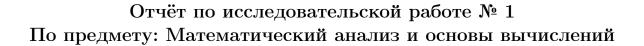
## Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский университет ИТМО»



Выполнил работу: Тиганов Вадим Игоревич

Академическая группа: J3112

Вариант:

18

## 1 Ход работы

## Задание 1 1.1

Рассмотрим функцию

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 1}.$$

Исследовать на равномерную непрерывность на множествах

- (a)  $X = [3, +\infty)$ (b) X = (1, 3)

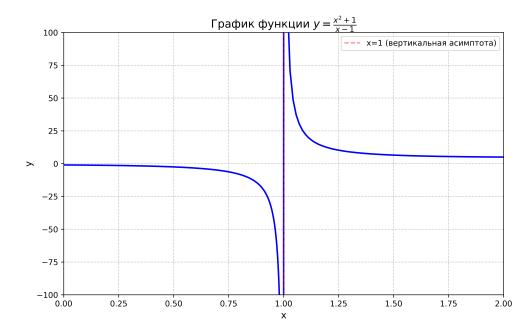


Рис. 1: График функции  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 1}$ 

Решение задачи:

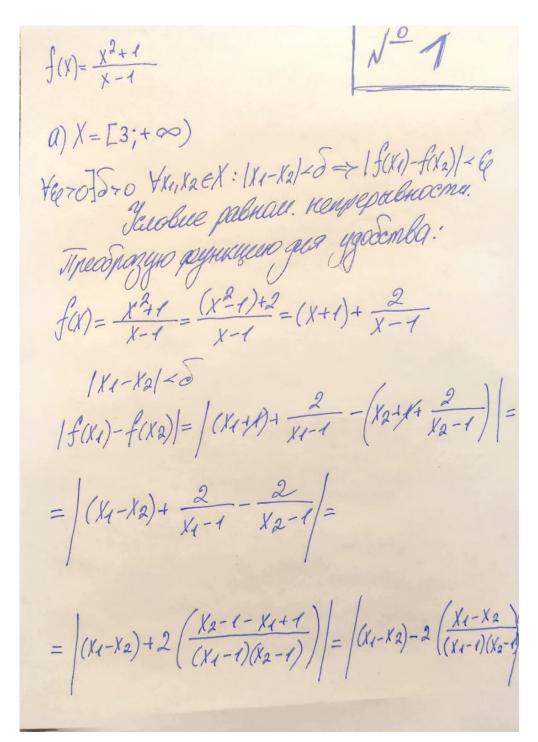


Рис. 2: (а)

= 
$$\left| (x_1 - x_2)(1 - \frac{2}{(x_1 - 1)(x_2 - 1)} \right| \le \delta \cdot \left| 1 - \frac{2}{(x_1 - 1)(x_2 - 1)} \right|$$

Quentus grasseramale

 $X = \Sigma 3; + \infty$ 
 $X_1 - 1 \gg 2$ 
 $X_2 - 1 \gg 2$ 
 $X_2 - 1 \gg 2$ 
 $(X_1 - 1)(X_2 - 1) \approx H$ 
 $= \delta \cdot \left| 1 - \frac{2}{4} \right| = \delta \cdot \frac{3}{2} = 6$ 
 $= \forall \{ e \ge 0 \} = \frac{2}{3} \{ e \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_1, x_2 \in X : \{ x_1 - x_2 | x_2 = 2 \} \} \{ x_$ 

Рис. 3: (а)

8) 
$$X = (1i3)$$

$$f(X) = \frac{x^{2}+1}{x-1} = \frac{(x^{2}-1)+2}{x-1} = x+1+\frac{2}{x-7}$$

$$+ X_{1} = 1+\frac{1}{n}i \times 2 = 1+\frac{1}{2n}$$

$$|X_{1}-X_{2}| = |(+\frac{1}{n}-1-\frac{1}{2n}| = |\frac{2}{2n}|_{n\to\infty}0$$

$$|f(X_{1})-f(X_{2})| = |(X_{1}-X_{2})(1-\frac{2}{(X_{1}-1)(X_{2}-1)})| = \frac{2}{(x_{1}-1)(X_{2}-1)}| = \frac{1}{2n}i(1+\frac{1}{n}-1-\frac{1}{2n})(1-\frac{2}{i})| = \frac{1}{2n}i(1-un^{2})| = \frac{1}{2n}i(1-un^{2})|$$

Рис. 4: (b)

Итак, задача решена. Функция f(x) является равномерно непрерывной на промежутке  $X = [3, +\infty)$ , и не является таковой на промежутке X = (1, 3).