

Agentes Reativos

Capítulo 2:

Costa, E. e Simões, A. (2015). Inteligência Artificial – Fundamentos e Aplicações, 3.ª edição, FCA.

Generalidades

- Aos sistemas computacionais que possuem capacidades como

Autonomia

Flexibilidade

Aprendizagem

dá-se o nome genérico de **AGENTE**

Taxonomia de Agentes

- Como definir/classificar um agente ?
- Agentes do nosso dia-a-dia:
 - agentes de interface
 - agentes de procura (web)
 - agentes de filtragem (correio eletrónico)
 - agentes assistentes (agenda)

Taxonomia de Agentes

- Um **agente autónomo** é um sistema situado num **ambiente** capaz de **percecionar** esse ambiente e **atuar** sobre ele, ao longo do tempo, tendo em vista a satisfação dos propósitos da sua agenda, de modo a afetar o que será percecionado no futuro.

[Franklin e Graesser, 1977]

Taxonomia de Agentes

- **Autonomia**

O agente pode tomar decisões sem a intervenção direta ou indireta de outros agentes (humanos ou não).

Taxonomia de Agentes

- O agente existe mergulhado no ambiente
Está em permanente interação com ele,
podendo modificá-lo.

Taxonomia de Agentes

- O agente tem a sua agenda
A sua ação é guiada com vista à concretização dessa agenda.

Taxonomia de Agentes

- Assim, são agentes:
 - termóstato para controlar a temperatura numa sala
 - uma bactéria
 - O ser humano (agente bem mais complexo).

Propriedades dos Agentes

- Podemos acrescentar algumas propriedades a esta classificação de agentes
- **Reatividade**
Responde em tempo útil a mudanças no ambiente.

Propriedades dos Agentes

- **Orientado por objetivos**
Tem iniciativa.
Não se limita a atuar apenas como resposta ao ambiente.

Propriedades dos Agentes

- Comunicação

Comunica com outros agentes (eventualmente de outro tipo).

Propriedades dos Agentes

- Aprendizagem

Muda o seu comportamento de acordo com a sua experiência prévia.

Propriedades dos Agentes

- Mobilidade

Capaz de se transportar a ele próprio de máquina para máquina.

Propriedades dos Agentes

- Carácter

Tem um estado emocional e a sua própria personalidade.

Tipos de Agentes Autónomos

- Assim, é possível definir uma hierarquia de agentes
- Agentes:
 - **Biológicos** (agentes naturais)
 - **Robóticos** (agentes artificiais)
 - **Computacionais** (agentes que apenas existem como programas de computador)

Tipos de Agentes Autónomos

- Agentes computacionais:
 - **Agentes de Software** (em princípio, são eternos)
 - **Agentes de Vida Artificial** (agentes que morrem)

Normalmente, é a pensar nos **agentes de software** que usamos a palavra agente

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- Como projetar um agente autónomo ?
- Como formalizar a noção de agente e a sua arquitetura ?

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- O Agente vive mergulhado num Ambiente
- O Ambiente é caracterizado por um conjunto de **estados**

$$E = \{e_1, e_2, \dots\}$$

Conjunto de estados que caracterizam o ambiente

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- O agente interage com o ambiente, captando o seu estado e realizando um conjunto de **ações** sobre o ambiente que podem levar à mudança do seu estado

$$A = \{a_1, a_2, \dots\}$$

Conjunto de ações que o agente pode realizar

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- O agente pode ser visto como uma entidade que faz o mapeamento de estados do ambiente em ações

$$\text{Agente: } E^* \rightarrow A$$

- Dada uma sequência de estados do ambiente (E^*) o agente reage com uma determinada ação (A)

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- É normal decompor o agente em duas partes

Uma transforma os estados do ambiente em percepções;

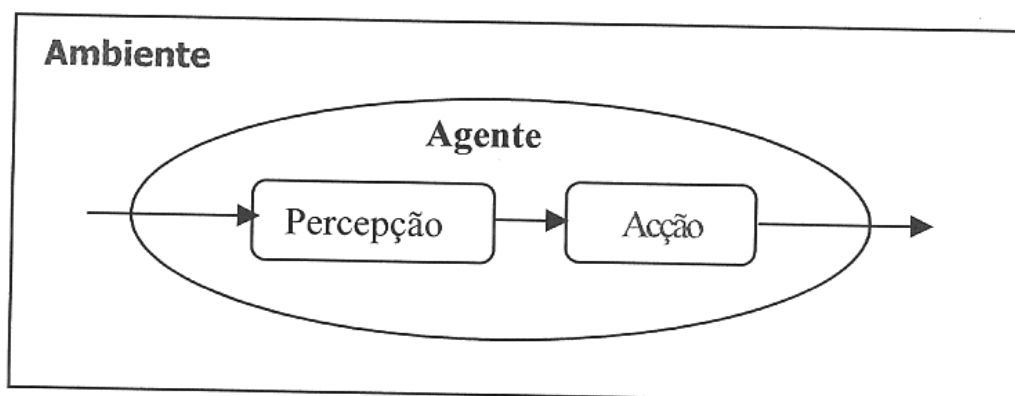
A outra transforma uma sequência de percepções (P^*) numa ação:

Percepção: $E \rightarrow P$

Ação: $P^* \rightarrow A$

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- A função **Agente** não é mais do que a composição das funções **Percepção** e **Ação**



Representação de um agente reativo

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- Ou seja, se o agente perceber o estado e , muda para um novo estado e'
 $e' = \text{Agente}(e) = \text{Ação}(\text{Percepção}(e))$
- Se o agente não tiver a capacidade de guardar os estados passados do ambiente:

$$\text{Agente}: E \rightarrow A$$

Arquiteturas Abstratas de Agentes

- Descrição simplificada de um agente reativo através de um programa simples:

```
função agente_reactivo (estado) : acção  
  1. percepção ← percepção(estados);  
  2. acção ← acção(percepção)  
fim_de_função
```

Ambientes, Modelos e Representações

- **Ambiente** é um micromundo (visão parcial e limitada do mundo)
- É um espaço a n dimensões, povoado por diferentes tipos de **habitantes**
- Pode ser:
 - **limitado** (ou fechado)
 - **aberto** (ou infinito)
 - **toroidal** (os extremos opostos do mundo estão ligados)

Ambientes, Modelos e Representações

- Os **habitantes** têm uma localização nesse ambiente dada pelas suas coordenadas no espaço
- Os habitantes podem ser de 2 tipos:
 - **agentes** (biológicos ou não)
 - **objetos** (podem ser fixos, movimentáveis, manipulados pelos agentes, ...)

Ambientes, Modelos e Representações

- Quanto à percepção, o conceito de **vizinhança** do agente é crucial

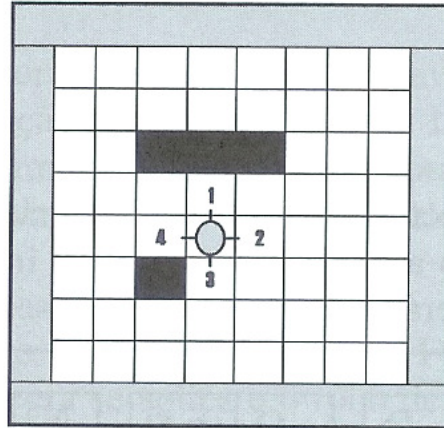
Vizinhança: **zonas do ambiente (conjunto de coordenadas) que o agente consegue perceber num dado momento**

Ambientes, Modelos e Representações

- O agente pode apenas conseguir determinar se as **posições** da sua vizinhança estão **ocupadas ou não** e ter como **ações primitivas** o ato de se mover numa dada direção que esteja livre
- Um agente mais complexo pode ser capaz de determinar o **tipo de habitantes** presentes na sua vizinhança e realizar ações como **comer**

Ambientes, Modelos e Representações

- Exemplo: mundo simples a 2 dimensões, fechado, onde habitam 1 agente e alguns obstáculos



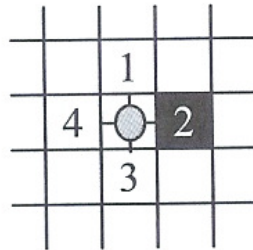
Agente num mundo bidimensional

Ambientes, Modelos e Representações

- O agente tem apenas uma visão local do mundo, conseguindo perceber apenas as 4 células assinaladas, determinando se estão ocupadas ou não
- No caso de estarem livres, pode movimentar-se para elas

Ambientes, Modelos e Representações

- Exemplo de perceções de um agente



- O estado do ambiente, e , pode ser descrito pelos 4 valores capturados pelos sensores (s_1, s_2, s_3, s_4)

Ambientes, Modelos e Representações

- Ou seja, pelo vetor

$$e = \langle s_1, s_2, s_3, s_4 \rangle = \langle 0, 1, 0, 0 \rangle$$

0 – posição livre

1 – posição ocupada

Ambientes, Modelos e Representações

- O agente pode transformar esses dados numa perceção (p) usando uma representação (notação) simples

$\neg O_i$ – livre

O_i – ocupado

i – posição da vizinhança

Ambientes, Modelos e Representações

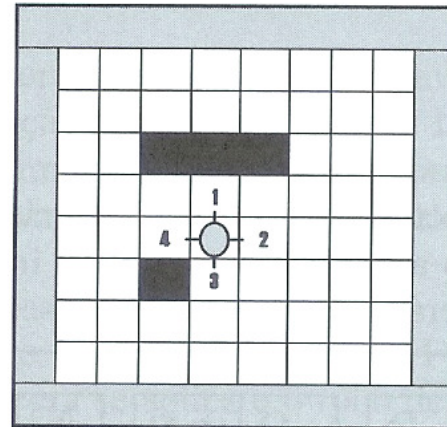
- Assim, temos

$$\begin{aligned} p &= \langle \text{livre}, \text{ocupado}, \text{livre}, \text{livre} \rangle = \\ &= \langle \neg O_1, O_2, \neg O_3, \neg O_4 \rangle \end{aligned}$$

- É necessário representar de algum modo o mundo real

Agentes Puramente Reativos

- Retomemos o ambiente e o agente do exemplo anterior
- Que tarefa ?



Agentes Puramente Reativos

- Que tarefa pretendemos que cumpra ?
 - deambular pelo ambiente, evitando obstáculos ?
 - procurar algo de valor para o agente ?
- Problema de projeto:
 - Como se transformam os dados dos sensores em perceções para o agente e como dão estas origem às ações ?
 - Como representar e implementar a função ação ?

Agentes Puramente Reativos

- Temos 3 abordagens principais:
 - Sistemas de Produções
 - Unidades Lineares de Limiar
 - Arquitetura de subordinação

Sistemas de Produções (SP)

- É constituído por:
 - Um conjunto de produções ou regras do tipo
Se <condição> então <ação>

Sistemas de Produções (SP)

- É constituído por (cont.):

- Um interpretador de regras ou mecanismo de controlo.

Tem de lidar com questões como:

- que regras podem ser ativadas?
- que regra é escolhida? (mecanismo de resolução de conflitos)
- disparar a regra (por execução das ações indicadas)

Sistemas de Produções (SP)

- É constituído por (cont.):

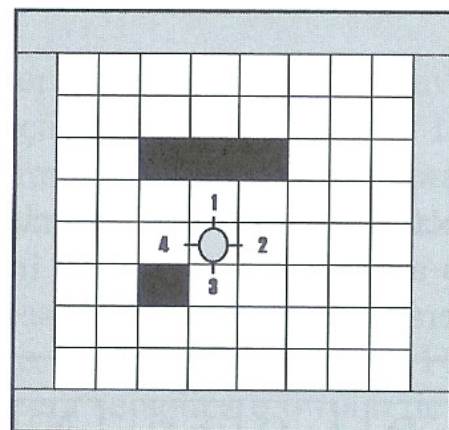
Um mecanismo simples será

- As produções são colocadas numa lista ordenada e a primeira produção cujas condições sejam verdadeiras é disparada, sendo executada a respetiva ação
- Por norma, a última regra tem a sua condição sempre verdadeira (para que exista sempre uma regra disparada)

Sistemas de Produções (SP)

- É constituído por (cont.):
 - Memória de trabalho ou ambiente
 - Significa o que é verdadeiro no mundo (do ponto de vista do agente)

SP: Exemplo 1 (4 sensores)



- O comportamento pretendido é o de deambular pelo ambiente evitando os obstáculos

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Conjunto de ações:
 $\{\text{norte, este, sul, oeste}\}$
que significam movimentar-se 1 posição
na direção indicada
- Existe 1 **conflito**: o agente pode
deslocar-se para qualquer uma das
direções

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Mecanismo de resolução de conflitos:
Deve estabelecer que o agente prefere
deslocar-se primeiro para **Norte**, depois
para **Este**, depois para **Sul** e só no fim
para **Oeste**

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Descrição da função ação

Função Acção (Percepção): acção

1. **Se** percepção = $\neg O_1$ **Então** devolve(norte)

1.1. **Senão_Se** percepção = $\neg O_2$ **Então** devolve(este)

1.2. **Senão_Se** percepção = $\neg O_3$ **Então** devolve(sul)

1.3. **Senão_Se** percepção = $\neg O_4$ **Então** devolve(oeste)

Fim_de_Se

Fim_de_Função

Descrição da função Acção

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Sistemas de produções simples

Deambular₁:

1. $\neg O_1 \rightarrow N$

2. $\neg O_2 \rightarrow E$

3. $\neg O_3 \rightarrow S$

4. $\neg O_4 \rightarrow O$

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Sistemas de produções simples

Deambular2:

1. $\neg O_1 \rightarrow N$
2. $\neg O_2 \rightarrow E$
3. $\neg O_3 \rightarrow S$
4. $\neg O_4 \rightarrow O$
5. $T \rightarrow \text{NIL}$ (não fazer nada)

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Sistemas de produções simples

Deambular3:

1. $\neg O_1, \neg P_1 \rightarrow N, P_{ag}$
2. $\neg O_2, \neg P_2 \rightarrow E, P_{ag}$
3. $\neg O_3, \neg P_3 \rightarrow S, P_{ag}$
4. $\neg O_4, \neg P_4 \rightarrow O, P_{ag}$
5. $T \rightarrow \text{NIL}$ (não fazer nada)

(P_i – indicador de passagem pela posição i)

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Estes casos mostram algumas dificuldades do projeto quando o agente tem capacidades limitadas

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Vejamos um caso mais realista, em que o agente tem um objetivo que pretende realizar: localizar e apanhar um objeto importante (ouro, por exemplo)
- Esse objetivo é prioritário, passando a ser a 1.^a produção da lista

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Sistema de produções simples

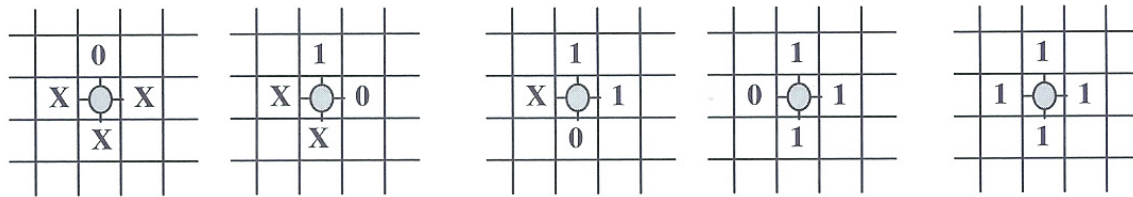
Procura_Ouro:

1. Ouro \rightarrow NIL
2. $\neg O_1, \neg P_1 \rightarrow N, P_{ag}$
3. $\neg O_2, \neg P_2 \rightarrow E, P_{ag}$
4. $\neg O_3, \neg P_3 \rightarrow S, P_{ag}$
5. $\neg O_4, \neg P_4 \rightarrow O, P_{ag}$
6. T \rightarrow NIL (não fazer nada)

SP: Exemplo 1 (4 sensores)

- Nota final: Com os 4 sensores o agente pode captar 16 estados diferentes, a que correspondem outras tantas perceções
- No entanto, de acordo com o projeto, 8 desses estados originam como resposta a ação Norte, 4 a ação Este, 2 a ação Sul, 1 a ação Oeste e 1 a ação NIL

SP: Exemplo 1 (4 sensores)



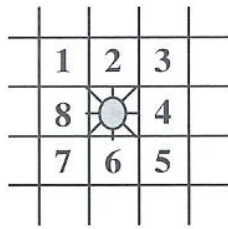
Classes de comportamento do agente

- Isto permite compreender o comportamento do agente que **induz rotações pela direita**

SP: Exemplo 2 (8 sensores)

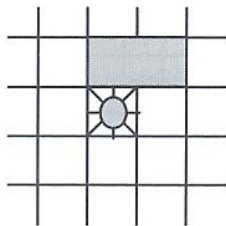
- Suponhamos que neste segundo exemplo o agente tem **8 sensores**: s_1 a s_8
- Suponhamos ainda que o agente também só pode movimentar-se para as células vizinhas que se encontram na mesma linha ou na mesma coluna
- Tarefa do agente**: uma vez encontrada a parede limitadora do mundo ou a parede de um obstáculo, o agente deve passar a seguir essa parede.

SP: Exemplo 2 (8 sensores)

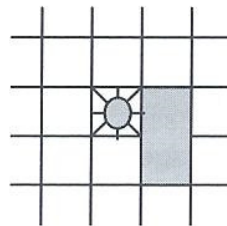


Agente com oito sensores

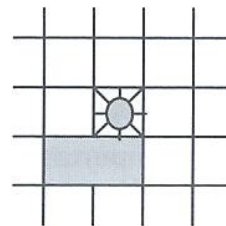
- Característica x : indica se pelo menos 1 das 2 posições que cobre está ocupada



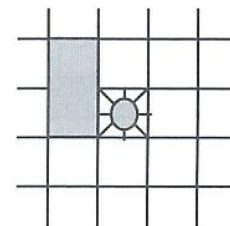
x_1



x_2



x_3



x_4

- $x_1=1$ significa que $s_2=1$ ou $s_3=1$

SP: Exemplo 2 (8 sensores)

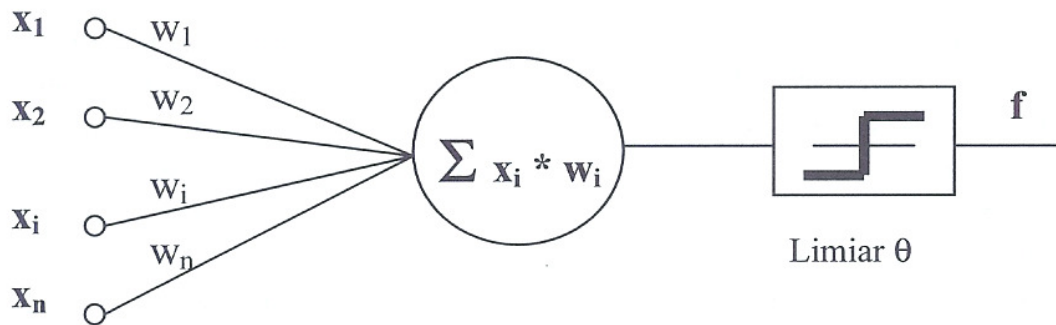
- Sistema de produções simples

Segue_paredes:

1. $x_4, \neg x_1 \rightarrow N$
2. $x_1, \neg x_2 \rightarrow E$
3. $x_2, \neg x_3 \rightarrow S$
4. $x_3, \neg x_4 \rightarrow O$
5. $T \rightarrow N$

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- TLU – *Threshold Linear Unit*
- Uma TLU é uma versão computacional do neurónio biológico



Neurónio artificial segundo McCulloch e Pitts

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Existe um conjunto de entradas que têm pesos associados
- É calculada a soma pesada das entradas que, se ultrapassar um valor limiar de referência, faz com que o neurónio dispare, produzindo um sinal à sua saída
- De um modo geral, quando uma TLU dispara a sua saída assume o valor 1. Caso contrário, assume o valor 0 (estes valores dependem da função de ativação utilizada)

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Existem vários tipos de redes de neurónios artificiais (Redes Neurais Artificiais). Uma classificação possível envolve 3 aspetos:
 - o modo como os neurónios se ligam entre si (**topologia**)
 - como ficam ativos ou inativos (**função de ativação**)
 - a forma como modificam alguns dos seus elementos (**dinâmica da rede**)

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- As TLU podem ser usadas para implementar uma produção
- Consideremos o exemplo do agente segue_paredes e a regra:

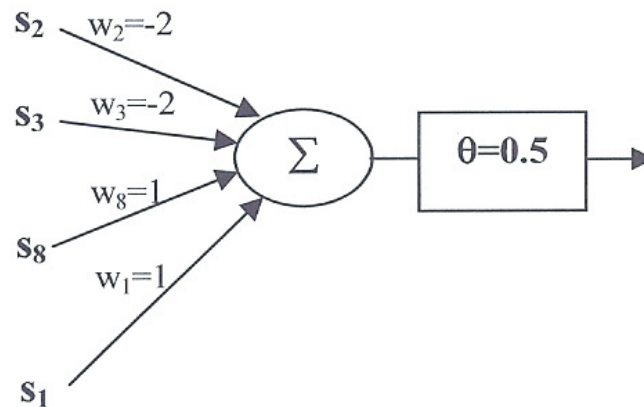
$$x_4, \neg x_1 \rightarrow \text{norte}$$

x_4 será verdadeiro se pelo menos um dos sensores s_8 ou s_1 for 1

$\neg x_1$ será verdadeiro se os dois sensores s_2 e s_3 forem 0

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Assim, a seguinte TLU apenas terá o valor 1 caso x_4 e $\neg x_1$ sejam simultaneamente verdadeiros



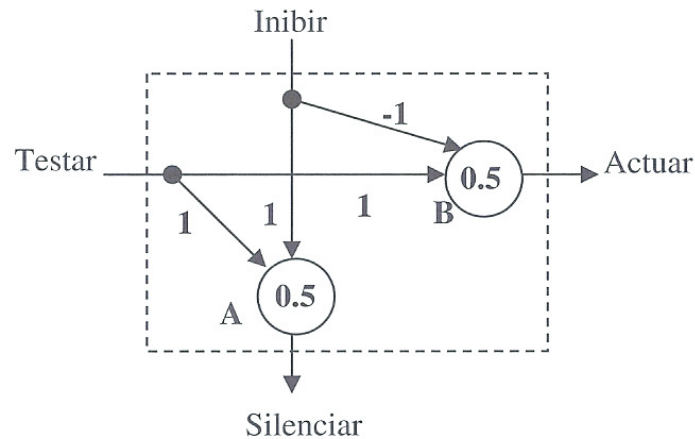
TLU para a regra 1

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Mas como implementar um mecanismo de controlo e de resolução de eventuais conflitos entre regras ?
- No exemplo anterior, pretende-se que o mecanismo implemente o ordenamento das regras e que faça com que a primeira a ser ativada possa ser disparada.
- Uma possível solução baseia-se em **unidades TISA**

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Unidade TISA (**T**estar, **I**nibir, **S**ilenciar, **A**tuar – *Test, Inhibit, Squelch, Act*)



Estrutura de uma unidade TISA

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Uma unidade TISA é constituída por duas TLU de 2 entradas
- A TLU A implementa um OU Lógico das suas entradas

A saída Silenciar só será 0 se as suas 2 entradas forem simultaneamente 0

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

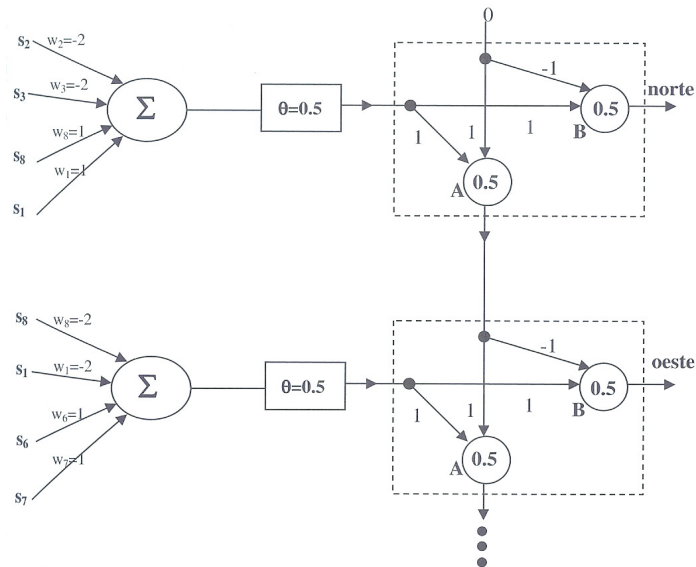
- No caso da TLU B: se a entrada Testar estiver a 1 então a saída Atuar também será 1, desde que a entrada Inibir não esteja também a 1
- Ou seja, desde que Inibir ou Testar estejam ativos a saída Silenciar fica ativa, enquanto a entrada Inibir controla a passagem do sinal da entrada Testar para a saída Atuar.

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Para implementar o sistema de produções do exemplo anterior,
 - ligar a saída de uma TLU que implementa uma produção à entrada **Testar** de uma unidade TISA
 - ligar a saída **Silenciar** à entrada Inibir da produção que a segue na sequência (e a sua entrada Inibir à saída Silenciar da produção que a antecede na sequência)

Unidades Lineares de Limiar (TLU)

- Para o exemplo do agente segue_paredes (apenas as 2 primeiras regras)



Nota: a entrada Inibir da primeira regra está sempre a 0

IPG-ESTG EI 2020-21 Inteligência Artificial

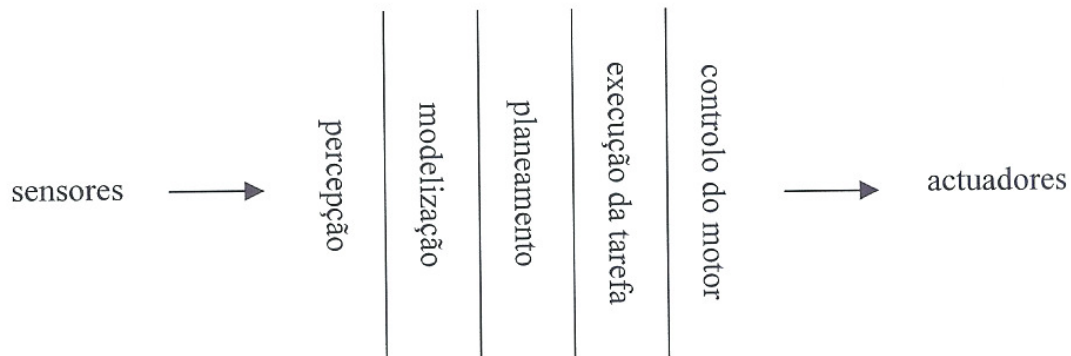
Implementação de um sistema de produções através de unidades TISA

67

Arquitetura de Subordinação

- Esta abordagem (abordagem ao problema de ligar a entrada de um agente à respetiva saída), pensada para a robótica móvel, contrapõe à arquitetura vertical da IA tradicional uma arquitetura horizontal.

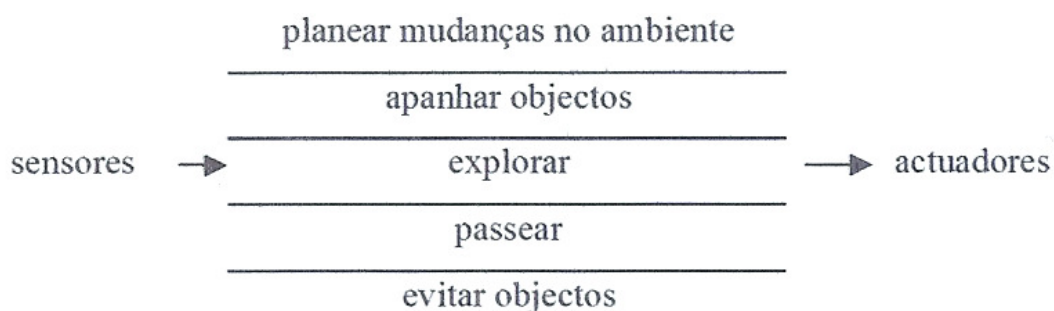
Arquitetura de Subordinação



Exemplo da representação por camadas na IA clássica

- A ligação entre as sensações e as ações é feita por **camadas**, constituindo cada uma uma unidade funcional.

Arquitetura de Subordinação



Exemplo da arquitectura de subordinação

- Esta arquitetura está organizada em torno de **comportamentos voltados para a concretização de tarefas**, ligando diretamente as entradas do agente às suas saídas.

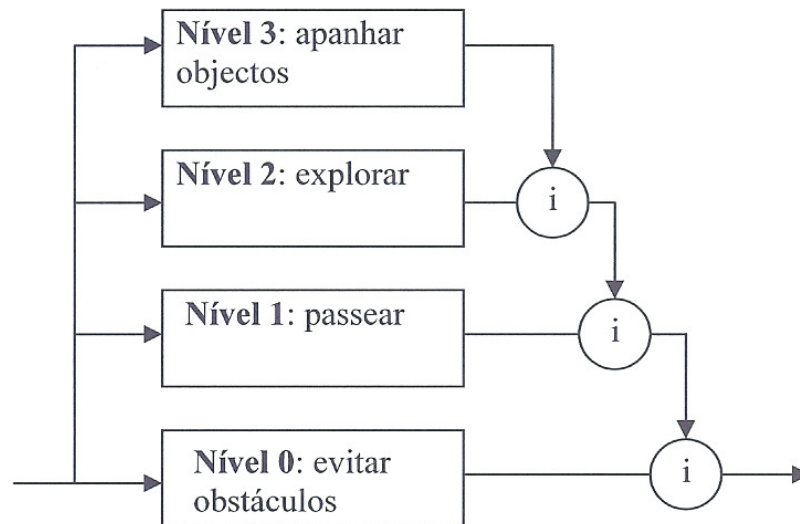
Arquitetura de Subordinação

- O projeto de um agente começa pela especificação dos comportamentos pretendidos e a sua diferenciação em **níveis de competência**.
- Estes níveis de competência podem ser **básicos**, como “*evitar objetos*”, ou mais **complexos**, como “*apanhar objetos*”
- Cada nível é implementado como uma **camada de controlo**.

Arquitetura de Subordinação

- As diferentes camadas podem comunicar através de **sinais de supressão (s)** dos sinais de entrada **ou de inibição (i)** dos sinais de saída.
- **Exemplo:** Se o objetivo pretendido for o agente **apanhar um objeto**, a camada que implementa este comportamento terá de inibir a camada que implementa o comportamento de evitar obstáculos.

Arquitetura de Subordinação



Arquitetura de subordinação: implementação

- As camadas superiores subordinam as camadas inferiores.

Agentes Reativos com Memória

- Neste ponto veremos como limitações nas capacidades sensoriais dos agentes reativos podem, em parte, ser ultrapassadas pela **inclusão** de um **mecanismo de memória**.

Arquitetura Abstrata

- Os agentes podem basear a sua decisão na sua história.
- Uma maneira de tratar esta característica é incluir na arquitetura do agente a capacidade de manter uma **descrição do estado do ambiente**, presente e passado.

Arquitetura Abstrata

- Seja I o conjunto dos estados (internos) do agente.
- Teremos

perceção: $E \rightarrow P$

estado: $I \times P \rightarrow I$

ação: $I \rightarrow A$

Arquitetura Abstrata



Agente reativo com memória

Arquitetura Abstrata

O comportamento do agente baseado no estado interno pode agora ser descrito do seguinte modo:

- ✓ Admitamos que o agente se encontra num dado estado interno i ;
- ✓ O agente observa o estado do ambiente, e , e produz a percepção $\text{percepção}(e)$;
- ✓ O estado interno é atualizado pela função $\text{estado}(i, \text{percepção}(e))$;
- ✓ A ação selecionada será $\text{ação}(\text{estado}(i, \text{percepção}(e)))$;
- ✓ A seguir, um novo ciclo recomeça.

Arquitetura Abstrata

- Esta arquitetura abstrata pode ser traduzida por um programa simples:

```
função agente_reactivo_estado_interno (estado_ambiente) : acção
  1. percepção ← percepção(estado_ambiente);
  2. estado_interno ← estado(estado_interno, percepção);
  3. acção ← acção(estado_interno)
fim_de_função
```

Descrição simplificada de um agente reactivo com memória

Arquitetura Abstrata

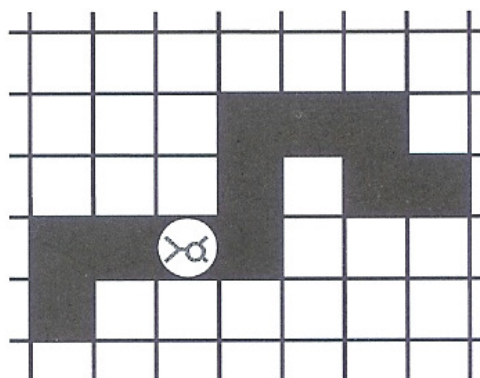
- O estado interno funciona como **memória** da história das interações entre o agente e o ambiente.
- O agente funciona como uma **máquina de estados** que vai alterando o seu estado em função do seu estado atual e da informação que recebe do ambiente.

Implementação: FormArt

- Exemplo de implementação de um agente com estado interno: **FormArt**
- **FormArt** é uma **formiga artificial** que vive num mundo 2D aberto
- A tarefa da formiga é seguir um trilho contínuo de feromona
- Cada “pedaço” do trilho ocupa uma célula, tal como a formiga

Implementação: FormArt

- A formiga pode estar direcionada para cima, para baixo, para a esquerda ou para a direita



Exemplo da formiga Formart

Implementação: FormArt

- A formiga pode estar em 2 estados: **ativa** (**On**) ou **inativa** (**Off**)
- A formiga pode efetuar uma de 5 ações:
 - A** – avançar uma posição no sentido para que se encontra virada
 - E** – rodar 90º para a esquerda
 - D** – rodar 90º para a direita
 - On** – passar a ativa
 - Off** – passar a inativa

Implementação: FormArt

- As suas capacidades de perceção limitam-se a detetar a presença de feromona na célula à sua frente:
 - F** – presença de feromona
 - ¬F** – ausência de feromona
- Também pode determinar se está ativa ou inativa.

Implementação: FormArt

- O mecanismo de controlo da formiga artificial pode ser especificado por intermédio de um sistema de produções:

Segue_trilho:

1. Off, $F \rightarrow A$, Off
2. Off, $\neg F \rightarrow E$, On
3. On, $F \rightarrow A$, Off
4. On, $\neg F \rightarrow D$, On

Implementação: FormArt

- O **estado interno** (On/Off) permite ter informação sobre o passado, isto é, sobre o facto de a formiga andar (On) ou não (Off) a mudar de direcção.

Implementação: FormArt

O seu comportamento é o seguinte:

- Enquanto deteta feromona na sua frente a formiga avança (regra 1)
- Quando deixa de sentir, muda de estado e roda à esquerda (regra 2)
- Se mudou de direção e foi bem sucedida, volta ao estado anterior e avança (regra 3)
- Caso tenha sido mal sucedida, volta atrás (ou seja, à direita) e mantém o estado de procura (regra 4)

Como o trilho é contínuo, é forçoso que na sua 2.^a tentativa encontre feromona, aplicando-se a regra 3.

Implementação: FormArt

- Sendo colocada inicialmente sobre o trilho e com feromona à sua frente, a FormArt nunca sai do trilho
- Também é fácil verificar que nunca volta para trás
- O estado interno funciona como memória e impede que a formiga entre em ciclo

Limitações Sensoriais e Estado Interno

- Em que medida a existência de um estado interno permite ultrapassar limitações sensoriais dos agentes ?

Limitações Sensoriais e Estado Interno

- Considerando o agente **segue_paredes** e admitindo que o agente
 - Apenas tem acesso direto às posições 2, 4, 6 e 8 (só tem 4 sensores);
 - Consegue memorizar o valor dos sensores s_2 , s_4 , s_6 e s_8 no instante anterior ($t-1$), informação esta que pode ser utilizada para determinar o valor dos outros sensores (sensores em falta) s_1 , s_3 , s_5 e s_7 no instante actual (t).

Limitações Sensoriais e Estado Interno

- Ou seja,
 $x_1(t)=1$ sse $x_2(t-1)=1$ e ação=*este*;
 $x_3(t)=1$ sse $x_4(t-1)=1$ e ação=*sul*;
 $x_5(t)=1$ sse $x_6(t-1)=1$ e ação=*oeste*;
 $x_7(t)=1$ sse $x_8(t-1)=1$ e ação=*norte*;

Limitações Sensoriais e Estado Interno

- Sistema de produções completo

Segue_paredes2:

- | | | |
|----|-----------------|-----------------|
| 1. | $x_8, \neg x_2$ | $\rightarrow N$ |
| 2. | $x_2, \neg x_4$ | $\rightarrow E$ |
| 3. | $x_4, \neg x_6$ | $\rightarrow S$ |
| 4. | $x_6, \neg x_8$ | $\rightarrow O$ |
| 5. | x_1 | $\rightarrow N$ |
| 6. | x_3 | $\rightarrow E$ |
| 7. | x_5 | $\rightarrow S$ |
| 8. | x_7 | $\rightarrow O$ |
| 9. | T | $\rightarrow N$ |