# Анализ алгоритмов

«О большое»

#### Задача и решение

- Задача
  - Поиск максимального значения в массиве
- Решение
  - Перебор всех элементов в цикле
- Алгоритм
  - Последовательность шагов
- Вычислительная сложность
  - Линейная
  - O(n)

#### Псевдокод [Нетология-01-с.24]

#### Алгоритм поиска максимума в массиве

#### Решение:

```
1 arr = [1, 22, 3, 45, 7]
2 n = длина(arr)

3 max = arr[0]

5 for i ot 0 до n-1

8 if arr[i] > max
9 max = arr[i]

10 print "Максимум: " max

11 print "Максимум: " max
```

#### Псевдокод [Cormen 2009, p.214]

```
MINIMUM(A)
   min = A[1]
   for i = 2 to A. length
       if min > A[i]
           min = A[i]
   return min
```

#### Генерируем псевдокод

- действуй как профессиональный разработчик программного обеспечения. составь простой алгоритм поиска максимума в массиве, представь алгоритм в виде псевдокода с комментариями
- напиши псевдокод для предыдущего решения русскими словами с короткими комментариями
- объясни простыми словами какая сложность этого алгоритма и почему

### Псевдокод [perplexity.ai]

```
Функция НайтиМаксимум (массив):
   // Проверяем, что массив не пустой
   Если длина(массив) == 0:
      Вернуть "Массив пустой"
   // Инициализируем переменную максимум первым элементом
   MAKCUMYM = MACCUB[0]
   // Проходим по всем элементам массива
   Для каждого элемент в массиве:
      // Если текущий элемент больше текущего максимума
      Если элемент > максимум:
          // Обновляем максимум
          максимум = элемент
   // Возвращаем найденный максимум
   Вернуть максимум
```

#### Псевдокод [ГигаЧат]

```
Функция для поиска максимального значения в массиве
Функция НайтиМаксимум(массив)
    # Проверяем, есть ли элементы в массиве
    Если Длина(массив) == 0
        Вернуть "Массив пуст"
    # Предполагаем, что первый элемент является максимальным
    МаксимальноеЗначение = массив [0]
    # Перебираем все остальные элементы массива
    Для каждого элемента в массив[1:]
        # Сравниваем текущий элемент с предполагаемым максимумом
        Если элемент > МаксимальноеЗначение
            # Обновляем значение максимума
            МаксимальноеЗначение = элемент
    # Возвращаем найденное максимальное значение
    Вернуть МаксимальноеЗначение
```

#### Псевдокод [DeepSeek]



```
pseudocode
// Функция для поиска максимального значения в массиве
FUNCTION findMax(arr):
   // Проверяем, что массив не пустой
   IF arr.length == 0 THEN
       RETURN "Массив пуст" // Если массив пуст, возвращаем сообщение об ошибке
    END IF
   // Инициализируем переменную для хранения текущего максимума
   // Начинаем с первого элемента массива
   max_value = arr[0]
   // Проходим по всем элементам массива, начиная со второго
   FOR i FROM 1 TO arr.length - 1 DO
       // Если текущий элемент больше текущего максимума
       IF arr[i] > max_value THEN
            // Обновляем значение максимума
           max_value = arr[i]
        END IF
    END FOR
   // Возвращаем найденное максимальное значение
   RETURN max_value
END FUNCTION
```

#### Генерируем код

#### Составь программу на Python для псевдокода

```
arr = [1, 22, 3, 45, 7]
n = длина(arr)
max = arr[0]
for i от 0 до n-1
if arr[i] > max
max = arr[i]
print "Максимум: " max
```

#### Оформи код в виде функции

#### Генерируем код [ГигаЧат]

```
def find max(arr):
   # Проверяем, что массив не пустой
    if not arr:
        print("Maccuв пуст")
        return None
   # Предполагаем, что первый элемент является максимальным
    max val = arr[0]
   # Проходим по всем элементам массива, начиная со второго
    for i in range(1, len(arr)):
        # Если текущий элемент больше максимального, обновляем максимум
        if arr[i] > max val:
            max val = arr[i]
   # Возвращаем найденное максимальное значение
    return max val
```

### Генерируем код [Perplexity]

```
def find_maximum(array):
     # Check if the array is empty
     if len(array) == 0:
         return "The array is empty"
     # Initialize the maximum variable with the first element of the
array
     maximum = array[0]
    # Iterate through all elements in the array
     for i in range(len(array)):
         # If the current element is greater than the current maximum
         if array[i] > maximum:
             # Update the maximum
             maximum = array[i]
     # Return the found maximum
     return maximum
```

#### Генерируем код [DeepSeek]



```
python
                                                                                              Copy
def find_max(arr):
    Функция для поиска максимального значения в массиве.
    :param arr: Список чисел (массив).
    :return: Максимальное значение в массиве. Если массив пуст, возвращает None.
    if not arr:
        return None # Если массив пуст, возвращаем None
    # Инициализируем переменную для хранения текущего максимума
    max_value = arr[0]
    # Проходим по всем элементам массива, начиная со второго
    for num in arr[1:]:
        if num > max_value:
            # Обновляем значение максимума
           max_value = num
    return max_value
```

#### Тестируем программу

```
# Пример использования функции
    arr = [1, 22, -3, 45, 0]
    result = find max(arr)
    if result is not None:
        print(f"Maксимум: {result}")
   Максимум: 45
[4] print(find max([]))
    Массив пуст
    None
                 © Арьков В.Ю.
```

#### Измеряем время

```
import time
import numpy as np
n = 1000000
x = np.random.randint(1, n*100, size=n)
start = time.time()
m = find_max(x)
end = time.time()
t = end - start
print(f''T(\{len(x)\}) = \{t:.6f\} max(x) = \{m\}'')
T(1000000) = 0.280949 \text{ max}(x) = 99999885
```

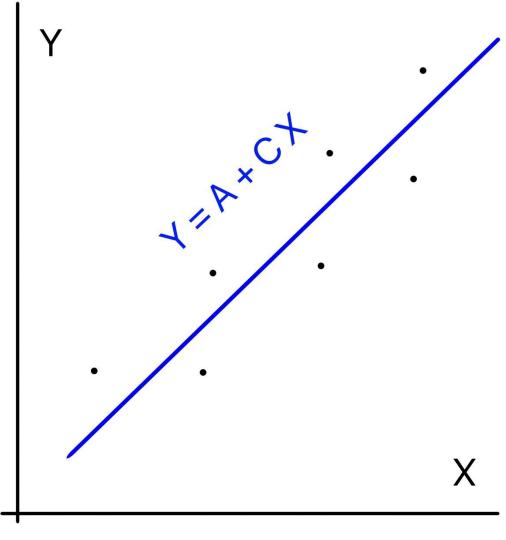
#### Подбираем размер задачи п

```
n = 1 000 000
T(1000000) = 0.128893 \text{ max}(x) = 99999894
n = 5 000 000
T(5000000) = 0.674824  max(x) = 499999994
 n = 10 000 000
 T(10000000) = 2.499915 max(x) = 999999973
 n = 20 000 000
T(20000000) = 2.675346 \text{ max}(x) = 1999999820
n = 50 000 000
T(50000000) = 7.826333  max(x) = 4999999998
```

#### Организуем эксперимент

- Вызываем функцию в цикле
  - Не менее 10 значений п
  - Не менее 10 прогонов
- Выполняем программу
  - В облаке
    - Colab
  - На локальном компьютере
    - CMD
- Перенаправляем результаты в файл \*.csv

#### Линейная зависимость



#### Оцениваем «порядок»

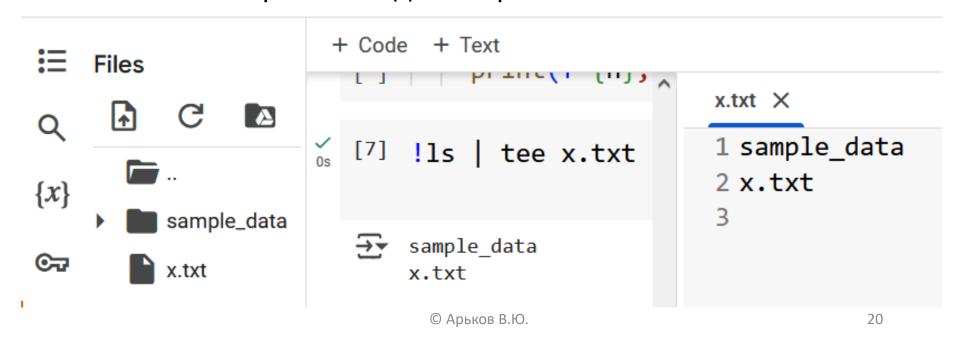
- Ищем линейную зависимость Y(X)
  - Используем логарифмирование
- Выбираем значения n
  - Равномерные значения по горизонтальной оси
  - Разумные пределы значений по времени
- Получаем уравнение Y(X)
  - Оцениваем «линейность» визуально
- Делаем выводы о сложности T(n) = O(?)
  - «О большое»

#### Проводим отладку

```
print("n;T")
   for n in range(5_000_000, 50_000_000, 25_000_000):
      for _ in range(3):
        x = np.random.randint(1, n*100, size=n)
        start = time.time()
        m = find_{max}(x)
        end = time.time()
        t = end - start
        print(f"{n};{t:.6f}".replace(".", ","))
→
   n;T
   5000000;0,411240
   5000000;0,416581
   5000000;0,414855
   30000000;2,462676
   30000000;2,530023
   30000000;3,047002
```

#### Команда tee

- Английская буква «Т»
  - Т-образное соединение (труб, кабелей и т.п.)
- Одновременный вывод на экран и в файл
  - Конвейер в командной строке



#### Вывод без буферизации

- print(f"{n};{t}", flush=True)
  - Выводим результаты немедленно

Lavatory Flush Button



#### Cell Magic

- Записываем содержимое кодовой ячейки в файл
- %%writefile f.py

- Запускаем программу в следующей ячейке
- !python f.py

```
%writefile f.py
   def find max(arr):
       max val = arr[0]
       for i in range(1, len(arr)):
           if arr[i] > max val:
               max val = arr[i]
       return max val
   import time
   import numpy as np
   print("n;T")
   for n in range(5 000 000, 50 000 001, 5 000 000):
     for in range(10):
       x = np.random.randint(1, n*100, size=n)
       start = time.time()
       m = find_max(x)
       end = time.time()
       t = end - start
       print(f"{n};{t:.6f}".replace(".", ","), flush=True)
```

23

#### Следим за выполнением

- Запускаем программу
- Наблюдаем за результатами опытов

```
P!python f.py | tee f.csv

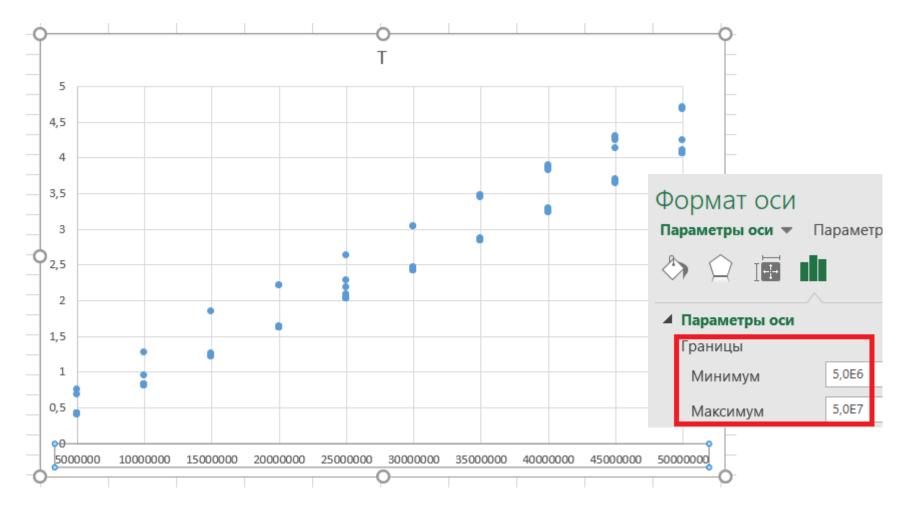
... n;T
    50000000;0,421167
    50000000;0,422872
    5000000;0,423601
    5000000;0,415334
```

### Загружаем данные

- Строки «прижаты влево»
- Числа «прижаты вправо»

B2	-	$\times$ $\checkmark$ $f_x$	0,682869
4	А	В	С
1	n	Т	
2	5000000	0,682869	
3	5000000	0,756302	
4	5000000	0,409466	
5	5000000	0,41261	
6	5000000	0,410397	
7	5000000	0,414943	

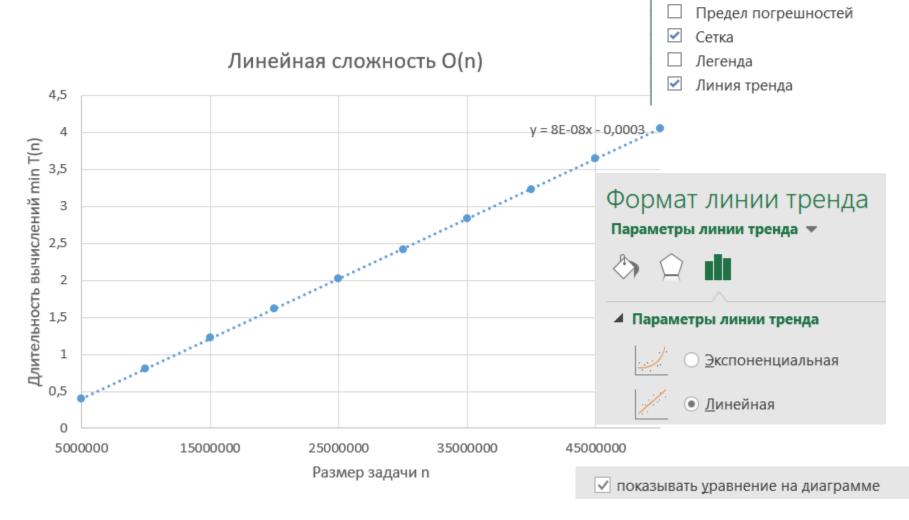
### Диаграмма разброса



## Сводная таблица min T(n)

				Поля сводной таблиі
Названия строк	Минимум по полю <b>Т</b>	n	min T	толи сводной таблик
5000000	0,40541	5000000	0,40541	Выберите поля для добавления в о
10000000	0,807517	10000000	0,807517	Поиск
15000000	1,217452	15000000	1,217452	Поиск
20000000	1,621333	20000000	1,621333	✓ n
25000000	2,023448	25000000	2,023448	✓ T
30000000	2,419896	30000000	2,419896	
35000000	2,836357	35000000	2,836357	
4000000	3,229203	40000000	3,229203	
45000000	3,641051	45000000	Перетащите	е поля в нужную область:
50000000	4,054813	50000000		
Общий итог	0,40541		▼ ФИЛЬТР	ы Ш стольцы
			≡ строки	∑ ЗНАЧЕНИЯ
			n	▼ Минимум по полю

### Демонстрируем O(n)



ЭЛЕМЕНТЫ ДИАГРАММЫ

Название диаграммы

Названия осей

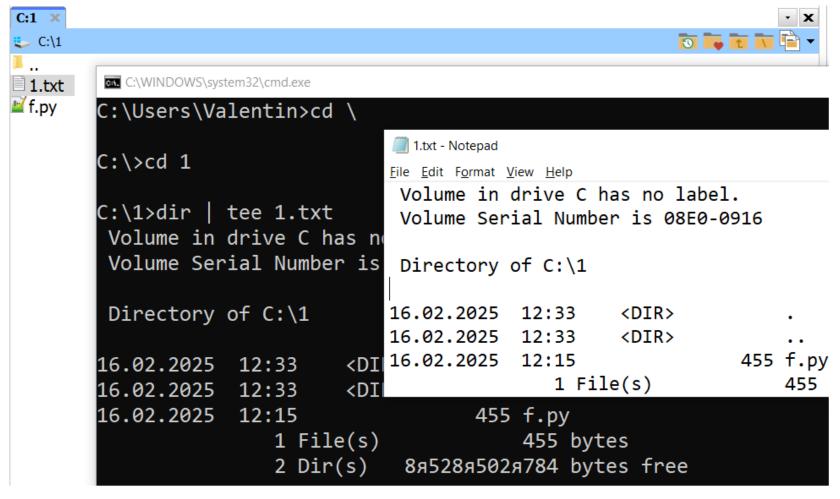
Подписи данных

**~** 

~

Оси

#### Команда TEE для CMD

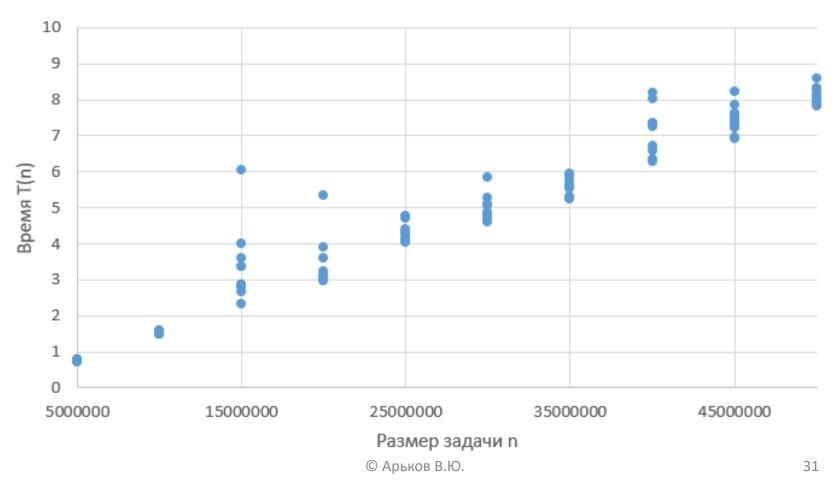


### Локальный запуск

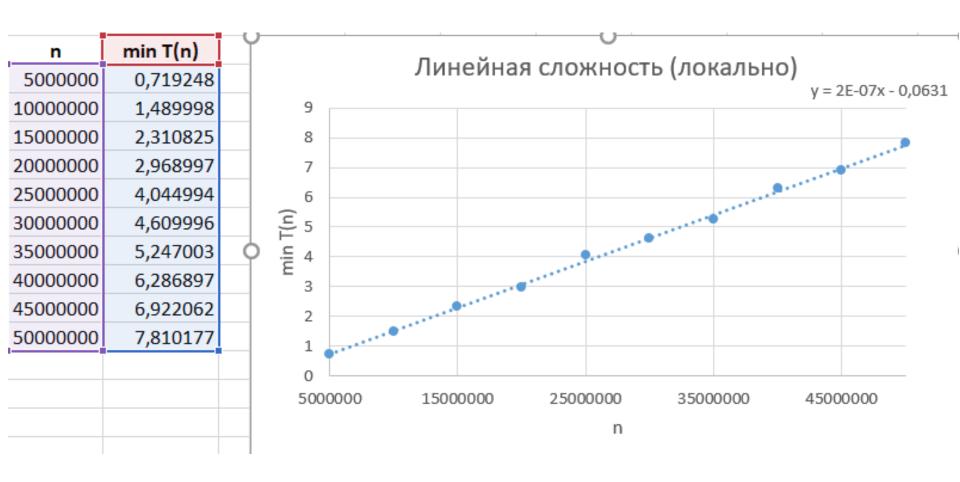
```
C:\1>pip install numpy
C:\1>python f.py | tee x.csv
5000000;0,729054
5000000;0,695180
5000000;0,693057
5000000;0,683624
5000000;0,821838
```

#### Исходные данные

#### Линейная сложность (локально)



### Сводная таблица и график



#### О большое

- Ограничение сверху
  - Наихудший случай
  - Максимальная трудоемкость
  - Наибольшее число операций
- Полный перебор элементов массива
  - Обновление максимума на каждом элементе

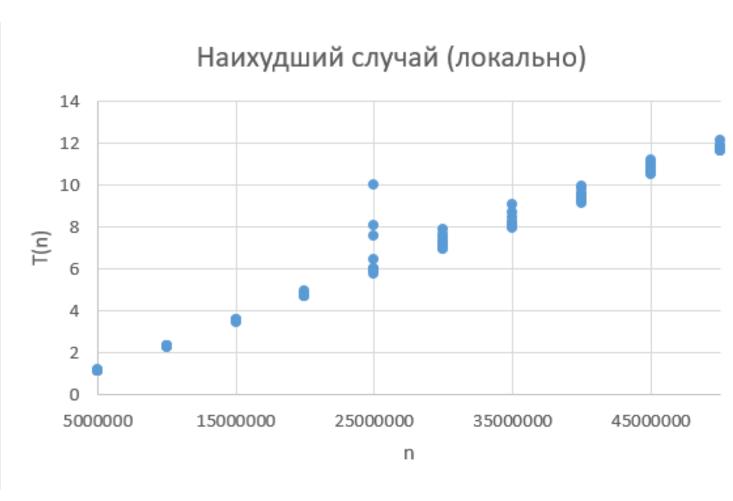
• Значения по возрастанию

#### Мин – макс - среднее

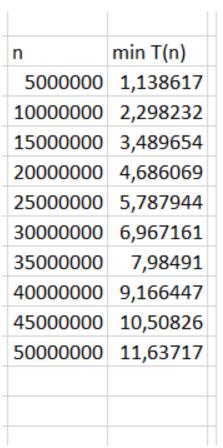
- Минимальное, максимальное, среднее время
- О-большое (O) наихудший случай
  - Верхняя граница роста времени выполнения
- Омега-большое (Ω) наилучший случай
  - Нижняя граница роста времени выполнения
- Тэта-большое (О) средний случай
  - Верхняя и нижняя границы сложности совпадают

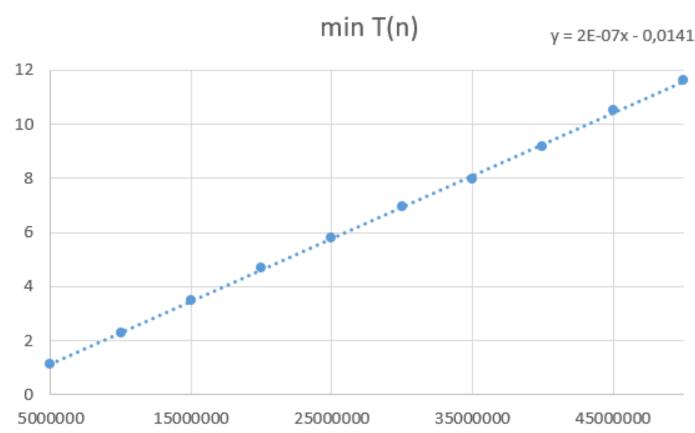
#### Сырые данные

n	T
5000000	1,156646
5000000	1,166718
5000000	1,15206
5000000	1,169089
5000000	1,160728
5000000	1,167743
5000000	1,160377
5000000	1,138617
5000000	1,194712
5000000	1,162534
10000000	2,337568
10000000	2,358345
10000000	2,321273
10000000	2,300161



### Окончательный вывод: O(n)





#### Логарифм – «линеаризация»

- Линейный «тренд» на графике
  - Легко увидеть на диаграмме разброса
  - Автоматическое уравнение и линия
- Линеаризация через логарифмирование
  - Нелинейная зависимость превращается в линейную
  - Равномерные значения аргумента в масштабе
- Примеры линеаризации
  - O(log n)
  - O(n^2)
  - O(2^n)

### Крайние случаи

- «Edge cases»
- Наилучший случай
  - Минимальное количество операций
  - Ограничение снизу
  - «Омега большое»
- Наихудший случай
  - Максимальное количество операций
  - Ограничение сверху
  - «О большое»
- «Общий порядок»
  - Идентичный порядок для наилучшего и наихудшего
  - «Тета большое»

#### Отчет

- Документ Word
  - Структура отчета
    - Титульный лист
    - Основная часть
    - Заключение
  - Пояснения
  - Фрагменты кода
    - Псевдокод
    - Исходный текст программ
  - Запросы к нейросетям
    - Perplexity / GigaChat / DeepSeek
- Вставка объектов Excel
  - Таблицы
  - Диаграммы
  - Object Linking and Embedding (OLE)

#### Защита ЛР

- Понимание материала
  - Теория алгоритмов
  - Конкретный алгоритм
- Владение технологиями
  - Составление программ
  - Измерение сложности
  - Python / Word / Excel / OLE
- Грамотное оформление результатов