

## Cours 4

### Programmation impérative

Emna Chebbi, Revekka Kyriakoglou

# Plan du cours

- 1 Motivation
- 2 Fonction
- 3 Procédure
- 4 La récursivité
- 5 Les Macros
- 6 Application du cours
- 7 Complexité des algorithmes : Initiation

# Motivation



Plus il y a de lignes dans notre programme, plus il est important d'utiliser des fonctions !



Si nous ajoutons simplement toutes les instructions dans la main :

- le programme sera illisible.
- il comprendrait beaucoup de variables.
- nous ne pourrions pas faire de "debugging".
- ...

# Déclaration, définition, utilisation

## ■ Déclaration :

```
int maFonction(int);
```

## ■ Définition :

```
int maFonction(int x)
{
    int a;
    ...
    return(a+x);
}
```

## ■ Utilisation :

```
int x = 5;
int y = maFonction(x);
```

## Type de retour, type du paramètre, nom

- **Type de retour :**  
`int maFonction(int) ;`
- **Type du paramètre :**  
`int maFonction(int) ;`
- **Nom :**  
`int maFonction(int) ;`



Ces trois paramètres s'appellent **Signature ou en-tête d'une fonction**.

# Boîtes et flèches...



## Exemple : Calcul du carré d'un nombre

### Exemple

*La fonction suivante calcule la valeur carée d'un nombre entier et retourne comme résultat un nombre entier.*

*Toute fonction peut faire appel à une autre fonction.*

```
int carre( int a ){
    return (a*a);
}

int main(void){
    int n, x=0;
    printf("Saisir_un_entier_n_");
    scanf("%d", &n);
    x = carre(n);
    printf("carre_=%d\n", x);
return 0;
}
```

# Types de retour

## ■ Les types pré-définis pour les variables :

`int`, `float`, `double`, `char`, etc

`int *`, `float *`, `char *`, etc

## ■ Le type vide :

`void`



# Déclaration, définition, appel



## Type de retour : void

Une **Procédure** ne contient pas un type de retour puisque contrairement à une fonction, une **Procédure** ne retourne rien.

### ■ Déclaration :

```
void maProcedure(char);
```

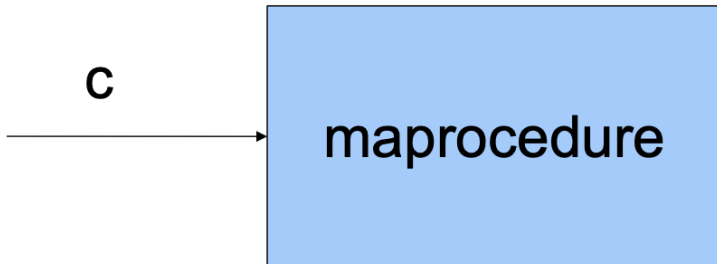
### ■ Définition :

```
void maProcedure(char c)
{
    printf("%c", c);
}
```

### ■ Appel :

```
char c;
maProcedure(c);
```

# Boîtes et flèches...



# Type de retour, Structuration du programme

## ■ Type de retour :

**void** maProcedure(char) ;

## ■ Structuration du programme

Un traitement donné est écrit une fois et une seule dans le programme (*comme pour les fonctions*).



### Possibilité d'avoir des paramètres en sortie

Une procédure peut donner un résultat en utilisant un *Pas-sage de paramètre par adresse*.

# Paramètres en entrée ou sortie

## ■ Paramètre en entrée

- La fonction ou la procédure en a besoin pour fonctionner.

## ■ Paramètre en sortie

- La fonction ou la procédure a pour objectif de lui donner une valeur.
- Si le type du retour n'est pas void, une fonction C possède un paramètre de sortie obligé : le paramètre de retour.



### Langage C et Paramètres en sortie



En langage C, il n'existe pas d'autre paramètre de sortie que le paramètre de retour.



Mais il existe le passage par adresse.

# Passage de paramètres par valeur et par adresse

## ■ Passage de paramètre par valeur

- On passe la valeur du paramètre.
- Implique que le paramètre qui est en entrée.

## ■ Passage de paramètre par adresse

- Aussi appelé passage par référence.
- On passe l'adresse du paramètre.
- Cela permet d'avoir un paramètre en sortie.



### Which better

Si vous souhaitez ne transmettre que la valeur de la variable utilisez le **Passage par valeur** et si vous souhaitez avoir la modification de la valeur originale de la variable, utilisez le **Passage par référence ou adresse**.

# Exemple : passage de paramètres par adresse

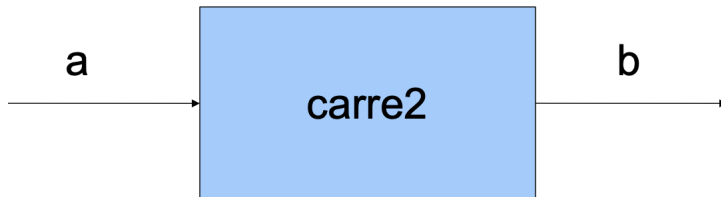


## Exercice 1

Essayez de décrire ce qui se passe avec le code suivant. Que donne le dernier printf si la variable **n** est égale 6 :

```
void carre2(int a, int * b){
    *b = a*a;
}
int main(void){
    int n, x=0;
    printf("Saisir_un_entier_n_\n");
    scanf("%d", &n);
    carre2(n, &x);
    printf("carre2_=_%d\n", x);
    return 0;
}
```

# Boîtes et flèches...



# Exemple : passage de paramètres par valeur

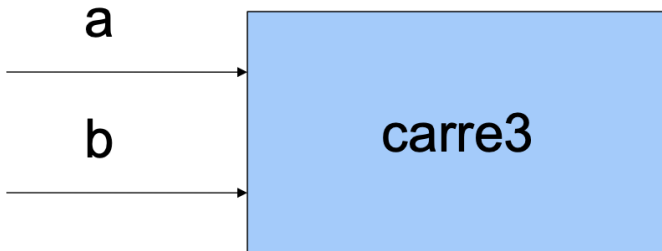
## ? Exercice 2

Essayez de décrire ce qui se passe avec le code suivant. Que donne le dernier printf si la variable **n** est égale 6 :

```
void carre3(int a, int b){  
    b = a*a;  
}  
  
int main(void){  
    int n, x=0;  
    printf("Saisir_un_entier_n_\n");  
    scanf("%d", &n);  
    carre2(n, &x);  
    printf("carre2_=%d\n", x);  
    return 0;  
}
```



## Boîtes et flèches...



# Définition, Exemple

## ■ Définition :

- Une méthode de description d'algorithmes qui permet à une procédure (ou une fonction) de s'appeler **elle-même**.
- Permet généralement l'écriture des fonctions sous une forme concise et plus simple à comprendre.
- Moins naturelle à concevoir.
- Lorsque le problème traité peut se décomposer en une succession de sous-problèmes identiques, la récursivité est généralement bien indiquée

## ■ Exemple :

- Prenons l'exemple de la fonction factorielle() qui calcule la factorielle d'un entier. On rappelle ici le calcul de la factorielle de  $n$  :

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times (n - 1) \times n$$

# Forme itérative : factorielle

## Exemple

*La forme itérative est l'implémentation classique (sans récursivité).  
Voici le code de la fonction factorielle() sans récursivité :*

```
int factorielle (int n) {  
  
    int i;  
    int fact=1;  
    for (i=2;i<=n;i++) {  
        fact = fact*i; /* Parcourt tous les termes  
                        et multiplie fact par i */  
    }  
    return fact;  
}
```

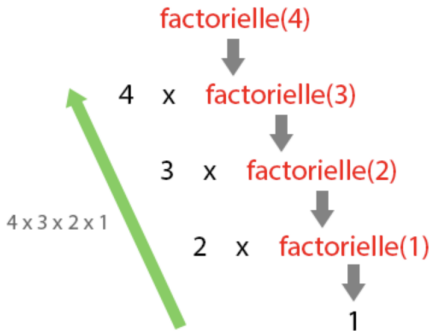
# Boîtes et flèches...



## Nouvelle logique !

Pour la **forme récursive**, nous allons nous appuyer sur une autre écriture de la factorielle :

$$n! = n \times (n - 1)$$



# Forme recursive : factorielle

## Exemple

*La forme récursive est généralement plus simple à comprendre et plus élégante.*

*Mais les appels récursifs occasionnent la sauvegarde du contexte (les valeurs des variables) avant chaque appel et sa restitution au retour de l'appel, **ce qui peut légèrement diminuer l'efficacité du programme.***

```
int factorielle (int n) {  
  
    if (n<=1)  
        return 1;    //Si n <= 1, retourne 1 car  
                     //!0=1 et !1=1  
    return n*Factorielle(n-1); // Retourne n*!(n-1)  
}
```

# Définition, appel

## ■ Définition :

```
#define MA_MACRO(X, Y) X+19*Y
```

## ■ Utilisation :

```
int i = MA_MACRO(4, 13);
```

## ■ Fonctionnement :

gcc le **pre-processeur** remplace **MA\_MACRO(a, b)** par **a + 19\*b** partout dans le code source.

# Macros : Avantages et Inconvénients



## Avantages

- Rapidité d'exécution.
- Lisibilité du source (comme pour les fonctions).



## Inconvénients

- Effet de bords indésirés tels que la surcharge de mémoire.
- Expansion du code exécutable, puisque les macros sont créées par le préprocesseur.

# Exercice général

## ? Step - 1

Ecrire une fonction dont la signature est :

```
int deIntervalleANombre(int a, int b);
```

qui permet de :

- Demander à l'utilisateur de saisir un nombre entier dans l'intervalle  $[a, b]$ .
- Retourner ce nombre.
- Renouveler la demande tant que ce nombre n'est pas dans l'intervalle  $[a, b]$ .



# Exercice général



## Step - 1 : correction

```
int deIntervalleANombre(int a, int b){  
    int x;  
    do {  
        printf("x ? (%d<=x<=%d)", a, b);  
        scanf("%d", &x);  
    } while (x<a || x>b);  
    return x;  
}
```

# Exercice général



## Step - 2

Ecrire un programme principal main qui permet de :

- Demander un nombre  $N$  dans  $[0, 12]$  via la fonction `deIntervalleANombre`.
- Afficher la valeur de  $N!$  via une fonction récursive.

# Exercice général



## Step - 2 : correction

```
#include <stdio.h>
// ici les definitions des 2 fonctions
int main(void) {
    int n;
    n = deIntervalleANombre(0,12);
    printf("n = %d\n", n);
    printf("n! = %d\n", factorielle(n));
    return 0;
}
```

# Définition, Structures de contrôle, Structures de données

## ■ Définition :

- **P** : un problème.
- **M** : Solution pour résoudre le problème **P**.
- Algorithme : description de la méthode **M** dans un algorithme.

## ■ Structures de contrôle :    ■ Structures de données :

- |                             |                           |
|-----------------------------|---------------------------|
| ■ Branchement conditionnel. | ■ Constantes.             |
| ■ Boucle (ou itération).    | ■ Variables.              |
| ■ Le saut (goto)            | ■ Tableaux.               |
|                             | ■ Structures récursives . |



### Objectif

- Evaluer l'efficacité de la méthode **M**.
  - Comparer **M** avec une autre méthode **M'**.
- indépendamment de l'environnement (machine, ...).**

# Evaluation, Notions , Configurations caractéristiques

■ **Evaluation** : Evaluation du nombre d'**opérations élémentaires** en fonction :

- de **la taille** des données.
- de **la nature** des données.

■ **Notions** :

- **n** : Taille des données.
- **T(n)** : Nombre d'opérations élémentaires.

■ **Configurations caractéristiques** :

- Meilleur cas.
- Pire des cas.
- Cas moyen.

# Evaluation de $T(n)$ (séquence), Evaluation de $T(n)$ (embranchement)

## ■ Evaluation de $T(n)$ (séquence) :

Somme des coûts.

$$\left. \begin{array}{ll} \text{Traitement1} & T_1(n) \\ \text{Traitement2} & T_2(n) \end{array} \right\} T(n) = T_1(n) + T_2(n)$$

## ■ Evaluation de $T(n)$ (embranchement) :

Max des coûts.

$$\left. \begin{array}{ll} \text{si } < \text{condition} > \text{ alors} & \\ \quad \text{Traitement1} & T_1(n) \\ \text{sinon} & \\ \quad \text{Traitement2} & T_2(n) \end{array} \right\} \max(T_1(n), T_2(n))$$

# Evaluation de T(n) (boucle), Evaluation de T(n) (fonctions récursives)

## ■ Evaluation de T(n) (boucle) :

Somme des coûts des passages successifs

|                              |   |                       |
|------------------------------|---|-----------------------|
| tant que < condition > faire | } | $\sum_{i=1}^k T_i(n)$ |
| Traitement $T_i(n)$          |   |                       |
| fin faire                    |   |                       |

$T_i(n)$  : coût de la  $i^{\text{ème}}$  itération

souvent défini par une **équation récursive**

## ■ Evaluation de T(n) (fonctions récursives) :

**fonction** FunctionRecursive ( $n$ )

```

1  si ( $n > 1$ ) alors
2      FunctionRecursive( $n/2$ ), coût  $T(n/2)$ 
3      Traitement( $n$ ), coût  $C(n)$ 
4      FunctionRecursive( $n/2$ ), coût  $T(n/2)$ 
    
```

Equation récursive

$$T(n) = 2 * T(n/2) + C(n)$$

si  $C(n) = 1$  alors  $T(n) = K \times n$

si  $C(n) = n$  alors  $T(n) = K \times n \times \log n$

# Les principales classes de complexité , Exemple : permutation

## ■ Les principales classes de complexité :

|                      |   |
|----------------------|---|
| $O(1)$               | temps constant                          |
| $O(\log n)$          | logarithmique                           |
| $O(n)$               | linéaire                                |
| $O(n \times \log n)$ | tris (par échanges)                     |
| $O(n^2)$             | quadratique, polynomial                 |
| $O(2^n)$             | exponentiel (problèmes très difficiles) |

## ■ Exemple : permutation :

**fonction** permutation ( $S, i, j$ )

---

|   |                     |            |
|---|---------------------|------------|
| 1 | $tmp := S[i],$      | coût $c_1$ |
| 2 | $S[i] := S[j],$     | coût $c_2$ |
| 3 | $S[j] := tmp,$      | coût $c_3$ |
| 4 | <b>renvoyer</b> $S$ | coût $c_4$ |

Coût total

$$T(n) = c_1 + c_2 + c_3 + c_4 = O(1)$$



# Recherche séquentielle

## ■ Les principales classes de complexité :

fonction recherche ( $x, S, n$ )

```

1   $i := 1$ ,
2  tant que  $((i < n) \text{ et } (S[i] \neq x))$  faire    ( $n$  fois)
3       $i := i + 1$ ,
4  renvoyer  $(S[i] = x)$ 
```

Pire des cas :  $n$  fois la boucle

$$T(n) = 1 + \sum_{i=1}^n 1 + 1 = O(n)$$

# Temps de calcul

Le temps de calcul approximatif selon la complexité et le nombre d'itérations de l'algorithme.

| <i>Taille</i> | $\log_2 n$      | $n$            | $n \log_2 n$   | $n^2$           | $2^n$                    |
|---------------|-----------------|----------------|----------------|-----------------|--------------------------|
| 10            | 0.003 <i>ms</i> | 0.01 <i>ms</i> | 0.03 <i>ms</i> | 0.1 <i>ms</i>   | 1 <i>ms</i>              |
| 100           | 0.006 <i>ms</i> | 0.1 <i>ms</i>  | 0.6 <i>ms</i>  | 10 <i>ms</i>    | $10^{14}$ <i>siecles</i> |
| 1000          | 0.01 <i>ms</i>  | 1 <i>ms</i>    | 10 <i>ms</i>   | 1 <i>s</i>      |                          |
| $10^4$        | 0.013 <i>ms</i> | 10 <i>ms</i>   | 0.1 <i>s</i>   | 100 <i>s</i>    |                          |
| $10^5$        | 0.016 <i>ms</i> | 100 <i>ms</i>  | 1.6 <i>s</i>   | 3 <i>heures</i> |                          |
| $10^6$        | 0.02 <i>ms</i>  | 1 <i>s</i>     | 20 <i>s</i>    | 10 <i>jours</i> |                          |