## Sélection de modèles

23 octobre 2019

Ce laboratoire doit être remis le **6 novembre à 17h sur Moodle**. Dans votre réponse pour chaque question, veuillez inclure une copie du code R utilisé (s'il y a lieu) et des résultats obtenus.

## 1. Biomasse racinaire en fonction de l'environnement

Le jeu de données environment.csv (tiré du manuel de Beckerman et Petchey, Getting started with R: An introduction for biologists) inclut des mesures de biomasse racinaire (biomass, en g/m<sup>2</sup>) pour 10 sites en fonction de l'altitude (en m), de la température (en degrés C) et de la précipitation annuelle (rainfall, en m).

```
enviro <- read.csv("environment.csv")
str(enviro)</pre>
```

```
##
  'data.frame':
                    10 obs. of 5 variables:
   $ site
                       1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
                 : int
   $ altitude
                        13 160 100 205 45 84 349 509 399 30
                 : int
                        24 18 17 15 20 21 14 11 13 19
   $ temperature: int
   $ rainfall
                 : num
                        0.01 0.5 0.6 1.1 0.09 0.2 1.2 0.6 0.8 0.5
##
   $ biomass
                        20 120 110 200 45 70 150 275 220 38
                 : int
```

- a) Estimez les paramètres du modèle incluant les trois prédicteurs: biomass ~ altitude + temperature
   + rainfall. L'inclusion des trois prédicteurs dans le même modèle cause-t-elle des problèmes? Justifiez votre réponse.
- b) Proposez plusieurs modèles alternatifs pour ce jeu de données, incluant le modèle nul (0 prédicteur) et des modèles à 1 ou 2 prédicteurs (sans interactions). Évitez d'inclure des prédicteurs fortement corrélés dans le même modèle. Créez un tableau comparant ces modèles selon leur AICc.
- c) Quel est le meilleur modèle pour prédire la biomasse racinaire à un nouveau site semblable à ceux échantillonnés? Serait-ce utile de faire des prédictions moyennes à partir de plusieurs modèles ici? Justifiez votre réponse.

## 2. Prédictions de la migration d'espèces d'oiseaux

\$ mWngLn

Le fichier migration.csv contient les données de Rubolini et al. (2005) sur 28 espèces d'oiseaux qui migrent entre l'Europe et l'Afrique.

```
migr <- read.csv("migration.csv")</pre>
str(migr)
                   28 obs. of 14 variables:
##
  'data.frame':
   $ speciesID : int 1 3 4 5 7 8 9 11 12 13 ...
   $ species1 : Factor w/ 22 levels "Acrocephalus",..: 1 1 2 2 3 4 5 6 7 7 ...
##
   $ species2 : Factor w/ 28 levels "albicollis", "apiaster",...: 3 21 5 27 10 9 6 12 1 13 ...
##
##
   $ migDate
                      33 38 32 27 35 30 31 30.8 30 28 ...
  $ latBreed : num 46 48 43.5 55.3 47.5 50.3 51 51.5 48.8 59 ...
                      -10.3 0 6 -10 -7.5 18.5 -15 7.5 -10 7.5 ...
##
   $ latWntr
               : num
   $ sexDchrmt : num 0 0 0 0 4.3 2 2.3 7 17.3 16 ...
  $ nestSite : int 0 0 0 0 0 0 0 1 1 ...
##
##
  $ moult
               : int 1100101000...
```

: num 96.8 66.8 91.6 88.7 192.1 ...

```
## $ fWngLn : num 92.3 66 86.9 84.7 194.3 ...
## $ numSpecies: int 641 546 140 3531 269 104 166 101 737 12837 ...
## $ X : num -10.3 0 6 -10 -7.5 18.5 -15 7.5 -10 7.5 ...
## $ Y : num 33 38 32 27 35 30 31 30.8 30 28 ...
```

Nous cherchons à prédire la date d'arrivée en Europe (migDate, mesurée en jours à partir du 1er avril) en fonction des prédicteurs suivants:

- Latitude du site de reproduction en Europe (latBreed)
- Latitude du site d'hivernage en Afrique (latWntr). Note: La latitude est positive au nord de l'équateur, négative au sud.
- Si l'espèce niche dans des cavités existantes (nestSite, 0=non, 1=oui)
- Si l'espèce mue au site d'hivernage (moult, 0=non, 1=oui)

En théorie, on s'attend à ce que les oiseaux arrivent plus tard si leur site de reproduction est plus nordique (dû au climat et à la distance à parcourir) et s'ils muent au site d'hivernage. On s'attend à ce que les oiseaux arrivent plus tôt si leur site d'hivernage est plus nordique (moins de distance à parcourir) et s'ils nichent dans des cavités existantes.

- a) Vérifiez l'ajustement du modèle linéaire complet incluant les 4 prédicteurs. Interprétez les valeurs obtenues pour chacun des coefficients de ces prédicteurs (mais pas l'ordonnée à l'origine). Ces résultats sont-ils conforment à ceux attendus en théorie?
- b) Comparez avec l'AICc les modèles incluant les combinaisons suivantes des 4 prédicteurs:
- latBreed
- latWntr
- latBreed + latWntr
- latBreed + nestSite
- latWntr + nestSite
- latBreed + latWntr + nestSite
- latBreed + nestSite + moult
- $\bullet$  latWntr + nestSite + moult
- latBreed + latWntr + nestSite + moult (modèle complet)

Combien de modèles ont un  $\Delta AIC \leq 2$ ? Selon les poids d'Akaike, quelle est la probabilité qu'un ou l'autre de ces modèles soit le meilleur modèle?

c) Chargez le jeu de données migr\_test.csv qui contient les données de 10 autres espèces de l'étude de Rubolini et al.

```
migr_test <- read.csv("migr_test.csv")
str(migr_test)
```

```
'data.frame':
                   10 obs. of 14 variables:
   $ speciesID : int 2 6 10 14 18 22 26 30 34 38
   $ species1 : Factor w/ 10 levels "Acrocephalus",..: 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
##
##
   $ species2 : Factor w/ 10 levels "atricapilla",..: 8 2 10 5 6 4 7 9 1 3
##
   $ migDate
               : num
                      35 27.5 29 39 31.2 28 35 27 22 22
   $ latBreed : num 57.5 39.5 48.5 56 54.5 49 45.5 56.5 48 44
##
##
   $ latWntr
               : num
                      -7.5 15.5 -15 -19 13 -7.5 -12 -9 11 16
   $ sexDchrmt : num 0 0 0 0 0 9 19.3 0 5.7 2.3
##
##
   $ nestSite : int
                      0 0 0 0 0 0 0 0 0 1
##
   $ moult
               : int 1 0 1 1 1 0 1 1 0 1
   $ mWngLn
               : num 67.2 93.4 111.1 78.9 64.6 ...
   $ fWngLn
               : num 64.7 89.8 110 78 63.6 ...
##
   $ numSpecies: int
                      2524 138 1624 10297 63 1163 1525 24767 2658 410
##
##
   $ X
               : num -7.5 15.5 -15 -19 13 -7.5 -12 -9 11 16
   $ Y
                : num 35 27.5 29 39 31.2 28 35 27 22 22
```

Calculez la moyenne de l'erreur carrée de prédiction  $(observation - prédiction)^2$  pour ces 10 nouvelles observations selon (i) le meilleur modèle identifié en (b) et (ii) la prédiction moyenne pondérée de tous les modèles.

*Indice*: Pour obtenir un vecteur des prédictions moyennes, choisissez la composante mod.avg.pred de l'objet produit par la fonction modavgPred.