

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ НАУКИ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ ИМ. А.Ф. ИОФФЕ РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК

FAINA

Астрофизический код для моделирования наблюдаемых потоков от источников излучения

Руководство пользователя

Содержание

B	веде	ние		3	
	Уста	ановка	и запуск	3	
		Windo	ows	3	
		Linux		3	
	Быс	трый с	старт	4	
1	Расчет излучения источников				
	1.1	Функ	ции распределения частиц	6	
		1.1.1	Распределения фотонов	6	
		1.1.2	Распределения массивных частиц	10	
		1.1.3	Считывание распределений из файла	12	
	1.2	Источ	иники излучения	19	
		1.2.1	Источники излучения, не зависящие от времени	19	
		1.2.2	Источники излучения, меняющиеся со временем	24	
	1.3	Вычи	сление излучения	26	
		1.3.1	Синхротронное излучение	27	
		1.3.2	Обратное комптоновское рассеяние	27	
		1.3.3	Распад пионов	32	
		1.3.4	Тормозное излучение	34	
2	Оптимизация параметров				
	2.1	Фитиј	рование источников, не зависящих от времени	35	
	2.2	Фитиј	рование источников, зависящих от времени	40	
3	Фој	рмулы	расчета излучения	44	
	3.1	1 Преобразование функции распределения фотонов			
	3.2	? Комптоновское рассеяние			
	3.3	Синхр	ротронное излучение	45	
л.	итеп	arvna		45	

Введение

FAINA - численный код, предназначенный для расчетов различных видов электромагнитного излучения от астрофизических источников. Код написан на языке C++ с использованием только стандартной библиотеки. В текущей версии кода реализованы следующие виды излучения: синхротронное излучение, излучение за счет обратного комптоновского рассеяния, излучение распада пионов в результате свободно-свободных столкновений протонов, а так же тормозное излучение. FAINA позволяет вычислять наблюдаемые потоки от источников с заданными параметрами, а так же вычислять параметры источников с помощью фитирования наблюдаемых данных расчетными. Так же возможен учет эволюции источников и их излучения во времени.

Установка и запуск

Текущая версия кода доступна на github https://github.com/VadimRomansky/Faina. Скачайте архив и разархивируйте его в директорию Faina.

Windows

Для работы с кодом и его запуска в операционной системе Windows необходимо использовать Microsoft Visual Studio и открыть с помощью неё файл Faina.sin, содержащийся в корневой директории кода. Работоспособность проверялась на версии Visual Studio 2022.

Linux

Для запуска FAINA в операционной системе Linux предусмотрены два варианта. Рекомендуется использовать среду разработки QtCreator и открыть с помощью неё проектный файл Faina.pro, содержащийся в корневой дирректории кода.

Так же возможна непосредственная компиляция и запуск из терминала, с помощью комманд

$$$g \leftrightarrow -o faina *.cpp$$

Быстрый старт

Рассмотрим простейший пример, приведенный в процедуре evaluateSimpleSynchrotron в файле main.cpp. В данном примере рассмытривается синхротронное излучение от однородного источника в форме плоского диска, с заданной степенной функцией распределения излучающих электронов. Сначала зададим значения магнитного поля и концентрации электронов (в коде используются единицы СГС).

```
double B = 1.0;
double electronConcentration = 1.0;
```

После этого нужно создать распределение электронов. Вычисление синхротрона реализовано только для изотропного распределения, поэтому создадим изотропное степенное распределение. Конструктор степенного распределения принимает следующие параметры: массу частиц, подставим константу - массу электрона, степенной индекс (он считается положительным и должен быть больше 1), энергию, с которой начинается спектр, в качестве нее выберем энергию покоя электронов, и концентрацию электронов.

```
MassiveParticleIsotropicDistribution * distribution = new MassiveParticlePowerLawDistribution(
massElectron, 3.0, me c2, electronConcentration);
```

Далее создадим источник излучения - однородный плоский диск, парметры его конструктора это распределение электронов, магнитное поле, синус угла наклона магнитного поля к лучу зрения, радиус, толщина и расстояние до него.

```
RadiationSource* source = new SimpleFlatSource( distribution, B, 1.0, parsec, parsec, 1000 * parsec);
```

Последнее, что нам нужно - вычислитель потока излучения. Ему нужно указать рассматриваемый диапазон энергий электронов, в виде числа точек разбиения для интегрирования, минимальной и максимальной энергии. Так же есть параметр, отвечающий за учет синхротронного самопоглощения, по умолчанию его значение true.

```
RadiationEvaluator* evaluator = new
SynchrotronEvaluator(1000, me c2, 1000 * me c2, true);
```

Синхротронное приближение применимо только при частотах, намного больших циклотронной, поэтому вычислим её

```
double cyclOmega =
electron_charge * B / (massElectron * speed_of_light);
```

Теперь осталось только вычислить само излучение. У класса RadiationEvaluator есть метод, вычисляющий поток излучения в заданном диапазоне энергий и записывающий его в файл. Нужно указать имя файла, источник излучения, минимальную и максимальную

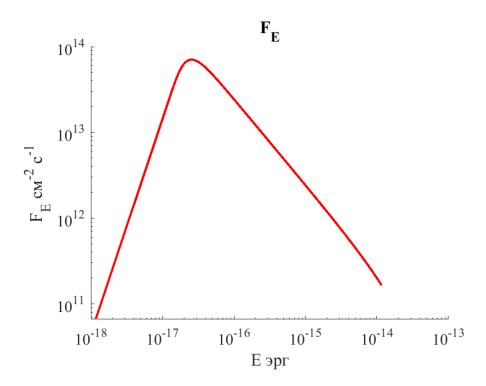


Рисунок 1: Энергетическая плотность потока синхротронного излучения от тестового источника

энергии фотонов, и желаемое количество точек в этом диапазоне. Вычисление потока и вывод происходит в единицах энергия фотонов - энергетическая плотность потока излучения $B\tau/$ эрг $cm^2=cm^{-2}c^{-1}$. Если необходим вывод в других единицах, то запись в файл нужно переписать самостоятельно.

```
evaluator—>writeFluxFromSourceToFile("out.dat", source, 10*hplank*cyclOmega, 1E5*hplank*cyclOmega, 1000);
```

 Φ ункция вычисления синхротронного потока источника готова, осталось лишь вызвать её из основной процедуры main(). В результате вычисления должен получиться спектр источника, показанный на рисунке 1

Глава 1

Расчет излучения источников

FAINA позволяет рассчитывать электромагнитное излучение от источников с заданными функциями распределения излучающих частиц и другими параметрами. Построены модели следующих типов излучения: синхротронного, обратного комптоновского рассеяния, пионного распада в результате свободно-свободного взаимодействия протонов и тормозного излучения.

1.1 Функции распределения частиц

Важнейшими исходными данными для расчета любого типа излучения является функция распределения излучающих частиц. В коде FAINA для представления распределений используется абстрактный класс ParticleDistribution и семейство наседованных от него классов, соответствующих различным конкретным реализациям. Класс ParticleDistribution имеет следующие доступные методы, описанные в Таблице 1.1:

Для вычисления излучения необходимо в первую очередь задать распределение излучающих частиц. Для это нужно создать объект из подходящего класса-наследника ParticleDistribution. Дерево наследования на две большие ветви - распределения фотонов, представленных абстрактным классом PhotonDistribution и распределения массивных частиц - MassiveParticleDistribution. Схема наследования этих классов представлена на рисунке 1.1.

Важно отметить, что распределения фотонов не используются для представления результатов расчета излучения. Они нужны как входной параметр для расчета обратного комптоновского рассеяния. Класс PhotonDistribution не имеет дополнительных собственных методов и является лишь интерфейсом. Класс MassiveParticleDistribution тоже является абстрактным, в нем не задан конкретный вид распределения, но добавлены новые методы, описанные в Таблице 1.2

1.1.1 Распределения фотонов

От абстрактного класса PhotonDistribution наследуются следующие классы: абстрактный PhotonIsotropicDistribution, предназначенный для представления изотропных распределений фотонов и CompoundPhotonDistribution, представляющий из себя сумму несколь-

Таблица 1.1: Публичные методы класса ParticleDistribution

ParticleDistribution	Абстрактный класс для любых распределений
	частиц
distribution(const double& energy, const	возвращает функцию распределения от энер-
double& mu, const double& phi)	гии, косинуса полярного угла и азимутального
	угла, нормированную на единицу
virtual distributionNormalized(const double&	чисто виртуальный метод, возвращает функ-
energy, const double& mu, const double& phi)	цию распределения от энергии, косинуса по-
	лярного угла и азимутального угла, нормиро-
	ванную на концентрацию
getConcentration()	возвращает концентрацию частиц

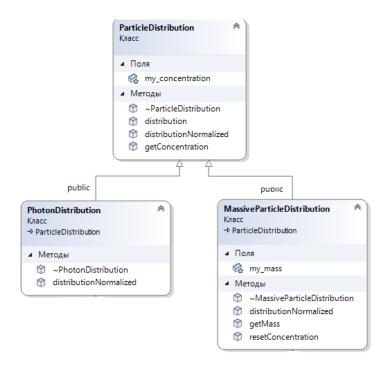


Рисунок 1.1: Схема наследования распределения фотонов и массивных частиц

Таблица 1.2: Публичные методы класса MassiveParticleDistribution

MassiveParticleDistribution	Абстрактный класс для распределений мас-
	сивных излучающих частиц
getMass()	возвращает массу частиц
resetConcentration(const double& n)	позволяет изменить полную концентрацию ча-
	стиц в распределении

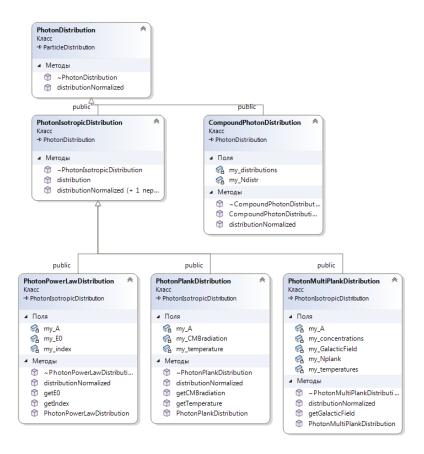


Рисунок 1.2: Схема наследования классов распределений фотонов

ких распределений фотонов общего вида. Схема наследования классов фотонных распределений представлена на рисунке 1.2.

У изотропного распределения PhotonIsotropicDistribution добавляются методы, возвращающие значение функции распределения только в зависимости от энергии. Важно понимать, что это не функция распределения по энергии, а полная функция распределения с отброшенными угловыми аргументами. Другими словами, для получения значения функции распределения по энергии нужно домножить значение, возвращенное данным методом на 4π .

У класса PhotonIsotropicDistribution есть три наследника, которые уже не абстрактные классы, а непосредственно предназначены для создания распределений. Это PhotonPowerLawDistribution для представления степенных распределений, PhotonPlankDistribution, для планковских распределений и PhotonMultiPlankDistribution, для суммы планковских распределений. Метода класса PhotonIsotropicDistribution и его наследников перечислены в таблице 1.3

Класс CompoundPhotonDistribution предназначен для представления смеси различных распределений фотонов, не обязательно планковских, как PhotonMultiPlankDistribution, и не обязательно изотропных. Его методы описаны в Таблице 1.4

Встроенных анизотропных распределений фотонов в коде на данный момент нет, но пользователь может реализовать их самостоятельно, создав класс, на-

Таблица 1.3: Публичные методы классов изотропных распределений фотонов

${\bf Photon Isotropic Distribution}$	Абстрактный класс для изотропных распреде-
	лений фотонов
distribution(const double& energy)	возвращает функцию распределения с отбро-
	шенными угловыми аргументами, то есть нор-
	мированную на концентрацию, деленную на
	4π
virtual distribution Normalized (const double &	чисто виртуальный метод, возвращает функ-
energy)	цию распределения с отброшенными угловы-
	ми аргументами, нормированную на $1/4\pi$
${\bf Photon Power Law Distribution}$	Класс для степенного распределения фотонов
$Photon Power Law Distribution (const \ \ double \&$	конструктор, создающий экземпляр с задан-
index, const double& E0, const double&	ными показателем наклона, начальной энер-
concentration)	гией и полной концентрацией
getIndex()	возвращает показатель наклона спектра
getE0()	возвращает минимальную энергию степенного
	распределения
PhotonPlankDistribution	Класс для планковского распределения фото-
	нов
PhotonPlankDistribution(const double&	конструктор, создающий экземпляр с задан-
temperature, const double& amplitude)	ными температурой и апмплитудой - то есть
	отношением концентрации к равновесному
	планковскому распределению с данной темпе-
	ратурой
static getCMBRadiation()	статический метод, возвращающий экзем-
	пляр, соответствующий реликтовому излуче-
	нию (температура 2.725К, амплитуда 1)
getTemperature()	возвращает температуру распределения
${\bf Photon MultiPlank Distribution}$	Класс для распределения фотонов, состояще-
	го из суммы планковских распределений
PhotonMultiPlankDistribution(int Nplank,	конструктор, количество планковских распре-
const double* const temperatures, const double*	делений, участвующих в смеси, массив их тем-
const amplitudes)	ператур и массив амплитуд
static getGalacticField()	статический метод, возвращающий экзем-
	пляр, соответствующий среднегалактическо-
	му фотонному распределению, по данным ста-
	тьи [1]. Данное распределение состоит из пя-
	ти планковских компонент, с температурами
	2.725K, 20K, 3000K, 4000K, 7000K и амплиту-
	дами $1.0, 4 \cdot 10^4, 4 \cdot 10^{-13}, 1.65 \cdot 10^{-13}, 1.0 \cdot 10^{-14}$
	соответственно

Таблица 1.4: Публичные методы класса CompoundPhotonDistribution

${\bf Compound Photon Distribution}$	Класс для распределения фотонов, состояще-
	го из суммы других распределений
CompoundPhotonDistribution(int N,	конструктор, создающий экземпляр с задан-
PhotonDistribution** distributions)	ным количеством распределений в смеси и
	массивом этих распределений
CompoundPhotonDistribution(конструктор, создающий экземпляр содержа-
PhotonDistribution* dist1, PhotonDistribution*	щий смесь из двух распределений
dist2)	
CompoundPhotonDistribution(конструкторб создающий экземпляр содержа-
PhotonDistribution* dist1, PhotonDistribution*	щий смесь из трех распределений
dist2, PhotonDistribution* dist3)	

следующий от PhotonDistribution и определив необходимый виртуальный метод distributionNormalized(const double& energy, const double& mu, const double& phi). Аналогично можно, конечно, создать и другие виды изотропных распределений.

1.1.2 Распределения массивных частиц

Распределения массивных частиц представлены наследниками класса MassiveParticleDistribution. Так же как и в случае с фотонами важную роль абстрактный клас для представления изотропных распределений -MassiveParticleIsotropicDistribution. У этого класса есть методы возвращающие значение функции распределения в зависимости от энергии, и опять же, это не функция распределения, проинтегрированная по углам, а полная функция распределения с отброшенными угловыми аргументами. Для получения значения функции распределения по энергии нужно домножить значение, возвращенное данным методом на 4π . Так же добавлен метод записи функции распределения в файл.

Абстрактный класс изотропных распределений имеет шесть наследников, предназначенных для создания конкретных распределений: MassiveParticlePowerLawDistribution - для степенных распределений с изломом, MassiveParticlePowerLawCutoffDistribution - для степенных распределений с экспоненциальным завалом, MassiveParticleMaxwellDistribution - для максвелловского распределения (обратите внимание, что в отличие от остальных распределений, максвелловское подразумевает под энергией только кинетическую энергию), MassiveParticleMaxwellJuttnerDistribution - для релятивистского распределения Максвелла-Юттнера и MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution - для таблично заданных распределений.

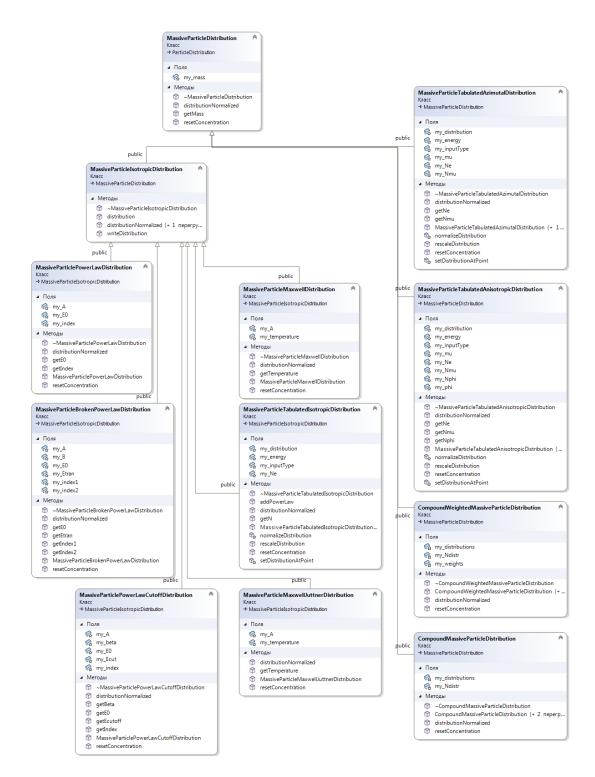


Рисунок 1.3: Схема наследования классов распределения массивных частиц

Таблица 1.5: Публичные методы класса MassiveParticleIsotropicDistribution

${\bf Massive Particle Isotropic Distribution}$	Абстрактный класс для изотропных распреде-
	лений
distribution(const double& energy)	возвращает функцию распределения с отбро-
	шенными угловыми аргументами, то есть нор-
	мированную на концентрацию, деленную на
	4π
virtual distributionNormalized(const double&	чисто виртуальный метод, возвращает функ-
energy)	цию распределения с отброшенными угловы-
	ми аргументами, нормированную на $1/4\pi$
writeDistribution(const char* fileName, int Ne,	записывает распределение в файл с данным
const double& Emin, const double& Emax)	именем, в диапазоне межджу данными мини-
	мальной и максимальной енергиями с задан-
	ным количеством точек, которые распределя-
	ются логарифмически

Так же имеется четыре реализации анизотропных распределений: MassiveParticleTabulatedPolarDistribution - для таблично заданных распределений с зависимостью только от энергии и полярного угла, MassiveParticleAnisotropicDistribution - для таблично заданных распределений с зависимостью от всех переменных, CompoundMassiveParticleDistribution - для суммы распредлений общего CompoundWeightedMassiveParticleDistribution - для взвешенной суммы распределений общего вида. В некоторых случаях оперировать весами распределений удобнее, чем непосредственно концентрациями. Полная схема наследования классов распределений массивных частиц представлена на рисунке 1.3, список публичных методов классов распределений массивных частиц приведен в Таблице 1.6. Пользователь может сам реализовывать необходимые ему виды распределений излучающих частиц, создав наследника класса MassiveParticleDistribution или MassiveParticleIsotropicDistribution и определив необходимые виртуальные методы.

1.1.3 Считывание распределений из файла

Классы таблично-заданных распределений, такие как например MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution, имеют конструктор принимающие на вход имена файлов, из которых будет считана функция распределения. Это должны быть текстовые файлы, содержащие таблицы с данными, причем формат единиц, в которых измеряется функция распределения может быть разным. Для задания формата входных файлов используется перечислимы тип DistributionInputType, имеющий пять значений:

- ENERGY_FE во входных файлах заданы энергия и функция распределения по энергии
- ENERGY_KIN_FE заданы кинетическая энергия и функция распределения по энергии
- GAMMA FGAMMA задан лоренц-фактор и функция распределения по нему
- GAMMA_KIN_FGAMMA задан лоренц-фактор, уменьшенный на единицу, и функция распределения по нему
- MOMENTUM_FP задан импульс и функция распределения по импульсу

Вне зависимости от формата входного файла, функция распределения будет преобразована к единицам энергия - распределение по энергии. С помощью этих параметров можно считывать табличные распределения из файлов, например так:

```
\label{eq:double_double} \begin{array}{ll} \textbf{double} & electronConcentration = 1.0; \\ \textbf{int} & N = 100; \\ MassiveParticleIsotropicDistribution* & distribution = \textbf{new} \\ MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution ( massElectron , "energy . dat" , "distribution . dat" , N, electronConcentration , DistributionInputType::ENERGY FE); \\ \end{array}
```

Для облегчения создания распределений из файла в сложных случаях реализован класс MassiveParticleDistributionFactory. У него есть несколько методов, позволяющих считывать целые серии распределений из набора пронумерованных файлов. Что может быть полезно, если функция распределения зависит от некоторого параметра, как в примере вычисления синхротронного излучения описанном в следующей главе ??. Считать серию из десяти распределений электронов, содержащихся в файлах с именами "Fe0.dat", "Fe1.dat" и так далее, состоящих из двух колонок - лоренц-фактор и функция распределения, и добавить к этим распределениям степенной хвост с показателем 3, начиная с энергий в 100 энергий покоя можно вызовом одной функции:

```
double electronConcentration = 1.0;
int Nenergy = 100;
int Ndistribution = 100;
double powerLawEnergy = 100*me_c2;
double index = 3.0;
MassiveParticleIsotropicDistribution** distributions =
MassiveParticleDistributionFactory::
readTabulatedIsotropicDistributionsAddPowerLawTail(
massElectron, "./input/Fe", ".dat", Ndistribution,
```

DistributionInputType::GAMMA_FGAMMA, electronConcentration, Nenergy, powerLawEnergy, index);

Так же у пользователя есть возможность использовать конструкторы табличных распределений, принимающие не имена файлов, а непосредственно массивы со значениями функции распределения, которые пользователь создать любым удобным ему способом. Таблица 1.6: Публичные методы классов распределений массивных частиц

MassiveParticlePowerLawDistribution	Класс для степенного распределения
MassiveParticlePowerLawDistribution(const	конструктор, создает экземпляр степенного
double& mass, const double& index, const double&	распределния частиц с заданными массой, сте-
E0, const double& concentration)	пенным индексом, начальной энергией распре-
	деления и полной концентрацией
getIndex()	возвращает степенной индекс распределения
getE0()	возвращает начальную энергию распределе-
	ния
${\bf Massive Particle Broken Power Law Distribution}$	Класс для степенного распределения с изло-
	мом
${\bf Massive Particle Broken Power Law Distribution (\ const.}$	конструктор, создает экземпляр степенного
double& mass, const double& index1, const double&	распределния с изломом частиц с заданными
index2, const double& E0, const double& Etran,	массой, степенными индексоми на низких и
const double& concentration)	высоких энергиях, начальной энергией распре-
	деления, энергией соответствующей излому и
	полной концентрацией
$\operatorname{getIndex}1()$	возвращает степенной индекс распределения
	на низких энергиях
getIndex2()	возвращает степенной индекс распределения
	на высоких энергиях
getE0()	возвращает начальную энергию распределе-
	ния
getEtran()	возвращает энергию излома
${\bf Massive Particle Power Law Cut off Distribution}$	Класс для степенного распределения с экспо-
	ненциальным завалом
${\bf Massive Particle Power Law Cut off Distribution (const}$	конструктор, создает экземпляр степенного
double& mass, const double& index, const double&	распределния с экспоненциальным завалом
E0, const double& beta, const double& Ecut, const	частиц с заданными массой, степенным ин-
double& concentration)	дексом, начальной энергией распределения,
	параметром завала, энергией завала и пол-
	ной концентрацией. $F(E) \propto (E/E_0)^{-index}$.
	$\exp(-(E/E_{cut})^{\beta})$

getIndex()	возвращает степенной индекс распределения
getBeta()	возвращает параметр завала распределения
getE0()	возвращает начальную энергию распределе-
	ния
getEcutoff()	возвращает энергию экспоненциального зава-
	ла
${\bf Massive Particle Maxwell Distribution}$	Класс для распределения Максвелла
$Massive Particle Maxwell Distribution (\ const\ double \&$	конструктор, создает экземпляр распределния
mass, const double& temperature, const double&	Максвелла частиц с заданными массой, темпе-
concentration)	ратурой и полной концентрацией
getTemperature()	возвращает температуру распределения
${\bf Massive Particle Maxwell Juttner Distribution}$	Класс для распределения Максвелла-Юттнера
${\bf Massive Particle Maxwell Juttner Distribution (} {\bf const}$	конструктор, создает экземпляр распределния
double& mass, const double& temperature, const	Максвелла-Юттнера частиц с заданными мас-
double& concentration)	сой, температурой и полной концентрацией
getTemperature()	возвращает температуру распределения
${\bf Massive Particle Tabulated Isotropic Distribution}$	Класс для таблично заданного изотропного
	распределения
Massive Particle Tabulated Isotropic Distribution (конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const char* fileName,	распределния частиц с заданными массой и
const int N, const double& concentration,	полной концентрацией с помощью указанного
DistributionInputType inputType)	файла, состоящего из двух колнок с данными
	указанной длины. Так же указывается формат
	входных данных.
${\it Massive Particle Tabulated Isotropic Distribution} ($	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const char* energyFileName,	распределния частиц с заданными массой и
const char* distributionFileName, const int N,	полной концентрацией с помощью указанных
const double& concentration, DistributionInputType	двух файлов, состоящих из колнок с данными
inputType)	указанной длины. Так же указывается формат
	входных данных.
${\it Massive Particle Tabulated Isotropic Distribution} ($	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const double* energy, const	распределния частиц с заданными массой и
double* distribution, const int N, const double&	полной концентрацией с помощью двух пере-
concentration, Distribution Input Type input Type)	данных массивов данных указанной длины.
	Так же указывается формат входных данных.

$\operatorname{getN}()$	возвращает количество ячеек в таблице зада- ющей функцию
getEmin()	возвращает минимальную энергию распределения
getEmax()	возвращает максимальную энергию распределения
rescaleDistribution(const double& k)	масштабирует распределение, вытягивая его по оси энергии по формуле $E'=mc^2+k\cdot(E-mc^2),\ F(E')=F(E)/k$. Данная функция может быть полезна, например, в случае когда исходная функция распределения получена в результате работы численного кода с измененной массой электронов
addPowerLaw(const double& Epower, const double& index)	добавляет к функции распределения степенной с указанным индексом, начиная с указанной энергии. Функция распределения при этом остается нормированной на указанную ранее концентрацию
${\bf Massive Particle Tabulated Polar Distribution}$	Класс для таблично заданного распределения с зависимостью от полярного угла
MassiveParticleTabulatedPolarDistribution(const double& mass, const char* energyFileName, const char* muFileName, const char* distributionFileName, const int Ne, const int Nmu, const double& concentration, DistributionInputType inputType)	конструктор, создает экземпляр табличного распределния частиц с заданными массой и полной концентрацией с помощью трех указанных файлов, в двух из которых содержатся сетки по энергии и косинусу полярного угла с указанными размерами, а в третьем двумерный массив функции распределения. Так же указывается формат входных данных.
MassiveParticleTabulatedPolarDistribution(const double& mass, const double* energy, const double* mu, const double** distribution, const int Ne, const int Nmu, const double& concentration, DistributionInputType inputType)	конструктор, создает экземпляр табличного распределния частиц с заданными массой и полной концентрацией с помощью трех переданных массивов данных, в двух из которых содержатся сетки по энергии и косинусу полярного угла с указанными размерами, а в третьем двумерный массив функции распределения. Так же указывается формат входных данных.

	,
$\mathrm{getNe}()$	возвращает количество ячеек по энергии в таб-
	лице задающей функцию распределения
getEmin()	возвращает минимальную энергию распреде-
	ления
getEmax()	возвращает максимальную энергию распреде-
	ления
$\mathrm{getNmu}()$	возвращает количество ячеек по полярному уг-
	лу в таблице задающей функцию распределе-
	ния
rescaleDistribution(const double& k)	масштабирует распределение, вытягивая его
	по оси энергии по формуле $E' = mc^2 + k \cdot (E - C)$
	mc^2), $F(E',\mu) = F(E,\mu)/k$. Данная функция
	может быть полезна, например, в случае когда
	исходная функция распределения получена в
	результате работы численного кода с изменен-
	ной массой электронов
${\bf Massive Particle Tabulated Anisotropic Distribution}$	-
-	распределения общего вида
MassiveParticleTabulatedAnisotropicDistribution(конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const char* energyFileName,	распределния частиц с заданными массой и
const char* muFileName, const char*	полной концентрацией с помощью трех ука-
distributionFileName, const int Ne, const int	занных файлов, в двух из которых содержатся
Nmu, const int Nphi, const double& concentration,	сетки по энергии и косинусу полярного угла с
DistributionInputType inputType)	указанными размерами, а в третьем двумер-
	ный массив функции распределения. Сетка по
	азимутальному углу считается расномерной и
	определяется только размером. Так же указы-
	вается формат входных данных.
Massive Particle Tabulated Anisotropic Distribution (конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const double* energy, const	распределния частиц с заданными массой и
double* mu, const double*** distribution, const int	полной концентрацией с помощью трех пере-
Ne, const int Nmu, const int Nphi, const double&	данных массивов данных, в двух из которых
concentration, DistributionInputType inputType)	содержатся сетки по энергии и косинусу по-
	лярного угла с указанными размерами, а в тре-
	тьем двумерный массив функции распределе-
	ния. Сетка по азимутальному углу считается
	расномерной и определяется только размером.
	Так же указывается формат входных данных.
	I and the second

$\mathrm{getNe}()$	возвращает количество ячеек по энергии в таб-
	лице задающей функцию распределения
getEmin()	возвращает минимальную энергию распреде-
	ления
getEmax()	возвращает максимальную энергию распреде-
	ления
getNmu()	возвращает количество ячеек по полярному уг-
	лу в таблице задающей функцию распределе-
	ния
getNphi()	возвращает количество ячеек по азимутально-
	му углу в таблице задающей функцию распре-
	деления
rescaleDistribution(const double& k)	масштабирует распределение, вытягивая его
,	по оси энергии по формуле $E'=mc^2+k\cdot(E-1)$
	$mc^2),F(E',\mu,\phi)=F(E,\mu,\phi)/k$. Данная функ-
	ция может быть полезна, например, в случае
	когда исходная функция распределения полу-
	чена в результате работы численного кода с из-
	мененной массой электронов
${\bf Compound Massive Particle Distribution}$	Класс для распределения, состоящего из сум-
	мы других распределений
${\bf Compound Massive Particle Distribution (} \qquad {\bf int} \qquad {\bf N},$	конструктор, создает экземпляр класса содер-
MassiveParticleDistribution** distributions)	жащий смесь заданного количества указанных
	распределений
CompoundMassiveParticleDistribution(конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1,	жащий смесь двух распределений
MassiveParticleDistribution* dist2)	
CompoundMassiveParticleDistribution(конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1,	жащий смесь трех распределений
MassiveParticleDistribution* dist2,	
MassiveParticleDistribution* dist3)	
${\bf Compound Weighted Massive Particle Distributio}$	nKласс для распределения, состоящего из взве-
	шенной суммы других распределений
Compound Weighted Massive Particle Distribution (конструктор, создает экземпляр класса содер-
int N, const double* weights,	жащий смесь заданного количества указанных
${\it Massive Particle Distribution** distributions)}$	распределений с заданными весами
${\bf Compound Weighted Massive Particle Distribution (}$	конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1, const double&	жащий смесь двух распределений с указанны-
4 34 1 D (1 D) (1) 4 11 (2	MIL DOGOMIA
w1, MassiveParticleDistribution* dist2, const	ми весами

CompoundWeightedMassiveParticleDistribution(MassiveParticleDistribution* dist1, const double&w1, MassiveParticleDistribution* dist2, const double&w2, MassiveParticleDistribution* dist3, const double&w3)

конструктор, создает экземпляр класса, содержащий смесь трех распределений с указанными весами

1.2 Источники излучения

В коде FAINA есть возможность расчета излучения, используя на прямую функции распределения излучающих частиц, с указанием необходимых дополнительных параметров, таких как объем источника, расстояние до него, магнитное поле и других. Но более универсальным и рекомендованным способ является расчет с помощью создания модели источника излучения. При таком подходе возможно учесть геометрическое строение источника, его неоднородности и другие особенности.

Реализованы два базовых класса источников - независящие от времени, представленные абстрактным классом RadiationSource, и изменяющиеся со временем, представленные абстрактным классом RadiationTimeDependentSource. Эти два класса не связаны между собой через наследование, но объект первого класса содержится внутри объектов второго как приватное поле класса. Схема классов источников излучения представлена на рисунке 1.4.

1.2.1 Источники излучения, не зависящие от времени

Источники излучения без временной зависимости реализованы с помощью абстрактного класса RadiationSource. Геометрически каждый источник задан в виде пространственной области в цилиндрических координатах, с осью z направленной вдоль луча зрения
к наблюдателю, и характеризуется максимальным радиусом и минимальным и максимальным значением координаты z. Такая система координат выбрана для удобства учета
процессов поглощения при прохождении излучения внутри самого источника вдоль луча
зрения. Отличие реальной формы источника от цилиндрической реализовано с помощью
долей заполнения веществом источника ячеек пространственной сетки. Модель источника,
имеющего форму шарового слоя, в цилиндрическо пространственной сетке изображена на
рисунке 1.5. Цветом обозначена доля объема ячейки, заполненная веществом источника.

Так же источники излучения имеют следующие важные характеристки, которые могут меняться в различных пространственных ячейках источника: концентрация излучающих частиц, их функция распределения, магнитное поле и угол его наклона к лучу зрения. Большинство методов расчета излучения (все кроме обратного комптоновского рассеяния) реализованы только для изотропных распределений излучающих частиц, поэтому

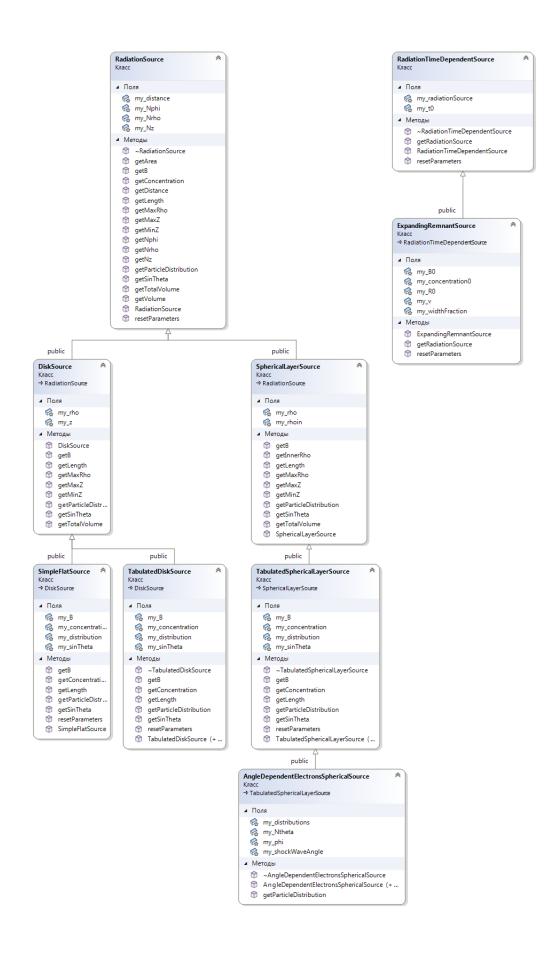


Рисунок 1.4: Схема наследования классов источников излучения

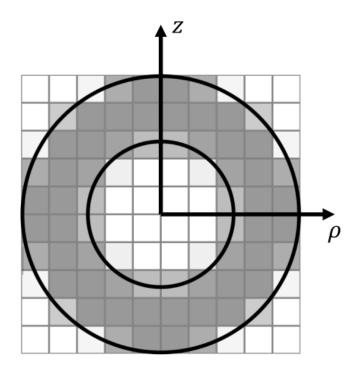


Рисунок 1.5: Модель источника в форме шарового слоя, помещенного в цилиндрическую пространственную координатную сетку. Цвет характеризует долю объема ячейки, заполненную веществом источника.

источники содержат только изотропные распределения. Так же у источника должно быть задано расстояние до наблюдателя.

Kласc RadiationSource имеет два абстрактных класса-наследника: DiskSource - для источников в форме диска, перпендикулярного лучу зрения, и SphericalLayerSource - для источников в форме шарового слоя. Источники в форме диска имеют две реализации: SimpleFlatSource - однородный диск, состоящий из одной пространственной ячейки с заданными параметрами, и TabulatedDiskSource - источник, в котором все характеристики таблично заданы на пространственной сетке. Источники в форме шарового слоя имеют следующие реализации: TabulatedSphericalSource - источник, в котором все характеристики таблично заданы на пространственной сетке, и отнаследованный от него AngleDependentElectronsSphericalSource. Последний класс нужен для реализации важного в астрофизике случая, когда функция распределения излучающих частиц зависит от угла наклона магнитного поля по отношению к направлению распространения ударной волны [2, 3, 4, 5?]. В данном источнике такие параметры, как концентрация, магнитное поле и его угол наклона к лучу зрения заданы таблично на пространственной сетке, а функция распределения излучающих частиц - в виде таблицы по углам наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны, которая в данном случае считается сферически симметричной. Функция распределения в каждой ячейке выбирается в зависимости от вычисленного угла наклона магнитного поля к ударной волне. Публичные методы классов источников излучения без зависимости от времени перечислены в Таблице 1.7.

Таблица 1.7: Публичные методы классов источников излучения без зависимости от времени

RadiationSource	абстрактный класс для источников излучения
radia (101150d1 Ce	общего вида
virtual getMaxRho()	чисто виртуальный метод, возвращает макси-
	мальный цилиндрический радиус источника
virtual getMinZ()	чисто виртуальный метод, возвращает мини-
	мальную границу источника по оси z
virtual getMaxZ()	чисто виртуальный метод, возвращает макси-
	мальную границу источника по оси z
getNrho()	возвращает количество пространственных ячеек
	по радиальной оси цилиндрических координат
getNz()	возвращает количество пространственных ячеек
	по оси z цилиндрических координат
getNphi()	возвращает количество пространственных ячеек
	по по азимутальному углу цилиндрических ко-
	ординат
getDistance()	возвращает расстояние до источника
getArea(int irho)	возвращает поперечное сечение данной про-
	странственной ячейки
getVolume(int irho, int iz, int iphi)	возвращает объем ячейки, занятый веществом
	источника. Этот метод согласован с методами
	getArea и getLength и возвращает их произведе-
	ние
virtual getB(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает значение
	магнитного поля в ячейке
virtual getConcentration(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает значение
virtual gereoriemental (me imo, me iz, me ipm)	концентрации в ячейке
virtual getSinTheta(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает синус уг-
virtuai getsiiri neta(int inio, int iz, int ipin)	
·	ла наклона магнитного поля к лучу зрения
virtual getTotalVolume()	чисто виртуальный метод, возвращает полный
	объем источника
virtual getLength(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает среднюю
	толщину ячейки, заполненную веществом источ-
	ника

virtual resetParameters(const double* parameters, const double* normalizationUnits)	чисто виртуальный метод, меняющий параметры источника. Список параметров, их количество, их влияние на источник определяются пользователем в конкретных реализациях класса. Принимет массив параметров и массив единиц в которых они измеряны. Данный метод используется в процедурах оптимизации, либо при учете изменения источника со временем
virtual getParticleDistribution(int irho, int iz, int	чисто виртуальный метод, возвращает распреде-
iphi)	ление излучающих частиц в ячейке
DiskSource	Абстрактный класс для источников в форме дис- ка
SimpleFlatSource	Класс для источников в форме однородного дис- ка
SimpleFlatSource(MassiveParticleIsotropicDistribut	іомонструктор, возвращает экземпляр с заданны-
electronDistribution, const double& B, const	ми распределением частиц, магнитным полем,
double& sinTheta, const double& rho, const	синусом угла его наклона, радиусом диска, тол-
double& z, const double& distance)	щиной диска и расстоянием до источника
TabulatedDiskSource	Класс для источников в форме диска с таблично
	заданными значениями параметров
TabulatedDiskSource(int Nrho, int Nz, int	конструктор, возвращает экземпляр с заданны-
Nphi, MassiveParticleIsotropicDistribution*	ми с помощью массивов распределением частиц,
electronDistribution, double*** B, double***	магнитным полем, синусом угла его наклона, а
sinTheta, double*** concentration, const double&	так же заданными радиусом диска, толщиной
rho, const double& z, const double& distance)	диска и расстоянием до источника
TabulatedDiskSource(int Nrho, int Nz, int	конструктор, возвращает экземпляр с заданны-
Nphi, MassiveParticleIsotropicDistribution*	ми однородными распределением частиц, маг-
electronDistribution, const double& B, const	нитным полем, синусом угла его наклона, а так
double& sinTheta, const double& concentration,	же заданными радиусом диска, толщиной диска
const double& rho, const double& z, const double&	и расстоянием до источника
distance)	•
SphericalLayerSource	Абстрактный класс для источников в форме ша- рового слоя
double getInnerRho()	возвращает внутренний радиус шарового слоя
TabulatedSphericalLayerSource	Класс для источников в форме шарового слоя с
	таблично заданными значениями параметров
TabulatedSphericalLayerSource(int Nrho, int Nz,	конструктор, возвращает экземпляр с заданны-
int Nphi, Massive Particle Isotropic Distribution*	ми с помощью массивов распределением частиц,
electronDistribution, double*** B, double***	магнитным полем, синусом угла его наклона к
sinTheta, double*** concentration, const double&	лучу зрения, а так же заданными внешним и
rho, const double& rhoin, const double& distance)	внутренним радиусом диска и расстоянием до источника

TabulatedSphericalLayerSource(int Nrho, int Nz, int Nphi, MassiveParticleIsotropicDistribution* electronDistribution, const double& B, const double& concentration, const double& sinTheta, const double& rho, const double& rhoin, const double& distance)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными однородными распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона, а так же заданными внутренним и внешним радиусом диска и расстоянием до источника

AngleDependentElectronsSphericalSource

Класс для источников в форме шарового слоя с таблично заданными значениями концентрации и магнитного поля и функцией распределения излучающих частиц, зависящей от угла наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны

AngleDependentElectronsSphericalSource(
int Nrho, int Nz, int Nphi, int Ntheta,
MassiveParticleIsotropicDistribution**
electronDistributions, double*** B, double***
sinTheta, double*** phi, double*** concentration,
const double& rho, const double& rhoin, const
double& distance)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными с помощью массивов магнитным полем, синусом угла его наклона к лучу зрения, а так же заданными внешним и внутренним радиусом диска и расстоянием до источника. Распределение частиц задается в виде массива табличных значений в зависимости от угла наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны

AngleDependentElectronsSphericalSource(int Nrho, int Nz, int Nphi, int Ntheta, MassiveParticleIsotropicDistribution**
electronDistributions, const double& B, const double& sinTheta, const double& phi, const double& concentration, const double& rho, const double& rhoin, const double& distance)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными однородными магнитным полем, синусом угла его наклона, а так же заданными внутренним и внешним радиусом диска и расстоянием до источника. Распределение частиц задается в виде массива табличных значений в зависимости от угла наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны

1.2.2 Источники излучения, меняющиеся со временем

Источники излучения, учитывающие зависимость от времени, представлены абастрактным классом классом RadiationTimeDependentSource. Этот класс не является наследником класса RadiationSource, но содержит экземпляр такого класса внутри себя, чтобы использовать его для расчета излучения в конкретный момент времени. Для этого пользователь должен самостоятельно создать имплементацию виртуальной функции getRadiationSource, в которой будут вычислены параметры источника в зависимости от времени. В текущей версии кода реализован только один наследник RadiationTimeDependentSource - ExpandingRemnantSource, представляющий собой модель

расширяющегося остатка сверхновой. В данной модели предполагается, что размер источника увеличивается во времени с постоянной скоростью, магнитное поле падает обратно пропорционально размеру источника, концентрация обратно пропорционально квадрату размера а толщина шарового слоя остается постоянной. Пользователь может создавать свои классы источников с другими зависимостями параметров от времени. Публичные методы классов RadiationTimeDependentSource и ExpandingRemnantSource перечислены в Таблице 1.8.

Таблица 1.8: Публичные методы классов источников излучения учитывающих зависимость от времени

RadiationTimeDependentSource	Абстрактный класс для учета изменений источ-
	ников излучения со временем
virtual resetParameters(const double* parameters,	чисто виртуальный метод, меняющий парамет-
const double* normalizationUnits)	ры источника. Список параметров, их коли-
	чество, их влияние на источник определяются
	пользователем в конкретных реализациях клас-
	са. Принимет массив параметров и массив еди-
	ниц в которых они измеряны. Данный метод при-
	меняется в процедурах оптимизации
virtual getRadiationSource(double& time, const	возвращает источник излучения с параметрами
double* normalizationUnits)	соответствующими заданному моменту времени.
	Так же принимает на вход массив единиц, в ко-
	торых измеряются параметры этого источника.
ExpandingRemnantSource	класс, представляющий модель расширяющего-
	ся с постоянной скоростью остатка сверхновой,
	имеющего форму шарового слоя постоянной тол-
	щины с однородными концентрацией и магнит-
	ным полем
ExpandingRemnantSource(const double& R0,	конструктор, создает экземпляр класса расши-
const double& B0, const double& concentration0,	ряющейся сферической оболочки с заданными
const double& v, const double& widthFraction,	в момент t0 радиусом, магнитным полем, кон-
RadiationSource* source, const double& t0)	центрацией, скоростью расширения, отношени-
	ем толщины оболочки к радиусу и моделью ис-
	точника. Для коректного учета изменения ис-
	точника во времени важно, чтобы конретная
	реализация метода source->resetParameters co-
	ответствовала той,что используется в методе
	getRadiationSource. В данном случае подходят
	все перечисленные выше реализации источников
	не зависящих от времени

Таблица 1.9: Публичные методы класса RadiationEvaluator

RadiationEvaluator	абстрактный класс для вычисления излучения
virtual evaluateFluxFromIsotropicFunction(чисто виртуальный метод, возвращает энергети-
const double& photonFinalEnergy,	ческую плотность потока излучаемого элемен-
MassiveParticleIsotropicDistribution*	тарным объемом с источника с данным распре-
electronDistribution, const double& volume,	делением, на данном расстоянии от наблюдате-
const double& distance)	ля в единицах см ⁻² с ⁻¹ . Данный метод лучше не
	использовать самостоятельно, использовать вме-
	сто него расчет излучения от источников
virtual evaluateFluxFromSource(const double&	чисто виртуальный метод, возвращает энергети-
photonFinalEnergy, RadiationSource* source)	ческую плотность потока излучаемого данным
	источником в единицах см ⁻² с ⁻¹
virtual resetParameters(const double* parameters,	чисто виртуальный метод, позволяет изменить
const double* normalizationUnits)	внутренние параметры вычислителя излучения.
	Список параметров, их количество, их влияние
	на источник определяются в конкретных реали-
	зациях класса, данный метод используется при
	оптимизации
writeFluxFromSourceToFile(const char* fileName,	записывает в файл с данным именем излучение
RadiationSource* source, const double& Ephmin,	источника в единицах см ⁻² с ⁻¹ в диапазоне от
const double& Ephmax, const int Nph)	минимальной до максимальной энергии, с задан-
	ным количеством точек, распределенных лога-
	рифмически

1.3 Вычисление излучения

Для расчета излучения источников используется класс RadiationEvaluator и его наследники. Список публичных методов этого класса приведен в Таблице 1.9. Общая схема расчета излучения такова: создать источник излучения, используя один из классов описанных в предыдущем разделе или написанный самостоятельно, затем создать вычислитель излучения нужного типа, и вызвать у него метод evaluateFluxFromSource(const double& photonFinalEnergy, RadiationSource* source), вычисляющую энергетическую плотность потока излучения источника на данной энергии принимаемого фотона в единицах см⁻²с⁻¹. Далее в данном разделе описаны реализации класса RadiationEvaluator для конкретных видов излучения. Схема наследования классов вычислителей излучения представлена на рисунке 1.6. Физическая сторона вопроса, формулы по которым расчитывается излучение подробно описаны в Главе 3.

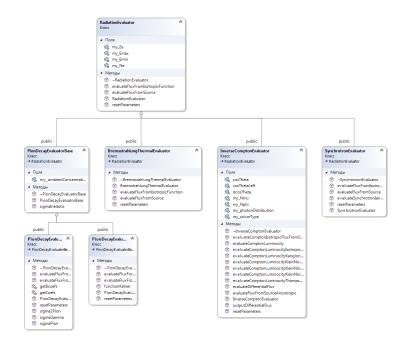


Рисунок 1.6: Схема наследования классов вычислителей излучения.

1.3.1 Синхротронное излучение

Для расчета синхротронного излучения используется класс SynchrotronEvaluator. В нем используется приближение непрерывного спектра, то есть рассматриваемые частоты фотонов предполагаются намного большими, чем частота вращения излучающих частиц в магнитном поле. Реализован случай только изотропной функции распределения излучающих частиц. Так же возможен учет синхротронного самопоглощения. Используемая геометрия источников, показанная на рисунке 1.5, позволяет легко интегрировать излучение по лучу зрения, и учитывать при этом поглощение внутри источника. При создании объекта класса необходимо указать рассматриваемый диапазон энергий частиц и количество точек в нем, параметр отвечающиза учет самопоглощения (значение по умолчанию true), а так же значения магнитного поля, синуса угла наклона к лучу зрения и толщины излучаемой области, которые будут использоваться в случае расчета излучения без указания источника, а только с использованием распределения частиц. Публичные методы класса SynchrotronEvaluator перечислены в Таблице 1.10. Пример вычисления синхотронного излучения приведен в разделе.

1.3.2 Обратное комптоновское рассеяние

Для расчета излучения, получающегося в результате процесса обратного комптоновского рассеяния, использеутся класс InverseComptonEvaluator. Внутри него реализованы четыре различных метода расчета излучения, для обозначения которых используется перечислимый тип ComptonSolverType, имеющий следующие значения:

Таблица 1.10: Публичные методы класса SynchrotronEvaluator

SynchrotronEvaluator	класс предназначенный для вычисления син-
	хротронного излучения
SynchrotronEvaluator(int Ne, double Emin,	конструктор, создает экземпляр с указанным
double Emax, bool selfAbsorption = true,	диапазоном рассматриваемых энергий, пара-
const double default $B = 0$, const double	метром учета самопоглощения, и значениями
defaultSinTheta = 1.0, const double&	по умолчанию магнитного поля, его наклона
defaultLength = 0)	и толщины
$evaluate Synchrotron I and A (const \\ double \&$	вычисляет значения излучательной способно-
photonFinalFrequency, const double&	сти и коэффициента поглощения распределе-
photonFinalTheta, const double&	ния с данной концентрацией в данном магнит-
photonFinalPhi, const double& B, const	ном поле
double& sinhi, const double& concentration,	
MassiveParticleIsotropicDistribution*	
electronDistribution, double& I, double&	
A)	

- ISOTROPIC_THOMSON модель рассеяния в томсоновсков режиме. Реализовано только для степенного распределения электронов и теплового фотонов [6] глава 17, с 466
- ANISOTROPIC_KLEIN_NISHINA модель расчитывающее излучение напрямую из сечения Клейна-Нишины, возможен учет анизотропных функций распределения [7, 8]
- ISOTROPIC_KLEIN_NISHINA модель расчитывающее излучение напрямую из сечения Клейна-Нишины, но для изотропных функций распределения, что позволяет уменьшить количество интегрирований
- ISOTROPIC_JONES модель, использующая аналитически проинтегрированное по углам сечение Клейна-Нишины [9, 10]

При создании объекта класса InverseComptomEvaluator необходимо указать рассматриваемый диапазон энергий частиц и количество точек в нем, количество ячеек в сетке по полярному и азимутальному углу, изотропную функцию распределения фотонов, которая будет использоваться по умолчанию и метод расчета излучения. Публичные методы класса SynchrotronEvaluator перечислены в Таблице 1.11.

Пример вычисления излучения от обратного комптоновского рассеяние содержится в процедуре evaluateComtonWithPowerLawDistribution() в файле main.cpp. В ней расчитывается рентгеновское излучение, исходящее от объекта CSS161010 при рассеивании степенного распределения электронов, определенного в работе [11], на среднегалактическом

Таблица 1.11: Публичные методы класса InverseComptonEvaluator

InverseComptonEvaluator	класс предназначенный для вычисления из-
	лучения рождащегося в результате обратного
	комптоновского рассеяния
InverseComptonEvaluator(int Ne, int	конструктор, создает экземпляр с заданным
Nmu, int Nphi, double Emin, double	рассматриваемым диапазоном энергии, коли-
Emax, PhotonIsotropicDistribution*	чеством ячеек в сетке по полярному и ази-
photonDistribution, ComptonSolverType	мутальному углу, изотропной функцией рас-
solverType)	пределения фотонов, которая будет использо-
	ваться по умолчанию и методом расчета излу-
	чения
evaluate Compton Flux Klein Nishina Anisotropic	возвращает энергетическую плотность потока
const double& photonFinalEnergy,	энергии в заданном направлении, излучением
const double& photonFinalTheta,	созданным заданными функциями распреде-
const double& photonFinalPhi,	ления фотонов и рассеивющих частиц (кото-
PhotonDistribution* photonDistribution,	рые могут быть анизотропными) в заданном
MassiveParticleDistribution*	объеме на данном расстоянии
electronDistribution, const double& volume,	
const double& distance)	
evaluate Flux From Source Anisotropic (возвращает энергетическую плотность потока
const double& photonFinalEnergy, const	энергии в заданном направлении, излучени-
double& photonFinalTheta, const double&	ем созданным заданными распределения фо-
photonFinalPhi, PhotonDistribution*	тонов и источником, содержащим распределе-
photonDistribution, RadiationSource* source)	ния рассеивающих частиц

распределении фотонов. Сначала определим переменные, задающие основные параметры источника - концентрацию частиц, его размер и магнитное поле. Для вычисления обратного комптоновского рассеяния магнитное поле не используется, но в источнике нужно его задать, поэтому положим его равным нулю. Так же зададим параметры сетки по энергиям и углам, которая будет использоваться вычислителем

```
double electronConcentration = 150;
double sinTheta = 1.0;
double rmax = 1.3E17;
double B = 0.0;
double distance = 150*1E6*parsec;

double Emin = me_c2;
double Emax = 1000 * me_c2;
```

```
int Ne = 200;
int Nmu = 20;
int Nphi = 4;
```

Далее создадим распределение фотонов, воспользовавшись статическим методом класса MultiPlankDistribution getGalacticField, который возвращает среднегалактическое фотонное распределение, и распределение электронов - возьмем степенное рспределение с показателем 3.5.

```
PhotonIsotropicDistribution * photonDistribution =
PhotonMultiPlankDistribution :: getGalacticField();
MassiveParticlePowerLawDistribution * electrons = new
MassiveParticlePowerLawDistribution(massElectron, 3.5,
Emin, electronConcentration);
```

С помощью введенных ранее переменных создадим источник излучения и вычислитель излучения. В качестве метода расчета выберем самый универсальный - ANISOTROPIC_KLEIN_NISHINA

RadiationSource* source = new SimpleFlatSource(

```
electrons, B, sinTheta, rmax, rmax, distance);

InverseComptonEvaluator* comptonEvaluator = new

InverseComptonEvaluator(Ne, Nmu, Nphi, Emin, Emax,
photonDistribution, ComptonSolverType::ANISOTROPIC KLEIN NISHINA)
```

Предположим, что мы не хотим пользоваться встроенным методом вывода излучения в файл, так как хотим получить конечный результат в других единицах, например энергию фотона измерят в электронвольтах, а поток вывести в формате EF(E) - эргсм $^{-2}c^{-1}$. Создадим тогда сетку значений энергии фотонов

```
int Nnu = 200;
double* E = new double[Nnu];
double* F = new double[Nnu];
double Ephmin = 0.01 * kBoltzman * 2.725;
double Ephmax = 2 * Emax;
double factor = pow(Ephmax / Ephmin, 1.0 / (Nnu - 1));
E[0] = Ephmin;
F[0] = 0;
for (int i = 1; i < Nnu; ++i) {
            E[i] = E[i - 1] * factor;
            F[i] = 0;
}</pre>
```

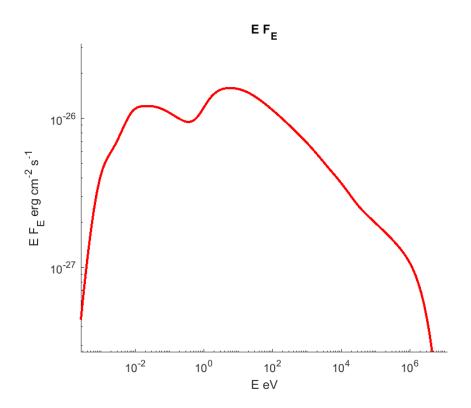


Рисунок 1.7: Энергетическая плотность потока синхротронного излучения от тестового источника

после этого вычислим в цикле желаемые потоки излучения

и запишем их в файл, переведя в желаемые единицы

Спектр излучения, полученный в результате работы данной программы приведен на рисунке 1.7

1.3.3 Распад пионов

Для расчета излучения, получающегося в результате распада пионов, родившихся в результате свободно-свободного взаимодействия протонов использеутся абастрактный класс PionDecayEvaluatorBase и двае его наследника: PionDecayEvaluatorKelner, в котором сечение излучения гамма-фотона считается долей от полного сечения неупругого взаимодействия протонов, как описано в статье [12], и PionDecayEvaluator, в котором используется более точное описание сечения рождения пионов на низких энергиях по методу, описанному в [13]. В текущей версии предполагается, что характерное время потерь энергии протонов при неупругом взаимодействии намного больше времени их удержания в источнике, система является прозрачной для протонов, и каждый из них взаимодействует не более одного раза. В противном случае используемая модель излучения не применима.

При создании объекта класса PionDecayEvaluator необходимо указать рассматриваемый диапазон энергий частиц и количество точек в нем, а так же концентрацию фоновых протонов, так как предполагается рассеяние высокоэнергичных фотонов на покоящихся, а не взаимодействие высокоэнергичных между собой. Публичные методы класса PionDecayEvaluatorBase и его наследников приведены в Таблице 1.12

Таблица 1.12: Публичные методы класса PionDecayEvaluatorBase и его наследников

PionDecayEvaluatorBase	абстрактный класс для вычисления гамма из-
	лучения от распада пионов
sigmaInelastic(const double& energy)	возвращает полное сечение неупругого взаи-
	модействия протонов в лабораторной системе,
	принимает кинетическую энергию движуще-
	гося протона
PionDecayEvaluatorKelner	класс для вычисления гамма излучения от
	распада пионов по методу из статьи [12]
PionDecayEvaluatorKelner(int Ne, double	конструктор, создает экземпляр с заданным
Emin, double Emax, const double&	рассматриваемым диапазоном энергии и кон-
ambient Concentration)	центрацией фоновых протонов
PionDecayEvaluator	класс для вычисления гамма излучения от
	распада пионов по методу из статьи [13]
PionDecayEvaluator(int Ne, double	конструктор, создает экземпляр с заданным
Emin, double Emax, const double&	рассматриваемым диапазоном энергии и кон-
ambientConcentration)	центрацией фоновых протонов
sigmaGamma(const double& photonEnergy,	возвращает дифференциальное сечение рож-
const double& protonEnergy)	дения фотона с данной энергией при данной
	кинетической энергии протона, усредненное
	по углам

Пример вычисления излучения от гамма излучения от распада пионов показан в функции evaluatePionDecay() в файлк main.cpp. В нем рассмотрено моделирование излучение объекта Кокон Лебедя в модели ускорения частиц на вторичных ударных волнах, следуя статье [14]. В данной работе вычислено, что спектр ускоренных протонов имеет вид степенной функции с изломом со следующими параметрами - показатели спектра 2.1 и 2.64 на низких и высоких энергиях соответственно, энергия излома - 2.2 ТэВ. Размер излучающей области брался равным размеру сверхкаверны Лебедя - 55 пк. Как и ранее, сначала определим переменные, задающие основные параметры источника - концентрацию частиц, его размер и магнитное поле, которое опять положим равным нулю. Диапазон энергий протонов рассмотрим от 0.01 ГэВ до 10 ТэВ. Так же укажем энергию излома.

```
double protonConcentration = 150;
double rmax = 55 * parsec;
double B = 0;
double sinTheta = 1.0;

double distance = 1400 * parsec;
double Emin = massProton*speed_of_light2 + 0.01E9 * 1.6E-12;
double Emax = 1E13 * 1.6E-12;
double Etrans = 2.2E12 * 1.6E-12;
```

После этого создадим распределение протонов и источник излучения

```
MassiveParticleBrokenPowerLawDistribution* protons = new

MassiveParticleBrokenPowerLawDistribution(

massProton, 2.1, 2.64, Emin, Etrans, protonConcentration);

RadiationSource* source = new SimpleFlatSource(

protons, B, sinTheta, rmax, rmax, distance);
```

Далее потребуется вычислитель излучения. В случае пионного распада необходимо указать концентрацию фоновых протонов.

Как и в предыдущих случаях далее необходимо внутри цикла вычислить излучение в интересующем диапазоне энергий, используя функцию evaluateFluxFromSource, и вывести результат в файл в удобных единицах. Спектр излучения, полученный в результате работы данной программы и результаты наблюдений Кокона Лебедя на Fermi LAT, ARGO и HAWC [15, 16, 17] приведены на рисунке 1.8

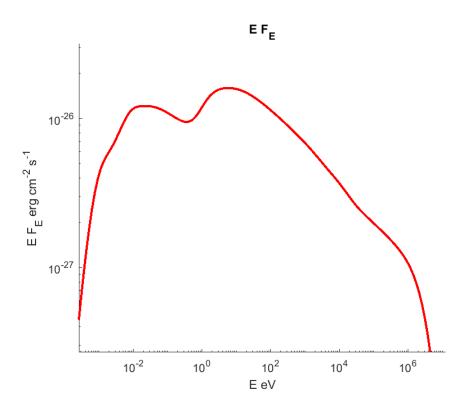


Рисунок 1.8: Расчетная энергетическая плотность потока гамма излучения Кокона Лебедя и данные наблюдений

1.3.4 Тормозное излучение

В текущей версии кода реализовано вычисление тормозного излучения электронов в плазме только для случая теплового распределения. Для этого предназначен класс BremsstrahlungThermalEvaluator. В процессе расчета предполагается, что плазма электрон-протонная, с одинаковыми температурами электронов и протонов, в вычислении используются Гаунт-факторы, приведенные в [18]. Пример вычисления тормохного излучения приведен в функции evaluateBremsstrahlung в файле main.cpp.

Глава 2

Оптимизация параметров

Код FAINA позволяет не только расчитывать излучение заданных источников, но и фитировать наблюдательные данные модельными, подбирая необходимые параметры. Реализованы методы оптимизации, пригодные для произвольного числа параметров и широкого класса моделей источников. В качестве целевой функции используется взвешенная сумма квадратов отклонений по всем наблюдательным точкам $f = \sum \frac{(F_i - F_{obs,i})^2}{\sigma_i^2}$, где F_i расчетная спектральная плотность потока излучения, $F_{obs,i}$ - наблюдаемая спектральная плотность потока излучения. В текущей версии учитывается лишь погрешность измеряемого потока, ширина бина и неопределенность энергии, на которой принят сигнал не учитываются.

Реализованные методы оптимизации делятся на два типа - те, которые рассматривают излучение в один момент времени, либо постоянные во времени, и те, которые учитывают эволюцию источников и используют наблюдения в разные моменты времени. В последнем случае пользователю необходимо самостоятельно указывать, как меняются параметры источника со временем, см. раздел 1.2.2.

2.1 Фитирование источников, не зависящих от времени

Для фитирования постоянных во времени кривых блеска предназначен абстрактный класс RadiationOptimizer. В нем определена виртуальныя функция optimize(double* vector, bool* optPar, double* energy, double* observedFlux, double* observedError, int Ne, RadiationSource* source), которая и производит процесс оптимизации. Входными параметрами являются: vector - массив подбираемых параметров, в который будет записан результат работы программы, optPar - массив булевских переменных, определяющих оптимизировать соответствующий параметр, или считать его фиксированным, energy - массив энергий, на которых производились наблюдения, observedFlux - соответствующие наблюдаемые потоки в единицах см⁻²с⁻¹, Ne - количество наблюдательных точек, source - источник излучения. Функция изменения параметров источника source->resetParameters, описанная в разделе 1.2.1, должна быть согласована с массивом оптимизируемых параметров vector, так как в процессе оптимизации он будет передаваться в нее в качестве аргумента.

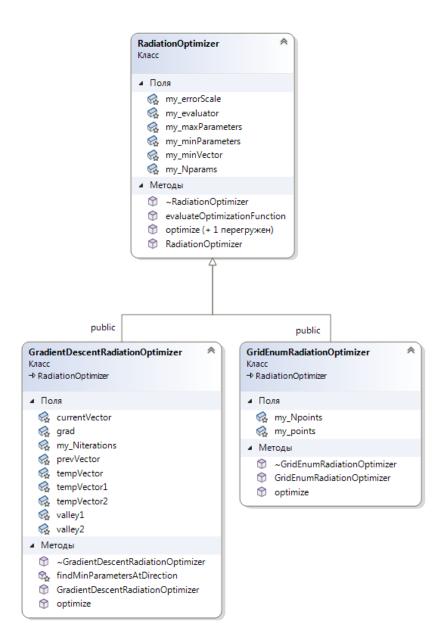


Рисунок 2.1: Схема наследования классов оптимизаторов

В коде реализованы два наследника класса RadiationOptimazer: GridEnumRadiationOptimizer - производящий поиск минимума простым перебором по сетке параметров с заданным количеством распределенных равномерно логарифмически точек, и GradientDescentRadiationOptimizer - в котором минимум находится методом градиентного спуска. Эти два класса полезно использовать совместно, используя результат работы первого как начальную точку для второго. Схема насследования классов оптимизаторов показана на рисунке 2.1, а список их публичных методов приведен в Таблице 2.1. Реализованные методы оптимизации применимы для всех описанных выше типов источников и видов электромагнитного излучения.

Таблица 2.1: Публичные методы классов оптимизаторов параметров источников

RadiationOptimizer	абстрактный класс для оптимизации параметров источ-
	ника
evaluateOptimizationFunction(const	вычисляет целевую функцию - взвешенную сумму квад-
double* vector, double* energy, double*	ратов ошибок во всех наблюдательных точках $f =$
observedFlux, double* observedError, int	$\sum rac{(F_i - F_{obs,i})^2}{\sigma_i^2}$, где F_i - расчетная спектральная плотность
Ne, RadiationSource* source)	потока излучения, $F_{obs,i}$ - наблюдаемая спектральная
	плотность потока излучения, σ_i - её погрешность
optimize(double* vector, bool*	функция, осуществляющая оптимизацию, принимает на
optPar, double* energy, double*	вход массив подбираемых параметров, в который будет
observedFlux, double* observedError,	записан результат, массив булевских переменных, опре-
int Ne, RadiationSource* source)	деляющих оптимизировать соответствующий параметр,
	или считать его фиксированным, массив энергий, на ко-
	торых производились наблюдения, соответствующие на-
	блюдаемые потоки в единицах ${\rm cm}^{-2}{\rm c}^{-1}$, погрешности из-
	мерения потоков, количество наблюдательных точек, и
	источник излучения.
optimize(double* vector, bool* optPar,	функция, осуществляющая оптимизацию, в случае не за-
double* energy, double* observedFlux, int	данных наблюдательных ошибок. В таком случае ошиб-
Ne, RadiationSource* source)	ки у всех точек считаются равными елинице и веса всех
	ошибок в целевой функции оказываются равными
${f Grid Enum Radiation Optimizer}$	класс предназначенный для оптимизации параметров с
	помощью перебора по сетке
GridEnumRadiationOptimizer(конструктор, создает экземпляр класса с указанным вы-
RadiationEvaluator* evaluator, const	числителем излучения, минимальными и максимальными
double* minParameters, const double*	значениями оптимизируемых параметров, количеством
maxParameters, int Nparams, const int*	этих параметров и массивом с количеством перебирае-
Npoints)	мых точек по каждому параметру. При переборе точки
	будут распределены логарифмически равномерно по оси.

Gradient Descent Radiation Optimizer	класс, предназначенный для оптимизации параметров
	методом градиентного спуска
Gradient Descent Radiation Optimizer (конструктор, создает экземпляр класса с указанным вы-
RadiationEvaluator* evaluator, const	числителем излучения, минимальными и максимальны-
double* minParameters, const double*	ми значеними оптимизируемых параметров, количеством
maxParameters, int Nparams, int	этих параметров и максимальным количеством итераций
Niterations)	градиентного спуска

Пример фитирования параметров источника по наблюдательным данным приведен в функции fitCSS161010withPowerLawDistribition в файле main.cpp. Следуя авторам работы [11] произведем расчет синхротронного излучения источника с учетом самопоглощения, считая функцию распределения электронов чисто степенной с показателем 3.6. Но мы не будем накладывать дополнительную связь на параметры и предполагать равенство распределения энергии между магнитным полем и ускоренными частицами, вместо этого магнитное поле и концентрация электронов будут независимыми параметрами.

Подберем параметры Быстрого Оптического Голубого Транзиента CSS161010 на 98 день после вспышки на основе радиоизлучения. Зададим параметры источника на основе дынных статьи [11], которые будут использоваться в качестве начального приближения, а так же расстояние до него.

```
\begin{tabular}{lll} \textbf{double} & electronConcentration = 25; \\ \textbf{double} & B = 0.6; \\ \textbf{double} & R = 1.4E17; \\ \textbf{double} & fraction = 0.5; \\ \textbf{const} & \textbf{double} & distance = 150 * 1E6 * parsec; \\ \end{tabular}
```

Далее зададим степенное распределение электронов, с показателем 3.6 и источник в форме плоского диска, перпендикулярного лучу зрения, и вычислитель синхротронного излучения.

Теперь определим вектор оптимизируемых параметров - это размер, магнитное поле, концентрация электронов и доля толщины, показывающая какю долю от радиуса диска составляет его толщина. И именно такие параметры ожидает функция resetParameters у источника SimpleFlatSource. Так же нужно указать минимальные и максимальные значения параметров, которые ограничат область поиска. Максимальные значения так же будут использоваться как константы нормировки.

Зададим наблюдательные данные, которые и будем фитировать. Обратите внимание, что частоты нужно перевести в энергии, а спектральную плотность потока - в энергетическую (в единицы см⁻²с⁻¹).

```
const int Nenergy1 = 4;
double energy1[Nenergy1] = { 1.5E9*hplank, 3.0E9 * hplank,
        6.1E9 * hplank, 9.8E9 * hplank };
double observedFlux[Nenergy1] = { 1.5/(hplank*1E26),
        4.3/(hplank*1E26), 6.1/(hplank*1E26), 4.2 /(hplank*1E26)};
double observedError[Nenergy1] = { 0.1 / (hplank * 1E26),
        0.2/(hplank*1E26), 0.3/(hplank*1E26), 0.2/(hplank*1E26)};
```

Далее создадим два оптимизатора - действющий перебором и градиентым спуском, и применим их последовательно. Так же укажем количество точек для перебора и то, что оптимизируем все параметры.

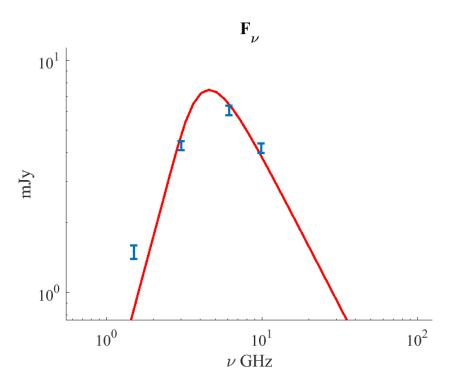


Рисунок 2.2: Наблюдаемый и расчетный спектр радиоизлучения объекта CSS161010 на 98 день после вспышки

Применим функцию optimize у последовательно у обоих оптимизаторов. Сначала перебором найдем начальное приближение, потом уточним результат с помощью градиентного спуска, и изменим параметры источника на оптимальные

Полученные в результате оптимизации парметры источника равны: радиус диска $R=1.8\times 10^17$ см, магнитное поле B=1.6 Гс, концентрация электронов n=2.3 см $^{-3}$, доля толщины fraction=0.54. Значение целевой функции $f\approx 50$. Модельный спектр излучения с данными параметрами и наблюдательные данные изображены на рисунке 2.2.

2.2 Фитирование источников, зависящих от времени

Для фитирования постоянных во времени кривых блеска изменяющихся во времени предназначен абстрактный класс RadiationTimeOptimizer. В нем определена виртуальныя функция optimize(double* vector, bool* optPar, double** energy, double** observedFLux, double** observedError, int* Ne, int Ntimes, double* times, RadiationTimeDependentSource*

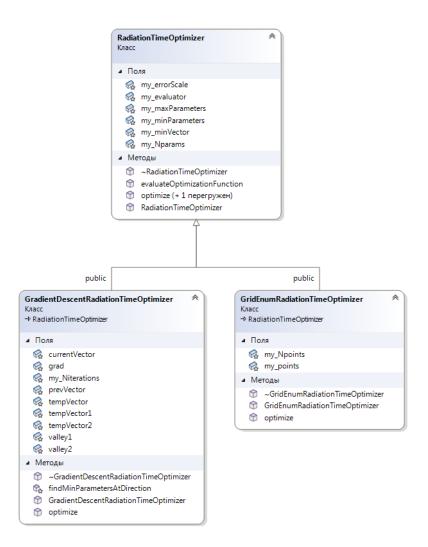


Рисунок 2.3: Схема наследования классов оптимизаторов, учитывающих переменность источников

source), которая и выполняет оптимизацию. Так же как и в случае не зависящей от времени оптимизации она принимает на вход массив параметров, массив булевских переменных, и наблюдательные данные. Но наблюдательные данные теперь представляют собой двумерные массивы (причем количество заданных точек в разные моменты времени так же может быть разным). Так же нужно указать количество серий измерений во времени и соответствующие им времена. Исследуемый источник должен относиться к классу зависящих от времени источников.

Как и ранее, в коде реализованы два наследника класса RadiationTimeOptimazer: GridEnumRadiationTimeOptimizer - для поиска минимума перебором, и GradientDescentRadiationTimeOptimizer - в котором минимум находится методом градиентного спуска. Схема насследования классов оптимизаторов показана на рисунке 2.3, а список их публичных методов приведен в Таблице 2.2.

Таблица 2.2: Публичные методы классов оптимизаторов параметров переменных во времени источников

evaluateOptimizationFunction(

double* вы vedFlux, му

vector, double** energy, double** observedFlux, double** observedError, int* Ne, int Ntimes, double* times, RadiationTimeDependentSource* source)

const

optimize (double* vector, bool* optPar, double** energy, double** observedFLux, double** observedError, int* Ne, int Ntimes, double*times, RadiationTimeDependentSource* source)

абстрактный класс, предназначенный для оптимизации параметров зависящих от времени источников

вычисляет целевую функцию - взвешенную сумму квадратов ошибок во всех наблюдательных точках во все моменты времени $f=\sum \frac{(F_i-F_{obs,i})^2}{\sigma_i^2}$, где F_i - расчетная спектральная плотность потока излучения, $F_{obs,i}$ - наблюдаемая спектральная плотность потока излучения, σ_i - её погрешность

функция, осуществляющая оптимизацию, принимает на вход массив подбираемых параметров, в который будет записан результат, массив булевских переменных, определяющих оптимизировать соответствующий параметр, или считать его фиксированным, двумерные массивы энергий, на которых производились наблюдения, соответствующих энергиям наблюдаемых потоков в единицах см $^{-2}$ с $^{-1}$, погрешности наблюдаемых потоков, массив количества наблюдательных точек в каждый момент времени, количество моментов времени, когда производились измерения, соответствующие времена и переменный источник излучения.

optimize(double* vector, bool* optPar, double**	функция, осуществляющая оптимизацию, в слу-
energy, double** observedFlux, int* Ne, int Ntimes,	чае не заданных наблюдательных ошибок. В та-
double* times, RadiationTimeDependentSource*	ком случае ошибки у всех точек считаются рав-
source)	ными елинице и веса всех ошибок в целевой
	функции оказываются равными
GridEnumRadiationTimeOptimizer	класс, предназначенный для оптимизации пара-
	метров переменных источников с помощью пере-
	бора по сетке
GridEnumRadiationTimeOptimizer(конструктор, создает экземпляр класса с ука-
RadiationEvaluator* evaluator, const double*	занным вычислителем излучения, минимальны-
minParameters, const double* maxParameters, int	ми и максимальными значениями оптимизируе-
Nparams, const int* Npoints)	мых параметров, количеством этих параметров
	и массивом с количеством перебираемых точек
	по каждому параметру. При переборе точки бу-
	дут распределены логарифмически равномерно.
${\bf Gradient Descent Radiation Time Optimizer}$	класс, предназначенный для оптимизации пара-
	метров переменных источников методом гради-
	ентного спуска
GradientDescentRadiationTimeOptimizer(конструктор, создает экземпляр класса с указан-
RadiationEvaluator* evaluator, const double*	ным вычислителем излучения, минимальными и
minParameters, const double* maxParameters, int	максимальными значеними оптимизируемых па-
Nparams, int Niterations)	раметров, количеством этих параметров и мак-
	симальным количеством итераций градиентного
	спуска

Глава 3

Формулы расчета излучения

3.1 Преобразование функции распределения фотонов

Функция распределения фотонов задана в сферических координатах $n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi)$. Рассмотрим переход в систему отсчета, движущуюся в направлении оси z с лоренц-фактором $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$. Количество частиц в элементе фазового пространства N - инвариант.

$$N = n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi) d\epsilon d\mu d\phi dV = n'_{ph}(\epsilon', \mu', \phi') d\epsilon' d\mu' d\phi' dV'$$
(3.1)

Рассмотрим преобразование вектора четырех-импульса. Поперечные компоненты не изменяются, а временная и продольная меняются следющим образом, учитывая что $p_z = \mu \epsilon$:

$$\begin{pmatrix} \epsilon' \\ \mu'\epsilon' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma & -\beta\gamma \\ -\beta\gamma & \gamma \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \epsilon \\ \mu\epsilon \end{pmatrix}$$
 (3.2)

Из первой строчки матрицы получаем уравнение для допплеровского сдвига энергии

$$\epsilon' = \gamma (1 - \mu \beta) \epsilon \tag{3.3}$$

Вычислим производные новой энергии по старым координатам

$$\frac{d\epsilon'}{d\epsilon} = \gamma(1 - \mu\beta) \tag{3.4}$$

$$\frac{d\epsilon'}{d\mu} = -\gamma\beta\epsilon\tag{3.5}$$

Из второй строчки матрицы получаем $\mu'\epsilon' = -\beta\gamma\epsilon + \gamma\mu\epsilon$. Подставив значение ϵ' из 3.3 и сократив ϵ получим уравнение аберрации света

$$\mu' = \frac{\mu - \beta}{1 - \mu\beta} \tag{3.6}$$

Заметим, что угол наклона луча в новой системе не зависит от энергии в старой системе. Вычислим частноую производную $\frac{d\mu'}{du}$

$$\frac{d\mu'}{d\mu} = \frac{d}{d\mu} \frac{1}{\beta} \frac{\beta\mu - 1 + 1 - \beta^2}{1 - \mu\beta} = \frac{d}{d\mu} \frac{1}{\beta} \frac{1 - \beta^2}{1 - \mu\beta} = \frac{1 - \beta^2}{(1 - \mu\beta)^2} = \frac{1}{\gamma^2 (1 - \mu\beta)^2}$$
(3.7)

Азиметальный угол не зависит от системы отсчета $\phi' = \phi$. Преобразование элемента объема описывается выражением $\frac{dV'}{dV} = \frac{\epsilon}{\epsilon'}$ см. ЛЛ Т2 параграф 10, вот только там используется переход в собственную систему. То есть

$$\frac{dV'}{dV} = \frac{1}{\gamma(1-\mu\beta)}\tag{3.8}$$

Матрица якоби преобразования координат выглядит следующим образом

$$J = \begin{pmatrix} \frac{d\epsilon'}{d\epsilon} & \frac{d\epsilon'}{d\mu} & 0 & 0\\ 0 & \frac{d\mu'}{d\mu} & 0 & 0\\ 0 & 0 & 1 & 0\\ 0 & \frac{dV'}{d\mu} & 0 & \frac{dV'}{dV} \end{pmatrix}$$
(3.9)

При такой матрице якобиан, к счастью, равен произведению диагональных членов

$$\frac{D(\epsilon', \mu', \phi', V')}{D(\epsilon, \mu, \phi, V)} = \frac{d\epsilon'}{d\epsilon} \frac{d\mu'}{d\mu} \frac{dV'}{dV} = \gamma (1 - \mu\beta) \frac{1}{\gamma^2 (1 - \mu\beta)^2} \frac{1}{\gamma (1 - \mu\beta)} = \frac{1}{\gamma^2 (1 - \mu\beta)^2}$$
(3.10)

И в итоге функция распределения фотонов преобразуется с помощью деления на вычисленный якобиан

$$n'_{ph}(\epsilon', \mu', \phi') = \frac{n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi)}{\frac{D(\epsilon', \mu', \phi', V')}{D(\epsilon, \mu, \phi, V)}} = \gamma^2 (1 - \mu\beta)^2 n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi)$$
(3.11)

3.2 Комптоновское рассеяние

Рассмотрим рассеяние фотонов на одном электроне. Сечение Клейна-Нишины в системе покоя электрона равно

$$\frac{d\sigma}{d\epsilon_1'd\Omega_1'} = \frac{r_e^2}{2} \left(\frac{\epsilon_1'}{\epsilon_0'}\right)^2 \left(\frac{\epsilon_1'}{\epsilon_0'} + \frac{\epsilon_0'}{\epsilon_1'} - \sin^2\Theta'\right)$$
(3.12)

Где r_e - классический радиус электрона, ϵ'_0 и ϵ'_1 - энергии начального и конечного фотона, соответственно, Θ' - угол между начальным и конечным фотоном. Штрихованные индексы относятся к системе отсчета электрона. Число фотонов,

3.3 Синхротронное излучение

Процесс синхротронного излучения хороши известен и описан в классических работах. Но с точки зрения квантовой электродинамки, любому процессу излучения можно так же сопоставить процесс поглощения. Сечение процесса синхротронного самопоглощения описано в работе Гизеллини и Свенсона [19]. Спектральная плотность мощности излучения единицы объема вещества определеяется формулой

$$I(\nu) = \int_{E_{min}}^{E_{max}} dE \frac{\sqrt{3}e^3 n F(E) B \sin(\phi)}{m_e c^2} \frac{\nu}{\nu_c} \int_{\frac{\nu}{\nu_c}}^{\infty} K_{5/3}(x) dx,$$
 (3.13)

где ϕ это угол межде вектором магнитного поля и лучом зрения, ν_c критическая частота, определяемая выражением $\nu_c=3e^2B\sin(\phi)E^2/4\pi m_e^{\ 3}c^5$, и $K_{5/3}$ - функция МакДональда. Коэффициент поглощения для фотонов, распростроняющихся вдоль луча зрения равен

$$k(\nu) = \int_{E_{min}}^{E_{max}} dE \frac{\sqrt{3}e^3}{8\pi m_e \nu^2} \frac{nB\sin(\phi)}{E^2} \frac{d}{dE} E^2 F(E) \frac{\nu}{\nu_c} \int_{\frac{\nu}{\nu_c}}^{\infty} K_{5/3}(x) dx.$$
 (3.14)

Литература

- 1. Mathis J. S., Mezger P. G., Panagia N. Interstellar radiation field and dust temperatures in the diffuse interstellar medium and in giant molecular clouds // Astron. Astrophys..—1983.— Vol. 128.— P. 212–229.
- 2. Sironi Lorenzo, Spitkovsky Anatoly. Particle Acceleration in Relativistic Magnetized Collisionless Pair Shocks: Dependence of Shock Acceleration on Magnetic Obliquity // ApJ.—2009. Vol. 698, no. 2. P. 1523–1549.
- 3. Guo Xinyi, Sironi Lorenzo, Narayan Ramesh. Non-thermal Electron Acceleration in Low Mach Number Collisionless Shocks. I. Particle Energy Spectra and Acceleration Mechanism // ApJ. 2014. Vol. 794, no. 2. P. 153.
- 4. Crumley P., Caprioli D., Markoff S., Spitkovsky A. Kinetic simulations of mildly relativistic shocks I. Particle acceleration in high Mach number shocks // MNRAS. 2019. Vol. 485, no. 4. P. 5105–5119.
- 5. Romansky V. I., Bykov A. M., Osipov S. M. Electron and ion acceleration by relativistic shocks: particle-in-cell simulations // Journal of Physics Conference Series. Vol. 1038 of Journal of Physics Conference Series. 2018. P. 012022.
- 6. Ginzburg V. L. Theoretical physics and astrophysics. Additional chapters. 1975.
- 7. Klein O., Nishina Y. The Scattering of Light by Free Electrons according to Dirac's New Relativistic Dynamics // Nature. 1928. Vol. 122, no. 3072. P. 398–399.
- 8. Dubus G., Cerutti B., Henri G. The modulation of the gamma-ray emission from the binary LS 5039 // Astron. Astrophys.. 2008. Vol. 477, no. 3. P. 691–700.
- 9. Jones Frank C. Calculated Spectrum of Inverse-Compton-Scattered Photons // Physical Review. 1968. Vol. 167, no. 5. P. 1159–1169.
- 10. Bykov A. M., Chevalier R. A., Ellison D. C., Uvarov Yu. A. Nonthermal Emission from a Supernova Remnant in a Molecular Cloud // ApJ. 2000. Vol. 538, no. 1. P. 203–216.
- 11. Coppejans D. L., Margutti R., Terreran G. et al. A Mildly Relativistic Outflow from the Energetic, Fast-rising Blue Optical Transient CSS161010 in a Dwarf Galaxy // ApJ Lett..—2020.—may.—Vol. 895, no. 1.—P. L23.
- 12. Kelner S. R., Aharonian F. A., Bugayov V. V. Energy spectra of gamma rays, electrons, and neutrinos produced at proton-proton interactions in the very high energy regime // Phys. Rev. D. 2006. Vol. 74, no. 3. P. 034018.
- 13. Kafexhiu Ervin, Aharonian Felix, Taylor Andrew M., Vila Gabriela S. Parametrization of gamma-ray production cross sections for p p interactions in a broad proton energy range from the kinematic threshold to PeV energies // Phys. Rev. D. 2014. Vol. 90, no. 12. P. 123014.
- 14. Bykov A. M., Kalyashova M. E. Modeling of GeV-TeV gamma-ray emission of Cygnus Cocoon // Advances in Space Research. 2022. Vol. 70, no. 9. P. 2685–2695.

- 15. Ackermann M., Ajello M., Allafort A. et al. A Cocoon of Freshly Accelerated Cosmic Rays Detected by Fermi in the Cygnus Superbubble // Science. 2011. Vol. 334, no. 6059. P. 1103.
- 16. Bartoli B., Bernardini P., Bi X. J. et al. Identification of the TeV Gamma-Ray Source ARGO J2031+4157 with the Cygnus Cocoon // ApJ. 2014. Vol. 790, no. 2. P. 152.
- 17. Abeysekara A. U., Albert A., Alfaro R. et al. HAWC observations of the acceleration of very-high-energy cosmic rays in the Cygnus Cocoon // Nature Astronomy.— 2021.— Vol. 5.— P. 465–471.
- 18. Rybicki George B., Lightman Alan P. Radiative Processes in Astrophysics. 1986.
- 19. Ghisellini Gabriele, Svensson Roland. The synchrotron and cyclo-synchrotron absorption cross-section // MNRAS. 1991. Vol. 252. P. 313–318.