Отчёт о сравнительном вычислении функции рекурсивно и итерационно.

Дана функция:

$$F(1) = 1$$
; $G(1) = 1$; $F(n) = 3*F(n-1) - 3*G(n-1)$, $G(n) = F(n-1) + 2*G(n-1)$

Рекурсивный подход вычисляет функцию медленнее, чем итеративный. Для п равного 24, рекурсия начинает работать дольше секунды, а график времени его работы растет экспоненциально, что говорит о его неэффективности для данной рекуррентной функции.

Таким образом, границы применения рекурсивного подхода ограничиваются не только характеристиками вычислительной машины, но и временем работы, если оно ограниченно. Для n > 27 рекурсивный подход не целесообразен, но тем не менее возможен. Для n > 1000 не работает на тестируемом компьютере.

Итерационный подход ограничен характеристиками вычислительной машины и временем в меньшей степени (что мы и наблюдаем на графиках), нежели рекурсивный. Итерация сохраняет работоспособность даже при больших числах. Но требует больших временных затрат, особенно при n > 10000.

Сравнительный график для п от 1 до 30:

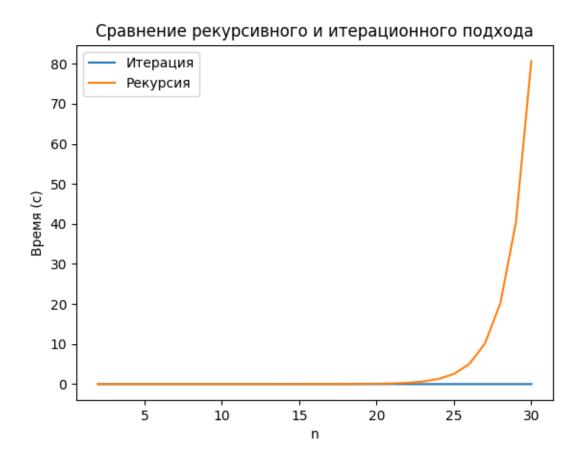


График итерационного подхода для п от 1 до 30000:



0.1

0.0

Скачки в графике можно объяснить непропорциональной нагрузкой на компьютер в разные моменты времени.

Сравнительная таблица для п от 2 до 30

n	Время рекурсии	Время итерации	Значение	Значение
	(сек)	(сек)	рекурсии	итерации
2	0	0	1	1
3	0	0	0	0
4	0	0	-9	-9
5	0	0	-45	-45
6	0	0	-144	-144
7	0	0	-315	-315
8	0	0	-279	-279
9	0	0	1440	-1440
10	0	0	9711	9711
11	0	0	35595	35595
12	0	0	90576	90576
13	0.0009968280792236328	0	132525	132525
14	0.0009975433349609375	0	-152559	-152559
15	0.0029914379119873047	0	-195520	-195520
16	0.005015134811401367	0	-8404569	-8404569
17	0.009974002838134766	0	-24423165	-24423165
18	0.01994776725769043	0	-46474704	-46474704
19	0.03886556625366211	0	-12565035	-12565035
20	0.08379960060119629	0	355447161	355447161
21	0.16655898094177246	0	1890321120	1890321120
22	0.3141317367553711	0	6252581151	6252581151
23	0.6462998390197754	0	14250015675	14250015675
24	1.2857086658477783	0	14976848016	14976848016
25	2.5312013626098633	0	- 53365900995	-53365900995
26	5.031574726104736	0	- 401621137119	-401621137119
27	10.116164207458496	0	-1527812576640	-1527812576640
28	20.215928316116333	0	-4024472649129	-4024472649129
29	40.31550455093384	0	-6372050055885	-6372050055885
30	80.68824219703674	0	4360003562736	4360003562736