

1

Compléments sur les machines abstraites, raffinements et implantations

Machines paramétrées

- 2 Une machine peut prendre un ou plusieurs paramètres qui peuvent être **scalaires** (l'un des types numériques de B ou tout sous-ensemble) ou de type **ensemble**.
- Toute contrainte sur ces paramètres (dont **obligatoirement les typages des paramètres scalaires**) est à mettre dans la clause **CONSTRAINTS**

```
MACHINE GestTrains3(maxtrains)
CONSTRAINTS maxtrains:NAT1
VARIABLES nbTrains
INVARIANT nbTrains:0..maxtrains
INITIALISATION nbTrains:=0
OPERATIONS AddTrain=
    PRE nbTrains<maxtrains THEN
    nbTrains:=nbTrains+1 END
END
```

Opérations avec paramètres d'entrée

- 3 Une opération peut aussi prendre un ou plusieurs paramètres.
- Le typage des paramètres d'entrée d'une opération prend naturellement place dans la précondition.

MACHINE GestTrains3(maxtrains)

CONSTRAINTS maxtrains:**NAT1**

VARIABLES nbTrains

INVARIANT nbTrains:0..maxtrains

INITIALISATION nbTrains:=0

OPERATIONS AddTrain(nTrain)=

PRE nTrain:**NAT1** & nbTrains ≤ maxtrains - nTrain **THEN**

 nbTrains := nbTrains + nTrain **END**

END

Opérations avec paramètres de sortie

- 4 • Une opération peut aussi renvoyer un résultat.
- Pas besoin de typer le résultat qui en revanche doit être affecté en fin d'opération (fonction des variables et paramètres de machine et d'opération)

```
OPERATIONS remPlaces<--AddTrain(nTrain)=  
PRE nTrain:NAT1&nbTrains<=maxtrains-nTrain  
THEN nbTrains,remPlaces:=  
nbTrains+nTrain,maxtrains-nbTrains-nTrain  
END
```

Gare au bug ici, se souvenir qu'il s'agit de **substitutions parallèles** qui doivent se lire « à gauche de := les valeurs après, à droite de := les valeurs avant »

Clause SETS

- 5 La clause **SETS** permet de déclarer les ensembles abstraits (« deferred ») ou énumérés d'une machine, d'un raffinement ou d'une implantation.

- Exemple :

SETS AIG; SIG; APP={VL,AV,SE,CA}

- Un style (répandu mais non obligatoire dans l'atelier B) consiste à mettre en majuscules les identifiants de **SETS**
- Les ensembles abstraits ou énumérés déclarés dans **SETS** servent entre autres à typer les variables et les constantes
- En implantation les valeurs des ensembles abstraits sont précisées par la clauses **VALUES**

Clauses CONSTANTS

- 6 La clause **CONSTANTS** (ou ce qui revient au même **CONCRETE_CONSTANTS**) définit des constantes implantables (qui se conserveront dans les raffinements jusqu'à l'implantation).
- La clause **ABSTRACT_CONSTANTS** définit quant à elle des constantes (qui seront raffinées lors de raffinements).
 - Les constantes abstraites ou concrètes doivent obligatoirement être typées par la clause **PROPERTIES** qui peut aussi exprimer d'autres contraintes.
 - En implantation toutes les constantes doivent être concrètes et il doit leur être attribué des valeurs par la clause **VALUES**.
 - Exemple :

CONSTANTS Aig, Sig, Maxtrain

Clauses PROPERTIES

- 7 La clause **PROPERTIES** permet d'exprimer des contraintes sur les constantes concrètes ou abstraites (dont obligatoirement leur type).

- Exemple :

CONSTANTS Aig, Sig, Maxtrain

PROPERTIES Aig<:AIG & Sig<:SIG &
Aig/={} & Sig/={} & Maxtrain:NAT1

Clauses VALUES

- 8 La clause **VALUES** réservée aux implantations, permet de donner des valeurs implantables aux ensembles abstraits et aux constantes concrètes.
- Les **VALUES** doivent bien sûr respecter les **PROPERTIES** (POs spécifiques générées pour cela...).
- Exemple : Clauses de la machine :
SETS AIG; SIG; APP={VL,AV,CE,CA}
CONSTANTS Aig, Sig, Maxtrain
PROPERTIES Aig<:AIG & Sig<:SIG &
Aig/={} & Sig/={} & Maxtrain:NAT1
- Exemple : Clauses de l'implantation
VALUES SIG=1..10; AIG=1..10;
Maxtrain=10; Sig=1..3; Aig=1..3

Clauses VARIABLES

- 9 La clause **VARIABLES** (ou ce qui revient au même **ABSTRACT_VARIABLES**) définit des variables d'une machine ou d'un raffinement qui pourront être raffinées. Elle est **interdite dans les implantations**.
- La clause **CONCRETE_VARIABLES** définit quant à elle des variables implantables. Elle est utilisable dans les machines, raffinements et **implantations**.
 - Les variables abstraites ou concrètes doivent **obligatoirement** être typées par la clause **INVARIANT** qui peut aussi exprimer d'autres contraintes (par des prédicats).
 - Les variables abstraites ou concrètes doivent **obligatoirement** être initialisées par des substitutions généralisées dans la clause **INITIALISATION**.

Clause ASSERTIONS

- 10• La clause **ASSERTIONS** sert à ajouter des prédicats censés être déductibles de l'invariant, et ce afin de faciliter les preuves.
- La présence de la clause **ASSERTIONS** génère un PO ayant objectif de la prouver à partir de l'invariant.
 - Une fois prouvée, les prédicats de **ASSERTIONS** sont rajoutés comme hypothèse dans toutes les preuves.

Clause DEFINITIONS

- 11• La clause **DEFINITIONS** permet, comme son nom l'indique, l'introduction de définitions qui sont remplacées lors de l'analyse lexicale de la machine.
- Ces DEFINITIONS peuvent dépendre d'un ou plusieurs paramètres formels (entre parenthèses)
 - Exemples :
 - **DEFINITIONS** `step==5 ; next(x)==x*x+step ;`
 `affectdouble(y,x)==y:=2*x`
 - Appels de définitions possibles (par exemple dans une opération) :
 `zz:=next(zz) || affectdouble(uu,vv)`

Structure type d'une machine abstraite

12 MACHINE M1(pp1,pp2,PSET)
/*paramètres optionnels, scalaires et ENSEMBLES*/
CONSTRAINTS pp1:NAT&pp2:BOOL /*typage paramètres scalaires*/
SETS S1;S2={e1,e2,e3} /*Ensembles abstraits et énumérés*/
CONSTANTS C1,C2
PROPERTIES C1:NAT&C2:S2 /*Typage des constantes*/
VARIABLES v1,v2
INVARIANT v1:S1&v2:PSET /*A minima typage des variables*/
INITIALISATION v1,v2:(v1:S1&v2:PSET)
/*Initialisation des variables obligatoire*/
OPERATIONS
setv1(vv) = PRE vv:S1 THEN v1:=vv END;
/*Typage des paramètres dans PRE*/
res <-- getv1 = BEGIN res:=v1 END /*Opération avec retour. Corps
d'opération (bloc substitution) entre THEN... END ou BEGIN...END*/
END

Des clauses de composition (INCLUDES, PROMOTES, EXTENDS, USES, SEES) peuvent aussi être présentes (voir cours modularité)