## НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського»

### ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЇ МАТЕМАТИКИ

Кафедра системного програмування і спеціалізованих комп'ютерних систем

## КУРСОВА РОБОТА

## з дисципліни "Структури даних і алгоритми"

Виконала: Міндер В. Ю.

Група: КВ-22

Номер залікової книжки: КВ-13876184

Допущений до захисту

2 семестр 2022/2023

## НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського»

#### ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЇ МАТЕМАТИКИ

Кафедра системного програмування і спеціалізованих комп'ютерних систем

Узгоджено	ЗАХИЩЕНА ""2022р.
Керівник роботи	з оцінкою
/Марченко О.І./	/Марченко О.І./

Дослідження ефективності методів сортування (Гібридний алгоритм "вибір№4 — обмін" ,Алгоритм №1 методу сортування Шелла,Алгоритм сортування №2 методу прямого вибору ) на багатовимірних масивах

Виконавець роботи:

Міндер В. Ю.

1.		2023
	p.	

# ТЕХНІЧНЕ ЗАВДАННЯ на курсову роботу з дисципліни "Структури даних і алгоритми"

#### ТЕХНІЧНЕ ЗАВДАННЯ НА КУРСОВУ РОБОТУ

- **I.** Описати теоретичні положення, від яких відштовхується дослідження, тобто принцип та схему роботи кожного із досліджуваних алгоритмів сортування для одновимірного масиву, навести загальновідомі властивості цих алгоритмів та оцінки кількості операцій порівняння та присвоєння для них.
- **II.** Скласти алгоритми рішення задачі сортування в багато-вимірному масиві заданими за варіантом методами та написати на мові програмування за цими алгоритмами програму, яка відповідає вимогам розділу «Вимоги до програми курсової роботи».
  - III. Виконати налагодження та тестування коректності роботи написаної програми.
- **IV.** Провести практичні дослідження швидкодії складених алгоритмів, тобто виміри часу роботи цих алгоритмів для різних випадків та геометричних розмірів багатовимірних масивів.
  - V. За результатами досліджень скласти порівняльні таблиці за різними ознаками.

Одна таблиця результатів (вимірів часу сортування впорядкованого, випадкового і обернено-впорядкованого масиву) для масиву з заданими геометричними розмірами повинна бути такою:

Таблиця № для масиву A[P,M,N], де P= ; M= ; N= ;

	Впорядко-ва	Невпорядко-в	Обернено
	ний	аний	впорядкований
Назва алгоритму 1			
Назва алгоритму 2			
Назва алгоритму 3			

Для варіантів курсової роботи, де крім алгоритмів порівнюються також способи обходу, в назвах рядків таблиць потрібно вказати як назви алгоритмів, так і номери способів обходу.

Для виконання грунтовного аналізу алгоритмів потрібно зробити виміри часу та побудувати таблиці для декількох масивів з різними геометричними розмірами.

Зробити виміри часу для стандартного випадку одномірного масиву, довжина якого вибирається такою, щоб можна було виконати коректний порівняльний аналіз з рішенням цієї ж задачі для багатовимірного масиву.

Кількість необхідних таблиць для масивів з різними геометричними розмірами залежить від задачі конкретного варіанту курсової роботи і вибираються так, щоб виконати всебічний та грунтовний порівняльний аналіз заданих алгоритмів.

Рекомендації випадків дослідження з різними геометричними розмірами масивів наведені у розділі «Випадки дослідження».

- **VI.** Для наочності подання інформації за отриманими результатами рекомендується також будувати стовпчикові діаграми та графіки.
- **VII.** Виконати порівняльний аналіз поведінки заданих алгоритмів за отриманими результатами (вимірами часу):
  - для одномірного масиву відносно загальновідомої теорії;
  - для багатовимірних масивів відносно результатів для одномірного масиву;
  - для заданих алгоритмів на багатовимірних масивах між собою;
- дослідити вплив різних геометричних розмірів багатовимірних масивів на поведінку алгоритмів та їх взаємовідношення між собою;
- для всіх вищезазначених пунктів порівняльного аналізу пояснити, ЧОМУ алгоритми в розглянутих ситуаціях поводять себе саме так, а не інакше.
  - VIII. Зробити висновки за зробленим порівняльним аналізом.
- **IX.** Програму курсової роботи під час її захисту ОБОВ'ЯЗКОВО мати при собі на електронному носії інформації.

## Варіант № 102

#### Задача

Впорядкувати окремо кожен переріз тривимірного масива Arr3D [P,M,N] наскрізно по стовпчиках за незменшенням.

## Досліджувані методи та алгоритми

- Гібридний алгоритм "вибір№4 обмін" (додаток 1, рис. №21).
- Алгоритм №1 методу сортування Шелла (класичний варіант на основі прямої вставки №2) (додаток 1, рис. №22). Кількість етапів та кроки між елементами на кожному етапі взяти в залежності від довжини послідовностей, що сортуються.
- Алгоритм сортування №2 методу прямого вибору (додаток 1, рис. №6).

## Способи обходу

Використовуючи елементи першого рядка кожного перерізу як ключі сортування, переставляти відповідні стовпчики кожен раз, коли треба переставляти ключі. При перестановці стовпчиків потрібно саме копіювати їх елементи, а не ко- 27 піювати вказівники на них, використовуючи операції з вказівниками мови C/C++.

## Випадки дослідження

Випадок дослідження І.

Залежність часу роботи алгоритмів від довжини стовпчиків масива

Рекомендовані розміри масива для досліджень:

Кількість ключів у перерізі (N) і загальна кількість ключів (N\*P)  $\epsilon$  константами.

```
P = const = 3, N = const = 155000
```

- 1) M = 1;
- 2) M = 2;
- 3) M = 4;
- 4) M = 8;
- 5) M = 16;
- 6) M = 32;
- 7) M = 64;
- 8) M = 128;

Вектор довжиною кількості ключів у перерізі N = 77500.

Для порівняння час сортування такого вектора помножити на Р. 34

Випадок дослідження II.

Залежність часу роботи алгоритмів від форми перерізів масива

Порівняння з вектором для цього випадку не потрібне.

Рекомендовані розміри масива для досліджень:

Кількість елементів у кожному перерізі (M\*N) є константою.

```
P = const = 3, M = var, N = var, M*N = const = 1000000.
1) M = 10; N = 100000;
```

- 2) M = 100; N = 10000;
- 3) M = 1000; N = 1000;
- 4) M = 1000; N = 1000; 4) M = 10000; N = 100;
- 5) M = 100000; N = 10;
- 3) M 100000, N 10, Випадок дослідження III.

Залежність часу роботи алгоритмів від кількості ключів у кожному перерізі масива при однаковій загальній кількості ключів у всьому масиві

Порівняння з вектором для цього випадку не потрібне.

Рекомендовані розміри масива для досліджень:

Кількість ключів у перерізі N = var

Загальна кількість ключів у матриці

P\*N = const = 400000

Довжина стовпчика M = const = 10

P = var, N = var, M = const = 100, P\*N = const = 400000

- 1) P = 20; N = 20000;
- 2) P = 200; N = 2000;
- 3) P = 2000; N = 200;
- 4) P = 20000; N = 20;

### Опис теоретичних положень

#### Алгоритм №1 методу сортування Шелла

Принцип роботи:

Сортування виконується в декілька етапів

Загальний принцип методу сортування прямого вибору(на прикладі 3-х етапів):

- 1. Спочатку методом вставки сортуються лише ті елементи, що розташовані один від одного на відстані 4 позиції, при цьому всі інші елементи в сортуванні участі не приймають. Таких груп елементів у масиві буде 4, і кожна група елементів сортується окремо.
- 2. Виконується сортування методом вставки тільки елементів, що розташовані один від одного на відстані в 2 позиції. Таких груп буде 2, і кожна сортується окремо.
- 3. Виконується аналогічно першим двом для елементів на відстані 1 елемент, тобто відбувається звичайне сортування методом прямої вставки.

У даному варіанті сортування Шелла відбувається зсув елементів з подальшою вставкою найменшого елемента на свою позицію

Особливості алгоритму:

- 1. Основною особливістю сортування Шелла полягає поділ сортування на етапи. В загальному випадку кількість етапів може бути довільною, а відстань між взаємодіючими елементами не обов'язково повинні бути степенями 2, як початково запропонував Шелл.
- 2. Також в цьому алгоритмі присутнє протиріччя, тобто при збільшенні кількості етапів, збільшується кількість порівнянь, що сповільнює алгоритм, проте зменшується кількість присвоєнь, адже елементи зі збільшенням кількості етапів переставляються на дальшу відстань, тому алгоритм стає більш швидкий.

Хоч алгоритм Шелла показує досить високі показники швидкості, але при аналізі цього алгоритму виникли деякі проблеми, головною проблемою є пошук оптимальної кількості етапів та оптимальних відстаней між взаємодіючими елементами, для збільшення швидкості алгоритму, на основі правильного підбору кількості етапів.

Час виконання алгоритму:

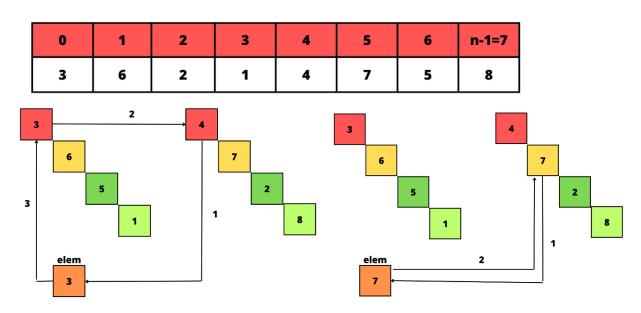
$$T = O(n(ln ln n) 2)$$

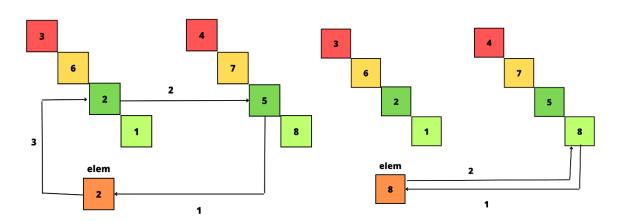
Схема роботи:

## Початковий стан масива:

0	1	2	3	4	5	6	n-1=7
4	6	5	1	3	7	2	8

Етап 1:

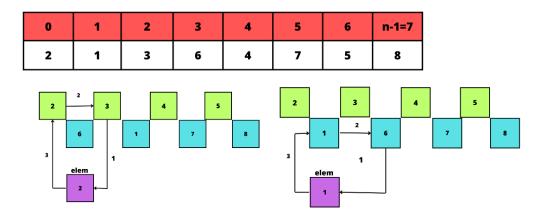




Масив після першого етапу:

0	1	2	3	4	5	6	n-1=7
3	6	2	1	4	7	5	8

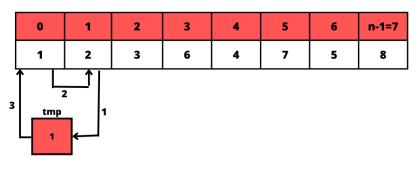
Етап 2:

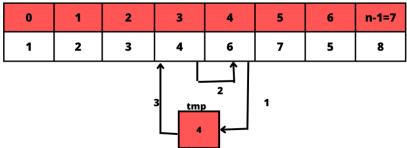


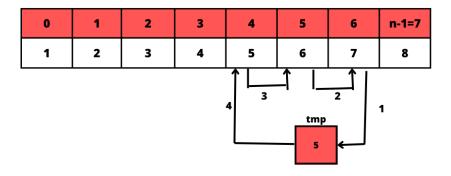
Масив після другого етапу:

0	1	2	3	4	5	6	n-1=7
2	1	3	6	4	7	5	8

Етап 3:







## Сортування завершено:

0	1	2	3	4	5	6	n-1=7
1	2	3	4	5	6	7	8

### Алгоритм на мові с

```
clock t Shell1 3D()
{
  int Elem[M][N], t, j, k;
  clock_t time_start, time_stop;
  time_start = clock();
  if (P < 4) t = 1;
  else t = (int)log2f((float)P) - 1;
  int Stages[t];
  Stages[t - 1] = 1;
  for (int i = t - 2; i \ge 0; i - 1)
     Stages[i] = 2 * Stages[i + 1] + 1;
  for (int p = 0; p < t; p++)
   {
     k = Stages[p];
     for (int i = k; i < P; i++)
     {
        for(int r = 0; r < M; r++)
        {
```

```
for(int u = 0; u < N; u++)
          Elem[r][u] = Arr3D[i][r][u];
        }
     j = i;
     while (j \ge k \&\& Elem[0][0] \le Arr3D[j - k][0][0])
       for(int r = 0; r < M; r++)
          for(int u = 0; u < N; u++)
             Arr3D[j][r][u] = Arr3D[j - k][r][u];
     for(int r = 0; r < M; r++)
     {
       for(int u = 0; u < N; u++)
          Arr3D[j][r][u] = Elem[r][u];
time_stop = clock();
```

return time\_stop - time\_start;

}

## Гібридний алгоритм "вибір№4 – обмін" (додаток 1, рис. №21).

#### Принцип роботи

Беремо початкові значення, які виступають границями, у нас це L та R, яким присвоюються значення першого та останнього елемента відповідно.

- 1) Проходимо по масиву починаючи з L-того елементу і порівнюємо його з нульовим та n-1-шим елементом, якщо L-ий елемент менший за нульовий або більший за останній, то робимо відповідні обміни.
- 2) Таким чином сортуємо всі елементи масиву, збільшуючи L та зменшуючи R.
- 3) З лівого боку від L та з правого боку від R масив можна вважати відсортованим, а між границями невідсортованим.

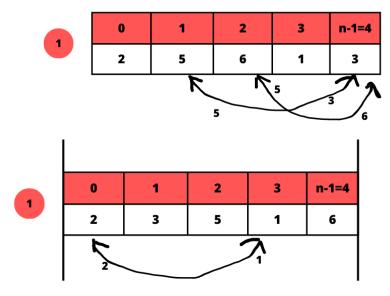
Якщо n парне, то в кінці між границями залишається один елемент. Якщо непарне — порівнюються два елементи між собою.

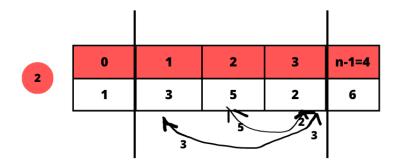
#### Оцінювання алгоритму

Кількість операцій порівняння  $C = O(n^2)$ .

Кількість присвоєнь  $R = O(n^2)$ .

## Схема роботи





## Результат:

0	1	2	3	n-1=4
1	2	3	5	6

## Алгоритм на мові с

```
for(int k = 0; k < N; k++)
         Min = Arr3D[i][j][k];
          Arr3D[i][j][k] = Arr3D[L][j][k];
          Arr3D[L][j][k] = Min;
  else
  {
    if(Arr3D[i][0][0] > Arr3D[R][0][0])
       for(int j = 0; j < M; j++)
          for(int k = 0; k < N; k++)
            Max = Arr3D[i][j][k];
            Arr3D[i][j][k] = Arr3D[R][j][k];
            Arr3D[R][j][k] = Max;
          }
L = L + 1;
R = R - 1;
```

```
time_stop = clock();
return time_stop - time_start;
}
```

#### Алгоритм сортування №2

#### Принцип роботи

В кожен момент часу масив ділиться на відсортовану частину і невідсортовану. Перед початком весь масив вважається невідсортованою частиною.

- 1. Вибираємо найменший елемент в діапазоні від 0 до n-1
- 2. Знайдений елемент міняємо місцями з нульовим елементом масиву. Таким чином один елемент стає відсортованою частиною.
- 3. Дії 1-2 повторюються для невідсортованої частини в діапазоні від 1 до n-1, від 2 до n-1 і т.д., міняючи при цьому найменший елемент місцями з відповідно з елементом з індексом 1, з індексом 2 і т.д. . Таким чином відсортована частина зростає.
- 4. Останній доцільний діапазон пошуку елемента від n-2 до n-1, тому що шукати найменше з одного елементу не матиме сенсу.

#### Властивості:

Весь масив — невідсортована частина, границя стоїть зліва. S — стартова позиція з якої починаємо шукати мінімум (спочатку S = 0), ітіп — вказує позицію мінімума. Потім міняємо місцями елемент на стартовій позиції з елементом на позиції мінімум. Індекс стартової позиції збільшується.

Якщо стартова позиція та позиція мінімального співпадають, то елемент міняється місцями сам з собою.

Автоматично на позиції n-1 стає найбільший елемент. Проходів буде завжди n-1. Використовуємо S як основний лічильник.

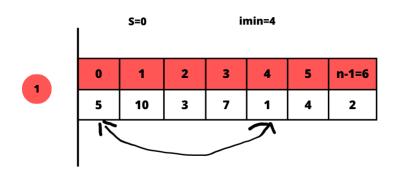
Оцінювання алгоритму:

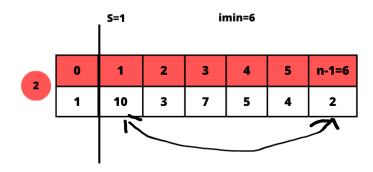
Кількість порівнянь  $C = \frac{n^2 - n}{2}$ . Залежність квадратична.  $C = O(n^2)$ .

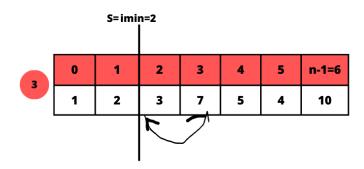
Незалежно від відсортованості масиву кількість порівнянь стала.

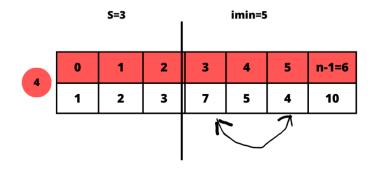
Кількість присвоєнь R = O(n\*ln(n)). Єдина характеристика серед усіх прямих методів, яка не є квадратичною.

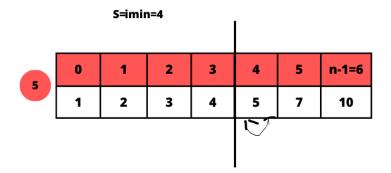
Загальний час роботи квадратичний (метод належить до прямих). Схема:











#### S=imin=5

6	0	1	2	3	4	5	n-1=6
	1	2	3	4	5	7	10
						2	

## Результат:

0	1	2	3	4	5	n-1=6
1	2	3	4	5	7	10

## Алгоритм на мові с

```
clock_t Select2_3D()
{
  int imin, tmp;
  clock_t time_start, time_stop;
  time_start = clock();
  for(int s = 0; s < P - 1; s++)
  {
    imin = s;</pre>
```

```
for(int i = s + 1; i < P; i++)
       if (Arr3D[i][0][0] < Arr3D[imin][0][0])
          imin = i;
    for(int j = 0; j < M; j++)
     {
       for(int k = 0; k < N; k++)
         tmp = Arr3D[imin][j][k];
          Arr3D[imin][j][k] = Arr3D[s][j][k];
         Arr3D[s][j][k] = tmp;
  time_stop = clock();
  return time_stop - time_start;
}
```

## Схема імпорту/ експорту модулів

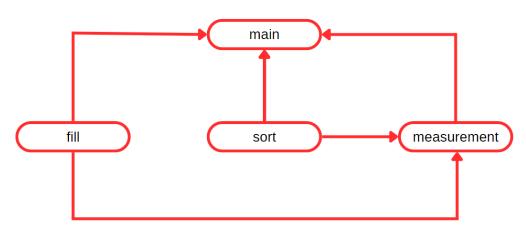
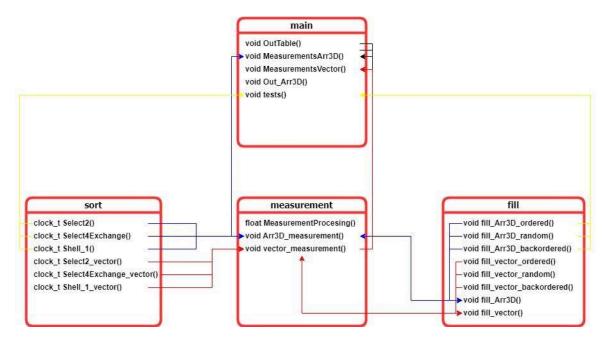


Схема взаємовикликів процедур та функцій



Опис призначення процедур та функцій

#### main

- void OutTable(float ordered, float random, float backordered, int alg) функція для виведення результату вимірювання для одного алгоритму;
- void MeasurmentsArr3D(int alg) функція для вимірювання та виведення часу роботи одного алгоритму для тривимірного масиву;
- void Measurments Vector(int alg) функція для вимірювання та виведення часу роботи одного алгоритму для одновимірного масиву;
- void Out\_Arr3D(int \*\*\*Arr3D, int p, int m, int n) функція для виведення на екран тривимірного масиву;
- void tests() функція для перевірки правильності роботи алгоритмів сортування та заповнення масивів;

#### measurement

- float MeasurementProcessing() функція для обробки та усереднення значень вимірування;
- void Arr3D\_measurement(int \*\*\*Arr3D, int P, int M, int N, int alg, int fill) функція для вибору та запису часу роботи алгоритму в масив значень для тривимірного масиву;
- void vector\_measurement(int \*vector, int N, int alg ,int fill) функція для вибору та запису часу роботи алгоритму в масив значень для одновимірного масиву;

#### sort

- clock\_t Select2(int \*\*\*A, int P, int M, int N) функція для сортування тривимірного масиву алгоритмом Select2;
- clock\_t Select4Exchange(int \*\*\*A, int P, int M, int N) функція для сортування тривимірного масиву алгоритмом Select4Exchange;

- clock\_t Shell\_1(int \*\*\*A, int P, int M, int N) функція для сортування тривимірного масиву алгоритмом Shell 1;
- clock\_t Select2\_vector(int \*A, int N) функція для сортування одновимірного масиву алгоритмом Select2;
- clock\_t Select4Exchange\_vector(int \*A, int N) функція для сортування одновимірного масиву алгоритмом Select4Exchange;
- clock\_t Shell\_1\_vector(int \*A, int N) функція для сортування одновимірного масиву алгоритмом Shell 1;

#### fill

- void fill\_Arr3D\_ordered(int \*\*\*Arr3D, int P, int M, int N) функція для заповнення тривимірного масиву впорядкованими за зростанням елементами;
- void fill\_Arr3D\_random(int \*\*\*Arr3D, int P, int M, int N) функція для заповнення тривимірного масиву невпорядкованими елементами;
- void fill\_Arr3D\_backordered(int \*\*\*Arr3D, int P, int M, int N) функція для заповнення тривимірного масиву впорядкованими за спаданням елементами;
- void fill\_vector\_ordered (int \*vector, int N) функція для заповнення одновимірного масиву впорядкованими за зростанням елементами;
- void fill\_vector\_random (int \*vector, int N) функція для заповнення одновимірного масиву невпорядкованими елементами;
- void fill\_vector\_backordered (int \*vector, int N) функція для заповнення одновимірного масиву впорядкованими за спаданням елементами;
- void fill\_Arr3D(int \*\*\*Arr3D, int P, int M, int N, int fill) функція для вибору способу заповнення тривимірного масиву;
- void fill\_vector(int \*vector, int N, int fill) функція для вибору способу заповнення для одновимірного масиву;

#### Код програми

```
Main.c
    #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <Windows.h>
    #include <time.h>
    #include <conio.h>
    #include "sort.h"
    #include "fill.h"
    #include "measurement.h"
    #define P 3
    #define M 1
    #define N 77500
    void OutTable(float ordered, float random, float backordered, int alg)
      switch(alg){
          printf("%-20s", "Select 2");
        break;
        case 2:
          printf("%-20s", "Select 4 Exchange");
        break:
        case 3:
          printf("%-20s", "Shell 1");
        break;
```

```
void MeasurmentsArr3D(int alg)
 int ***Arr3D;
 Arr3D = (int***) malloc(P*sizeof(int**));
 for (int k=0; k<P; k++)
   Arr3D[k] = (int**) \ malloc(M*sizeof(int*));
   for (int i=0; i<M; i++)
     Arr3D[k][i] = (int*) malloc(N*sizeof(int));
 Arr3D_measurement(Arr3D, P, M, N, alg, 1);
 float ordered = MeasurementProcessing();
 Arr3D_measurement(Arr3D, P, M, N, alg, 2);
 float random = MeasurementProcessing();
 Arr3D_measurement(Arr3D, P, M, N, alg, 3);
 float backordered = MeasurementProcessing();
 OutTable(ordered, random, backordered, alg);
 for (int k=0; k<P; k++)
    for (int i=0; i<M; i++)
      free(Arr3D[k][i]);
   free(Arr3D[k]);
 free(Arr3D);
void MeasurmentsVector(int alg)
 int *vector;
 vector = (int*)malloc(sizeof(int)*N);
 vector_measurement(vector, N, alg, 1);
 float ordered = MeasurementProcessing();
 vector measurement(vector, N, alg, 2);
 float random = MeasurementProcessing();
 vector_measurement(vector, N, alg, 3);
 float backordered = MeasurementProcessing();
 OutTable(ordered, random, backordered, alg);
 free(vector);
void Out_Arr3D(int ***Arr3D, int p, int m, int n){
 for(int k = 0; k < p; k++){
   printf("P = %d\n", k);
   for(int i = 0; i < m; i++){
      for(int j = 0; j < n; j++){
        printf("%4d", Arr3D[k][i][j]);
     printf("\n");
   printf("\n");
void tests(){
 int p = 3, m = 8, n = 8;
 int ***Arr3D;
```

```
Arr3D = (int***) malloc(p*sizeof(int**));
for (int k=0; k<p; k++)
  Arr3D[k] = (int**) \ malloc(M*sizeof(int*));
  for (int i=0; i<m; i++)
    Arr3D[k][i] = (int*) malloc(m*sizeof(int));
printf("Select algorithm:\n");
printf("1. Select 2\n");
printf("2. Select 4 Exchange\n");
printf("3. Shell 1\n");
int num;
scanf("%d", &num);
system("cls");
switch(num){
  case 1:
    for(int i = 1; i <= 3; i++){
      switch(i){
         case 1:
           printf("Ordered\n");
         break;
         case 2:
           printf("Random\n");
         break;
         case 3:
           printf("Backordered\n");
         break;
      fill_Arr3D(Arr3D, p, m, n, i);
      printf("Before sorting:\n");
      Out_Arr3D(Arr3D, p, m, n);
      Select2(Arr3D, p, m, n);
      printf("After sorting:\n");
      Out_Arr3D(Arr3D, p, m, n);
  break;
  case 2:
    for(int i = 1; i <= 3; i++){
      switch(i){
         case 1:
           printf("Ordered\n");
         break;
         case 2:
           printf("Random\n");
         break;
         case 3:
           printf("Backordered\n");\\
         break;
      fill_Arr3D(Arr3D, p, m, n, i);
      printf("Before sorting:\n");\\
       Out_Arr3D(Arr3D, p, m, n);
      Select4Exchange(Arr3D, p, m, n);
      printf("After sorting:\n");
      Out_Arr3D(Arr3D, p, m, n);
  break;
    for(int i = 1; i <= 3; i++){
      switch(i){
         case 1:
           printf("Ordered\n");
         break;
         case 2:
           printf("Random\n");
         break;
         case 3:
           printf("Backordered\n");\\
         break;
      fill_Arr3D(Arr3D, p, m, n, i);
```

```
printf("Before sorting:\n");
       Out_Arr3D(Arr3D, p, m, n);
       Shell_1(Arr3D, p, m, n);
       printf("After sorting:\n");\\
       Out_Arr3D(Arr3D, p, m, n);
   break;
 for (int k=0; k<p; k++)
   for (int i=0; i<m; i++)
     free(Arr3D[k][i]);
   free(Arr3D[k]);
 free(Arr3D);
int main()
 srand(time(NULL));
 int f = 0;
 while(f != 1){
   system("cls");
   printf("1.Measurement table Arr3D\n");
   printf("2.Measurement table Vector\n");
   printf("3.Measurement algorithm Arr3D\n");
printf("4.Tests\n");
printf("5.Exit\n");
   int num;
   scanf("%d", &num);
   system("cls");
   switch(num){
     case 1:
       for(int i = 1; i <= 3; i++){
          MeasurmentsArr3D(i);
       getch();
     break;
       printf("N = %d\n", N);
       printf("%20s%-10s%-10s%10s \n","", "ordered", "random", "backordered");
       for(int i = 1; i <= 3; i++){
          MeasurmentsVector(i);
       getch();
     break;
     case 3:
       printf("Select algorithm:\n");
       printf("1. Select 2\n");
       printf("2. Select 4 Exchange\n");
printf("3. Shell 1\n");
       int num;
       scanf("%d", &num);
       system("cls");
       MeasurmentsArr3D(num);
       getch();
     break;
     case 4:
       tests();
       getch();
     break;
      case 5:
       f = 1;
     break;
```

```
default:

break;

}

return 0;
```

#### sort.h

```
#ifndef SORT_H_INCLUDED

#define SORT_H_INCLUDED

#include <time.h>

clock_t Select2(int ***A, int P, int M, int N);

clock_t Select4Exchange(int ***A, int P, int M, int N);

clock_t Shell_1(int ***A, int P, int M, int N);

clock_t Shell_1(int ***A, int P, int M, int N);

clock_t Select2_vector(int *A, int N);

clock_t Select4Exchange_vector(int *A, int N);

clock_t Shell_1_vector(int *A, int N);

#endif // SORT_H_INCLUDED
```

#### sort.c

```
#include "sort.h"
#include <time.h>
#include <math.h>
#include <stdlib.h>
clock_t Select2(int ***A, int P, int M, int N){
  int imin;
  int buf;
  clock_t time_start, time_stop;
  time_start = clock();
  for(int k = 0; k < P; k++)
    for(int s = 0; s < N-1; s++){
       imin = s;
       for(int i=s+1; i < N; i++){
         if (A[k][0][i] < A[k][0][imin])
           imin=i;
         for(int j = 0; j < M; j++){
           buf = A[k][j][imin];
           A[k][j][imin] = A[k][j][s];
           A[k][j][s] = buf;
  time_stop = clock();
  return time_stop - time_start;
clock_t Select4Exchange(int ***A, int P, int M, int N){
 int L, R;
  int Min, Max;
  clock_t time_start, time_stop;
  time_start = clock();
  for(int k = 0; k < P; k++){
    L=0; R=N-1;
    while (L<R){
       for(int i=L; i<R+1; i++){
         if (A[k][0][i] < A[k][0][L]){
           for(int j = 0; j < M; j++){
              Min = A[k][j][i];
              A[k][j][i] = A[k][j][L];
              A[k][j][L] = Min;
```

```
else if(A[k][0][i] > A[k][0][R]){
            for(int j = 0; j < M; j++){
Max = A[k][j][i];
               A[k][j][i] = A[k][j][R];
               A[k][j][R] = Max;
       L=L+1; R=R-1;
  time_stop = clock();
  return time_stop - time_start;
clock_t Shell_1(int ***A, int P, int M, int N)
  int t, j, k;
  clock_t time_start, time_stop;
  int *Elem;
  Elem = (int*)malloc(sizeof(int)*M);
  time_start = clock();
  if (N<4) t=1;
  else t=(int)log2f((float)N)-1;
  int Stages[t];
  Stages[t-1]=1;
  for (int i=t-2; i>=0; i--)
  Stages[i]=2*Stages[i+1]+1;
  for(int I = 0; I < P; I++){
     for (int p=0; p<t; p++){
       k=Stages[p];
for (int i=k; i<N; i++){
         for(int y = 0; y < M; y++){
Elem[y] = A[l][y][i];
          j=i;
          while (j>=k && Elem[0]<A[I][0][j-k]) {
            for(int y = 0; y < M; y++){
               A[I][y][j]=A[I][y][j-k];
            j=j-k;
          for(int y = 0; y < M; y++){
    A[l][y][j] = Elem[y];
  time_stop = clock();
  free(Elem);
  return time_stop - time_start;
clock_t Select2_vector(int *A, int N)
  int imin, tmp;
  clock_t time_start, time_stop;
  time_start = clock();
  for(int s=0; s<N-1; s++){
     imin=s;
     for(int i=s+1; i<N; i++)
       if (A[i]<A[imin]) imin=i;
     tmp=A[imin];
     A[imin]=A[s];
     A[s]=tmp;
```

```
time_stop = clock();
            return time_stop - time_start;
         clock_t Select4Exchange_vector(int *A, int N)
            int Min, Max;
            int L, R;
           clock_t time_start, time_stop;
            time_start = clock();
           L=0; R=N-1;
            while (L<R){
              for(int i=L; i<R+1; i++){
                 \text{if } (\mathsf{A}[\mathsf{i}] < \mathsf{A}[\mathsf{L}]) \{
                   Min=A[i];
A[i]=A[L];
                   A[L]=Min;
                 else
                 if (A[i] > A[R]){
                   Max=A[i];
                   A[i]=A[R];
                   A[R]=Max;
              L=L+1; R=R-1;
           time_stop = clock();
            return time_stop - time_start;
         clock_t Shell_1_vector(int *A, int N)
           int Elem, t, j, k;
            clock_t time_start, time_stop;
           time_start = clock();
            if (N<4) t=1;
           else t=(int)log2f((float)N)-1;
           int Stages[t];
            Stages[t-1]=1;
            for (int i=t-2; i>=0; i--)
           Stages[i]=2*Stages[i+1]+1;
for (int p=0; p<t; p++){
              k=Stages[p];
              for (int i=k; i<N; i++){
                 Elem=A[i];
                j=i;
                 while (j>=k && Elem<A[j-k]) {
                   A[j]=A[j-k];
                   j=j-k;
                 A[j]=Elem;
            time_stop = clock();
            return time_stop - time_start;
fill.h
         #ifndef FILL_H_INCLUDED
         #define FILL_H_INCLUDED
         void fill_Arr3D(int ***Arr3D, int P, int M, int N, int fill);
         void fill_vector(int *vector, int N, int fill);
       #endif // FILL_H_INCLUDED
fill.c
         #include "fill.h"
         #include <stdlib.h>
```

```
void fill_Arr3D_ordered(int ***Arr3D, int P, int M, int N)
  int number=0;
  for (int k=0; k<P; k++)
     for (int i=0; i<M; i++)
       for (int j=0; j<N; j++)
          Arr3D[k][i][j] = number++;
void fill_Arr3D_random(int ***Arr3D, int P, int M, int N)
  for (int k=0; k<P; k++)
     for (int i=0; i<M; i++)
       for (int j=0; j<N; j++)
          Arr3D[k][i][j] = rand()\%(P*M*N);
void fill_Arr3D_backordered(int ***Arr3D, int P, int M, int N)
  int number = P*M*N;
  for (int k=0; k<P; k++)
     for (int i=0; i<M; i++)
       for (int j=0; j<N; j++)
          Arr3D[k][i][j] = number--;
void fill_vector_ordered(int *vector, int N){
  for(int i = 0; i < N; i++){
     vector[i] = i;
void fill_vector_random(int *vector, int N){
  for(int i = 0; i < N; i++){
     vector[i] = rand() % N;
\label{eq:void_fill_vector_backordered} $$ void fill_vector_backordered(int *vector, int N){$ for(int i = 0; i < N; i++){$ } $} $$
     vector[i] = N - i;
void fill_Arr3D(int ***Arr3D, int P, int M, int N, int fill)
  switch(fill)
  case 1:
     fill_Arr3D_ordered(Arr3D, P, M, N);
  case 2:
     fill_Arr3D_random(Arr3D, P, M, N);
     break;
  case 3:
     fill_Arr3D_backordered(Arr3D, P, M, N);
     break;
void fill_vector(int *vector, int N, int fill)
  switch(fill)
  case 1:
     fill_vector_ordered(vector, N);
     break;
  case 2:
     fill_vector_random(vector, N);
     break;
  case 3:
     fill_vector_backordered(vector, N);
     break;
```

#### measurement.h

```
#ifndef MEASUREMENT_H_INCLUDED

#define MEASUREMENT_H_INCLUDED

#define measurements_number 28

#define rejected_number 2

#define min_max_number 3

#include <time.h>

extern clock_t Res[measurements_number];

float MeasurementProcessing();

void Arr3D_measurement(int ***Arr3D, int P, int M, int N, int alg, int fill);

void vector_measurement(int *vector, int N, int alg, int fill);

#endif // MEASUREMENT_H_INCLUDED
```

#### measurement.c

```
#include "measurement.h"
#include "fill.h"
#include "sort.h"
#include <time.h>
#include <stdio.h>
clock_t Res[measurements_number];
float MeasurementProcessing()
  long int Sum;
  float AverageValue;
  clock_t buf;
  int L = rejected_number, R = measurements_number - 1;
  int k = rejected_number;
 if (Res[i] > Res[i + 1]) {
                                  buf = Res[i];
                                  Res[i] = Res[i + 1];
Res[i + 1] = buf;
                                  k = i;
            R = k;
             for (int i = R - 1; i >= L; i--) {
                       if (Res[i] > Res[i + 1]) {
                                  buf = Res[i];
                                  Res[i] = Res[i + 1];
                                  Res[i + 1] = buf;
                                  k = i;
            }
L = k + 1;
  Sum=0;
  for (int i = rejected_number + min_max_number; i < measurements_number - min_max_number; i++)
   Sum = Sum + Res[i];
  AverageValue = (float)Sum/(float)(measurements_number - 2*min_max_number - rejected_number);
  return AverageValue;
void Arr3D_measurement(int ***Arr3D, int P, int M, int N, int alg, int fill)
  switch(alg)
```

```
case 1:
       for (int i = 0; i < measurements_number; i++)
         fill_Arr3D(Arr3D, P, M, N, fill);
         Res[i] = Select2(Arr3D, P, M, N);
    break;
  case 2:
       for (int i = 0; i < measurements_number; i++)
         fill_Arr3D(Arr3D, P, M, N, fill);
         Res[i] = Select4Exchange(Arr3D, P, M, N);
    break;
  case 3:
       for (int i = 0; i < measurements_number; i++)
         fill_Arr3D(Arr3D, P, M, N, fill);
         Res[i] = Shell_1(Arr3D, P, M, N);
    break;
void vector_measurement(int *vector, int N, int alg ,int fill)
  switch(alg)
  case 1:
       for (int i = 0; i < measurements_number; i++)
         fill_vector(vector, N, fill);
Res[i] = Select2_vector(vector, N);
    break;
  case 2:
       for (int i = 0; i < measurements_number; i++)
         fill_vector(vector, N, fill);
         Res[i] = Select4Exchange_vector(vector, N);
    break;
  case 3:
       for (int i = 0; i < measurements_number; i++)
         fill_vector(vector, N, fill);
         Res[i] = Shell_1_vector(vector, N);
    break;
```

#### Тести

Характеристики комп'ютера:

- Процесор: AMD Ryzen 5 3550H
- Оперативна пам'ять: 8 ГБ
- Операційна система: Windows 10 Pro 21H2
- Компілятор: MinGW GCC

```
After sorting:
Select 2
Ordered
                                                             4
Before sorting:
                                                   10
                                            8
                                                            20
                                           16
                                                                      30
                      29
37
                                                                          47
                               39
                                                   50
                                               49
                                                   58
                                                            60
                                                                 61
                  60
 64 65
         66 67
                  68
                      69
                                               81
                                                   82
                                                        83
                                                            84
                                                                 85
                                                                     86
                                                                          87
                                          80
 72
80
     73
81
                      77
85
                                                   90
                                                        91 92
                                               89
                                                                     94
                               87
                                                   98 99 100 101 102 103
         90
     89
                               95
                                              105 106 107 108 109 110 111
         98
             99 100 101 102 103
                                          112 113 114 115 116 117 118 119
104 105 106 107 108 109 110 111
112 113 114 115 116 117 118 119
                                          120 121 122 123 124 125 126 127
120 121 122 123 124 125 126 127
                                          128 129 130 131 132 133 134 135
                                          136 137 138 139 140 141 142 143
128 129 130 131 132 133 134 135
136 137 138 139 140 141 142 143
144 145 146 147 148 149 150 151
                                              145 146 147 148 149 150 151
                                          152 153 154 155 156 157 158 159
                                          160 161 162 163 164 165 166 167
152 153 154 155 156 157 158 159
                                          168 169 170 171 172 173 174 175
160 161 162 163 164 165 166 167
168 169 170 171 172 173 174 175
                                          176 177 178 179 180 181 182 183
 176 177 178 179 180 181 182 183
                                          184 185 186 187 188 189 190 191
184 185 186 187 188 189 190 191
```

```
Random
                                     After sorting:
Before sorting:
                                       = 0
 = 0
                                       15
                                           16
                                               39 47
                                                       61 127 127 174
 47 174 127 16 127 61 15
                             39
                                      175
                                           15
                                                0 35 158 123 71 19
 35 19 71
             15 123 158 175
                              0
                                           57
                                               60 171
                                                          11 163 131
                                       37
                                                       72
 171 131 163
                         37
                             60
                                                       42 137
                                      106 154
                                               48
                                                              56 178
 31 178 56 154 137
                     42 106
                             48
                                      121 178 103 125
                                                       68 182 113
                                                                  37
    37 113 178 182
                     68 121
                            103
                                       85 117
                                                  39 172 117
                                                               61 185
 39 185
        61 117 117 172
                         85
                                       64 140
                                              10 163
                                                       74 142
                                                               14 157
 163 157
                     74
         14 140 142
                        64
                             10
                                      133
                                           82 142
                                                   90
                                                       92 108
                                                               28
 90 83
         28
             82 108
                     92 133 142
                                           24
                                                   47
                                                          51
                                                               89 159
             24 159 51
                         47
                                       61
                                           34
                                                   79 115 104
                                                               83 155
             34 155 115
 83 104
                                      121 168
                                                   59
                                                       23
                                                          48 157
 157
     48
            168
                     23
                         59
                            121
                                          149
                                      110
                                               61 137
                                                      171 160
                                                              113 176
113
    160
         61 149
                176
                    171
                            110
                                           11
                                        8
                                                  88 144
                                                          30
                                                              44 100
             11 100 144
 44
     30
                         88
                              8
                                       99
                                           29
                                                9 136
                                                      59 102 144 23
144
    102
            29
                23
                     59
                        136
                             99
                                       17 147
                                                       54
                                                6 125
                                                           6 130 112
130
      6
          6 147 112
                     54 125
                             17
                                       26 170
                                                  32
                                                       30
                                                           33 140 125
140
          3 170 125
                     30
                         32
                             26
 = 2
                                                   93 100 156 171 175
                                       18
156 175 93 18 171 100
                         93
                             56
                                      110
                                           23 176
                                                   38
                                                       76 132 143
                                                                  59
132 59 176 110 143
                         38
                             23
                                                   46 113 120
                                                               97 101
 120 101 97
                 97 113
             87
                         46
                             91
                                           90
                                              86 111
                                       26
                                                       62
                                                          83
                                                               59
                                                                   30
 83
     30
         86
             26
                 59
                     62
                             90
                                      117
                                           29 184
                                                  101
                                                      182
                                                           83
                                                               94
                                                                   46
 83
     46 184 117
                 94 182
                        101
                             29
                                       94
                                          163 184
                                                       46
                                                           24
                                                              109
                                                                  113
    113 184
            94 109
 24
                     46
                         17
                            163
                                      124
                                          94 71 119 142 169
                                                               48 149
169 149
        71 124
                 48 142 119
                            94
                                      108 116 156 97
                                                       19 175
                                                               82 158
 175 158 156 108
                     19 97 116
```

```
Backordered
                                      After sorting:
Before sorting:
                                        = 0
 = 0
                                       185 186 187 188 189 190 191 192
192 191 190 189 188 187 186 185
                                       177 178 179 180 181 182 183 184
184 183 182 181 180 179 178 177
                                       169 170 171 172 173 174 175 176
 176 175 174 173 172 171 170 169
                                       161 162 163 164 165 166 167 168
168 167 166 165 164 163 162 161
                                       153 154 155 156 157 158 159 160
160 159 158 157 156 155 154 153
                                       145 146 147 148 149 150 151 152
152 151 150 149 148 147 146 145
                                       137 138 139 140 141 142 143 144
144 143 142 141 140 139 138 137
                                       129 130 131 132 133 134 135 136
136 135 134 133 132 131 130 129
                                        = 1
                                       121 122 123 124 125 126 127 128
128 127 126 125 124 123 122 121
                                       113 114 115 116 117 118 119 120
120 119 118 117 116 115 114 113
                                       105 106 107 108 109 110 111 112
 112 111 110 109 108 107 106 105
                                            98
                                               99 100 101 102 103 104
 104 103 102 101 100
                     99
                          98
                              97
                                        29
                                            90
                                               91
                                                    92
                                                        93
                                                            94
                                                                    96
 96
         94
                 92
                      91
                          90
                              89
                                        81
                                            82
                                                83
                                                    84
                                                        85
                                                            86
                                                                87
                                                                    88
 88 87
              85
         86
                  84
                     83
                          82
                              81
                                        73
                                                    76
                                                        77
                                                                79
                                                                    80
 80 79
         78
                          74
                                                67
                                                        69
                                            66
                                                    68
                                                            70
                                                                71
                                                                    72
 72 71 70
             69
                  68 67
                          66
                                        = 2
 = 2
                                            58
                                        57
                                                59
                                                    60
                                                        61 62
                                                                63
                                                                    64
                     59
                  60
                                        49
                                            50
                                                51
                                                    52
                                                            54
                                                                    56
 56
         54
                  52
                      51
                          50
                              49
                                        41
                                            42
                                                    44
                                                        45
                                                            46
                                                                47
                                                                    48
 48
     47
         46
              45
                  44
                      43
                          42
                              41
                                                        37
                                            34
                                                    36
                                                            38
                                                                39
                                                                    40
 40
         38
                          34
     39
              37
                  36
                                                        29
                                        25
                                                    28
                                                            30
                                                                    32
 32
     31
          30
              29
                  28
                      27
                          26
                              25
                                        17
                                            18 19
                                                    20
                                                        21 22
                                                                23
                                                                    24
  24
      23
          22
              21
                  20
                      19
                          18
                                            10
                                                11
                                                    12
                                                        13
                                                                15
                                                                    16
                                                            14
     15
         14
              13
                  12
                      11
                               9
 16
                          10
                                         1
                                                             6
                                                                      8
          6
                   4
  8
Select 4 Exchange
Ordered
                                      After sorting:
Before sorting:
                                        = 0
 = 0
                                         0
                                                 2
                                                        4
                                                                 6
  0
      1
                  4
                                         8
                                                10
                                                    11
                                                        12 13
                                                                14
                                                                    15
         10 11
                 12 13
                          14 15
  8
                                        16
                                            17
                                                18
                                                    19
                                                        20 21
                                                                22
                                                                    23
 16
         18
                  20 21
                              23
                                                        28
                                                            29
                                        24
                                            25
                                                    27
                                                                30
                                                26
 24
     25
          26
              27
                  28
                      29
                          30
                                        32
                                                34
                                                         36
                                                            37
                                                                 38
                                                                     39
          34
                  36
                      37
                          38
                              39
                                        40
                                            41
                                                42
                                                        44
                                                            45
                                                                46
                                                                     47
 40
         42
                  44
                      45
                              47
                          46
                                            49
                                                50
                                                        52
                                                                    55
                                        48
                                                    51
                                                                54
 48 49
         50
              51
                  52
                          54
                                        56
                                            57
                                                58
                                                    59
                                                        60
                                                            61
                                                                62
                                                                    63
 56
         58
              59
                  60
                      61
                          62
                              63
                                        = 1
 = 1
                                            65
                                        64
                                                66
                                                    67
                                                        68
                                                            69
                                                                70
                                                                    71
 64 65
         66
              67
                  68
                      69
                          70
                              71
                                        72
                                                74
                                                        76
                                                            77
                                                                 78
                                                                    79
     73
         74
              75
                  76
                              79
 72
                          78
                                                    83
                                                        84
                                                            85
                                                                    87
                                        80
                                            81
                                                82
                                                                86
 80 81 82
             83
                  84
                     85
                          86
                             87
                                        88 89 90
 88 89
         90
             91 92 93 94 95
                                        96 97 98 99 100 101 102 103
         98 99 100 101 102 103
 96 97
                                       104 105 106 107 108 109 110 111
 104 105 106 107 108 109 110 111
                                       112 113 114 115 116 117 118 119
 112 113 114 115 116 117 118 119
                                       120 121 122 123 124 125 126 127
 120 121 122 123 124 125 126 127
                                        = 2
 = 2
                                       128 129 130 131 132 133 134 135
128 129 130 131 132 133 134 135
                                       136 137 138 139 140 141 142 143
 136 137 138 139 140 141 142 143
                                       144 145 146 147 148 149 150 151
144 145 146 147 148 149 150 151
                                       152 153 154 155 156 157 158 159
152 153 154 155 156 157 158 159
                                       160 161 162 163 164 165 166 167
160 161 162 163 164 165 166 167
                                       168 169 170 171 172 173 174 175
168 169 170 171 172 173 174 175
                                       176 177 178 179 180 181 182 183
 176 177 178 179 180 181 182 183
```

184 185 186 187 188 189 190 191

184 185 186 187 188 189 190 191

```
Random
                                   After sorting:
Before sorting:
                                    = 0
 = 0
                                     35 51 55 80 89 99 125 128
 55 35 51 125 99 80 89 128
                                        72 116 168
                                     79
                                                   50 151 180 78
116 79 72 180 151 168
                       50 78
                                    160 96 123 22
                                                   0 70
                                                          9 163
                        0 163
123 160 96
                70 22
                                   171
                                        0 70 101 91 42
                                                          40 50
         0 40
 70 171
                42 101
                       91 50
                                    22 115
                                            50 56 161 36 177
                                                              104
 50
    22 115 177
                   56 161 104
                                        9 1 132 177 183
                                     28
                                                          56 33
  1 28 9 56 183 132 177 33
                                    77 147 152 16 48 75
                                                          6 112
152 77 147
               75 16 48 112
                                            2 188 136 43 150 28
                                    139 168
  2 139 168 150 43 188 136 28
                                    = 1
                                     29 36 43 55 72 78 153 163
 43 78 163 153 72 55 36 29
                                    99 181 37 136 180 161 115 98
 37 161 98 115 180 136 181 99
                                    15 112 103
                                                6 39
                                                      35 59
                                                              73
103 35 73 59 39
                   6 112 15
                                              32 126 135 191 189
                                    184 78
  9 135 189 191 126 32 78 184
                                       11 138 21 119 20 62 169
                                   168
 138 20 169 62 119 21
                       11 168
                                    156
                                        39 138 125 118 166 172
                                                              60
138 166 60 172 118 125
                       39
                          156
                                    72 104 80 126 131 171 113 105
 80 171 105 113 131 126 104 72
                                    144 21
                                            5 88
                                                   9 103 106 166
  5 103 166 106
                9 88 21 144
                                    = 2
 = 2
                                    16 48 54 90 153 166 173 189
 54 48 173 166 153 90 189 16
                                        50 22 106 101 107 126
45 59 130 69 47 156
                                    149
                                                              46
     50 126 107 101 106 46 149
 22
                                    161
                                                      47 156 127
 59
    45 156 47 69 130 127 161
                                        50 156 45 118
                                   107
                                                      31 139
                                                              70
    50 139 31 118 45
                       70 107
                                   157 106 153 142 22 92 24 98
153 106 24 92 22 142 98 157
                                    85
                                       79 179
                                               25 169 184 81 115
179
    79 81 184 169
                   25 115 85
                                    100
                                        48 16
                                               88 23 125 137 157
 16 48 137 125
                    88 157 100
                                    146 114
                                            56
                                                39 107
                                                      39 22 73
 56 114 22 39 107
                    39 73 146
```

```
Backordered
                                      After sorting:
Before sorting:
                                        = 0
 = 0
                                       185 186 187 188 189 190 191 192
192 191 190 189 188 187 186 185
                                       177 178 179 180 181 182 183 184
184 183 182 181 180 179 178 177
                                       169 170 171 172 173 174 175 176
176 175 174 173 172 171 170 169
                                       161 162 163 164 165 166 167 168
168 167 166 165 164 163 162 161
                                       153 154 155 156 157 158 159 160
160 159 158 157 156 155 154 153
                                       145 146 147 148 149 150 151 152
 152 151 150 149 148 147 146 145
                                       137 138 139 140 141 142 143 144
 144 143 142 141 140 139 138 137
                                       129 130 131 132 133 134 135 136
136 135 134 133 132 131 130 129
                                        = 1
 = 1
                                       121 122 123 124 125 126 127 128
128 127 126 125 124 123 122 121
                                       113 114 115 116 117 118 119 120
 120 119 118 117 116 115 114 113
                                       105 106 107 108 109 110 111 112
 112 111 110 109 108 107 106 105
                                           98 99 100 101 102 103 104
                                        97
 104 103 102 101 100
                     99
                         98
                             97
                                           90 91
                                                       93 94
                                                               95
                                        89
                                                   92
                                                                    96
 96 95 94
             93
                 92
                     91
                         90
                              89
                                        81
                                           82
                                               83
                                                   84
                                                        85
                                                           86
                                                                87
                                                                    88
 88 87
         86
             85
                 84
                         82
                     83
                              81
                                                                79
                                        73
                                                            78
                                                                    80
 80
     79
         78
             77
                 76
                     75
                                        65
                                           66
                                               67
                                                    68
                                                            70
                                                                71
                                                                    72
 72
     71
         70
             69
                 68
                     67
                         66
                              65
                                        = 2
                                        57
                                           58
                                                59
                                                    60
                                                        61 62
                                                                63
                                                                    64
 64 63 62
             61
                 60 59
                         58
                              57
                                        49
                                            50
                                                51
                                                    52
                                                            54
                                                                    56
 56
         54
                 52
                         50
                             49
                                        41
                                            42
                                                    44
                                                        45
                                                            46
                                                                47
                                                                    48
     47
         46
                  44
 48
                          42
                              41
                                            34
                                                35
                                                    36
                                                            38
                                                                39
                                                                    40
 40
     39
         38
              37
                  36
                         34
                              33
                                        25
                                           26
                                                27
                                                    28
                                                        29
                                                            30
                                                                31
                                                                    32
         30
             29
                 28
                     27
                              25
 32
                         26
                                        17
                                           18
                                               19
                                                    20
                                                        21
                                                           22
                                                                23
                                                                    24
 24
                 20
                     19
                         18
                                           10 11
                                                   12
                                                        13 14
                                                                    16
     15 14
                 12 11
                         10
                              9
                                                     4
                                                         5
                                                                     8
  8
          6
                  4
```

```
Shell 1
Ordered
                                     After sorting:
Before sorting:
 = 0
                                        0
                                                               6
                                                       12
                                                          13
                                                                   15
                                        8
                                               10
  8
      9 10
             11
                         14 15
                                               18
                                                   19
                                                       20
                                                                   23
                                       16
                     21
 16
         18
             19
                 20
                         22
                             23
                                       24
                                               26
                                                   27
                                                       28
                                                           29
                                                               30
                                                                   31
 24
     25
         26
             27
                 28
                     29
                         30
                             31
                                       32
                                                       36
                                                           37
                                                               38
                                                                   39
                     37
         34
                 36
                         38
                             39
                                       40
                                           41 42
                                                   43
                                                       44
                                                          45
                                                              46
                                                                   47
 40 41 42
             43
                 44
                    45
                             47
                         46
                                       48
                                           49
                                               50
                                                               54
 48 49 50
             51
                 52
                         54
                                               58
                                       56
                                                   59
                                                       60
                                                           61
                                                               62
                                                                   63
 56
     57
         58
             59
                 60
                     61
                         62
                            63
                                       = 1
                                       64 65 66
                                                   67
                                                       68 69
                                                               70
                                                                   71
 64 65 66
             67
                 68 69
                         70
                             71
                                       72
                                                       76
                                                           77
                                                               78
                                                                   79
        74
             75
                     77
                             79
                         78
                                       80
                                           81
                                               82
                                                   83
                                                       84
                                                          85
                                                               86
                                                                   87
 80 81 82
             83
                 84 85
                         86 87
                                          29
                                                       92 93
                                                                   95
                                       88
                                               90
                                                              94
 88
     89
         90
             91
                 92
                         94
                                       96 97 98 99 100 101 102 103
 96
         98
             99 100 101 102 103
                                      104 105 106 107 108 109 110 111
104 105 106 107 108 109 110 111
                                      112 113 114 115 116 117 118 119
112 113 114 115 116 117 118 119
                                      120 121 122 123 124 125 126 127
120 121 122 123 124 125 126 127
                                       = 2
 = 2
                                      128 129 130 131 132 133 134 135
128 129 130 131 132 133 134 135
                                      136 137 138 139 140 141 142 143
136 137 138 139 140 141 142 143
                                      144 145 146 147 148 149 150 151
144 145 146 147 148 149 150 151
                                      152 153 154 155 156 157 158 159
152 153 154 155 156 157 158 159
                                      160 161 162 163 164 165 166 167
160 161 162 163 164 165 166 167
                                      168 169 170 171 172 173 174 175
168 169 170 171 172 173 174 175
                                      176 177 178 179 180 181 182 183
176 177 178 179 180 181 182 183
                                      184 185 186 187 188 189 190 191
184 185 186 187 188 189 190 191
```

```
Random
                                   After sorting:
Before sorting:
                                     = 0
                                     9 82 86 90 152 164 165 184
 90
      9 82 165 86 184 164 152
                                        29 170 136 100 30 28
                                                               80
     3 29 28 170 80 30 100
62 89 100 159 8 171 152
 136
                                     62 89 159 55 152 171 100
                                                               8
                                     45 109 18 64 140 133
                                                               14
 64 45 109
            9 18 14 133 140
                                    151 130 129 97 136 41
 97 151 130 75 129 97 41 136
                                    151 73 80 125 138 22 94 152
 125 151 73 94 80 152 22 138
                                    157 179 135 88
                                                   70 145 171 92
 88 157 179 171 135 92 145 70
                                    108 56 81 156 33 163 77 169
 156 108 56 77 81 169 163
                                    = 1
 = 1
                                    17 17 21 22 53 89 127 154
 22 154 17 21 127 17 89 53
                                            7 186 16 131 131 19
                                    190 185
 186 19 190
             7 131 185 131 16
                                        90 26 91 117 118 182
                                    129
                                                               86
 91 86 129
            26 182 90 118 117
                                    160
                                        66 60
                                                   89 138 146 119
 51 119 160
            60 146
                   66 138
                          89
                                    103 144 139 34 103 157 56 91
 34 91 103 139 56 144 157 103
                                     99 59 157 166 189 142 107 127
 166 127 99 157 107 59 142 189
                                     40 140 58 104 45 131 147 49
 104 49 40 58 147 140 131 45
                                    140 159 93 175 125 99 60 149
175 149 140 93 60 159 99 125
                                     29 38 42 54 84 162 167 171
171 162 42 54 84 38 29 167
                                    159 38 161 42 177 35 154 171
171 35 161 42 177
                   38 159 154
                                                   72 54 119 103
                                    159 120 82 146
103 54 82 146 72 120 159 119
                                    86
                                         9 38 120
                                                   55 16 84
 55 16 38 120 55
                    9 86 84
                                    128
                                        90
                                               29 124 119 124
                                                               90
            29 124
 90 119
                   90 128 124
                                    157 129 31 54 123 6 45 112
            54 123 129 157
 112
                           45
                                    179 103 167 42 124 173
                                                           89 128
128 173 167 42 124 103 179 89
                                    138
                                         8 147 21 171 174 38 52
 52 174 147 21 171 8 138 38
```

```
Backordered
                                       After sorting:
Before sorting:
                                         = 0
0 = 0
                                        185 186 187 188 189 190 191 192
192 191 190 189 188 187 186 185
                                        177 178 179 180 181 182 183 184
184 183 182 181 180 179 178 177
                                        169 170 171 172 173 174 175 176
176 175 174 173 172 171 170 169
                                        161 162 163 164 165 166 167
                                                                     168
168 167 166 165 164 163 162 161
                                        153 154 155 156 157 158 159 160
 160 159 158 157 156 155 154 153
                                        145 146 147 148 149 150 151 152
 152 151 150 149 148 147 146
                             145
                                        137 138 139 140 141 142 143 144
144 143 142 141 140 139 138 137
                                        129 130 131 132 133 134 135 136
136 135 134 133 132 131 130 129
 = 1
                                        121 122 123 124 125 126 127 128
128 127 126 125 124 123 122 121
                                        113 114 115 116 117 118 119 120
 120 119 118 117 116 115 114 113
                                        105 106 107 108 109 110 111 112
 112 111 110 109 108 107 106 105
                                         97
                                             98
                                                 99 100 101 102 103 104
 104 103 102 101 100
                      99
                          98
                             97
                                         89
                                             90
                                                 91
                                                              94
                                                                      96
                      91
                          90
 96
     95
         94
              93
                  92
                               89
                                         81
                                             82
                                                 83
                                                     84
                                                          85
                                                                  87
                                                                      ጸጸ
                                                              86
 88
     87
         86
              85
                  84
                      83
                          82
                               81
                                             74
                                                 75
                                                          77
                                                              78
                                                                  79
                                                                      80
 80
      79
                  76
                           74
                                             66
                                                 67
                                                     68
                                                          69
                                                              70
                                                                  71
                                                                      72
     71
          70
              69
                               65
  72
                          66
                                         = 2
 = 2
                                             58
                                                 59
                                                     60
                                                          61
                                                              62
                                                                  63
                                                                      64
 64 63
              61
                      59
                          58
                               57
         62
                  60
                                                 51
                                         49
                                             50
                                                     52
                                                              54
  56
                  52
                      51
                           50
                               49
                                             42
                                         41
                                                     44
                                                              46
                                                                  47
                                                                      48
     47
         46
              45
                  44
                      43
 48
                              41
                                             34
                                                              38
                                                                  39
                                                                      40
 40
         38
              37
                  36
                          34
                                         25
                                             26
                                                 27
                                                     28
                                                              30
                                                                  31
                                                                      32
     31
          30
              29
                  28
                      27
                               25
                          26
                                             18
                                                 19
                                                     20
                                                          21
                                                                  23
                                         17
                                                              22
                                                                      24
     23
                          18
                               17
         22
                      19
                                          9
                                             10
                                                              14
                                                                      16
 16
     15
         14
              13
                  12
                      11
                          10
                                              2
                                                  3
                                                      4
                                                           5
                                                               6
                                                                       8
  8
          6
                   4
```

#### Результати

#### Випадок 1.

Залежність часу роботи алгоритмів від довжини стовпчиків масива P = const = 3, M = var, N = const = 77500

```
P = 3
M = 1
N = 77500
                     ordered
                               random
                                          backordered
                     29605.29
                               30321.57
                                          30293.43
Select 2
                     26929.43
                               40996.14
                                          26934.29
Select 4 Exchange
Shell 1
                     32.71
                               97.86
                                          41.43
P = 3
M = 2
N = 77500
                     ordered
                                          backordered
                               random
Select 2
                                          30816.14
                     27497.00
                               28921.43
Select 4 Exchange
                     25722.29
                               48427.00
                                          27752.29
Shell 1
                     68.57
                                          91.29
                               178.71
P = 3
M = 4
N = 77500
                     ordered
                               random
                                         backordered
                               29302.57
                     26300.29
                                          28619.71
Select 2
                     25196.71
Select 4 Exchange
                               66031.57
                                         30752.29
Shell 1
                     150.57
                               275.29
                                         175.86
```

```
M = 8
N = 77500
                                        backordered
                    ordered
                              random
Select 2
                    25427.29
                              25350.29
                                        35638.00
                                        24846.86
                    23095.14
                              92637.71
Select 4 Exchange
Shell 1
                    269.29
                              435.57
                                         271.57
P = 3
M = 16
N = 77500
                                         backordered
                    ordered
                              random
Select 2
                    25189.75
                              27540.13 29057.25
Select 4 Exchange
                    22942.88 174614.88 23009.00
Shell 1
                    450.25
                               806.25
                                         523.63
P = 3
M = 32
N = 77500
                    ordered
                               random
                                         backordered
Select 2
                     29108.67
                               29725.00
                                         30265.67
Select 4 Exchange
                               478494.66 25195.00
                     26616.00
Shell 1
                    965.00
                               1703.67
                                         1069.67
P = 3
M = 64
N = 77500
                                         backordered
                    ordered
                               random
Select 2
                     28167.13
                               28688.75
                                         29098.13
Select 4 Exchange
                     24798.38
                              1027372.8825838.50
Shell 1
                     2040.88
                               3879.00
                                         2420.00
P = 3
M = 128
N = 77500
                    ordered
                               random
                                         backordered
Select 2
                    28577.50
                               30356.25
                                         30137.75
Select 4 Exchange
                     25780.25
                               2408739.2525421.25
Shell 1
                     3937.25
                               8049.25
                                         4686.75
N = 77500
                    ordered
                               random
                                         backordered
Select 2
                    6951.20
                               7030.10
                                         7467.90
Select 4 Exchange
                    4586.30
                               7550.60
                                         4617.30
                    6.20
Shell 1
                               21.70
                                         7.30
```

#### Випадок 2.

## Залежність часу роботи алгоритмів від форми перерізів масива P = const = 3, M = var, N = var, M\*N = 1000000

```
P = 3
M = 10
N = 100000
                                        backordered
                    ordered
                              random
Select 2
                                        71113.75
                    46987.50
                              42702.00
Select 4 Exchange
                    64432.75 418737.75 46768.50
Shell 1
                    420.75
                              734.75
                                        477.75
```

```
M = 100
N = 10000
                               random
                     ordered
                                          backordered
Select 2
                               542.38
                                          496.23
                     496.13
Select 4 Exchange
                     420.17
                               44197.98
                                         487.52
Shell 1
                     359.93
                               586.92
                                          440.82
P = 3
M = 1000
N = 1000
                    ordered
                               random
                                          backordered
Select 2
                    49.30
                               112.12
                                          50.23
                               5811.38
                                          25.47
Select 4 Exchange
                    4.18
Shell 1
                     314.80
                               477.07
                                          376.18
M = 10000
N = 100
                    ordered
                               random
                                         backordered
                                         39.50
Select 2
                    37.25
                               56.63
Select 4 Exchange
                    0.00
                               538.40
                                         28.27
                                          221.58
Shell 1
                               265.38
                    156.22
P = 3
M = 100000
N = 10
                    ordered
                               random
                                         backordered
Select 2
                               109.38
                    106.60
                                         108.60
Select 4 Exchange
                               135.15
                    0.00
                                         56.93
Shell 1
                    170.55
                               301.77
                                         282.63
```

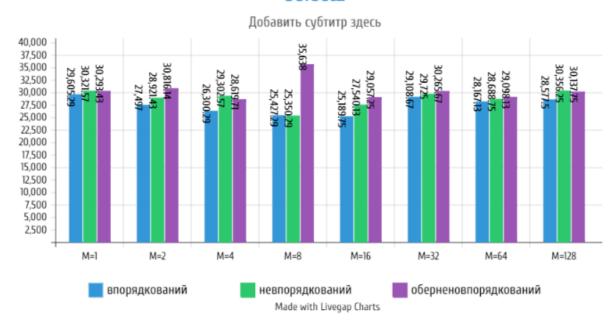
## Випадок 2. Залежність часу роботи алгоритмів від кількості ключів у кожному перерізі масива при однаковій загальній кількості ключів у всьому масиві P = var, M = const = 10, N = var, P\*N = 400000

```
P = 20
M = 10
N = 20000
                                        backordered
                    ordered
                              random
Select 2
                    13862.90
                              13737.40 14351.70
Select 4 Exchange
                    13208.60 68607.40 12168.70
Shell 1
                    526.40
                              934.10
                                         605.30
P = 200
M = 10
N = 2000
                    ordered
                                        backordered
                              random
Select 2
                    1353.14
                              1396.14
                                        1402.43
Select 4 Exchange
                    1181.57
                              6823.00
                                        1243.86
Shell 1
                    317.43
                              505.71
                                        371.57
```

P = 2000 M = 10 N = 200			
Select 2 Select 4 Exchange Shell 1	ordered 173.14 128.57 219.57	random 196.29 713.00 328.57	backordered 189.00 158.86 260.57
P = 20000 M = 10 N = 20	ordered	random	backordered
Select 2 Select 4 Exchange	65.29 19.43	72.43 102.71	61.00 42.71

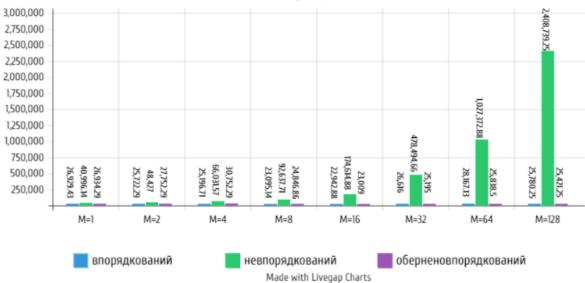
## Візуалізація результатів

## select2

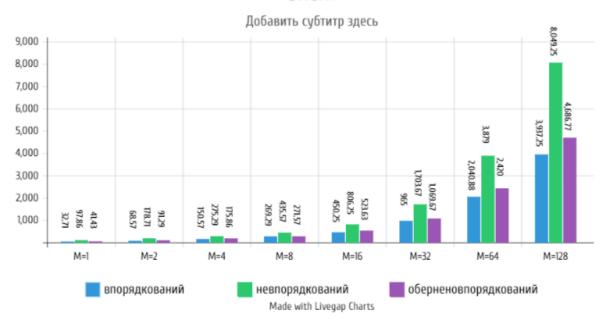


## select4Exchange

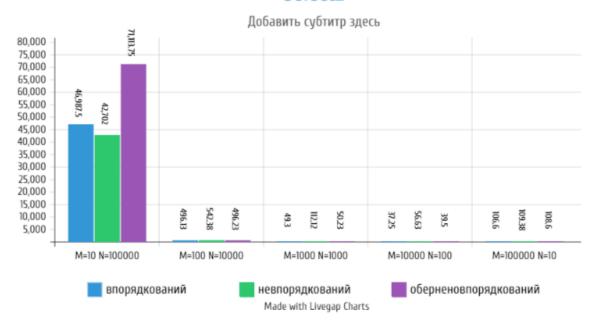
#### Добавить субтитр здесь



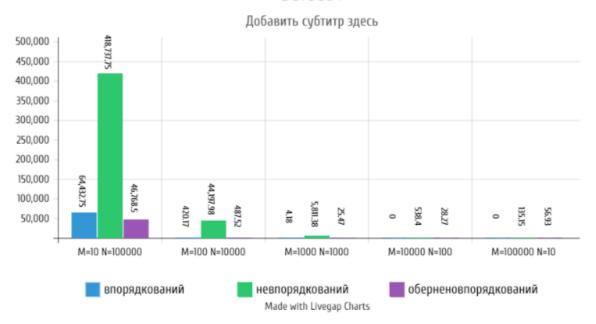
## shell1



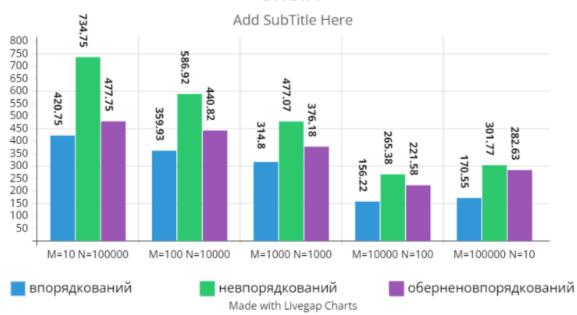
## select2



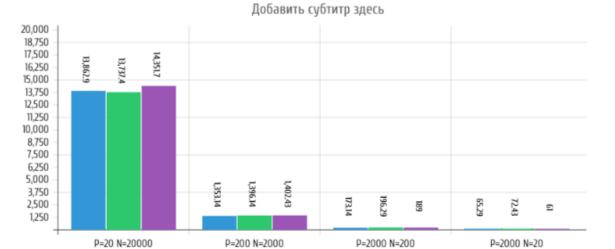
## select4Exchange



## shell1

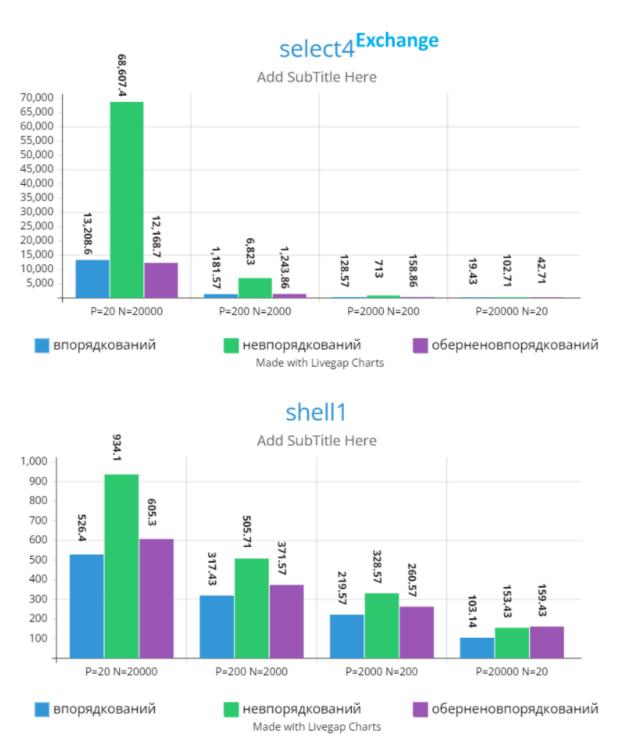


## select2



невпорядкований Made with Livegap Charts оберненовпорядкований

впорядкований



## Порівняльний аналіз

В ході виконання курсової роботи було реалізовано 3 алгоритми:

- Алгоритм сортування №2 методу прямого вибору
- Гібридний алгоритм "вибір№4 обмін"
- Алгоритм №1 методу сортування Шелла

Дані алгоритми були використані при сортування одновимірних та багатовимірних масивів. За умовою завдання потрібно відсортувати окремо кожен переріз, переставляючи стовпчики, в якості ключів сортування використовувався перший елемент кожного стовпчика.

3 метою подальшого аналізу були проведені виміри для 3-ох випадків дослідження:

- Залежність часу роботи алгоритмів від довжини стовпчика.
- Залежність часу роботи алгоритмів від форми перерізу масива.
- Залежність часу роботи алгоритмів від кількості ключів у кожному перерізі масива при однаковій загальній кількості ключів у всьому масиві.

## Порівняльна характеристика алгоритмів

## 1. Алгоритм сортування №2 методу прямого вибору

Час роботи алгоритму не суттєво змінювався від довжини стовпчика, також вимірювання показали, що час роботи для відсортованого, невідсортованого, обернено відсортованого майже такий самий, оскільки навіть якщо елемент стоїть на потрібному місці, він всеодно переставляється сам з собою. Цей алгоритм у будь якому разі здійснить n-1 перестановку

### 2. Гібридний алгоритм "вибір№4 – обмін"

Це алгоритм на відміну від попереднього краще справляється у випадку відсортованого або обернено відсортованого масиву. Але у випадку збільшення довжини стовпчиків час роботи цього алгоритму для невідсортованого масиву дуже сильно зростає, а час роботи обернено відсортованого залишається стабільним.

## 3. Алгоритм №1 методу сортування Шелла

Найшвидший майже у всіх випадках алгоритм. При збільшені довжини стовпчика або менших по довжині масивах різниця між іншими алгоритмами стає не такою суттєвою.

## Порівнняня часу роботи алгоритмів в залежності від розмірів та форми масиву

#### Випадок дослідження I.

Тут Алгоритм сортування №2 показує свою стабільність, в той же час як час роботи у випадку невідсортованого масиву у Гібридного алгоритму "вибір№4 — обмін" кратно зростає. Та зростає для всіх випадків відсортованості для Алгоритму №1 методу сортування Шелла, хоча навіть при цьому даний алгоритм є найшвидшим в цьому випадку.

#### Випадок дослідження II.

В даному випадку найгірше спочатку себе показали Алгоритм сортування методом прямого вибору та Гібридний алгоритм "вибір№4 — обмін", але при зменшенні кількості ключів, та при збільшенні дожини стовпців Алгоритм сортування методом прямого вибору став найкращим, на другому місці Гібридний алгоритм "вибір№4 — обмін" і тільки потім сортування методом Шелла.

#### Випадок дослідження III.

Знову при великій кількості ключів в масиві сортування методом Шелла є в дестяки разів швидшим за інші алгоритми, але при зменшенні кількості ключів різниця стає не настільки суттєвою, а потім навпаки інші алгоритми стають в два рази швидшими.

#### Висновок

#### Алгоритм сортування №2 методу прямого вибору

Даний алгоритм з однаковою швидкістю сортує масиви з різною можливою відсортованістю. Хоча він і є досить повільним для великих довгих масивів, але для коротких або краще за метод сортування Шелла, або не сильно відстає від нього. Цей алгоритм найкраще підходить для роботи з малею кількість ключів сортування та довгими стовпчиками.

### Гібридний алгоритм "вибір№4 – обмін"

При невеликих значення довжини стовпчика хоч і гірше, але на набагато з інші алгоритми у випадку невідсортованості, у інших випадках алгоритм на рівні з іншим. Алгоритм не підходить для сортування масивів з великою кількістю ключів сортування та довгими стовпчиками.

#### Алгоритм №1 методу сортування Шелла

В більшості випадків цей алгоритм є найшвидшим. Чим довший масив там більший розрив в порівнянні з іншими алгоритмами. Він виявився настільки швидкий завдяки поділу сортування на етапи і сортуванню елементів на певній відстанні, що і зробило його таким швидким. Даний алгоритм є ефективним при будь яких формах масиву, але найкраще в порівнянні з іншими він себе показує при великих значеннях довжини масиву.

## Список літератури

- 1. YouTube канал «Марченко Олександр Іванович».
- 2. Конспект лекцій з СДА.