

Ioffe Institute of Russian Academy of Science

# **FAINA**

Numerical code for modeling electromagnetic radiation from astrophysical sources

User's guide

# Contents

In	trod	uction		3				
	Inst	allation		3				
		Windo	ows	3				
		Unix		3				
	Run	nng sin	nple problem	3				
1	Eva	luatio	n the radiation of the sources	6				
	1.1	Partic	le distributions	6				
		1.1.1	Photon distributions	7				
		1.1.2	Распределения массивных частиц	10				
		1.1.3	Считывание распределений из файла	12				
	1.2	Источ	иники излучения	18				
		1.2.1	Источники излучения, не зависящие от времени	19				
		1.2.2	Источники излучения, меняющиеся со временем	27				
	1.3	Вычи	сление излучения	28				
		1.3.1	Синхротронное излучение	30				
		1.3.2	Обратное комптоновское рассеяние	31				
		1.3.3	Распад пионов	35				
		1.3.4	Тормозное излучение	37				
<b>2</b>	Опт	птимизация параметров						
	2.1	Вычи	слители целевой функции	39				
	2.2	Оптим	мизаторы целевой функции	41				
3	Фој	омулы	расчета излучения	47				
	3.1	Преоб	бразование функции распределения фотонов	47				
	3.2	Комп	тоновское рассеяние	48				
	3.3	Синхр	оотронное излучение	50				
$\mathbf{p}$	oforo	ncoc		٤0				

# Introduction

FAINA - is a numerical code for modeling different types of electromagnetic radiation of astrophysical source. It is written in C++ and supports parallel computations using openmp method. FAINA allows to model observable fluxes from sources with different parameters and geometries vai different emission mechanisms, and also to optimize source parameters to fit observational data.

#### Installation

Current version of the code is available on github https://github.com/VadimRomansky/Faina. FAINA is distributed freely under the MIT public license. Download the archive with code and extract it into preferred root directory.

#### Windows

With Windows OS it is recomended to use Microsoft Visual Studio and open solution Faina.sin with it. Operability was examined for Windows 10 and Visual Studio 2022 version.

#### Unix

There are two possible ways to run FAINA on Unix. We recommend to use IDE QtCreator and open with it file Faina.pro located in the rrot directory.

Other way is to use FAINA from terminal. To compile and run it you can use following commands

Operability was examined for Ubuntu 22.04.

## Running simple problem

Let see a simple example of solving radiation problem with faina. You can find in the function evaluateSimpleSynchrotron in the file /Src/examples.cpp. Synchrotron radiation from homogenous source with the shape of cylinder with axis along line of sight and with powerlaw electron distribution is evaluated in this example. But it demonstrates a general approach to evaluation of radiation with FAINA code.

Let define values of magnetic field and electron number density in the source (code uses CGS units).

```
double B = 1.0;
double electronConcentration = 1.0;
```

Then you need to create distribution of emitting electrons. There are a different type of particle distribution implemented in the code, let use isotropic powerlaw distribution for this example. You should call the constructor of MassiveParticlePowerLawDistribution with following parameters - mass of emitting particles (electrons in this case), powerlaw index of distribution, which is defined as positive number p in F(E)  $1/E^p$ , starting energy of powerlaw distribution, and electrons number density.

```
MassiveParticleDistribution * distribution =
new MassiveParticlePowerLawDistribution(
massElectron, 3.0, me_c2, electronConcentration);
```

After that you should create a radiation source, for example it would be homogenous flat disk with axis along line of sight. You should call the constructor of SimpleFlatSource with following parameters: electrons distribution, magnetic field, sinus of it's inclination angle to the line of sight, radous of cylinder, it's hight and distance to the observer.

```
RadiationSource* source = new SimpleFlatSource( distribution, B, 1.0, parsec, parsec, 1000 * parsec);
```

And the last thing you need is an radiation evaluator. They are different for every specific type of radiation. Here we create a SybchrotronEvaluator with following parameters: number of grid points for integration electron distribution function over energy, lower and upper limits of electron energy that will be taken into account and boolean parameter determining include synchrotron self absorption or not.

```
RadiationEvaluator * evaluator = new
SynchrotronEvaluator(1000, me c2, 1000 * me c2, true);
```

Synchrotron approximation is valid only for frequencies of radiation much greater than cyclotron frequency, so let evaluate it

```
double cyclOmega =
electron charge * B / (massElectron * speed of light);
```

Now you can evaluate spectrum of synchrotron radiation. Radiation evaluator has a method writeFluxFromSourceToFile which allows to calculate flux energy density and write it into the file in units energy vs power per energy per area, or erg vs sm<sup>-</sup>2s<sup>-</sup>1. This method takes following input parametes: output file name which will be created or rewritten, lower and upper limits of energy range and number of grid points, which will be distributed logarithmically in the range.

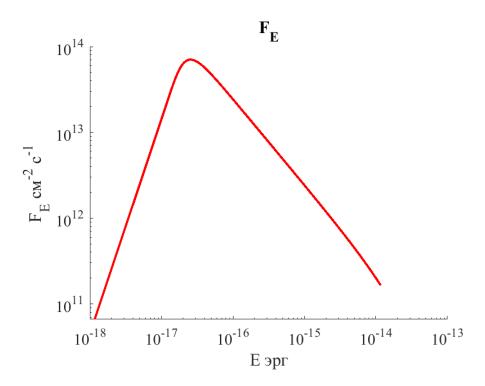


Figure 1: Synchrotron radiation flux energy density from test source

If you need other units you should use method evaluateFluxFromSource which provides a flux energy density at given energy and rewrite output.

```
evaluator—>writeFluxFromSourceToFile("out.dat", source, 10*hplank*cyclOmega, 1E5*hplank*cyclOmega, 1000);
```

Evaluated spectrum of flux energy density from this source is shown in 1. Examples of plotting scripts you can find in Figure directory pyFAINA.

# Chapter 1

# Evaluation the radiation of the sources

FAINA allows to evaluate electromagnetic radiation from sources with various type of particle distributions and different parameters such ass magnetic fiels, number density and other. In current version of the code following types of radiation are implemented: synchrotron radiation, inverse Compton scattering, gamma-ray emission due to pion decay in free-free proton interaction and also bremsstrahlung.

### 1.1 Particle distributions

Crucial parameter for evaluation of any type of radiation is a distribution function of emitting particles. In the FAINA code abstract class ParticleDistribution and derived classes are used for representation of distributions. Public methods of class ParticleDistribution are listed in Table 1.1:

Table 1.1: Public methods of ParticleDistribution class

ParticleDistribution	abstract class for particle distributions
double distribution(const double& energy,	returns probability density function in polar coordinates
const double& mu, const double& phi)	with given energy, cosinus of polar angle and azimutal
	angle, normalized to the particles number density
virtual double distributionNormalized(const	virtual method, returns probability density function in
double& energy, const double& mu, const	polar coordinates with given energy, cosinus of polar
double& phi)	angle and azimutal angle, normalized to unity
virtual double getMeanEnergy()	virtual method, returns mean energy of particles in
	distribution
double getConcentration()	returns particles number density
void resetConcentration(const double&	changes number density to the given value
concentration)	

For creating a distribution object you need some inherited class. Inheritance tree of ParticleDistribution splits into two big branches - PhotonDistribution for distribution of photons, and MassiveParticleDistribution - for massive particles. Scheme of class hierarchy is shown in Figure 1.1.

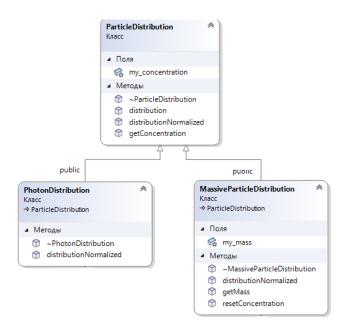


Figure 1.1: Two branches of inheritance tree of ParticleDIstribution

It is important to note, that photons distributions are not used to represent results of evaluation of electromagnetic radiation. They are necessary only as input parameter for evaluation of inverse Compton scattering. Class PhotonDistribution is only an interface and has not its own specific methods. Class MassiveParticleDistribution is also abstract, but his methods are listed in Table 1.2

Table 1.2: Public methos of MassiveParticleDistribution class

MassiveParticleDistribution	abstract class for massive particles distribution
virtual double minEnergy()	virtual method, returns the lowest possible energy of
	particle in this distribution
virtual double maxEnergy()	virtual method, returns the upper limit of energy of
	particle in this distribution. NOTE that if upper limit of
	energy is infinite, this method returns negative number
double getMass()	returns mass of single particle

#### 1.1.1 Photon distributions

Abstract class PhotonDistribution has following derived class: abstract PhotonIsotropicDistribution, which represented isotopic distributions and some non-abstract classes: PhotonPlankDirectedDistribution, which represent photons with Plank distribution with respect to energy, but collimated in some solid angle, and CompoundPhotonDistribution, which is usefull for sum of several arbitrary photon distributions.

Class PhotonIsotropicDistribution again has its own inherited classes. It is a PhotonPowerLawDistribution for powerlaw distribution, PhotonPlankDistribution for Plank distributions, PhotonMultiPlankDistribution for sum of several Plank distributions and

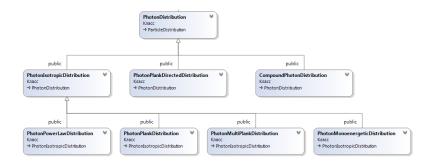


Figure 1.2: Class hierarchy of photon distributions

PhotonMonoenergeticDistribution for isotropic photons with same energy. Class hoerarchy of photon distributions is presented in Figure 1.2.

Methods of PhotonDistribution and it's inherited classes are listed in Table 1.3. NOTE, that metods distributionNormalized(const double& energy) and distribution(const double& energy) are not distribution with respect to energy, but just full distribution with dropped angular arguments. So to obtain distribution with respect to energy one should multiply result of this functions by  $4\pi$ .

Table 1.3: Public methods of PhotonDistribution class and derived classes

PhotonDistribution	abstract interface for photon distributions
PhotonIsotropicDistribution	abstract class for isotropic distributions of photons
double distribution(const double& energy)	returns probability density function in polar coordinates
	with dropped angular arguments (normalized to the
	number density divided by $4\pi$ )
virtual double distributionNormalized(const	virtual method, returns probability density function
double& energy)	in polar coordinates with dropped angular arguments
	(mormalized to the $1/4\pi$ )
void writeDistribution(const char* fileName,	записывает распределение в файл в виде двух столб-
int Ne, const double& Emin, const double&	цов с точками распределенными логарифмически
Emax)	
PhotonPowerLawDistribution	Класс для степенного распределения фотонов
PhotonPowerLawDistribution(const double&	конструктор, создающий экземпляр с заданными по-
index, const double& E0, const double&	казателем наклона, начальной энергией и полной кон-
concentration)	центрацией
double getIndex()	возвращает показатель наклона спектра
double getE0()	возвращает минимальную энергию степенного рас-
	пределения
PhotonPlankDistribution	Класс для планковского распределения фотонов

PhotonPlankDistribution(const doub	nlale	конструктор, создающий экземпляр с заданными тем-
temperature, const double& amplitude)	леж	пературой и апмплитудой - то есть отношением кон-
temperature, const doubles amplitude)		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
		центрации к равновесному планковскому распределе-
DI 4 DI 1D: 4:1 4	• *	нию с данной температурой
static PhotonPlankDistributi	10n"	статический метод, возвращающий экземпляр, соот-
getCMBRadiation()		ветствующий реликтовому излучению (температура
		2.725K, амплитуда 1)
double getTemperature()		возвращает температуру распределения
PhotonMultiPlankDistribution		Класс для распределения фотонов, состоящего из
		суммы планковских распределений
` •	ank,	конструктор, принимающий количество планковских
const double* const temperatures, co	onst	распределений, участвующих в смеси, массив их тем-
double* const amplitudes)		ператур и массив амплитуд
static PhotonMultiPlankDistributi	ion*	статический метод, возвращающий экземпляр, соот-
getGalacticField()		ветствующий среднегалактическому фотонному рас-
		пределению, по данным статьи [1]. Данное распреде-
		ление состоит из пяти планковских компонент, с тем-
		пературами $2.725K, 20K, 3000K, 4000K, 7000K$ и ам-
		плитудами $1.0, 4 \cdot 10^4, 4 \cdot 10^{-13}, 1.65 \cdot 10^{-13}, 1.0 \cdot 10^{-14}$
		соответственно
PhotonMonoenergeticDistribution		Класс для моноэнергетического изотропного распре-
		деления фотонов
PhotonMonoenergeticDistribution(const		конструктор, принимающий среднюю энергию рас-
double& Energy, const double& halfWi	dth,	пределения, полуширину разброса вокруг нее и кон-
const double& concentration)		центрацию
CompoundPhotonDistribution		Класс для распределения фотонов, состоящего из
		суммы других распределений
CompoundPhotonDistribution(int	N,	конструктор, создающий экземпляр с заданным коли-
PhotonDistribution** distributions)		чеством распределений в смеси и массивом этих рас-
,		пределений
CompoundPhotonDistribution(		конструктор, создающий экземпляр содержащий
_ `	ist1,	смесь из двух распределений
PhotonDistribution* dist2)	,	
CompoundPhotonDistribution(		конструкторб создающий экземпляр содержащий
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	ist1,	смесь из трех распределений
	ist2,	
PhotonDistribution* dist3)	,	
(		

${\bf Photon Plank Directed Distribution}$	Класс для направленного планковского распределе-
	ния фотонов
PhotonPlankDirectedDistribution(const	конструктор, принимающий температуру, амплитуду,
double& temperature, const double&	углы задающие направление излучения и угол зада-
amplitude, const double& theta0, const	ющий полуширину раствора конуса излучения
double& phi0, const double& deltaTheta)	
double getTemperature()	возвращает температуру распределения

Kласс CompoundPhotonDistribution предназначен для представления смеси различных распределений фотонов, не обязательно планковских, как PhotonMultiPlankDistribution, и не обязательно изотропных. Его методы описаны в Таблице ??

Единственное реализованное в коде анизотропное распределение фотонов - это PhotonPlankDirectedDistribution, представляющий направленное планковское излучение. Пользователь может реализовать другие виды анизотропных излучений самостоятельно, создав класс, наследующий от PhotonDistribution и определив необходимый виртуальный метод distributionNormalized(const double& energy, const double& mu, const double& phi). Методы класса PhotonPlankDirectedDistribution описаны в Таблице ??

#### 1.1.2 Распределения массивных частиц

представлены Распределения массивных частиц наследниками класса MassiveParticleDistribution. Так же как и в случае с фотонами важную роль представления изотропных играет абстрактный клас для распределений MassiveParticleIsotropicDistribution. У этого класса есть методы возвращающие значение функции распределения в зависимости от энергии, и опять же, это не функция распределения, проинтегрированная по углам, а полная функция распределения с отброшенными угловыми аргументами. Для получения значения функции распределения по энергии нужно домножить значение, возвращенное данным методом на  $4\pi$ .

Table 1.4: Публичные методы класса MassiveParticleIsotropicDistribution

MassiveParticleIsotropicDistribution	Абстрактный класс для изотропных распределений
double distribution(const double& energy)	возвращает функцию распределения с отброшенны-
	ми угловыми аргументами, то есть нормированную
	на концентрацию, деленную на $4\pi$
virtual double distributionNormalized(const	чисто виртуальный метод, возвращает функцию рас-
double& energy)	пределения с отброшенными угловыми аргументами,
	нормированную на $1/4\pi$

void writeDistribution(const char\* fileName, int Ne, const double& Emin, const double& Emax)

записывает распределение в файл с данным именем, в диапазоне межджу данными минимальной и максимальной енергиями с заданным количеством точек, которые распределяются логарифмически

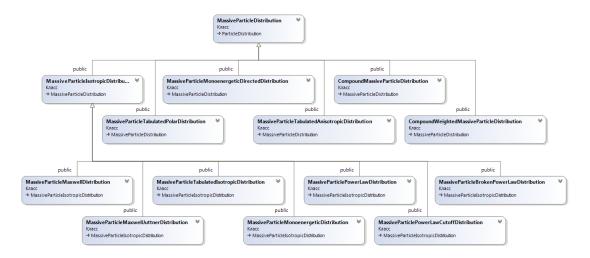


Figure 1.3: Схема наследования классов распределения массивных частиц

Абстрактный класс изотропных распределений имеет семь наследников, предназначенных для создания конкретных распределений: MassiveParticlePowerLawDistribution - для степенных распределений с изломом, MassiveParticlePowerLawCutoffDistribution - для степенных распределений с экспоненциальным завалом, MassiveParticleMaxwellDistribution - для максвелловского распределения (обратите внимание, что в отличие от остальных распределений, максвелловское подразумевает под энергией только кинетическую энергию), MassiveParticleMaxwellJuttnerDistribution - для релятивистского распределения Максвелла-Юттнера, MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution - для таблично заданных распределений и MassiveParticleMonoenergeticDistribution - для моноэнергичного изотропного распределения.

Так анизотропных распределений: же имеется шесть реализаций MassiveParticleTabulatedPolarDistribution - для таблично заданных распределений с зависимостью только от энергии и полярного угла, MassiveParticleAnisotropicDistribution - для таблично заданных распределений с зависимостью от всех переменных, MassiveParticleMonoenergeticDirectedDistribution - для моноэнергичного пучка частиц, с импульсами направленными в заданный телесный угол, MassiveParticleMovingDistribution перевода функций распределения В движущуюся систему CompoundMassiveParticleDistribution - для суммы распредлений общего CompoundWeightedMassiveParticleDistribution - для взвешенной суммы распределений общего вида. В некоторых случаях оперировать весами распределений удобнее, чем непосредственно концентрациями. Полная схема наследования классов распределений

массивных частиц представлена на рисунке 1.3, список публичных методов классов распределений массивных частиц приведен в Таблице 1.5. Пользователь может сам реализовывать необходимые ему виды распределений излучающих частиц, создав наследника класса MassiveParticleDistribution или MassiveParticleIsotropicDistribution и определив необходимые виртуальные методы.

### 1.1.3 Считывание распределений из файла

Классы таблично-заданных распределений, такие как например MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution, имеют конструктор принимающие на вход имена файлов, из которых будет считана функция распределения. Это должны быть текстовые файлы, содержащие таблицы с данными, причем формат единиц, в которых измеряется функция распределения может быть разным. Для задания формата входных файлов используется перечислимы тип DistributionInputType, имеющий пять значений:

- ENERGY\_FE во входных файлах заданы энергия и функция распределения по энергии
- ENERGY\_KIN\_FE заданы кинетическая энергия и функция распределения по энергии
- GAMMA\_FGAMMA задан лоренц-фактор и функция распределения по нему
- GAMMA\_KIN\_FGAMMA задан лоренц-фактор, уменьшенный на единицу, и функция распределения по нему
- MOMENTUM FP задан импульс и функция распределения по импульсу

Вне зависимости от формата входного файла, функция распределения будет преобразована к единицам энергия - распределение по энергии. С помощью этих параметров можно считывать табличные распределения из файлов, например так:

```
\label{eq:double_double} \begin{array}{ll} \textbf{double} & electron Concentration = 1.0; \\ \textbf{int} & N = 100; \\ Massive Particle I so tropic Distribution * distribution = \textbf{new} \\ Massive Particle Tabulated I so tropic Distribution (mass Electron , "energy.dat", "distribution.dat", N, electron Concentration , Distribution Input Type :: ENERGY_FE); \\ \end{array}
```

Для облегчения создания распределений из файла в сложных случаях реализован класс MassiveParticleDistributionFactory. У него есть несколько методов, позволяющих считывать целые серии распределений из набора пронумерованных файлов. Что может быть полезно, если функция распределения зависит от некоторого параметра, как в примере вычисления синхротронного излучения описанном в следующей главе ??. Считать серию из

десяти распределений электронов, содержащихся в файлах с именами "Fe0.dat", "Fe1.dat" и так далее, состоящих из двух колонок - лоренц-фактор и функция распределения, и добавить к этим распределениям степенной хвост с показателем 3, начиная с энергий в 100 энергий покоя можно вызовом одной функции:

```
double electronConcentration = 1.0;
int Nenergy = 100;
int Ndistribution = 100;
double powerLawEnergy = 100*me_c2;
double index = 3.0;
MassiveParticleIsotropicDistribution** distributions =
MassiveParticleDistributionFactory::
readTabulatedIsotropicDistributionsAddPowerLawTail(
massElectron, "./input/Fe", ".dat", Ndistribution,
DistributionInputType::GAMMA_FGAMMA, electronConcentration, Nenergy,
powerLawEnergy, index);
```

Так же у пользователя есть возможность использовать конструкторы табличных распределений, принимающие не имена файлов, а непосредственно массивы со значениями функции распределения, которые пользователь может создать любым удобным ему способом.

Table 1.5: Публичные методы классов распределений массивных частиц

MassiveParticlePowerLawDistribution	Класс для степенного распределения
MassiveParticlePowerLawDistribution( const	конструктор, создает экземпляр степенного
double& mass, const double& index, const double&	распределния частиц с заданными массой, сте-
E0, const double& concentration)	пенным индексом, начальной энергией распре-
	деления и полной концентрацией
double getIndex()	возвращает степенной индекс распределения
double getE0()	возвращает начальную энергию распределе-
	ния
${\bf Massive Particle Broken Power Law Distribution}$	Класс для степенного распределения с изло-
	MOM
MassiveParticleBrokenPowerLawDistribution( const	конструктор, создает экземпляр степенного
double& mass, const double& index1, const double&	распределния с изломом частиц с заданными
index2, const double& E0, const double& Etran,	массой, степенными индексоми на низких и
const double& concentration)	высоких энергиях, начальной энергией распре-
	деления, энергией соответствующей излому и
	полной концентрацией

double getIndex1()	возвращает степенной индекс распределения
1 11 (1 1 0/)	на низких энергиях
double getIndex2()	возвращает степенной индекс распределения
1.11 (700)	на высоких энергиях
double getE0()	возвращает начальную энергию распределе-
	ния
double getEtran()	возвращает энергию излома
${\bf Massive Particle Power Law Cutoff Distribution}$	Класс для степенного распределения с экспо-
	ненциальным завалом
${\it Massive Particle Power Law Cutoff Distribution (const}$	конструктор, создает экземпляр степенного
double& mass, const double& index, const double&	распределния с экспоненциальным завалом
E0, const double& beta, const double& Ecut, const	частиц с заданными массой, степенным ин-
double& concentration)	дексом, начальной энергией распределения,
	параметром завала, энергией завала и пол-
	ной концентрацией. $F(E) \propto (E/E_0)^{-index}$ .
	$\exp(-(E/E_{cut})^{\beta})$
double getIndex()	возвращает степенной индекс распределения
double getBeta()	возвращает параметр завала распределения
double $getE0()$	возвращает начальную энергию распределе-
	ния
double getEcutoff()	возвращает энергию экспоненциального зава-
	ла
${\bf Massive Particle Maxwell Distribution}$	Класс для распределения Максвелла
$Massive Particle Maxwell Distribution (\ const\ double \&$	конструктор, создает экземпляр распределния
mass, const double& temperature, const double&	Максвелла частиц с заданными массой, темпе-
concentration)	ратурой и полной концентрацией
double getTemperature()	возвращает температуру распределения
${\bf Massive Particle Maxwell Juttner Distribution}$	Класс для распределения Максвелла-Юттнера
MassiveParticleMaxwellJuttnerDistribution( const	конструктор, создает экземпляр распределния
double& mass, const double& temperature, const	Максвелла-Юттнера частиц с заданными мас-
double& concentration)	сой, температурой и полной концентрацией
double getTemperature()	возвращает температуру распределения
${\bf Massive Particle Tabulated Isotropic Distribution}$	Класс для таблично заданного изотропного
	распределения
${\it Massive Particle Tabulated Isotropic Distribution} ($	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const char* fileName,	распределния частиц с заданными массой и
const int N, const double& concentration,	полной концентрацией с помощью указанного
DistributionInputType inputType)	файла, состоящего из двух колнок с данными
	указанной длины. Так же указывается формат
	входных данных.

MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution(	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const char* energyFileName,	распределния частиц с заданными массой и
const char* distributionFileName, const int N,	полной концентрацией с помощью указанных
const double& concentration, DistributionInputType	двух файлов, состоящих из колнок с данными
inputType)	указанной длины. Так же указывается формат
	входных данных.
MassiveParticleTabulatedIsotropicDistribution(	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const double* energy, const	распределния частиц с заданными массой и
double* distribution, const int N, const double&	полной концентрацией с помощью двух пере-
concentration, DistributionInputType inputType)	данных массивов данных указанной длины.
	Так же указывается формат входных данных.
int getN()	возвращает количество ячеек в таблице зада-
	ющей функцию
double getEmin()	возвращает минимальную энергию распреде-
	ления
double getEmax()	возвращает максимальную энергию распреде-
	ления
double rescaleDistribution(const double& k)	масштабирует распределение, вытягивая его
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	по оси энергии по формуле $E' = mc^2 + k \cdot (E - C)$
	$mc^{2}$ ), $F(E') = F(E)/k$ . Данная функция мо-
	жет быть полезна, например, в случае когда
	исходная функция распределения получена в
	результате работы численного кода с изменен-
	ной массой электронов
void addPowerLaw( const double& Epower, const	добавляет к функции распределения степен-
double& index)	ной с указанным индексом, начиная с указан-
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	ной энергии. Функция распределения при этом
	остается нормированной на указанную ранее
	концентрацию
MassiveParticleMonoenergeticDistribution	Класс для моноэнергичного изотропного рас-
	пределения
MassiveParticleMonoenergeticDistribution(const	конструктор, принимающий массу, среднюю
double& mass, const double& Energy, const double&	энергию, полуширину разброса по энергии и
halfWidth, const double& concentration)	концентрацию
MassiveParticleTabulatedPolarDistribution	Класс для таблично заданного распределения
	с зависимостью от полярного угла
MassiveParticleTabulatedPolarDistribution( const	конструктор, создает экземпляр табличного
double& mass, const char* energyFileName,	распределния частиц с заданными массой и
const char* muFileName, const char*	полной концентрацией с помощью трех ука-
distributionFileName, const int Ne, const int Nmu,	занных файлов, в двух из которых содержатся
const double& concentration, DistributionInputType	сетки по энергии и косинусу полярного угла с
inputType)	указанными размерами, а в третьем двумер-
15	ный массив функции распределения. Так же
	указывается формат входных данных.
	уттомностем формат влодивых данных.

MassiveParticleTabulatedPolarDistribution( const	конструктор, создает экземпляр табличного
double& mass, const double* energy, const double*	распределния частиц с заданными массой и
mu, const double** distribution, const int Ne,	полной концентрацией с помощью трех пере-
const int Nmu, const double& concentration,	
	данных массивов данных, в двух из которых
DistributionInputType inputType)	содержатся сетки по энергии и косинусу по-
	лярного угла с указанными размерами, а в тре-
	тьем двумерный массив функции распределе-
	ния. Так же указывается формат входных дан-
	ных.
int getNe()	возвращает количество ячеек по энергии в таб-
	лице задающей функцию распределения
double getEmin()	возвращает минимальную энергию распреде-
	ления
double getEmax()	возвращает максимальную энергию распреде-
	ления
int getNmu()	возвращает количество ячеек по полярному уг-
	лу в таблице задающей функцию распределе-
	ния
void double rescaleDistribution(const double& k)	масштабирует распределение, вытягивая его
	по оси энергии по формуле $E' = mc^2 + k \cdot (E - C)$
	$mc^2$ ), $F(E',\mu)=F(E,\mu)/k$ . Данная функция
	может быть полезна, например, в случае когда
	исходная функция распределения получена в
	результате работы численного кода с изменен-
	ной массой электронов
${\bf Massive Particle Tabulated Anisotropic Distribution}$	оКласс для таблично заданного анизотропного
	распределения общего вида
MassiveParticleTabulatedAnisotropicDistribution(	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const char* energyFileName,	распределния частиц с заданными массой и
const char* muFileName, const char*	полной концентрацией с помощью трех ука-
distributionFileName, const int Ne, const int	занных файлов, в двух из которых содержатся
Nmu, const int Nphi, const double& concentration,	сетки по энергии и косинусу полярного угла с
DistributionInputType inputType)	указанными размерами, а в третьем двумер-
	ный массив функции распределения. Сетка по
	азимутальному углу считается расномерной и
	определяется только размером. Так же указы-
	вается формат входных данных.
	вастол формат влодиви даниви.

MassiveParticleTabulatedAnisotropicDistribution(	конструктор, создает экземпляр табличного
const double& mass, const double* energy, const	распределния частиц с заданными массой и
double* mu, const double*** distribution, const int	полной концентрацией с помощью трех пере-
Ne, const int Nmu, const int Nphi, const double&	данных массивов данных, в двух из которых
concentration, DistributionInputType inputType)	содержатся сетки по энергии и косинусу по-
	лярного угла с указанными размерами, а в тре-
	тьем двумерный массив функции распределе-
	ния. Сетка по азимутальному углу считается
	расномерной и определяется только размером.
	Так же указывается формат входных данных.
int getNe()	возвращает количество ячеек по энергии в таб-
	лице задающей функцию распределения
double getEmin()	возвращает минимальную энергию распреде-
	ления
double getEmax()	возвращает максимальную энергию распреде-
	ления
int getNmu()	возвращает количество ячеек по полярному уг-
	лу в таблице задающей функцию распределе-
	ния
int getNphi()	возвращает количество ячеек по азимутально-
	му углу в таблице задающей функцию распре-
	деления
void rescaleDistribution(const double& k)	масштабирует распределение, вытягивая его
	по оси энергии по формуле $E' = mc^2 + k \cdot (E - mc^2)$
	$mc^2$ ), $F(E',\mu,\phi)=F(E,\mu,\phi)/k$ . Данная функ-
	ция может быть полезна, например, в случае
	когда исходная функция распределения полу-
	чена в результате работы численного кода с из-
	мененной массой электронов
${\bf Massive Particle Monoenergetic Directed Distribution}$	<b>tКап</b> асс для моноэнергичного направленного
	пучка частиц
MassiveParticleMonoenergeticDirectedDistribution(co	nstонструктор, принимающий массу частиц,
double& mass, const double& Energy, const double&	среднюю энергию, полуширину разброса, кон-
halfWidth, const double& concentration, const	центрацию, углы задающие направление пучка
double& theta0, const double& phi0, const double&	и угол полуширины раствора конуса
deltaTheta)	
ı	1

MassiveParticleMovingDistribution	Класс осуществляющий перевод функций рас-
	пределения в движущуюся систему отсчета
MassiveParticleMovingDistribution(	конструктор, принимающий функцию распре-
MassiveParticleDistribution* distribution, const	деления в собственной системе отсчета и ско-
double& velocity)	рость движения этой системы вдоль оси z от-
	носительно лабораторной системы
CompoundMassiveParticleDistribution	Класс для распределения, состоящего из сум-
	мы других распределений
CompoundMassiveParticleDistribution( int N,	конструктор, создает экземпляр класса содер-
MassiveParticleDistribution** distributions)	жащий смесь заданного количества указанных
	распределений
CompoundMassiveParticleDistribution(	конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1,	жащий смесь двух распределений
MassiveParticleDistribution* dist2)	
CompoundMassiveParticleDistribution(	конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1,	жащий смесь трех распределений
MassiveParticleDistribution* dist2,	
MassiveParticleDistribution* dist3)	
${\bf Compound Weighted Massive Particle Distribution}$	пКласс для распределения, состоящего из взве-
	шенной суммы других распределений
${\bf Compound Weighted Massive Particle Distribution (}$	конструктор, создает экземпляр класса содер-
int N, const double* weights,	жащий смесь заданного количества указанных
MassiveParticleDistribution** distributions)	распределений с заданными весами
${\bf Compound Weighted Massive Particle Distribution (}$	конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1, const double&	жащий смесь двух распределений с указанны-
w1, MassiveParticleDistribution* dist2, const	ми весами
double& w2)	
${\bf Compound Weighted Massive Particle Distribution (}$	конструктор, создает экземпляр класса, содер-
MassiveParticleDistribution* dist1, const double&	жащий смесь трех распределений с указанны-
w1, MassiveParticleDistribution* dist2, const	ми весами
double& w2, MassiveParticleDistribution* dist3,	
const double& w3)	

# 1.2 Источники излучения

В коде FAINA есть возможность расчета излучения, используя на прямую функции распределения излучающих частиц, с указанием необходимых дополнительных параметров, таких как объем источника, расстояние до него, магнитное поле и других. Но более универсальным и рекомендованным способ является расчет с помощью создания моде-

ли источника излучения. При таком подходе возможно учесть геометрическое строение источника, его неоднородности и другие особенности.

Реализованы два базовых класса источников - независящие от времени, представленные абстрактным классом RadiationSource, и изменяющиеся со временем, представленные абстрактным классом RadiationTimeDependentSource. Эти два класса не связаны между собой через наследование, но объект первого класса содержится внутри объектов второго как приватное поле класса. Схема классов источников излучения представлена на рисунке 1.4.

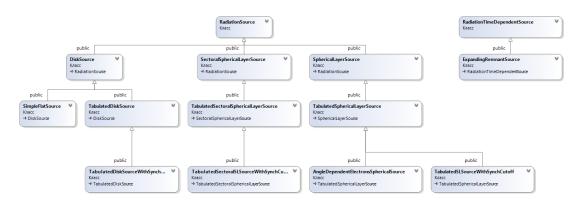


Figure 1.4: Схема наследования классов источников излучения

## 1.2.1 Источники излучения, не зависящие от времени

Источники излучения без временной зависимости реализованы с помощью абстрактного класса RadiationSource. Геометрически каждый источник задан в виде пространственной области в цилиндрических координатах, с осью z направленной вдоль луча зрения
к наблюдателю, и характеризуется максимальным радиусом и минимальным и максимальным значением координаты z. Такая система координат выбрана для удобства учета
процессов поглощения при прохождении излучения внутри самого источника вдоль луча
зрения. Отличие реальной формы источника от цилиндрической реализовано с помощью
долей заполнения веществом источника ячеек пространственной сетки. Модель источника,
имеющего форму шарового слоя, в цилиндрическо пространственной сетке изображена на
рисунке 1.5. Цветом обозначена доля объема ячейки, заполненная веществом источника.

Так же источники излучения имеют следующие важные характеристки, которые могут меняться в различных пространственных ячейках источника: концентрация излучающих частиц, их функция распределения, магнитное поле и угол его наклона к лучу зрения. Большинство методов расчета излучения (все кроме обратного комптоновского рассеяния) реализованы только для изотропных распределений излучающих частиц, поэтому источники содержат только изотропные распределения. Так же у источника должно быть задано расстояние до наблюдателя.

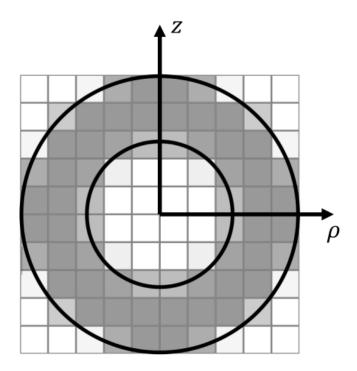


Figure 1.5: Модель источника в форме шарового слоя, помещенного в цилиндрическую пространственную координатную сетку. Цвет характеризует долю объема ячейки, заполненную веществом источника.

Класс RadiationSource имеет три абстрактных класса-наследника: DiskSource - для источников в форме диска, перпендикулярного лучу зрения, и SphericalLayerSource - для источников в форме шарового слоя и SectoralSphericalLayerSource - источник, который нужен тогда, когда рассматривается только сектор шарового слоя, "долька апельсина".

Источники в форме диска имеют три реализации: SimpleFlatSource - однородный диск, состоящий из одной пространственной ячейки с заданными параметрами, и TabulatedDiskSource - источник, в котором все характеристики таблично заданы на пространственной сетке и отнаследованный от него TabulatedDiskSourceWithSynchCutoff, который нужен для учета синхротронных потерь функции распределения. В можели данного источника считается, что распределение частиц генерирутся на границе источника (верхней грани, соответствующей ударной волне), а в дальнейшем конвекционно переносятся вглубь него, испытывая при этом синхротронные потери. Изменение функции распределения в зависимости от расстояния до границы в случае однородного поля определеяется формулой:

$$f_l(E) = f\left(\frac{E}{1 - 4e^4B^2E \ l/9m^4c^7v}\right) \cdot \frac{1}{\left(1 - 4e^4B^2E \ l/9m^4c^7v\right)^2}$$
(1.1)

где f(E) исходная функция распределения, E - энергия частицы, B - магнитное поле, l - расстояние до границы, v - скорость конвекционного движения, e - заряд частицы, m - масса частицц, c - скорость света.

Источники форме шарового слоя имеют следующие реализации: TabulatedSphericalSource - источник, в котором все характеристики таблично заданы на пространственной сетке, и отнаследованные от него TabulatedSLSourceWithSynchCutoff и AngleDependentElectronsSphericalSource. Первый из них нужен для учета синхротронных потерь, аналогично тому как это сделано в TabulatedDiskSourceWithSynchCutoff, а второй - для реализации важного случая, когда функция распределения излучающих частиц зависит от угла наклона магнитного поля по отношению к направлению распространения ударной волны [2, 3, 4, 5?]. B AngleDependentElectronsSphericalSource такие параметры, как концентрация, магнитное поле и его угол наклона к лучу зрения заданы таблично на пространственной сетке, а функция распределения излучающих частиц - в виде таблицы по углам наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны, которая в данном случае считается сферически симметричной. Функция распределения в каждой ячейке выбирается в зависимости от вычисленного угла наклона магнитного поля к ударной волне.

Источники форме шарового слоя имеют следующие реализации: TabulatedSectoralSphericalLayerSource - источник, в котором все характеристики таблично заданы на пространственной сетке, и отнаследованный от него TabulatedSectoralSLSourceWithSynchCutoff, учитывающий потери аналогично тому, как это реализовано в классе TabulatedDiskSourceWithSynchCutoff.

Публичные методы классов источников излучения без зависимости от времени перечислены в Таблице 1.6.

Table 1.6: Публичные методы классов источников излучения без зависимости от времени

RadiationSource	абстрактный класс для источников излучения
	общего вида
virtual double getMaxRho()	чисто виртуальный метод, возвращает границу
	источника по радиальной оси в цилиндрических
	координатах
virtual double getMinZ()	чисто виртуальный метод, возвращает мини-
	мальную границу источника по оси z
virtual double getMaxZ()	чисто виртуальный метод, возвращает макси-
	мальную границу источника по оси z
virtual double getMaxB()	чисто виртуальный метод, возвращает макси-
	мальное магнитное поле

virtual double getAverageSigma()	чисто виртуальный метод, возвращает среднюю $B^2$
	магнетизацию $\sigma = \frac{B^2}{4\pi n m_p c^2}$
virtual double getAverageConcentration()	чисто виртуальный метод, возвращает среднюю
	конценрацию
virtual double getRho(int irho)	чисто виртуальный метод, возвращает радиаль-
	ную координату данной ячейки
virtual double getZ(int iz)	чисто виртуальный метод, возвращает z коорди-
	нату данной ячейки
virtual double getPhi(int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает азиму-
	тальную координату данной ячейки
virtual int getRhoIndex(const double& rho)	чисто виртуальный метод, возвращает радиаль-
	ный индекс ячейки по координате
virtual bool isSource(int irho, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает логиче-
	ское значение - учитывать ли ячейки с данны-
	ми радиальными и азимутальными координата-
	ми при расчете излучения всего источника
int getNrho()	возвращает количество пространственных ячеек
	по радиальной оси цилиндрических координат
int getNz()	возвращает количество пространственных ячеек
III gourz()	по оси z цилиндрических координат
int getNphi()	
int getivpin()	возвращает количество пространственных ячеек
	по по азимутальному углу цилиндрических ко-
1 11 (D' ( )	ординат
double getDistance()	возвращает расстояние до источника
getArea(int irho)	возвращает поперечное сечение данной про-
	странственной ячейки
getVolume(int irho, int iz, int iphi)	возвращает объем ячейки, занятый веществом
	источника. Этот метод согласован с методами
	getArea и getLength и возвращает их произведе-
	ние
virtual getB(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает значение
	магнитного поля в ячейке
virtual getConcentration(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает значение
	концентрации в ячейке
virtual getSinTheta(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает синус уг-
	ла наклона магнитного поля к лучу зрения
virtual void getVelocity(int irho, int iz, int iphi,	
double& velocity, double& theta, double& phi)	
чисто виртуальный метод, возвращает скорость	
данной ячейки источника	
Ammon a round moto minu	

virtual getTotalVolume()	чисто виртуальный метод, возвращает полный объем источника
virtual getLength(int irho, int iz, int iphi)	чисто виртуальный метод, возвращает среднюю
virtual gerbength(int into, int iz, int ipin)	толщину ячейки, заполненную веществом источ-
	ника
virtual resetParameters(const double* parameters,	
const double* normalizationUnits)	чисто виртуальный метод, меняющий парамет-
const double inormalization onits)	ры источника. Список параметров, их коли-
	чество, их влияние на источник определяются
	пользователем в конкретных реализациях клас-
	са. Принимет массив параметров и массив еди-
	ниц в которых они измерены. Данный метод ис-
	пользуется в процедурах оптимизации, либо при
	учете изменения источника со временем
virtual getParticleDistribution(int irho, int iz, int	чисто виртуальный метод, возвращает распреде-
iphi)	ление излучающих частиц в ячейке
DiskSource	Абстрактный класс для источников в форме дис-
	Ka
SimpleFlatSource	Класс для источников в форме однородного дис-
	ка
SimpleFlatSource( MassiveParticleDistribution*	конструктор, возвращает экземпляр с заданны-
electronDistribution, const double& B, const	ми распределением частиц, магнитным полем,
double& sinTheta, const double& rho, const	синусом угла его наклона, радиусом диска, тол-
double& z, const double& distance, const double&	щиной диска, расстоянием до источника и ско-
velocity = 0)	ростью движения вещества
TabulatedDiskSource	Класс для источников в форме диска с таблично
	заданными значениями параметров
TabulatedDiskSource( int Nrho, int Nz, int Nphi,	конструктор, возвращает экземпляр с заданны-
MassiveParticleDistribution* electronDistribution,	ми с помощью массивов распределением частиц,
double*** B, double*** sinTheta, double***	магнитным полем, синусом угла его наклона, а
concentration, const double& rho, const double&	так же заданными радиусом диска, толщиной
z, const double& distance, const double& velocity	диска, расстоянием до источника и скоростью
= 0	движения вещества
TabulatedDiskSource( int Nrho, int Nz, int Nphi,	конструктор, возвращает экземпляр с заданны-
MassiveParticleDistribution* electronDistribution,	ми однородными распределением частиц, маг-
const double& B, const double& sinTheta, const	нитным полем, синусом угла его наклона, а так
double& concentration , const double& rho, const	же заданными радиусом диска, толщиной диска,
double& z, const double& distance, const double&	расстоянием до источника и скоростью движе-
velocity $= 0$ )	ния вещества

#### Tabulated Disk Source With Synch CutoffКласс для источников в форме диска с таблично заданными значениями параметров и учетом синхротронных потерь энергии частиц TabulatedDiskSourceWithSynchCutoff(intNrho, конструктор, возвращает экземпляр с заданныint Nz, int Nphi, MassiveParticleDistribution\* ми с помощью массивов распределением частиц, B, double\*\*\* electronDistribution, double\*\*\* магнитным полем, синусом угла его наклона, theta, double\*\*\* concentration, const double& а так же заданными радиусом диска, толщиrho, const double& z, const double& distance, ной диска, расстоянием до источника, скоростью const double& downstreamVelocity, const double& конвекции частиц и скоростью движения вещеvelocity = 0ства TabulatedDiskSourceWithSynchCutoff(intNrho, конструктор, возвращает экземпляр с заданныint Nz, int Nphi, MassiveParticleDistribution\* ми однородными распределением частиц, магelectronDistribution, const double& B, const нитным полем, синусом угла его наклона, а так double& concentration, const double& theta, const же заданными радиусом диска, толщиной диска, double& rho, const double& z, const double& расстоянием до источника, скоростью конвекции distance, const double& downstreamVelocity, const частиц и скоростью движения вещества double & velocity = 0) SphericalLayerSource Абстрактный класс для источников в форме шарового слоя double getInnerRho() возвращает внутренний радиус шарового слоя **TabulatedSphericalLayerSource** Класс для источников в форме шарового слоя с таблично заданными значениями параметров TabulatedSphericalLayerSource(int Nrho, int конструктор, возвращает экземпляр с заданны- ${\bf Massive Particle Distribution*}$ Nz, int Nphi, ми с помощью массивов распределением частиц, electronDistribution, double\*\*\* B, double\*\*\* магнитным полем, синусом угла его наклона к sinTheta, double\*\*\* concentration, const double& лучу зрения, а так же заданными внешним и rho, const double& rhoin, const double& distance, внутренним радиусом шарового слоя, расстояниconst double & velocity = 0) ем до источника и скоростью движения вещества TabulatedSphericalLayerSource(int Nrho, int конструктор, возвращает экземпляр с заданны-MassiveParticleDistribution\* Nz. Nphi, ми однородными распределением частиц, магelectron Distribution, const double & B, const нитным полем, синусом угла его наклона, а так double& concentration, const double& sinTheta, же заданными внутренним и внешним радиусом const double& rho, const double& rhoin, const шарового слоя, расстоянием до источника и ско-

ростью движения вещества

double & distance, const double & velocity = 0)

#### ${\bf Angle Dependent Electrons Spherical Source}$

Класс для источников в форме шарового слоя с таблично заданными значениями концентрации и магнитного поля и функцией распределения излучающих частиц, зависящей от угла наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны

AngleDependentElectronsSphericalSource(
int Nrho, int Nz, int Nphi, int
Ntheta, MassiveParticleDistribution\*\*
electronDistributions, double\*\*\* B, double\*\*\*
sinTheta, double\*\*\* phi, double\*\*\* concentration,
const double& rho, const double& rhoin, const
double& distance, const double& velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными с помощью массивов магнитным полем, синусом угла его наклона к лучу зрения, а так же заданными внешним и внутренним радиусом шарового слоя, расстоянием до источника и скоростью движения вещества. Распределение частиц задается в виде массива табличных значений в зависимости от угла наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны

AngleDependentElectronsSphericalSource(int Nrho, int Nz, int Nphi, int Ntheta, MassiveParticleDistribution\*\* electronDistributions, const double& B, const double& sinTheta, const double& phi, const double& concentration, const double& rho, const double& rhoin, const double& distance, const double& velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными однородными магнитным полем, синусом угла его наклона, а так же заданными внутренним и внешним радиусом шарового слоя, расстоянием до источника и скоростью движения вещества. Распределение частиц задается в виде массива табличных значений в зависимости от угла наклона магнитного поля к направлению распространения ударной волны

#### ${\bf Tabulated SLSource With Synch Cutoff}$

Класс для источников в форме шарового слоя с таблично заданными значениями параметров и учетом синхротронных потерь энергии частиц

TabulatedSLSourceWithSynchCutoff(int Nrho, int Nz, int Nphi, MassiveParticleDistribution\* electronDistribution, double\*\*\* B, double\*\*\* theta, double\*\*\* concentration, const double& rho, const double& rhoin, const double& distance, const double& downstreamVelocity, const double& velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными с помощью массивов распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона к лучу зрения, а так же заданными внешним и внутренним радиусом шарового слоя, расстоянием до источника, скоростью конвекции частиц и скоростью движения вещества

TabulatedSLSourceWithSynchCutoff(int Nrho, int Nz, int Nphi, MassiveParticleDistribution\* electronDistribution, const double& B, const double& concentration, const double& theta, const double& rho, const double& rhoin, const double& distance, const double& downstreamVelocity, const double& velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными однородными распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона, а так же заданными внутренним и внешним радиусом шарового слоя, расстоянием до источника, скоростью конвекции частиц и скоростью движения вещества

#### ${\bf Sectoral Spherical Layer Source}$

абстрактный класс для источников в форме сектора шарового слоя (дольки апельсина)

double getRhoin()

возвращает внутренний радиус шарового слоя

## ${\bf Tabulated Sectoral Spherical Layer Source}$

Класс для источников в форме сектора шарового слоя с таблично заданными значениями параметров

TabulatedSectoralSphericalLayerSource(int Nrho, int Nz, int Nphi, MassiveParticleDistribution\* electronDistribution, double\*\*\* B, double\*\*\* theta, double\*\*\* concentration, const double& rho, const double& rhoin, const double& minrho, const double& phi, const double& distance, const double& velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными с помощью массивов распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона к лучу зрения, а так же заданными внешним и внутренним радиусом шарового слоя, углом раствора сектора, расстоянием до источника и скоростью движения вещества

TabulatedSectoralSphericalLayerSource(int Nrho, int Nz, int Nphi, MassiveParticleDistribution\* electronDistribution, const double& B, const double& concentration, const double& theta, const double& rho, const double& rhoin, const double& minrho, const double& phi, const double& distance, const double& velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными однородными распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона, а так же заданными внутренним и внешним радиусом шарового слоя, углом раствора сектора, расстоянием до источника и скоростью движения вещества

#### Tabulated Sectoral SLS ource With Synch Cutoff

Класс для источников в форме сектора шарового слоя с таблично заданными значениями параметров и учетом синхротронных потерь энергии частиц

TabulatedSectoralSLSourceWithSynchCutoff(int Nrho. int Nz. int Nphi, MassiveParticleDistribution\* electronDistribution, double\*\*\* В. double\*\*\* theta, double\*\*\* concentration, const double& rho, const double& rhoin, const double& minrho, const double& phi, const double& distance, const double& downstream Velocity, const double & velocity = 0)

конструктор, возвращает экземпляр с заданными с помощью массивов распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона к лучу зрения, а так же заданными внешним и внутренним радиусом шарового слоя, углом раствора сектора, расстоянием до источника, скоростью конвекции частиц и скоростью движения вещества

TabulatedSectoralSLSourceWithSynchCutoff(int Nrho. int Nz. int Nphi. MassiveParticleDistribution\* electronDistribution. const double& B, const double& concentration, const double& theta, const double& rho, const double& rhoin, const double& minrho, const double& phi, const double& distance, const double& downstreamVelocity, double& constvelocity = 0

конструктор, возвращает экземпляр с заданными однородными распределением частиц, магнитным полем, синусом угла его наклона, а так же заданными внутренним и внешним радиусом шарового слоя, углом раствора сектора, расстоянием до источника, скоростью конвекции частиц и скоростью движения вещества

## 1.2.2 Источники излучения, меняющиеся со временем

Источники излучения, учитывающие зависимость от времени, представлены абастрактным классом классом RadiationTimeDependentSource. Этот класс не является наследником класса RadiationSource, но содержит экземпляр такого класса внутри себя, чтобы использовать его для расчета излучения в конкретный момент времени. Для этого пользователь должен самостоятельно создать имплементацию виртуальной функции getRadiationSource, в которой будут вычислены параметры источника в зависимости от времени. В текущей версии кода реализован только один наследник RadiationTimeDependentSource - ExpandingRemnantSource, представляющий собой модель расширяющегося остатка сверхновой. В данной модели предполагается, что размер источника увеличивается во времени с постоянной скоростью, магнитное поле падает обратно пропорционально размеру источника, концентрация обратно пропорционально квадрату размера а толщина шарового слоя остается постоянной. Пользователь может создавать свои классы источников с другими зависимостями параметров от времени. Публичные методы классов RadiationTimeDependentSource и ExpandingRemnantSource перечислены в Таблице 1.7.

Table 1.7: Публичные методы классов источников излучения учитывающих зависимость от времени

RadiationTimeDependentSource	Абстрактный класс для учета изменений источ-
	ников излучения со временем
virtual resetParameters(const double* parameters,	чисто виртуальный метод, меняющий парамет-
const double* normalizationUnits)	ры источника. Список параметров, их коли-
	чество, их влияние на источник определяются
	пользователем в конкретных реализациях клас-
	са. Принимает массив параметров и массив еди-
	ниц в которых они измерены. Данный метод при-
	меняется в процедурах оптимизации

virtual getRadiationSource(double& time, const	возвращает источник излучения с параметрами
double* normalizationUnits)	соответствующими заданному моменту времени.
	Так же принимает на вход массив единиц, в ко-
	торых измеряются параметры этого источника.
ExpandingRemnantSource	класс, представляющий модель расширяющего-
	ся с постоянной скоростью остатка сверхновой,
	имеющего форму шарового слоя постоянной тол-
	щины с однородными концентрацией и магнит-
	ным полем
ExpandingRemnantSource(const double& R0,	конструктор, создает экземпляр класса расши-
const double& B0, const double& concentration0,	ряющейся сферической оболочки с заданными
const double& v, const double& widthFraction,	в момент t0 радиусом, магнитным полем, кон-
RadiationSource* source, const double& t0)	центрацией, скоростью расширения, отношени-
	ем толщины оболочки к радиусу и моделью ис-
	точника. Для коректного учета изменения ис-
	точника во времени важно, чтобы конретная
	реализация метода source->resetParameters co-
	ответствовала той,что используется в методе
	getRadiationSource. В данном случае подходят
	все перечисленные выше реализации источников
	не зависящих от времени

# 1.3 Вычисление излучения

Для источников абстрактный расчета излучения используется класс RadiationEvaluator и его наследники, предназначенные для конкретных видов излучения. Так же есть класс RadiationSumEvaluator, предназначенный для суммирования нескольких различных видов излучения. Список публичных методов этих двух классов приведен в Таблице 1.8. Общая схема расчета излучения такова: создать источник излучения, используя один из классов описанных в предыдущем разделе или написанный самостоятельно, затем создать вычислитель излучения нужного типа, и вызвать у него метод evaluateFluxFromSource(const double& photonFinalEnergy, RadiationSource\* source), вычисляющий энергетическую плотность потока излучения источника на данной энергии принимаемого фотона в единицах  $cm^{-2}c^{-1}$ . Далее в данном разделе описаны реализации класса RadiationEvaluator для конкретных видов излучения. Схема наследования классов вычислителей излучения представлена на рисунке 1.6. Физическая сторона вопроса, формулы по которым расчитывается излучение подробно описаны в Главе 3.

Table 1.8: Публичные методы класса RadiationEvaluator

RadiationEvaluator	абстрактный класс для вычисления излучения
virtual evaluateFluxFromSource(const double&	чисто виртуальный метод, возвращает энергети-
photonFinalEnergy, RadiationSource* source)	ческую плотность потока излучаемого данным
	источником в единицах $cm^{-2}c^{-1}$
$virtual\ double\ evaluate Flux From Source At Point (constitutions) and the property of the $	t чисто виртуальный метод, возвращает энергети-
double& photonFinalEnergy, RadiationSource*	ческую плотность потока, излучаемого данной
source, int rhoi, int phi)	областью источника на картинной плоскости
$\begin{tabular}{ll} double & evaluate Total Flux In Energy Range (const.) \\ \end{tabular}$	возвращает интегральны поток излучаемый ис-
double& Ephmin, const double& Ephmax, int	точником в заданном диапазоне энергий (про-
Nph, RadiationSource* source)	интегрированный по Nph точкам) в единицах
	эргсм $^{-2}$ с $^{-1}$
virtual resetParameters( const double* parameters,	чисто виртуальный метод, позволяет изменить
const double* normalizationUnits)	внутренние параметры вычислителя излучения.
	Список параметров, их количество, их влияние
	на источник определяются в конкретных реали-
	зациях класса, данный метод используется при
	оптимизации
writeFluxFromSourceToFile(const char* fileName,	записывает в файл с данным именем излучение
RadiationSource* source, const double& Ephmin,	источника в единицах $cm^{-2}c^{-1}$ в диапазоне от
const double& Ephmax, const int Nph)	минимальной до максимальной энергии, с задан-
	ным количеством точек, распределенных лога-
	рифмически
void writeImageFromSourceToFile(const char*	записывает в файл с данным именем изображе-
fileName, RadiationSource* source, const double&	ние - двумерный массив с интегральным пото-
Ephmin, const double& Ephmax, const int Nph)	ком излучаемым разными областями источника
	в единицах эргсм $^{-2}$ с $^{-1}$ в диапазоне от минималь-
	ной до максимальной энергии, проинтегрирова-
	ным по заданныму количеству точек, распреде-
	ленных логарифмически

void writeImageFromSourceAtEToFile(const	записывает в файл с данным именем изображе-
double& photonFinalEnergy, const char* fileName,	ние - двумерный массив с энергетической плот-
RadiationSource* source)	ностью потока излучаемого разными областя-
	ми источника на данных энергиях в единицах
	$cm^{-2}c^{-1}$
RadiationSumEvaluator	класс предназначенный для суммирования
	нескольких видов излучения
RadiationSumEvaluator(int Ne, const double&	конструктор, создающий экземпляр с указанным
Emin, const double& Emax, RadiationEvaluator*	диапазоном рассматриваемых энергий излучаю-
evaluator1, RadiationEvaluator* evaluator2)	щих частиц, вычисляющий и складывающий ре-
	зультаты двух указанных вычислителей
RadiationSumEvaluator(int Ne, const double&	конструктор, создающий экземпляр с указанным
Emin, const double& Emax, int Nev,	диапазоном рассматриваемых энергий излучаю-
RadiationEvaluator** evaluators)	щих частиц, вычисляющий и складывающий ре-
	зультаты вычислителей излучения в указанном
	массиве

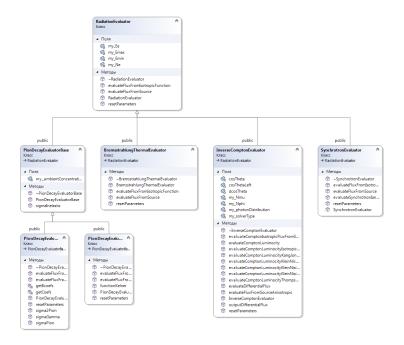


Figure 1.6: Схема наследования классов вычислителей излучения.

## 1.3.1 Синхротронное излучение

Для расчета синхротронного излучения используется класс SynchrotronEvaluator. В нем используется приближение непрерывного спектра, то есть рассматриваемые частоты фотонов предполагаются намного большими, чем частота вращения излучающих частиц в магнитном поле. Реализован случай только изотропной функции распределения излучающих частиц. Так же возможен учет синхротронного самопоглощения. Используемая

Table 1.9: Публичные методы класса SynchrotronEvaluator

SynchrotronEvaluator	класс предназначенный для вычисления син-
	хротронного излучения
SynchrotronEvaluator( int Ne, double Emin,	конструктор, создает экземпляр с указанным
double Emax, bool selfAbsorption = true, bool	диапазоном рассматриваемых энергий излу-
doppler = false)	чающих частиц,и параметрами учета самопо-
	глощения и допплеровского эффекта
evaluateSynchrotronIandA(const double&	вычисляет значения плотности излучательной
photonFinalFrequency, const double&	способности и коэффициента поглощения для
photonFinalTheta, const double&	фотона с данной энергией и направлением, в
photonFinalPhi, const double& B, const	области с данными концентрацией и распре-
double& sinhi, const double& concentration,	делением излучающих частиц в данном маг-
MassiveParticleIsotropicDistribution*	нитном поле
electronDistribution, double& I, double&	
A)	

геометрия источников, показанная на рисунке 1.5, позволяет легко интегрировать излучение по лучу зрения, и учитывать при этом поглощение внутри источника. При создании объекта класса необходимо указать рассматриваемый диапазон энергий частиц и количество точек в нем, параметр отвечающий за учет самопоглощения (значение по умолчанию true), а так же значения магнитного поля, синуса угла наклона к лучу зрения и толщины излучаемой области, которые будут использоваться в случае расчета излучения без указания источника, а только с использованием распределения частиц. Публичные методы класса SynchrotronEvaluator перечислены в Таблице 1.9. Пример вычисления синхотронного излучения приведен в разделе ??.

## 1.3.2 Обратное комптоновское рассеяние

Для расчета излучения, получающегося в результате процесса обратного комптоновского рассеяния, использеуются классы InverseComptonEvaluator и его наследник InverseComptonEvaluatorWithSource. Отличие между ними в том, что в первом функция распределения рассеиваемых фотонов одинакова во всем излучающем объеме, а во втором изменяется обратно пропорционально квадрату расстояния до источника фотонов. Внутри класса InverseComptonEvaluator реализованы четыре различных метода расчета излучения, для обозначения которых используется перечислимый тип ComptonSolverType, имеющий следующие значения:

- ISOTROPIC\_THOMSON модель рассеяния в томсоновсков режиме. Реализовано только для степенного распределения электронов и теплового фотонов [6] глава 17, с. 466
- ANISOTROPIC\_KLEIN\_NISHINA модель расчитывающее излучение напрямую из сечения Клейна-Нишины, возможен учет анизотропных функций распределения [7, 8]
- ISOTROPIC\_KLEIN\_NISHINA модель расчитывающее излучение напрямую из сечения Клейна-Нишины, но для изотропных функций распределения, что позволяет уменьшить количество интегрирований
- ISOTROPIC\_JONES модель, использующая аналитически проинтегрированное по углам сечение Клейна-Нишины [9, 10]

При создании объекта класса InverseComptonEvaluator необходимо указать рассматриваемый диапазон энергий частиц и количество точек в нем, количество ячеек в сетке по полярному и азимутальному углу, изотропную функцию распределения фотонов, которая будет использоваться по умолчанию и метод расчета излучения. Публичные методы классов InverseComptonEvaluator и InverseComptonEvaluatorWithSource перечислены в Таблице 1.10.

Table 1.10: Публичные методы класса InverseComptonEvaluator

InverseComptonEvaluator	класс предназначенный для вычисления излуче-
	ния рождащегося в результате обратного комп-
	тоновского рассеяния
InverseComptonEvaluator( int Ne, int Nmu,	конструктор, создает экземпляр с заданным
int Nphi, double Emin, double Emax,	рассматриваемым диапазоном энергии, количе-
PhotonDistribution* photonDistribution,	ством ячеек в сетке по полярному и азимуталь-
ComptonSolverType solverType)	ному углу, функцией распределения фотонов,
	которая будет использоваться по умолчанию и
	методом расчета излучения
evaluate Compton Flux Klein Nishina Anisotropic	возвращает энергетическую плотность потока
const double& photonFinalEnergy, const double&	энергии в заданном направлении, излучением со-
photonFinalTheta, const double& photonFinalPhi,	зданным заданными функциями распределения
PhotonDistribution* photonDistribution,	фотонов и рассеивющих частиц (которые могут
MassiveParticleDistribution* electronDistribution,	быть анизотропными) в заданном объеме на дан-
const double& volume, const double& distance)	ном расстоянии
evaluateFluxFromSourceAnisotropic( const	возвращает энергетическую плотность потока
double& photonFinalEnergy, const double&	энергии в заданном направлении, излучением со-
photonFinalTheta, const double& photonFinalPhi,	зданным заданными распределения фотонов и
PhotonDistribution* photonDistribution,	источником, содержащим распределения рассе-
RadiationSource* source)	ивающих частиц

Inverse Compton Evaluator With Source	класс предназначенный для вычисления из-
	лучения рождащегося в результате обратного
	комптоновского рассеяния с учетом зависимости
	функции распределения фотонов от расстояния
	до их источника
InverseComptonEvaluatorWithSource(int Ne, int	конструктор, создает экземпляр с заданным
Nmu, int Nphi, double Emin, double Emax, double	рассматриваемым диапазоном энергии, количе-
Ephmin, double Ephmax, PhotonDistribution*	ством ячеек в сетке по полярному и азимуталь-
photonDistribution, ComptonSolverType	ному углу, функцией распределения фотонов,
solverType, const double& sourceR, const double&	методом расчета излучения и координатами ис-
sourceZ, const double& sourcePhi)	точника фотонов

Пример вычисления излучения от обратного комптоновского рассеяние содержится в процедуре evaluateComtonWithPowerLawDistribution() в файле examples.cpp. В ней расчитывается рентгеновское излучение, исходящее от объекта CSS161010 при рассеивании степенного распределения электронов, определенного в работе [11], на среднегалактическом распределении фотонов. Сначала определим переменные, задающие основные параметры источника - концентрацию частиц, его размер и магнитное поле. Для вычисления обратного комптоновского рассеяния магнитное поле не используется, но в источнике нужно его задать, поэтому положим его равным нулю. Так же зададим параметры сетки по энергиям и углам, которая будет использоваться вычислителем

```
double electronConcentration = 150;
double sinTheta = 1.0;
double rmax = 1.3E17;
double B = 0.0;
double distance = 150*1E6*parsec;

double Emin = me_c2;
double Emax = 1000 * me_c2;
int Ne = 200;
int Nmu = 20;
int Nphi = 4;
```

Далее создадим распределение фотонов, воспользовавшись статическим методом класса MultiPlankDistribution getGalacticField, который возвращает среднегалактическое фотонное распределение, и распределение электронов - возьмем степенное рспределение с показателем 3.5.

```
PhotonIsotropicDistribution * photonDistribution = PhotonMultiPlankDistribution :: getGalacticField();
MassiveParticlePowerLawDistribution * electrons = new
```

```
MassiveParticlePowerLawDistribution (massElectron, 3.5, Emin, electronConcentration);
```

С помощью введенных ранее переменных создадим источник излучения и вычислитель излучения. В качестве метода расчета выберем самый универсальный -ANISOTROPIC KLEIN NISHINA

```
RadiationSource* source = new SimpleFlatSource( electrons, B, sinTheta, rmax, rmax, distance);
```

```
InverseComptonEvaluator* comptonEvaluator = new
InverseComptonEvaluator(Ne, Nmu, Nphi, Emin, Emax,
photonDistribution, ComptonSolverType::ANISOTROPIC KLEIN NISHINA)
```

Предположим, что мы не хотим пользоваться встроенным методом вывода излучения в файл, так как хотим получить конечный результат в других единицах, например энергию фотона измерять в электронвольтах, а поток вывести в формате EF(E) - эргсм $^{-2}c^{-1}$ . Создадим тогда сетку значений энергии фотонов

```
int Nnu = 200;
double* E = new double[Nnu];
double* F = new double[Nnu];
double Ephmin = 0.01 * kBoltzman * 2.725;
double Ephmax = 2 * Emax;
double factor = pow(Ephmax / Ephmin, 1.0 / (Nnu - 1));
E[0] = Ephmin;
F[0] = 0;
for (int i = 1; i < Nnu; ++i) {
            E[i] = E[i - 1] * factor;
            F[i] = 0;
}</pre>
```

после этого вычислим в цикле желаемые потоки излучения

```
\label{eq:for_int} \begin{array}{ll} \mbox{for } (\mbox{int} \ i = 0; \ i < Nnu; \ +\!\!\!+\!\! i\,) \ \{ \\ F[\,i\,] = comptonEvaluator -\!\!\!> evaluateFluxFromSource(\\ E[\,i\,] \,, \ source\,); \\ \end{array}
```

и запишем их в файл, переведя в желаемые единицы

```
FILE* output_ev_EFE = fopen("output.dat", "w");
for (int i = 0; i < Nnu; ++i) {</pre>
```

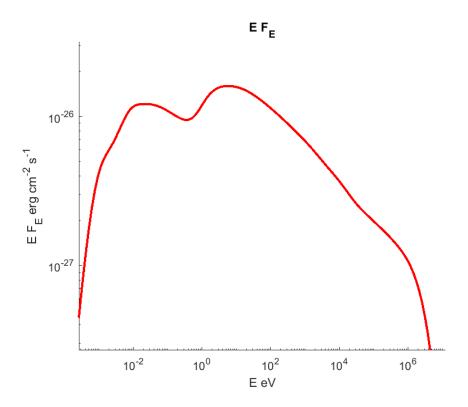


Figure 1.7: Энергетическая плотность потока синхротронного излучения от тестового источника

Спектр излучения, полученный в результате работы данной программы приведен на рисунке 1.7

## 1.3.3 Распад пионов

Для расчета излучения, получающегося в результате распада пионов, родившихся в результате свободно-свободного взаимодействия протонов использеутся абастрактный класс PionDecayEvaluatorBase и двае его наследника: PionDecayEvaluatorKelner, в котором сечение излучения гамма-фотона считается долей от полного сечения неупругого взаимодействия протонов, как описано в статье [12], и PionDecayEvaluator, в котором используется более точное описание сечения рождения пионов на низких энергиях по методу, описанному в [13]. В текущей версии предполагается, что характерное время потерь энергии протонов при неупругом взаимодействии намного больше времени их удержания в источ-

нике, система является прозрачной для протонов, и каждый из них взаимодействует не более одного раза. В противном случае используемая модель излучения не применима.

При создании объекта класса PionDecayEvaluator необходимо указать рассматриваемый диапазон энергий частиц и количество точек в нем, а так же концентрацию фоновых протонов, так как предполагается рассеяние высокоэнергичных фотонов на покоящихся, а не взаимодействие высокоэнергичных между собой. Публичные методы класса PionDecayEvaluatorBase и его наследников приведены в Таблице 1.11

Table 1.11: Публичные методы класса PionDecayEvaluatorBase и его наследников

PionDecayEvaluatorBase	абстрактный класс для вычисления гамма излу-
	чения от распада пионов
sigmaInelastic(const double& energy)	возвращает полное сечение неупругого взаи-
	модействия протонов в лабораторной системе,
	принимает кинетическую энергию движущегося
	протона
PionDecayEvaluatorKelner	класс для вычисления гамма излучения от рас-
	пада пионов по методу из статьи [12]
PionDecayEvaluatorKelner(int Ne, double	конструктор, создает экземпляр с заданным рас-
Emin, double Emax, const double&	сматриваемым диапазоном энергии и концентра-
ambientConcentration)	цией фоновых протонов
PionDecayEvaluator	класс для вычисления гамма излучения от рас-
	пада пионов по методу из статьи [13]
PionDecayEvaluator(int Ne, double Emin, double	конструктор, создает экземпляр с заданным рас-
Emax, const double& ambientConcentration)	сматриваемым диапазоном энергии и концентра-
	цией фоновых протонов
sigmaGamma(const double& photonEnergy, const	возвращает дифференциальное сечение рожде-
double& protonEnergy)	ния фотона с данной энергией при данной кине-
	тической энергии протона, усредненное по углам

Пример вычисления излучения от гамма излучения от распада пионов показан в функции evaluatePionDecay() в файлк examples.cpp. В нем рассмотрено моделирование излучение объекта Кокон Лебедя в модели ускорения частиц на вторичных ударных волнах, следуя статье [14]. В данной работе вычислено, что спектр ускоренных протонов имеет вид степенной функции с изломом со следующими параметрами - показатели спектра 2.1 и 2.64 на низких и высоких энергиях соответственно, энергия излома - 2.2 ТэВ. Размер излучающей области брался равным размеру сверхкаверны Лебедя - 55 пк. Как и ранее, сначала определим переменные, задающие основные параметры источника - концентрацию частиц, его размер и магнитное поле, которое опять положим равным нулю. Диапазон энергий протонов рассмотрим от 0.01 ГэВ до 10 ТэВ. Так же укажем энергию излома.

```
double protonConcentration = 150;
double rmax = 55 * parsec;
```

```
double B=0;
double sinTheta=1.0;
double distance=1400*parsec;
double Emin=massProton*speed_of_light2+0.01E9*1.6E-12;
double Emax=1E13*1.6E-12;
double Etrans=2.2E12*1.6E-12;
```

После этого создадим распределение протонов и источник излучения

Далее потребуется вычислитель излучения. В случае пионного распада необходимо указать концентрацию фоновых протонов.

Как и в предыдущих случаях далее необходимо внутри цикла вычислить излучение в интересующем диапазоне энергий, используя функцию evaluateFluxFromSource, и вывести результат в файл в удобных единицах. Спектр излучения, полученный в результате работы данной программы и результаты наблюдений Кокона Лебедя на Fermi LAT, ARGO и HAWC [15, 16, 17] приведены на рисунке 1.8

### 1.3.4 Тормозное излучение

В текущей версии кода реализовано вычисление тормозного излучения электронов в плазме только для случая теплового распределения. Для этого предназначен класс BremsstrahlungThermalEvaluator. В процессе расчета предполагается, что плазма электрон-протонная, с одинаковыми температурами электронов и протонов, в вычислении используются Гаунт-факторы, приведенные в [18]. Пример вычисления тормохного излучения приведен в функции evaluateBremsstrahlung в файле examples.cpp.

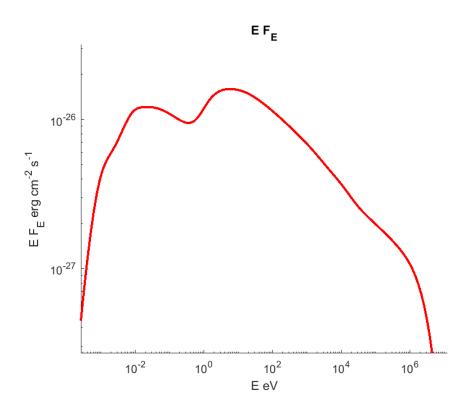


Figure 1.8: Расчетная энергетическая плотность потока гамма излучения Кокона Лебедя и данные наблюдений

## Chapter 2

# Оптимизация параметров

Код FAINA позволяет не только расчитывать излучение заданных источников, но и фитировать наблюдательные данные модельными, подбирая необходимые параметры. Реализованы методы оптимизации, пригодные для произвольного числа параметров и широкого класса моделей источников.

## 2.1 Вычислители целевой функции

Для оптимизации в первую очередь нужно указать целевую функцию, которую требуется минимизировать. Для этой цели используется абстрактный класс LossEvaluator и его наследники. В реализованных наследниках используются квадратичные функции оптимизации, взвешенные с учетом наблюдательных ошибок  $f = \sum \frac{(F(x_i) - F_{obs,i})^2}{\sigma_i^2}$ , где  $F(x_i)$  - некая расчетная функция излучения (спектральная плотность потока, например) вычисленная при неком фиксированном значении параметра  $x_i$  (например при данной частоте),  $F_{obs,i}$  - наблюдаемая величина этой функции,  $\sigma_i$  - её погрешность. В коде реализованы следующие классы целевых функций SpectrumLossEvaluator - для фитирования спектральной плотности потока излучения в данный момент времени, TimeDependentSpectrumLossEvaluator - для фитирования спектральной плотности потока излучения переменного источника, измеренного в несколько моментов времени и RadialProfileLossEvaluator - для фитирования зависимости яркости различных точек источника в зависимости от радиуса. Публичные методы этих классов перечислены в Таблице 2.1.

Table 2.1: Публичные методы классов вычислителей целевых функций

LossEvaluator	абстрактный класс вычислителя целевой функ-
	ции
virtual double evaluate(const double* vector, const	чисто виртуальный метод, возвращающий зна-
double* maxParameters, RadiationEvaluator*	чение целевой функции при данных параметрах.
evaluator)	Так же на вход принимает вектор нормироваоч-
	ных значений и вычислитель излучения

SpectrumLossEvaluator	класс, в котором целевая функция характери-
	зует отличие вычисленной спектральной плот-
	ности излучения от наблюдательных данных,
	$f = \sum rac{(F(E_i) - F_{obs,i})^2}{\sigma_i^2}$ , где $F(E_i)$ - расчетная спек-
	тральная плотность потока излучения при дан-
	ной энергии $E_i, F_{obs,i}$ - наблюдаемая спектраль-
	ная плотность потока излучения, $\sigma_i$ - её погреш-
	ность.
$SpectrumLossEvaluator(double* \ energy, \ double*$	конструктор, принимает на вход наблюдаемые
observed Flux,  double *  observed Error,  int  Ne,	значения спектральной плотности энергии, их
$Radiation Source * \ radiation Source)$	количество и источник, для которого нужно вы-
	числять излучение в каких единицах?
${\bf Time Dependent Spectrum Loss Evaluator}$	класс, в котором целевая функция характеризу-
	ет отличие вычисленной спектральной плотно-
	сти излучения от наблюдательных данных, со-
	бранных в различные моменты времени, $f =$
	$\sum rac{(F(E_{ij},t_j)-F_{obs,i,j})^2}{\sigma_{ii}^2}$ , где $F(E_{ij},t_j)$ - расчетная
	спектральная плотность потока излучения при
	данной энергии $E_{ij}$ в момент времени $t_j, F_{obs,i,j}$ -
	наблюдаемая спектральная плотность потока из-
	лучения, $\sigma_{ij}$ - её погрешность. ОБРАТИТЕ ВНИ-
	МАНИЕ, что количество наблюдательных точек
	в разные моменты времени может быть разным
${\bf Time Dependent Spectrum Loss Evaluator (double**}$	конструктор, принимает на вход двумерные мас-
energy, double** observedFlux, double**	сиы наблюдаемых значений спектральной плот-
observed Error, int* Ne, double* times, int Ntimes,	ности энергии, массив количества точек в разные
${\bf Radiation Time Dependent Source*\ radiation Source)}$	моменты времени и зависящий от времени источ-
	ник, для которого нужно вычислять излучение в
	каких единицах?
RadialProfileLossEvaluator	класс, в котором целевая функция характеризу-
	ет отличие радиальной зависимости яркости ис-
	точника в заданном дипазоне от наблюдатель-
	ных данных. $f = \sum \frac{(F(R_i) - F_{obs,i})^2}{\sigma_i^2}$ , где $F(R_i)$ -
	расчетная яркость источника при данном ради-
	усе $R_i,\ F_{obs,i}$ - наблюдаемая яркость, $\sigma_i$ - её по-
	грешность

RadialProfileLossEvaluator(double energy, double\* observedFlux, double\* observedError, double\* rhoPoints, int Nrho, RadiationSource\* radiaionSource)

конструктор, принимающий на вход значение энергии, для которого нужно вычислять яркость, наблюдаемые потоки, погрешности и соответствующие значения радиуса, количество точек и источник, для которого нужно рассчитывать излучение

## 2.2 Оптимизаторы целевой функции

Для фитирования постоянных во времени кривых блеска предназначен абстрактный класс RadiationOptimizer. В нем определена виртуальныя функция optimize(double\* vector, bool\* optPar), которая и производит процесс оптимизации. Входными параметрами являются: vector - массив подбираемых параметров, в который будет записан результат работы программы, optPar - массив булевских переменных, определяющих оптимизировать соответствующий параметр, или считать его фиксированным. Функция изменения параметров источника source->resetParameters, который будет использоваться в процессе оптимизации, описанная в разделе 1.2.1, должна быть согласована с массивом оптимизируемых параметров vector, так как в процессе оптимизации он будет передаваться в нее в качестве аргумента.

В RadiationOptimazer: коде реализованы наследника класса три GridEnumRadiationOptimizer - производящий поиск минимума простым перебором по сетке параметров с заданным количеством распределенных равномерно логарифмически точек, GradientDescentRadiationOptimizer - в котором минимум находится методом градиентного спуска, и CombinedRadiationOptimizer, который выполняет оптимизацию двумя этими методами последовательно, используя результат работы первого как начальную точку для второго. Схема насследования классов оптимизаторов показана на рисунке 2.1, а список их публичных методов приведен в Таблице 2.2. Реализованные методы оптимизации применимы для всех описанных выше типов источников, видов электромагнитного излучения и вычислителей целевых функций.

Table 2.2: Публичные методы классов оптимизаторов параметров источников

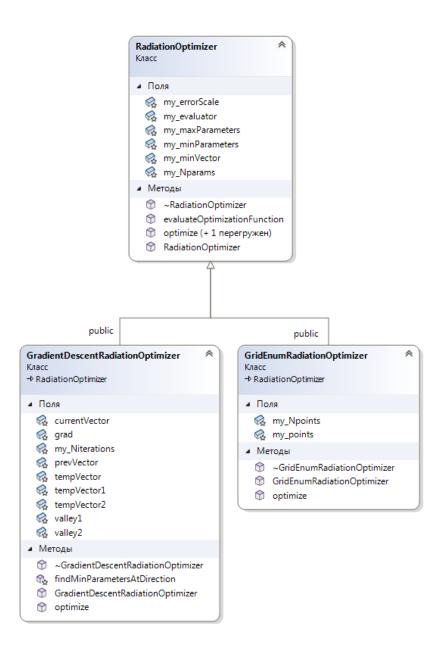


Figure 2.1: Схема наследования классов оптимизаторов

RadiationOptimizer	абстрактный класс для оптимизации параметров источ-
	ника
double evaluateOptimizationFunction(const	вычисляет целевую функцию - взвешенную при данном
double* vector)	векторе параметров
void optimize(double* vector, bool*	функция, осуществляющая оптимизацию, принимает на
optPar)	вход массив подбираемых параметров, в который будет
	записан результат и массив булевских переменных, опре-
	деляющих оптимизировать соответствующий параметр,
usid sutput Due fle Die grangs (songt	или считать его фиксированным
void outputProfileDiagrams(const double* vector, int Npoints)	функция, которая строит и записывает в файлы двух- мерные сечения целевой функции по всем комбинациям
double vector, int inpoints)	
	параметров, проходящие через точку определяемую за-
void outputOptimizedProfileDiagram(const	данным вектором параметров функция, которая строит и записывает в файлы двухмер-
double* vector, bool* optPar, int Npoints,	ные сечения целевой функции, в которых два параметра с
int Nparam1, int Nparam2)	номерами Nparam1 и Nparam2 фиксируются и пробегают
ine reparami, ine reparamiz)	соответствующую плоскость, а остальные оптимизируют-
	ся
GridEnumRadiationOptimizer	класс предназначенный для оптимизации параметров с
	помощью перебора по сетке
GridEnumRadiationOptimizer(RadiationEvaluntorfyктор, создает экземпляр класса с указанным вы-	
evaluator, const double* minParameters,	числителем излучения, минимальными и максимальными
const double* maxParameters,	значениями оптимизируемых параметров, количеством
int Nparams, const int* Npoints,	этих параметров, массивом с количеством перебираемых
LossEvaluator* lossEvaluator)	точек по каждому параметру и вычислителем целевой
	функции. При переборе точки будут распределены лога-
	рифмически по оси.
${\bf Gradient Descent Radiation Optimizer}$	класс, предназначенный для оптимизации параметров
	методом градиентного спуска
GradientDescentRadiationOptimizer(Radiat <b>іюнЕvаруватор</b> *, создает экземпляр класса с указанным вы-	
evaluator, const double* minParameters,	числителем излучения, минимальными и максимальны-
const double* maxParameters, int	ми значеними оптимизируемых параметров, количеством
Nparams, int Niterations, LossEvaluator*	этих параметров, максимальным количеством итераций
lossEvaluator)	градиентного спуска и вычислителем целевой функции

#### CombinedRadiationOptimizer класс, предназначенный для совместного использования сеточного поиска и градиентного спуска CombinedRadiationOptimizer( конструктор, создает экземпляр класса с указанным вы-RadiationEvaluator\* evaluator, const числителем излучения, минимальными и максимальныdouble\* minParameters, const double\* ми значеними оптимизируемых параметров, количеством maxParameters, int Nparams, этих параметров, максимальным количеством итераций Niterations. int\* const Npoints, градиентного спуска, количеством точек для сеточного LossEvaluator\* lossEvaluator) поиска и вычислителем целевой функции

Пример фитирования параметров источника по наблюдательным данным приведен в функции fitCSS161010withPowerLawDistribition в файле examples.cpp. Следуя авторам работы [11] произведем расчет синхротронного излучения источника с учетом самопоглощения, считая функцию распределения электронов чисто степенной с показателем 3.6. Но мы не будем накладывать дополнительную связь на параметры и предполагать равенство распределения энергии между магнитным полем и ускоренными частицами, вместо этого магнитное поле и концентрация электронов будут независимыми параметрами.

Подберем параметры Быстрого Оптического Голубого Транзиента CSS161010 на 98 день после вспышки на основе радиоизлучения. Зададим параметры источника на основе дынных статьи [11], которые будут использоваться в качестве начального приближения, а так же расстояние до него.

```
double electronConcentration = 25;
double B = 0.6;
double R = 1.4E17;
double fraction = 0.5;
const double distance = 150 * 1E6 * parsec;
```

Далее зададим степенное распределение электронов, с показателем 3.6 и источник в форме плоского диска, перпендикулярного лучу зрения, и вычислитель синхротронного излучения.

```
double Emin = me_c2;
double Emax = 10000 * me_c2;
double index = 3.6;

SynchrotronEvaluator* synchrotronEvaluator = new
    SynchrotronEvaluator(200, Emin, Emax);

MassiveParticlePowerLawDistribution* electrons = new MassiveParticlePowerLawDistribution(
    massElectron, index, Emin, electronConcentration);
```

```
SimpleFlatSource* source = new
SimpleFlatSource(electrons, B, pi/2, R, fraction * R, distance);
```

Теперь определим вектор оптимизируемых параметров - это размер, магнитное поле, концентрация электронов и доля толщины, показывающая какю долю от радиуса диска составляет его толщина. И именно такие параметры ожидает функция resetParameters у источника SimpleFlatSource. Так же нужно указать минимальные и максимальные значения параметров, которые ограничат область поиска. Максимальные значения так же будут использоваться как константы нормировки.

```
const int Nparams = 4;
double minParameters[Nparams] = { 1E17, 0.01, 0.5, 0.1 };
double maxParameters[Nparams] = { 2E17, 10, 200, 1.0 };
double vector[Nparams] = { R, B, electronConcentration, fraction};
for (int i = 0; i < Nparams; ++i) {
    vector[i] = vector[i] / maxParameters[i];
}</pre>
```

Зададим наблюдательные данные, которые и будем фитировать. Обратите внимание, что частоты нужно перевести в энергии, а спектральную плотность потока - в энергетическую (в единицы  $cm^{-2}c^{-1}$ ).

```
const int Nenergy1 = 4;
double energy1[Nenergy1] = { 1.5E9*hplank, 3.0E9 * hplank,
6.1E9 * hplank, 9.8E9 * hplank };
double observedFlux[Nenergy1] = { 1.5/(hplank*1E26),
4.3/(hplank*1E26), 6.1/(hplank*1E26), 4.2 /(hplank*1E26)};
double observedError[Nenergy1] = { 0.1 / (hplank * 1E26),
0.2/(hplank*1E26), 0.3/(hplank*1E26), 0.2/(hplank*1E26)};
```

Далее создадим вычислитель целевой функции, фитирующий спектр и комбинированный оптимизатор, и укажем количество точек для перебора и количество итераци градиентного спуска. Так же укажем, что оптимизируем все параметры.

```
bool optPar[Nparams] = { true, true, true, true };
int Niterations = 20;
int Npoints[Nparams] = { 10,10,10,10 };
```

 $Loss Evaluator * loss Evaluator = \textbf{new} \ Spectrum Loss Evaluator (energy1, observe Radiation Optimizer * optimizer = \textbf{new} \ Combined Radiation Optimizer ($ 

 $synchrotron Evaluator\;, min Parameters\;, max Parameters\;, Nparams\;, \;\; Niterations\;$ 

Применим функцию optimize и изменим параметры источника на оптимальные

```
optimizer->optimize(vector, optPar, energy1, observedFlux,
```

```
observedError , Nenergy1 , source);
source->resetParameters(vector , maxParameters);
```

Полученные в результате оптимизации парметры источника равны: радиус диска  $R=1.8\times 10^17$  см, магнитное поле B=1.6 Гс, концентрация электронов n=2.3 см $^{-3}$ , доля толщины fraction=0.54. Значение целевой функции  $f\approx 50$ . Модельный спектр излучения с данными параметрами и наблюдательные данные изображены на рисунке 2.2.

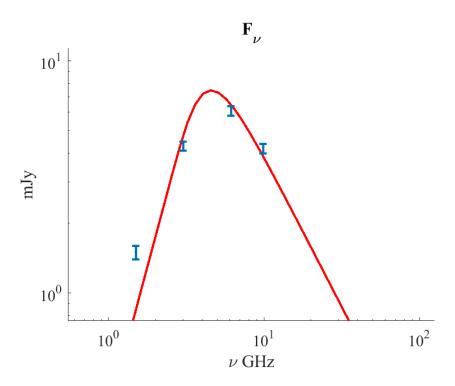


Figure 2.2: Наблюдаемый и расчетный спектр радиоизлучения объекта CSS161010 на 98 день после вспышки

## Chapter 3

# Формулы расчета излучения

## 3.1 Преобразование функции распределения фотонов

Функция распределения фотонов задана в сферических координатах  $n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi)$ . Рассмотрим переход в систему отсчета, движущуюся в направлении оси z с лоренц-фактором  $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$ . Количество частиц в элементе фазового пространства N - инвариант.

$$N = n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi) d\epsilon d\mu d\phi dV = n'_{ph}(\epsilon', \mu', \phi') d\epsilon' d\mu' d\phi' dV'$$
(3.1)

Рассмотрим преобразование вектора четырех-импульса. Поперечные компоненты не изменяются, а временная и продольная меняются следющим образом, учитывая что  $p_z = \mu \epsilon$ :

$$\begin{pmatrix} \epsilon' \\ \mu'\epsilon' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma & -\beta\gamma \\ -\beta\gamma & \gamma \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \epsilon \\ \mu\epsilon \end{pmatrix}$$
 (3.2)

Из первой строчки матрицы получаем уравнение для допплеровского сдвига энергии

$$\epsilon' = \gamma (1 - \mu \beta) \epsilon \tag{3.3}$$

Вычислим производные новой энергии по старым координатам

$$\frac{d\epsilon'}{d\epsilon} = \gamma(1 - \mu\beta) \tag{3.4}$$

$$\frac{d\epsilon'}{d\mu} = -\gamma\beta\epsilon\tag{3.5}$$

Из второй строчки матрицы получаем  $\mu'\epsilon' = -\beta\gamma\epsilon + \gamma\mu\epsilon$ . Подставив значение  $\epsilon'$  из 3.3 и сократив  $\epsilon$  получим уравнение аберрации света

$$\mu' = \frac{\mu - \beta}{1 - \mu\beta} \tag{3.6}$$

Заметим, что угол наклона луча в новой системе не зависит от энергии в старой системе. Вычислим частноую производную  $\frac{d\mu'}{du}$ 

$$\frac{d\mu'}{d\mu} = \frac{d}{d\mu} \frac{1}{\beta} \frac{\beta\mu - 1 + 1 - \beta^2}{1 - \mu\beta} = \frac{d}{d\mu} \frac{1}{\beta} \frac{1 - \beta^2}{1 - \mu\beta} = \frac{1 - \beta^2}{(1 - \mu\beta)^2} = \frac{1}{\gamma^2 (1 - \mu\beta)^2}$$
(3.7)

Азимутальный угол не зависит от системы отсчета  $\phi' = \phi$ . Преобразование элемента объема описывается выражением  $\frac{dV'}{dV} = \frac{\epsilon}{\epsilon'}$  см. ЛЛ Т2 параграф 10, вот только там используется переход в собственную систему. То есть

$$\frac{dV'}{dV} = \frac{1}{\gamma(1 - \mu\beta)}\tag{3.8}$$

Матрица якоби преобразования координат выглядит следующим образом

$$J = \begin{pmatrix} \frac{d\epsilon'}{d\epsilon} & \frac{d\epsilon'}{d\mu} & 0 & 0\\ 0 & \frac{d\mu'}{d\mu} & 0 & 0\\ 0 & 0 & 1 & 0\\ 0 & \frac{dV'}{d\mu} & 0 & \frac{dV'}{dV} \end{pmatrix}$$
(3.9)

При такой матрице якобиан, к счастью, равен произведению диагональных членов

$$\frac{D(\epsilon', \mu', \phi', V')}{D(\epsilon, \mu, \phi, V)} = \frac{d\epsilon'}{d\epsilon} \frac{d\mu'}{d\mu} \frac{dV'}{dV} = \gamma (1 - \mu\beta) \frac{1}{\gamma^2 (1 - \mu\beta)^2} \frac{1}{\gamma (1 - \mu\beta)} = \frac{1}{\gamma^2 (1 - \mu\beta)^2}$$
(3.10)

И в итоге функция распределения фотонов преобразуется с помощью деления на вычисленный якобиан

$$n'_{ph}(\epsilon', \mu', \phi') = \frac{n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi)}{\frac{D(\epsilon', \mu', \phi', V')}{D(\epsilon, \mu, \phi, V)}} = \gamma^2 (1 - \mu\beta)^2 n_{ph}(\epsilon, \mu, \phi)$$
(3.11)

## 3.2 Комптоновское рассеяние

Рассмотрим рассеяние фотонов на одном электроне, движущемся вдоль ось z, см [8]. Сечение Клейна-Нишины в системе покоя электрона равно

$$\frac{d\sigma}{d\epsilon_1'd\Omega_1'} = \frac{r_e^2}{2} \left(\frac{\epsilon_1'}{\epsilon_0'}\right)^2 \left(\frac{\epsilon_1'}{\epsilon_0'} + \frac{\epsilon_0'}{\epsilon_1'} - \sin^2\Theta'\right) \delta(\epsilon_1' - \frac{\epsilon_0'}{1 + \frac{\epsilon_0'}{m_e c^2}(1 - \cos\Theta')})$$
(3.12)

Где  $r_e$  - классический радиус электрона,  $\epsilon_0'$  и  $\epsilon_1'$  - энергии начального и конечного фотона, соответственно,  $\Theta'$  - угол между начальным и конечным фотоном, определяемый выражением  $\cos\Theta'=\cos\theta_0'\cos\theta_1'+\sin\theta_0'\sin\theta_1'\cos(\phi_1'-\phi_0')$ . Штрихованные индексы относятся к системе отсчета электрона. При этом начальная и конечная энергии фотонов оказываются связаны соотношениями

$$\epsilon_1' = \frac{\epsilon_0'}{1 + \frac{\epsilon_0'}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta')}$$
(3.13)

$$\epsilon_0' = \frac{\epsilon_1'}{1 - \frac{\epsilon_1'}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta')}$$
 (3.14)

Число фотонов, рассеявшихся в заданный телесный угол в единицу времени в промежуток энергии в системе покоя электрона равно

$$\frac{dN'}{dt'd\epsilon'_1 d\Omega'_1} = \int c \frac{d\sigma}{d\epsilon'_1 d\Omega'_1} \frac{dn'}{d\epsilon'_0 d\Omega'_0} d\Omega'_0 d\epsilon'_0$$
(3.15)

Перепишем дельта-функцию через энергию начального фотона с помощью соотношения

$$\delta(f(x)) = \sum \frac{\delta(x - x_k)}{|f'(x_k)|} \tag{3.16}$$

где  $x_k$  - корни функции f(x). Производная выражения внутри дельта-функции равна

$$\frac{d\epsilon'_1}{d\epsilon'_0} = \frac{1}{(1 + \frac{\epsilon'_0}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta'))^2}$$
(3.17)

и она сократится с квадратом отношения энергий в формуле для сечения. Функцию распределения начальных фотонов выразим в лабораторной системе с помощью выражения 3.11.

$$\frac{dN'}{dt'd\epsilon'_1d\Omega'_1} = \int \frac{r_e^2 c}{2} \gamma_e^2 (1 - \mu_0 \beta_e)^2 (\frac{\epsilon'_1}{\epsilon'_0} + \frac{\epsilon'_0}{\epsilon'_1} - \sin^2 \Theta') \frac{dn}{d\epsilon_0 d\Omega_0} \delta(\epsilon'_0 - \frac{\epsilon'_1}{1 - \frac{\epsilon'_1}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta')}) d\epsilon'_0 d\mu'_0 d\phi'_0 d$$

Теперь избавимся от дельта-функции, проинтегрировав по  $\epsilon_0'$ 

$$\frac{dN'}{dt'd\epsilon'_1 d\Omega'_1} = \int \frac{r_e^2 c}{2} \gamma_e^2 (1 - \mu_0 \beta_e)^2 (1 + \cos^2 \Theta' + (\frac{\epsilon'_1}{m_e c^2})^2 \frac{(1 - \cos \Theta')^2}{1 - \frac{\epsilon'_1}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta')}) \frac{dn}{d\epsilon_0 d\Omega_0} d\mu'_0 d\phi'_0$$
(3.19)

Осталось перевести поток рассеяных фотонов в лабораторную систему отсчета  $\frac{dN}{dtd\epsilon_1 d\Omega_1} = \frac{dN'}{dt'd\epsilon_1'd\Omega_1'} \frac{dt'}{d\epsilon_1} \frac{d\epsilon_1'}{d\epsilon_1} \frac{d\Omega_1'}{d\epsilon_1}$ . Используя то, что  $dt = \gamma_e dt'$ ,  $\epsilon = \frac{1}{\gamma_e(1-\mu_1\beta_e)} \epsilon'$  и  $\mu_1' = \frac{\mu_1-\beta_e}{1-\mu_1\beta_e}$  получим

$$\frac{dN}{dt d\epsilon_1 d\Omega_1} = \int \frac{r_e^2 c}{2} \frac{(1 - \mu_0 \beta_e)^2}{1 - \mu_1 \beta_e} (1 + \cos^2 \Theta' + (\frac{\epsilon_1'}{m_e c^2})^2 \frac{(1 - \cos \Theta')^2}{1 - \frac{\epsilon_1'}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta')}) \frac{dn}{d\epsilon_0 d\Omega_0} d\mu_0' d\phi_0' \quad (3.20)$$

При интегрировании нужно выразить углы в лабораторной системе отсчета  $\mu_0$ ,  $\phi_0$  через переменные интегрирования  $\mu'_0$ ,  $\phi'_0$ . Для расчета рассеяния на распределении электронов нужно проинтегрировать формулу 3.20 с функцией распределения электронов, нормированной на количество частиц. При этом надо учесть разные направления движения электронов и произвести повороты углов.

Так же может быть удобно интегрировать в переменных лабораторной системы расчета, тогда выражение для потока фотонов будет следующим

$$\frac{dN}{dt d\epsilon_1 d\Omega_1} = \int \frac{r_e^2 c}{2} \frac{1}{\gamma_e^2 (1 - \mu_1 \beta_e)} (1 + \cos^2 \Theta' + (\frac{\epsilon_1'}{m_e c^2})^2 \frac{(1 - \cos \Theta')^2}{1 - \frac{\epsilon_1'}{m_e c^2} (1 - \cos \Theta')}) \frac{dn}{d\epsilon_0 d\Omega_0} d\mu_0 d\phi_0$$
(3.21)

При рассмотрении процессов, связанных с электронами высоких энергий  $\gamma_e \approx 10^8$  относительные численые погрешности вычислений могут быть очень велики, так как  $\beta_e$  и  $\mu_0, \mu_1, \cos\Theta'$  оказываются слишком близки к единице и стандартный тип double может не разрешать это отличие. Поэтому для численных вычислений оказывается полезным ввести следующие вспомогательные величины:

$$\delta_e = 1 - \beta_e \tag{3.22}$$

$$versin \theta = 1 - \cos \theta \tag{3.23}$$

Тогда выражения вида  $1-\mu\beta_e$  в этих величинах перепишется как

$$1 - \mu \beta_e = \operatorname{versin} \theta + \delta_e - \operatorname{versin} \theta \, \delta_e \tag{3.24}$$

а выражение для угла между конечным и начальным фотоном как

$$1 - \cos \Theta' = \operatorname{versin} \theta_0' + \operatorname{versin} \theta_1' - \operatorname{versin} \theta_0' \operatorname{versin} \theta_1' - \sin \theta_0' \sin \theta_1' \cos(\phi_1' - \phi_0')$$
 (3.25)

С использованием данных выражений значительно повышается точность и максимальные доступные к рассмотрению энергии фотонов и электронов.

В случае изотропных функций распределения фотонов и релятивистских электронов можно произвести аналитическое интегрирование по угловым переменным [9, 10], и тогда для вычисления излучения достаточно лишь провести интегрирования по энергиям по формуле

$$\frac{dN}{dt d\epsilon_1 d\Omega_1} = \int \frac{2\pi r_e^2 m_e c^3}{\epsilon_0 \gamma_e^2} \frac{dn_{ph}}{d\epsilon_0} \frac{dn_e}{d\epsilon_e} (2q \ln(q) + 1 + q - 2q^2 + \frac{q^2 (1-q)\Gamma^2}{2(1+q\Gamma)}) d\epsilon_0 d\epsilon_e$$
 (3.26)

где  $\Gamma = 4\epsilon_0 \gamma_e/m_e c^2, \ q = \epsilon_1/((\gamma_e m_e c^2 - \epsilon_1)\Gamma).$ 

## 3.3 Синхротронное излучение

Процесс синхротронного излучения хороши известен и описан в классических работах. Но с точки зрения квантовой электродинамки, любому процессу излучения можно так же сопоставить процесс поглощения. Сечение процесса синхротронного самопоглощения описано в работе Гизеллини и Свенсона [19]. Спектральная плотность мощности излучения единицы объема вещества определеяется формулой

$$I(\nu) = \int_{E_{min}}^{E_{max}} dE \frac{\sqrt{3}e^3 nF(E)B\sin(\phi)}{m_e c^2} \frac{\nu}{\nu_c} \int_{\frac{\nu}{\nu_c}}^{\infty} K_{5/3}(x) dx,$$
(3.27)

где  $\phi$  это угол межде вектором магнитного поля и лучом зрения,  $\nu_c$  критическая частота, определяемая выражением  $\nu_c = 3e^2 B \sin(\phi) E^2/4\pi m_e^3 c^5$ , и  $K_{5/3}$  - функция МакДональда. Коэффициент поглощения для фотонов, распростроняющихся вдоль луча зрения равен

$$k(\nu) = \int_{E_{min}}^{E_{max}} dE \frac{\sqrt{3}e^3}{8\pi m_e \nu^2} \frac{nB\sin(\phi)}{E^2} \frac{d}{dE} E^2 F(E) \frac{\nu}{\nu_c} \int_{\frac{\nu}{\nu_c}}^{\infty} K_{5/3}(x) dx.$$
 (3.28)

## References

- 1. Mathis J. S., Mezger P. G., Panagia N. Interstellar radiation field and dust temperatures in the diffuse interstellar medium and in giant molecular clouds // Astron. Astrophys..—1983.— Vol. 128.— P. 212–229.
- 2. Sironi Lorenzo, Spitkovsky Anatoly. Particle Acceleration in Relativistic Magnetized Collisionless Pair Shocks: Dependence of Shock Acceleration on Magnetic Obliquity // ApJ.—2009. Vol. 698, no. 2. P. 1523–1549.
- Guo Xinyi, Sironi Lorenzo, Narayan Ramesh. Non-thermal Electron Acceleration in Low Mach Number Collisionless Shocks. I. Particle Energy Spectra and Acceleration Mechanism // ApJ. — 2014. — Vol. 794, no. 2. — P. 153.
- 4. Crumley P., Caprioli D., Markoff S., Spitkovsky A. Kinetic simulations of mildly relativistic shocks I. Particle acceleration in high Mach number shocks // MNRAS. 2019. Vol. 485, no. 4. P. 5105–5119.
- 5. Romansky V. I., Bykov A. M., Osipov S. M. Electron and ion acceleration by relativistic shocks: particle-in-cell simulations // Journal of Physics Conference Series. Vol. 1038 of Journal of Physics Conference Series. 2018. P. 012022.
- 6. Ginzburg V. L. Theoretical physics and astrophysics. Additional chapters. 1975.
- 7. Klein O., Nishina Y. The Scattering of Light by Free Electrons according to Dirac's New Relativistic Dynamics // Nature. 1928. Vol. 122, no. 3072. P. 398–399.
- 8. Dubus G., Cerutti B., Henri G. The modulation of the gamma-ray emission from the binary LS 5039 // Astron. Astrophys.. 2008. Vol. 477, no. 3. P. 691–700.
- 9. Jones Frank C. Calculated Spectrum of Inverse-Compton-Scattered Photons // Physical Review. 1968. Vol. 167, no. 5. P. 1159–1169.
- 10. Bykov A. M., Chevalier R. A., Ellison D. C., Uvarov Yu. A. Nonthermal Emission from a Supernova Remnant in a Molecular Cloud // ApJ. 2000. Vol. 538, no. 1. P. 203–216.
- 11. Coppejans D. L., Margutti R., Terreran G. et al. A Mildly Relativistic Outflow from the Energetic, Fast-rising Blue Optical Transient CSS161010 in a Dwarf Galaxy // ApJ Lett..—2020.—may.—Vol. 895, no. 1.—P. L23.
- 12. Kelner S. R., Aharonian F. A., Bugayov V. V. Energy spectra of gamma rays, electrons, and neutrinos produced at proton-proton interactions in the very high energy regime // Phys. Rev. D. 2006. Vol. 74, no. 3. P. 034018.
- 13. Kafexhiu Ervin, Aharonian Felix, Taylor Andrew M., Vila Gabriela S. Parametrization of gamma-ray production cross sections for p p interactions in a broad proton energy range from the kinematic threshold to PeV energies // Phys. Rev. D. 2014. Vol. 90, no. 12. P. 123014.
- 14. Bykov A. M., Kalyashova M. E. Modeling of GeV-TeV gamma-ray emission of Cygnus Cocoon // Advances in Space Research. 2022. Vol. 70, no. 9. P. 2685–2695.

- 15. Ackermann M., Ajello M., Allafort A. et al. A Cocoon of Freshly Accelerated Cosmic Rays Detected by Fermi in the Cygnus Superbubble // Science. 2011. Vol. 334, no. 6059. P. 1103.
- 16. Bartoli B., Bernardini P., Bi X. J. et al. Identification of the TeV Gamma-Ray Source ARGO J2031+4157 with the Cygnus Cocoon // ApJ. 2014. Vol. 790, no. 2. P. 152.
- 17. Abeysekara A. U., Albert A., Alfaro R. et al. HAWC observations of the acceleration of very-high-energy cosmic rays in the Cygnus Cocoon // Nature Astronomy.— 2021.— Vol. 5.— P. 465–471.
- 18. Rybicki George B., Lightman Alan P. Radiative Processes in Astrophysics. 1986.
- 19. Ghisellini Gabriele, Svensson Roland. The synchrotron and cyclo-synchrotron absorption cross-section // MNRAS. 1991. Vol. 252. P. 313–318.

## Литература

- 1. Mathis J. S., Mezger P. G., Panagia N. Interstellar radiation field and dust temperatures in the diffuse interstellar medium and in giant molecular clouds // Astron. Astrophys..—1983.— Vol. 128.— P. 212–229.
- 2. Sironi Lorenzo, Spitkovsky Anatoly. Particle Acceleration in Relativistic Magnetized Collisionless Pair Shocks: Dependence of Shock Acceleration on Magnetic Obliquity // ApJ.—2009.— Vol. 698, no. 2.— P. 1523–1549.
- Guo Xinyi, Sironi Lorenzo, Narayan Ramesh. Non-thermal Electron Acceleration in Low Mach Number Collisionless Shocks. I. Particle Energy Spectra and Acceleration Mechanism // ApJ. — 2014. — Vol. 794, no. 2. — P. 153.
- 4. Crumley P., Caprioli D., Markoff S., Spitkovsky A. Kinetic simulations of mildly relativistic shocks I. Particle acceleration in high Mach number shocks // MNRAS. 2019. Vol. 485, no. 4. P. 5105–5119.
- 5. Romansky V. I., Bykov A. M., Osipov S. M. Electron and ion acceleration by relativistic shocks: particle-in-cell simulations // Journal of Physics Conference Series. Vol. 1038 of Journal of Physics Conference Series. 2018. P. 012022.
- 6. Ginzburg V. L. Theoretical physics and astrophysics. Additional chapters. 1975.
- 7. Klein O., Nishina Y. The Scattering of Light by Free Electrons according to Dirac's New Relativistic Dynamics // Nature. 1928. Vol. 122, no. 3072. P. 398–399.
- 8. Dubus G., Cerutti B., Henri G. The modulation of the gamma-ray emission from the binary LS 5039 // Astron. Astrophys.. 2008. Vol. 477, no. 3. P. 691–700.
- 9. Jones Frank C. Calculated Spectrum of Inverse-Compton-Scattered Photons // Physical Review. 1968. Vol. 167, no. 5. P. 1159–1169.
- 10. Bykov A. M., Chevalier R. A., Ellison D. C., Uvarov Yu. A. Nonthermal Emission from a Supernova Remnant in a Molecular Cloud // ApJ. 2000. Vol. 538, no. 1. P. 203–216.
- 11. Coppejans D. L., Margutti R., Terreran G. et al. A Mildly Relativistic Outflow from the Energetic, Fast-rising Blue Optical Transient CSS161010 in a Dwarf Galaxy // ApJ Lett..—2020.—may.—Vol. 895, no. 1.—P. L23.
- 12. Kelner S. R., Aharonian F. A., Bugayov V. V. Energy spectra of gamma rays, electrons, and neutrinos produced at proton-proton interactions in the very high energy regime // Phys. Rev. D. 2006. Vol. 74, no. 3. P. 034018.
- 13. Kafexhiu Ervin, Aharonian Felix, Taylor Andrew M., Vila Gabriela S. Parametrization of gamma-ray production cross sections for p p interactions in a broad proton energy range from the kinematic threshold to PeV energies // Phys. Rev. D. 2014. Vol. 90, no. 12. P. 123014.
- 14. Bykov A. M., Kalyashova M. E. Modeling of GeV-TeV gamma-ray emission of Cygnus Cocoon // Advances in Space Research. 2022. Vol. 70, no. 9. P. 2685–2695.

- 15. Ackermann M., Ajello M., Allafort A. et al. A Cocoon of Freshly Accelerated Cosmic Rays Detected by Fermi in the Cygnus Superbubble // Science. 2011. Vol. 334, no. 6059. P. 1103.
- 16. Bartoli B., Bernardini P., Bi X. J. et al. Identification of the TeV Gamma-Ray Source ARGO J2031+4157 with the Cygnus Cocoon // ApJ. 2014. Vol. 790, no. 2. P. 152.
- 17. Abeysekara A. U., Albert A., Alfaro R. et al. HAWC observations of the acceleration of very-high-energy cosmic rays in the Cygnus Cocoon // Nature Astronomy.— 2021.— Vol. 5.— P. 465–471.
- 18. Rybicki George B., Lightman Alan P. Radiative Processes in Astrophysics. 1986.
- 19. Ghisellini Gabriele, Svensson Roland. The synchrotron and cyclo-synchrotron absorption cross-section // MNRAS. 1991. Vol. 252. P. 313–318.