылка на решение практического этапа работы: