

MODELO PED.018.01

| Curso | Engª Informática | | | Ano letivo | 2018/20 | 2018/2019 | |
|---------------------------|------------------------------|----------|------|------------|------------|-----------|----|
| Unidade curricular/Módulo | Probabilidades e Estatística | | | | | | |
| Ano curricular | 20 | Semestre | 1º S | Data | 03/12/2018 | Duração | 2h |

1ª Frequência

Nota: Justifique convenientemente as respostas e apresente todos os cálculos efetuados. Apresente os resultados com 4 casas decimais.

| Nome: | N.º |
|-------|-----|
| | - ' |

- **1-** O Francisco e o Afonso trabalham na empresa *NewSoft* que desenvolve *software* para as áreas de telecomunicações e turismo. Sabe-se que em 100 trabalhos da empresa o Francisco esteve envolvido em 30 e o Afonso em 70. Dos projetos em que o Afonso trabalhou 10 foram de telecomunicações. Por outro lado, o Francisco envolveu-se em 15 projetos de turismo. Selecionando um trabalho do conjunto de 100 efetuados pela empresa, qual a probabilidade de
- (1,5) a) sabendo que é de telecomunicações, ter sido desenvolvido com a colaboração do Francisco;

(1,5) b) ser um projeto relacionado com turismo.

- **2-** De um conjunto de 10 *web sites*, em que 3 são de empresas de produção de *software*, 2 de empresas que vendem material informático e 5 de bancos, selecionaram-se dois *web sites* sem reposição. Considerando a referida seleção, definiram-se as seguintes variáveis aleatórias:
 - X = "número de web sites de empresas que vendem material informático";
 - *Y* = "número de *web sites* de bancos".
- (2,0) a) Determine a uma função de probabilidade conjunta de (X,Y). Sugestão: apresente os resultados na forma de fração.



MODELO PED.018.01

Nome: ______ N.º _____

(1,5) b) Determine a função de distribuição conjunta de (X,Y).

- (1,0) c) Comente a afirmação "as variáveis X e Y são independentes".
- **(1,0) d)** Calcule $P(X < 1 | 0 \le Y \le 1)$.



MODELO PED.018.01

Nome: ______ N.º ____

3- Num circuito, a diferença de potencial é dada por uma equação que envolve a intensidade de corrente (X_1) e a resistência (X_2). Considere-se a função de densidade conjunta

$$f(x_1, x_2) = \begin{cases} \frac{2x_1 x_2^2}{9} & se \ 0 \le x_1 \le b \land 0 \le x_2 \le 3\\ 0 & paraoutros valores(x, y) \in IR^2 \end{cases},$$

sendo b um valor constante.

(1,0) a) Determine a constante b de forma que $f(x_1,x_2)$ seja uma função de densidade conjunta.

(1,5) **b**) Determine a função de distribuição acumulada marginal de X_1 .

(1,5) c) Determine a média e o desvio padrão da intensidade de corrente.



MODELO PED.018.01

| Nome | : | N.º | | | |
|--------|---|-------------------|--|--|--|
| perter | 4 - Assumindo que o lucro mensal da venda de material informático de uma qualquer loja, pertencente a uma cadeia multinacional, é bem descrito por uma distribuição normal com média 5 000 euros e desvio 500 euros. | | | | |
| (1,5) | a) Determine a probabilidade de em 12 meses uma qualquer loja ter um 65 000 euros. | lucro superior a | | | |
| (2,0) | b) Qual a probabilidade de em 10 lojas, da referida cadeia multina máximo uma com lucro superior a 6000 euros? | cional, haver no | | | |
| (1,5) | c) Sabe-se que em média entram 10 clientes por hora numa qualquer cadeia multinacional. Tendo em conta as distribuições que estudou co poderá adequar a esta situação e determine a probabilidade de, numa ho clientes numa loja? | onsidere a que se | | | |



MODELO PED.018.01

| o aces a <i>pass</i> encont | aixa com 10 papeis em que cada um tem escrito uma <i>password</i> , mas apenas uma permite so ao computador. Considere o seguinte método: retirar um papel da caixa, experimentar <i>sword</i> e, caso não seja a correta, repor o papel na caixa. Este método será aplicado até trar a <i>password</i> de acesso ao computador. Tendo em conta as distribuições que estudou dere a que se poderá adequar a esta situação e responda às questões que se seguem. |
|-----------------------------------|---|
| (1,5) | a) Qual a probabilidade de ser necessário experimentar 5 <i>passwords</i> para aceder ao computador? |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| (1,0) | b) Qual o número médio de <i>passwords</i> a experimentar para encontrar a que permite aceder ao computador? |

Nome: ______ N.º _____

5- Uma pessoa pretende aceder a um computador, mas não sabe a password. Contudo, dispõe de