

| N | Formule  | Description / Preuve  |
|---|--|---|
| 1 | $\Delta = h(v^r) - h(v)$   | Variation de la hauteur avant et après rotation   |
| 2 | $\Delta = \begin{cases} -1 & \text{si } h(B) > \max(h(D), h(C)) \\ 1 & \text{si } h(D) > \max(h(B), h(C)) \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$                                     | Prouvé dans exercice 1, question 3, série 9 (slide 26 série 9)  |
| 3 | $h(v^r) = \begin{cases} h(v) + \Delta & \text{si } (h(x) > h(j)) \text{ ou } (h(x) = h(j) \text{ et } \Delta = 1) \\ h(v) & \text{sinon} \end{cases}$                          | Hauteur d'un noeud v après rotation en fonction de sa hauteur avant rotation et de sa variation<br><br>Prouvé dans exercice 1, question 4, série 9 (slide 29 série 9) |
| 4 | $\forall n,  H(Gauche(n)) - H(Droit(n))  \leq 1$   | Condition d'un AVL de racine n  |
| 5 | $eq_x = H(A_g(x)) - H(A_d(x))$   | Equilibre d'un noeud x dans un AVL  |
| 6 | <p>Rotation droite</p> $eq_x^r = eq_x - 1 - \max(0, eq_y)$ $eq_y^r = \begin{cases} eq_y - 1 & \text{si } eq_x^r \geq 0 \\ eq_x - 2 + \min(0, eq_y) & \text{sinon} \end{cases}$ | Prouvé dans exercice 1, question 1, série 10 (slide 21 série 10)  |
| 7 | <p>Rotation gauche</p> $eq_x^r = eq_x + 1 - \min(0, eq_y)$ $eq_y^r = \begin{cases} eq_y + 1 & \text{si } eq_x^r \leq 0 \\ eq_x + 2 + \max(0, eq_y) & \text{sinon} \end{cases}$ | Même preuve que rotation droite<br>x est l'ancienne racine<br>y la nouvelle racine  |
| 8 | $\Delta = \begin{cases} -1 & \iff eq_y^r \geq 0 \\ 1 & \iff eq_x \leq 0 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$   | Cas d'une rotation droite<br>Prouvé dans exercice 1, question 2, série 10 (slides 24, 25, 26 série 10)  |

|    |  |   |
|----|--|---|
| 9  | $\Delta = \begin{cases} 1 & \iff eq_x \geq 0 \\ -1 & \iff eq_y^r \leq 0 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$   | Cas d'une rotation gauche   |
| 10 | $\Delta = h(i^r) - h(i) \text{ et } \Delta' = h(v^r) - h(v)$ $\Delta' = h(v^r) - h(v) = \Delta \Leftrightarrow$ $\begin{cases} eq_v > 0 \text{ ou } (eq_v = 0 \text{ et } \Delta = 1) & \text{lorsque } i \text{ fils gauche} \\ eq_v < 0 \text{ ou } (eq_v = 0 \text{ et } \Delta = -1) & \text{lorsque } i \text{ fils droit} \end{cases}$ $\Delta' = 0 \text{ sinon}$ | <p>v est la racine<br/>i fils de v</p> <p>Variation de la hauteur en fonction de l'équilibre</p> <p>Prouvé dans exercice 1, question 4 , série 10 (slide 34 série 10)</p> |
| 11 | $eq_v^r = eq_v + \Delta$ $eq_v^r = eq_v - \Delta$ <p>Sachant que</p> $\Delta = h(i^r) - h(i)$  | <p>1 er cas, i est fils gauche<br/>2 ème cas, i est fils droit</p> <p>Prouvé dans exercice 1, question 4 , série 10 (slide 35 série 10)</p>                               |