

1. Marca  $\times$  la opción que contiene el vector fijo definido por los puntos  $A\left(-\frac{1}{3},-\frac{3}{2}\right)$  y  $B\left(-\frac{4}{5},0\right)$ .

Vector fijo

1. 
$$\overrightarrow{AB} = \left(-\frac{7}{15}, \frac{3}{2}\right)$$

2. 
$$\longrightarrow$$
  $\overrightarrow{AB} = \left(-\frac{17}{15}, -\frac{3}{2}\right)$ 

2. 
$$\square \overrightarrow{AB} = \left(-\frac{17}{15}, -\frac{3}{2}\right)$$
 3.  $\square \overrightarrow{AB} = \left(-\frac{3}{2}, -\frac{17}{15}\right)$  4.  $\square \overrightarrow{AB} = \left(\frac{7}{15}, -\frac{3}{2}\right)$ 

4. 
$$\longrightarrow$$
  $\overrightarrow{AB} = \left(\frac{7}{15}, -\frac{3}{2}\right)$ 

2. Marca  $\times$  la opción que corresponde al extremo B del vector fijo  $\overrightarrow{AB}$  = (1,1), siendo el origen  $A\left(-\frac{2}{3},\frac{2}{3}\right)$ 

1. 
$$B\left(1,\frac{1}{3}\right)$$

2. 
$$\square$$
  $B\left(\frac{1}{3},1\right)$ 

3. 
$$\Box$$
  $B\left(-\frac{5}{3},1\right)$ 

**4.** 
$$\square$$
  $B\left(\frac{5}{3},-1\right)$ 

3. Marca  $\times$  la opción que corresponde al origen A del vector fijo  $\overrightarrow{AB} = \left(-5, -\frac{2}{3}\right)$ , siendo el extremo  $B\left(\frac{2}{3}, 4\right)$ .

2. 
$$A\left(\frac{10}{3}, -\frac{13}{3}\right)$$

1. 
$$\square A\left(\frac{17}{3}, \frac{14}{3}\right)$$
 2.  $\square A\left(\frac{10}{3}, -\frac{13}{3}\right)$  3.  $\square A\left(-\frac{13}{3}, \frac{10}{3}\right)$  4.  $\square A\left(-\frac{17}{3}, -\frac{14}{3}\right)$ 

4. Completa la tabla con las parejas de la derecha, de forma que los puntos A y B definan el vector  $\overrightarrow{AB}$ 

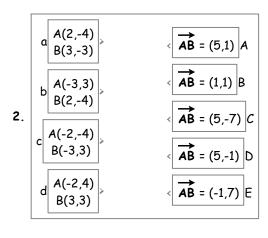
	A	В	AB
	(-3,0)		(3,-4)
1.			(-4,6)
			(1,1)
	(-1.5)	(0 -2)	

(0,3)	(4,-3)
(-1,1)	(0,2)
(1,-7)	(0,-4)

(-1,2)	(5,0)
(-2,-4)	(3,4)
(4,-3)	(0,3)
(3,4)	

Une cada pareja de puntos con el vector fijo que definen.

	a A(3,-3) B(-1,2)	> < AB = (-4,5) A
1.	b A(1,2) B(3,3)	$ \overrightarrow{AB} = (4,1) B $ $ \overrightarrow{AB} = (-4,1) C $
	c A(1,-2) B(3,-3)	$\overrightarrow{AB} = (2,-1) D$
	d A(1,2) B(-3,3)	→ AB = (2,1) E



6. Marca  $\times$  todas las opciones que definen el vector fijo  $\overrightarrow{AB} = \left(\frac{1}{2}, -\frac{5}{3}\right)$ .

1. 
$$\square$$
  $A = \begin{pmatrix} \frac{6}{8}, -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$   $B = \begin{pmatrix} \frac{1}{3}, 3 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{5}{4}, \frac{4}{3} \end{pmatrix}$   $B = \begin{pmatrix} \frac{1}{3}, 3 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{3}{2}, -\frac{17}{3} \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{4}{3}, -\frac{17}{3} \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{4}{3}, -\frac{17}{3} \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{11}{2}, -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{11}{2}, -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{11}{2}, -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} \frac{5}{2}, \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ 

5. 
$$\left[ \begin{array}{c} A(5,-2) \\ B\left(\frac{11}{2},-\frac{11}{3}\right) \end{array} \right]$$
 6.  $\left[ \begin{array}{c} A(-3,4) \\ B\left(-\frac{5}{2},\frac{7}{2}\right) \end{array} \right]$ 

7. Completa los datos, de forma que los puntos A y B definan el vector fijo  $\overrightarrow{AB}$ .

1. 
$$B\left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right) \rightarrow \overrightarrow{AB} = (-1,7)$$

$$\begin{vmatrix}
A\left(\begin{array}{c} 1\\ 5\end{array}\right) \\
B\left(\begin{array}{c} 1\\ 3\end{array}\right)
\end{vmatrix}
\rightarrow \overrightarrow{AB} = (-1,7)$$
2. 
$$\begin{vmatrix}
A\left(\begin{array}{c} 5\\ -\frac{3}{2}\right) \\
B\left(\begin{array}{c} -\frac{13}{2}\right)
\end{vmatrix}
\rightarrow \overrightarrow{AB} = \left(\begin{array}{c} 23\\ 4\end{array}\right)$$
3. 
$$\begin{vmatrix}
A\left(-\frac{1}{2}, \begin{array}{c} 1\\ 3\end{array}\right) \\
B\left(\begin{array}{c} 7\\ 6\end{array}, -\frac{7}{3}\right)
\end{vmatrix}
\rightarrow \overrightarrow{AB} = \left(\begin{array}{c} 7\\ 3\end{array}\right)$$

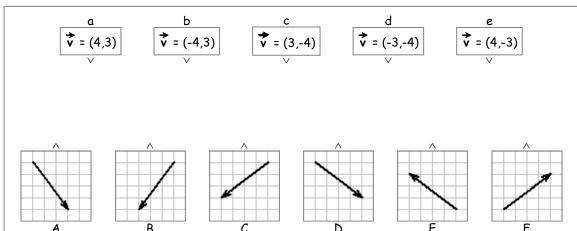
3. 
$$A\left(-\frac{1}{2}, \square\right)$$

$$B\left(\frac{7}{6}, -\frac{7}{3}\right)$$
 $\rightarrow AB = \left(\square, -\frac{7}{3}\right)$ 

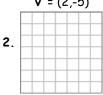


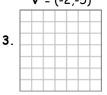
8. Une cada vector libre con su dibujo correspondiente.

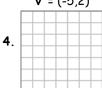
Vector libre

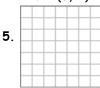


9. Dibuja el vector libre que se indica.









10. Marca  $\times$  la opción que corresponda al módulo del vector  $\overrightarrow{\mathbf{v}}$  = (4,-3).



3. 
$$|\overrightarrow{\mathbf{v}}| = \sqrt{7}$$

11. Marca  $\times$  el vector cuyo módulo sea  $|\vec{v}|$  =  $2\sqrt{5}$ .

2. 
$$\overrightarrow{v} = (5,-2)$$

3. 
$$\overrightarrow{v} = (5,5)$$

12. Marca  $\times$  el vector cuyo módulo sea  $|\vec{v}| = 4\sqrt{2}$ .



2.



3.

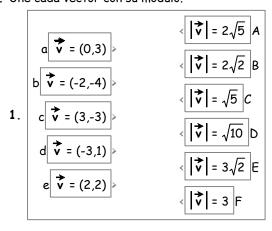


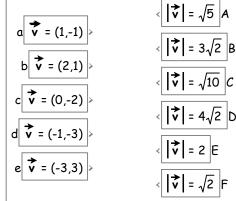




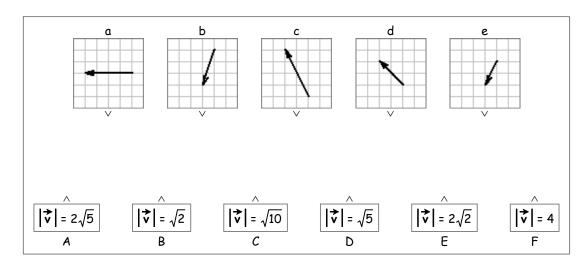
Módulo

13. Une cada vector con su módulo.



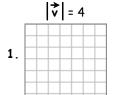


14. Une cada vector con su módulo.



15. Dibuja un vector que tenga el módulo que se indica.

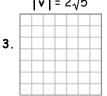
2.

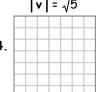


$$|\overrightarrow{\mathbf{v}}| = 4\sqrt{2}$$

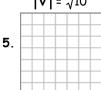


$$\left| \overrightarrow{\mathbf{v}} \right| = 2\sqrt{5}$$





$$|\overrightarrow{\mathbf{v}}| = \sqrt{10}$$



16. Marca  $\times$  el vector que tiene la misma dirección que el vector  $\dot{\vec{u}}$  = (-3,-2).

Dirección

1. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right)$$

2. 
$$\overrightarrow{v} = (4,-6)$$

3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{3}, -\frac{1}{2}\right)$$

17. Marca  $\times$  el vector que tiene la misma dirección que el vector  $\vec{u}$ :



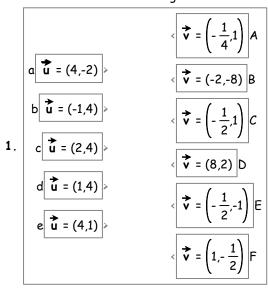
1. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-1, -\frac{1}{2}\right)$$

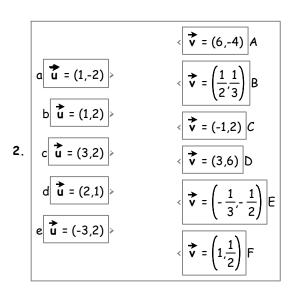
2. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-1, \frac{1}{2}\right)$$

3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (-2,-1)$$

4. 
$$\overrightarrow{v} = (-3,-6)$$

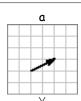
18. Une cada vector con otro de igual dirección:



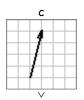


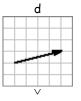
19. Une cada vector con otro de igual dirección.

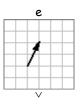












$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-1, \frac{1}{2}\right)$$

$$\mathbf{v} = \left(-\frac{1}{4}, 1\right)$$

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{4}, 1\right)$$

20. Marca  $\times$  todos los vectores que tiene la misma dirección que el vector  $\dot{\mathbf{u}}$  = (-3,1).

1. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$
  $\overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (9,-3)$  2.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\bullet}{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{3},-1\right)$  3.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (3,-9)$  4.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\bullet}{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{3},-1\right)$  5.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (3,-1)$  6.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\bullet}{\mathbf{v}} = \left(1,-\frac{1}{3}\right)$ 

4. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$
  $\overset{\Rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{3}, -1\right)$ 

21. Marca  $\times$  todos los vectores que tiene la misma dirección que el vector  $\hat{\mathbf{u}}$ :



1. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (6,-3)$$
 2.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(1,\frac{1}{2}\right)$  3.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{2},-1\right)$  4.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \overline{\left(\frac{1}{2},1\right)}$  5.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (-3,-6)$  6.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (4,-2)$ 

4. 
$$\longrightarrow$$
 =  $\left(\frac{1}{2},1\right)$ 

22. Escribe el dato que falta, de forma que los vectores sean de igual dirección.

1. 
$$\overrightarrow{\mathbf{u}} = \left(\frac{1}{4}, \frac{1}{3}\right) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-3, \frac{1}{2}\right)$$
2.  $\overrightarrow{\mathbf{u}} = \left(2, -4\right) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 

2. 
$$\overrightarrow{\mathbf{u}} = (2,-4) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{2},\right)$$

3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{u}} = \left(1, \boxed{\right)} \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-4, 1\right)$$

23. Escribe el dato que falta, de forma que los vectores sean de igual dirección.

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-1, \right)$$













**24**. Escribe un vector  $\overrightarrow{\mathbf{w}}$  de módulo 2 que tenga la misma dirección que  $\overrightarrow{\mathbf{v}}$ .

1. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (3,-1) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{w}} = ($$

2. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (1,-1) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{w}} = ($$

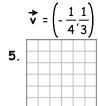
3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (4,-3) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{w}} = \left( \begin{array}{c} \\ \\ \end{array} \right)$$

25. Dibuja un vector que tenga la misma dirección que  $\overrightarrow{\mathbf{v}}$ .



$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(1, -\frac{1}{2}\right)$$
2.

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{4}\right)$$
**4.**



26. Marca  $\times$  el vector que tiene el mismo sentido que el vector  $\mathbf{u} = (-4, -2)$ .

Sentido



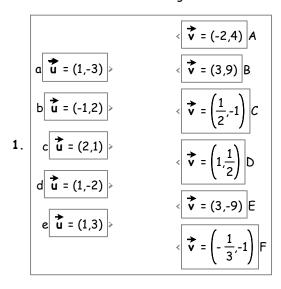
2. 
$$\longrightarrow$$
 =  $\left(\frac{1}{2}, -1\right)$ 

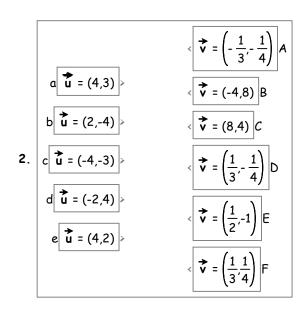
27. Marca  $\times$  el vector que tiene el mismo sentido que el vector  $\dot{\vec{u}}$ :



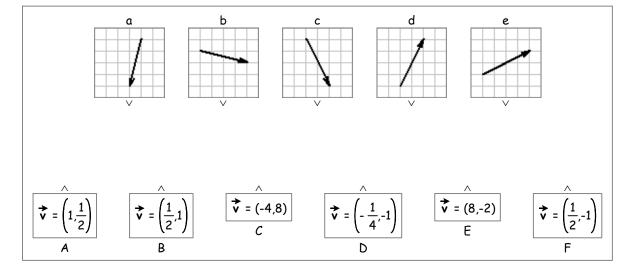
3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right)$$

28. Une cada vector con otro de igual sentido.





29. Une cada vector con otro de igual sentido.



30. Marca  $\times$  todos los vectores con igual sentido que el vector  $\dot{\vec{u}}$  = (-1,-3).

1. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$
  $\overset{\rightarrow}{\mathbf{v}}$  = (-2,-6) 2.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\rightarrow}{\mathbf{v}}$  = (-3,-9) 3.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\rightarrow}{\mathbf{v}}$  = (6,-2) 4.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\rightarrow}{\mathbf{v}}$  =  $\left(-\frac{1}{3},-1\right)$  5.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\rightarrow}{\mathbf{v}}$  =  $\left(-1,\frac{1}{3}\right)$  6.  $\boxed{\phantom{a}}$   $\overset{\rightarrow}{\mathbf{v}}$  =  $\left(\frac{1}{3},1\right)$ 

Marca  $\times$  todos los vectores con igual sentido que el vector  $\dot{\vec{u}}$ :



- 32. Marca  $\times$  el vector que tiene sentido contrario al del vector  $\mathbf{u} = (-4,1)$ .
- 3.  $\overrightarrow{v} = (8,-2)$
- → = (-8,2)

33. Marca  $\nearrow$  el vector que tiene sentido contrario al del vector  $\overrightarrow{u}$ :



- 1.  $\sqrt{v} = (-9.6)$
- 3.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}\right)$
- 34. Marca  $\times$  todos los vectores con sentido contrario al del vector  $\mathbf{u} = (3,-1)$ .

35. Marca  $\times$  todos los vectores con sentido contrario al del vector  $\dot{\vec{u}}$ :



- 1.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (-9.6)$  2.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (6.9)$  3.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (6.-9)$  4.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{3}\right)$  5.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (-6.4)$  6.  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right)$
- 36. Escribe el dato que falta, de forma que los vectores sean de igual sentido.

1. 
$$\vec{\mathbf{u}} = (-4, -3) \rightarrow \vec{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{3}, \dots\right)$$
 2.  $\vec{\mathbf{u}} = \left(1, \frac{1}{2}\right) \rightarrow \vec{\mathbf{v}} = \left(4, \dots\right)$ 

2. 
$$\mathbf{u} = \left(1, \frac{1}{2}\right) \rightarrow \mathbf{v} = \left(4, \frac{1}{2}\right)$$

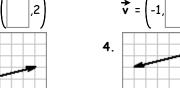
3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{u}} = (3,2) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{v}} = \left( \frac{1}{3} \right)$$

37. Escribe el dato que falta, de forma que los vectores sean de igual sentido.











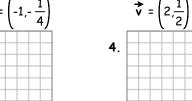
38. Dibuja un vector que tenga el mismo sentido que  $\overrightarrow{\mathbf{v}}$ .

2.





$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-1, -\frac{1}{4}\right)$$



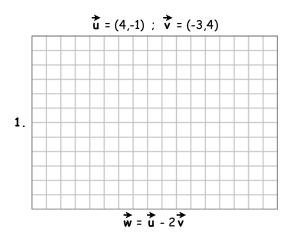


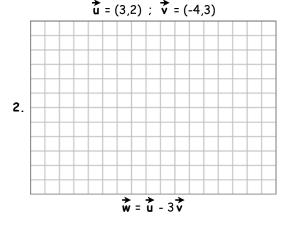
39. Dados los vectores  $\vec{u} = (-2,2)$  y  $\vec{v} = (3,-1)$ , selecciona la opción que corresponde al vector  $\vec{w} = 3\vec{u} - 2(4\vec{u} + \vec{v})$ .

Operaciones

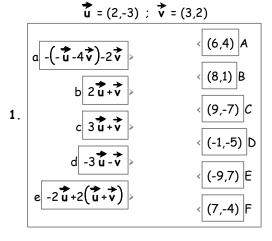
- 1.  $\overrightarrow{w} = (4,-8)$
- 2.  $\overrightarrow{w} = (6,-4)$
- 3.  $\overrightarrow{w} = (6,-9)$
- 4.  $\bigvee_{w=(7,-7)}$
- 40. Dados los vectores  $\vec{u} = (2,k)$  y  $\vec{v} = (3,2)$ , selecciona el valor de k que hace que el resultado de la operación  $\vec{w} = -2\vec{u} + 4(-4\vec{u} + 3\vec{v})$ sea **w** = (0,6).

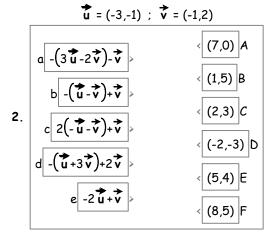
41. Dibuja las operaciones que se indican con los vectores  $\overset{\bigstar}{\mathbf{u}}$  y  $\overset{\bigstar}{\mathbf{v}}$ .



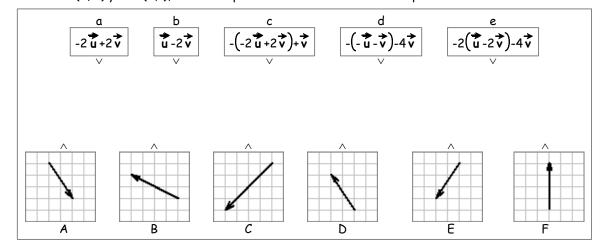


42. Dados los vectores  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$ , une cada operación con el resultado correspondiente.





43. Dados los vectores  $\overrightarrow{\mathbf{u}} = (2,-1)$  y  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = (2,1)$ , une cada operación con el resultado correspondiente.



44. Dados los vectores  $\overrightarrow{u}$  = (-2,3) y  $\overrightarrow{v}$  = (-1,-2), selecciona la opción que expresa al vector  $\overrightarrow{w}$  = (3,1) como combinación lineal de ellos.

Combinación lineal

1. 
$$\overrightarrow{\mathbf{w}} = -\frac{5}{7}\overrightarrow{\mathbf{u}} - \frac{11}{7}\overrightarrow{\mathbf{v}}$$

2. 
$$\overrightarrow{w} = -\frac{5}{7}\overrightarrow{u} + \frac{11}{7}\overrightarrow{v}$$

1. 
$$\overrightarrow{w} = -\frac{5}{7}\overrightarrow{u} - \frac{11}{7}\overrightarrow{v}$$
 2.  $\overrightarrow{w} = -\frac{5}{7}\overrightarrow{u} + \frac{11}{7}\overrightarrow{v}$  3.  $\overrightarrow{w} = \frac{5}{7}\overrightarrow{u} - \frac{11}{7}\overrightarrow{v}$  4.  $\overrightarrow{w} = \frac{5}{7}\overrightarrow{u} + \frac{11}{7}\overrightarrow{v}$ 

4. 
$$\overrightarrow{w} = \frac{5}{7}\overrightarrow{u} + \frac{11}{7}\overrightarrow{v}$$

**45**. Expresa el vector  $\overrightarrow{\mathbf{w}}$  como combinación lineal de los vectores  $\overrightarrow{\mathbf{u}}$  y  $\overrightarrow{\mathbf{v}}$ .

$$\begin{vmatrix}
\overrightarrow{w} = (2,-2) \\
1 \cdot \overrightarrow{u} = (1,1) \\
\overrightarrow{z} = (1,7)
\end{vmatrix} \rightarrow \overrightarrow{w} = \boxed{\overrightarrow{u}} \boxed{\overrightarrow{v}}$$

$$\begin{array}{c}
\overrightarrow{w} = (3,-7) \\
2. \quad \overrightarrow{u} = (-3,9) \\
\overrightarrow{v} = (-1,-1)
\end{array}$$

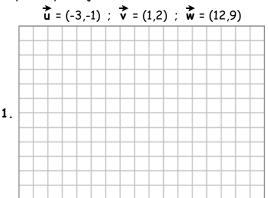
$$\rightarrow \overrightarrow{w} = \boxed{\overrightarrow{u}} \overrightarrow{v}$$

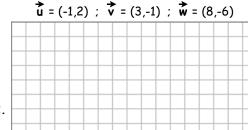
$$\begin{array}{c}
\overrightarrow{w} = (2,-2) \\
1. \quad \overrightarrow{u} = (1,1) \\
\overrightarrow{v} = (-1,7)
\end{array}$$

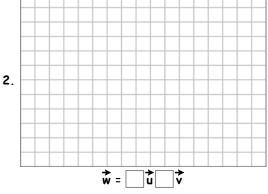
$$\begin{array}{c}
\overrightarrow{w} = (3,-7) \\
2. \quad \overrightarrow{u} = (-3,9) \\
\overrightarrow{v} = (-1,-1)
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
\overrightarrow{w} = (3,-7) \\
3. \quad \overrightarrow{u} = (3,-12) \\
\overrightarrow{v} = (-4,11)
\end{array}$$

46. Expresa, y dibuja, el vector  $\overrightarrow{w}$  como combinación lineal de los vectores  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$ .







47. Marca  $\times$  la opción que corresponda al producto escalar de los vectores  $\dot{\vec{u}}$  = (-3,-2) y  $\dot{\vec{v}}$  = (-1,-2).

Producto escalar

- -11
- 48. Marca  $\times$  el valor que debe tener k para que el producto escalar de los vectores  $\vec{u}$  = (4,k) y  $\vec{v}$  = (-4,4) sea -32.

- 49. Completa la tabla con las parejas de la derecha, de forma sea cierto el producto escalar de los vectores.

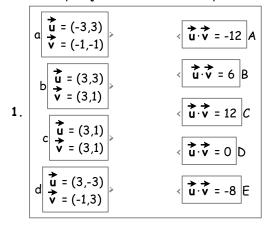
	ù	→ v	<b>→</b> →	
			-2	(
1.			4	(
			-3	
			-9	

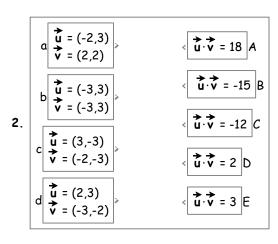
(0,-1)	(4,0)
(-1,-4)	(3,3)
(-4,3)	(4,2)
(1,-2)	(-3,3)

	ů	v	<del>v</del> ·v
			24
2.			0
			28
			21

(4,-4)	(-3,-3)
(3,-3)	(4,-4)
(-4,3)	(-3,3)
(3,-3)	(4,-3)

50. Une cada pareja de vectores con su producto escalar.





51. Marca  $\times$  todas las opciones que contienen vectores con producto escalar igual a -4.

1.  $\square$   $\begin{cases} \overset{\bullet}{\mathbf{u}} = (2,-3) \\ \overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (3,3) \end{cases}$  2.  $\square$   $\begin{cases} \overset{\bullet}{\mathbf{u}} = (-2,3) \\ \overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (5,2) \end{cases}$  3.  $\square$   $\begin{cases} \overset{\bullet}{\mathbf{u}} = (-3,1) \\ \overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (-2,-2) \end{cases}$  4.  $\square$   $\begin{cases} \overset{\bullet}{\mathbf{u}} = (3,-1) \\ \overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (-1,1) \end{cases}$  5.  $\square$   $\begin{cases} \overset{\bullet}{\mathbf{u}} = (-3,-4) \\ \overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (4,-2) \end{cases}$  6.  $\square$   $\begin{cases} \overset{\bullet}{\mathbf{u}} = (-3,-3) \\ \overset{\bullet}{\mathbf{v}} = (4,-3) \end{cases}$ 

52. Marca  $\times$  la opción que corresponde al coseno del ángulo  $\alpha$  que forman los vectores  $\dot{\vec{u}}$  = (-1,3) y  $\dot{\vec{v}}$  = (4,-2).

Ángulo



1. 
$$-\frac{\sqrt{10}}{5}$$

2. 
$$-\frac{\sqrt{2}}{2}$$

3. 
$$-\frac{\sqrt{10}}{10}$$

53. Marca  $\overline{X}$  la opción que contiene los vectores que forman un ángulo  $\alpha$  cuyo coseno es: cos  $\alpha$  = 1.

1. 
$$\begin{cases} \overrightarrow{u} = (2,-2) \\ \overrightarrow{v} = (1,1) \end{cases}$$

3. 
$$\left| \begin{cases} \overrightarrow{u} = (2,-3) \\ \overrightarrow{v} = (-2,3) \end{cases} \right|$$

4. 
$$\left| \begin{array}{c} \Rightarrow & (3,3) \\ \Rightarrow & (2,2) \end{array} \right|$$

54. Marca  $\times$  el vector que es ortogonal al vector  $\overset{*}{\mathbf{u}}$  = (4,-2).

2. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-1, \frac{1}{2}\right)$$

3. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$

4. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{2},1\right)$$

55. Marca  $\times$  el vector que es ortogonal al vector  $\hat{\mathbf{u}}$ :



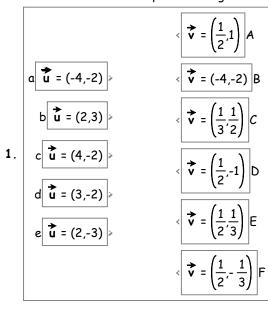
1. 
$$\square \stackrel{\Rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(-1, -\frac{1}{3}\right)$$
 2.  $\square \stackrel{\Rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(1, \frac{1}{3}\right)$ 

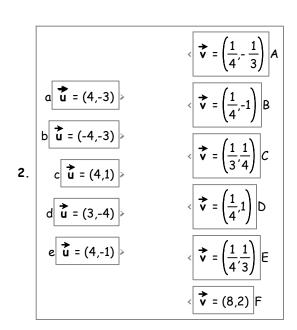
2. 
$$\boxed{\phantom{a}} \stackrel{\Rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(1, \frac{1}{3}\right)$$

3. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$
  $\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(1, -\frac{1}{3}\right)$ 

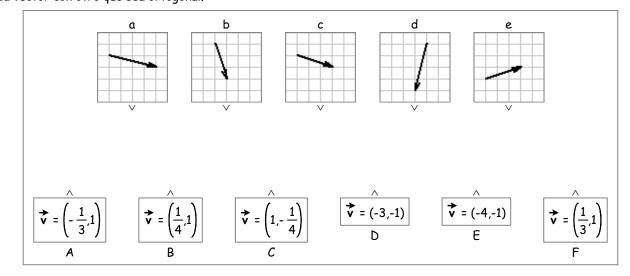
4. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{3},1\right)$$

56. Une cada vector con otro que sea ortogonal.





57. Une cada vector con otro que sea ortogonal.





58. Marca  $\times$  todos los vectores ortogonales al vector  $\overrightarrow{u}$  = (1,3).

2. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$
  $\stackrel{\bigstar}{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{3}, -1\right)$ 

3. 
$$\boxed{\phantom{a}}$$
  $=$   $\left(\frac{1}{3},1\right)$ 

1. 
$$\longrightarrow$$
  $\mathbf{v} = (6,-2)$  2.  $\longrightarrow$   $\mathbf{v} = \left(\frac{1}{3},-1\right)$  3.  $\longrightarrow$   $\mathbf{v} = \left(\frac{1}{3},1\right)$  4.  $\longrightarrow$   $\mathbf{v} = (-9,3)$  5.  $\longrightarrow$   $\mathbf{v} = (-1,-3)$  6.  $\longrightarrow$   $\mathbf{v} = \left(\frac{1}{2},-\frac{3}{2}\right)$ 

59. Marca  $\times$  todos los vectores ortogonales al vector  $\dot{\vec{u}}$ :



2. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (-4,2)$$

1. 
$$\boxed{\phantom{a}} \overset{\rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{2},1\right)$$
 2.  $\boxed{\phantom{a}} \overset{\rightarrow}{\mathbf{v}} = (-4,2)$  3.  $\boxed{\phantom{a}} \overset{\rightarrow}{\mathbf{v}} = \overline{\left(1,-\frac{1}{2}\right)}$  4.  $\boxed{\phantom{a}} \overset{\rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(3,-6\right)$  5.  $\boxed{\phantom{a}} \overset{\rightarrow}{\mathbf{v}} = \left(-\frac{1}{2},\frac{1}{4}\right)$  6.  $\boxed{\phantom{a}} \overset{\rightarrow}{\mathbf{v}} = (1,-2)$ 

**60**. Dibuja un vector que sea ortogonal al vector  $\overrightarrow{\mathbf{v}}$ .

$$\vec{\mathbf{v}} = \left(1, -\frac{1}{2}\right)$$

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{4}, 1\right)$$

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(1, -\frac{1}{4}\right)$$

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{4}, -1\right)$$

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{2}, 1\right)$$









61. Escribe el dato que falta, de forma que los vectores sean ortogonales.

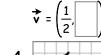
1. 
$$\mathbf{u} = \left(1, \frac{1}{3}\right)$$

2. 
$$\overrightarrow{\mathbf{u}} = (-3,2) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{v}} = ($$
,-1 $)$ 

3. 
$$\mathbf{u} = (-4, -3) \rightarrow \mathbf{v} = \left(\frac{1}{4}, \dots\right)$$

62. Escribe el dato que falta, de forma que los vectores sean ortogonales.

$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{1}{4}, \dots\right)$$



$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = \left(\frac{2}{3}, \right)$$











63. Escribe un vector unitario  $\vec{u}$  que sea ortogonal a  $\vec{v}$ .

3. 
$$\overrightarrow{\mathbf{v}} = (-4,-3) \rightarrow \overrightarrow{\mathbf{u}} = ( \ \ \ \ )$$

64. Marca  $\times$  la opción que contiene la distancia entre los puntos A(3,1) y B(7,3).

**Aplicaciones** 

65. Marca  $\times$  el valor que debe tener k para que la distancia entre los puntos A(-3,2) y B(-1,-k) sea  $\sqrt{5}$ 

**66.** Marca  $\times$  la opción que contiene dos puntos cuya distancia entre sí es  $3\sqrt{2}$ .

67. Marca  $\times$  todas las opciones que contienen dos puntos cuya distancia entre sí es  $\sqrt{2}$ .

1. 
$$\square$$
  $\begin{cases} A(3,-2) \\ B(0,2) \end{cases}$  2.  $\square$   $\begin{cases} A(0,3) \\ B(1,2) \end{cases}$  3.  $\square$   $\begin{cases} A(-1,-2) \\ B(0,-3) \end{cases}$  4.  $\square$   $\begin{cases} A(-2,2) \\ B(-1,3) \end{cases}$  5.  $\square$   $\begin{cases} A(0,3) \\ B(-2,2) \end{cases}$  6.  $\square$   $\begin{cases} A(0,-2) \\ B(1,-1) \end{cases}$ 

68. Completa la tabla con los datos de la derecha, de forma que se obtenga la distancia entre los dos puntos.



	A	В	d(A,B)
			2√2
1.	(1,0)		
			5
			2√5

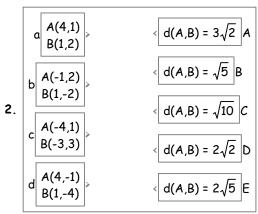
(0,2)	(0,2)
√5	(1,-1)
(-4,0)	(3,-3
(0,-3)	(4,4)

	A	В	d(A,B)
			2√2
2.		(-3,-1)	
		(4,3)	
			2√5

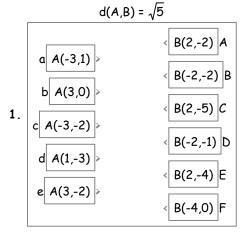
(-4,0)	√5
(2,3)	(0,1)
(-2,-4)	(-4,-4)
(2,2)	$\sqrt{10}$

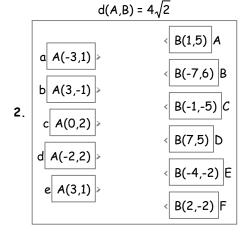
69. Une cada pareja de puntos con la distancia que existe entre ellos.

1.	a A(2,-1) B(1,-3)	$\sqrt{d(A,B)} = \sqrt{10} A$
	b A(-2,1) B(2,-2)	$\langle d(A,B) = 5   B$ $\langle d(A,B) = \sqrt{5}   C$
	c A(-1,-3) B(-4,0)	$\langle d(A,B) = 3\sqrt{2} D$
	d A(3,-3) B(2,-2)	$\langle d(A,B) = \sqrt{2}   E$



70. Une cada punto A con el correspondiente B, de forma que la distancia entre ellos sea la que se indica.





71. Marca  $\times$  el punto C que está alineado con los puntos A(3,-1) y B(1,3).

- C(0,-5)
- C(1,-3)
- C(2,1)
- C(1,7)

72. Marca  $\times$  todos los puntos C que están alineados con los puntos A(3,-1) y B(-2,4).

- C(-3,5)
- 2. C(1,1)
- 3. C(5,-3)
- C(4,-2)
- C(0,2)
- C(0,-2)

73. Completa la tabla con los datos de la derecha, de forma que los tres puntos de cada fila estén alineados.

	A	В	С
	(2,2)		
1.	(2,-5)		(-4,5)
		(0,-2)	
	(2,5)		(-4,4)

(8,6)	(4,-4)
(2,-3)	(-2,-2)
(-1,0)	(-3,-3)

	A	В	С
		(2,4)	(-1,1)
2.		(7,-8)	
			(4,-4)
		(0,-3)	

(0,2)	(2,-5)
(5,-4)	(-5,-2)
(3,5)	(-3,-2)
(-2,5)	0



<b>74</b> .	Marca	X	la opción	aue	contiene	tres	puntos	alineados.
	mai ca		I I OPCIOII	440	COTTTICTIC	11 03	Pullios	annicaaos.

	ſ	A(1,-2)
1.	┨	B(-1,2)
		C(3,-1)

## **75**. Marca|X| todas las opciones que contienen tres puntos alineados

76. Marca 
$$\times$$
 el punto C que forma un triángulo con los puntos A(-1,-2) y B(1,4).

77. Marca 
$$\times$$
 todos los puntos  $C$  que definen un triángulo con los puntos  $A(2,4)$  y  $B(3,2)$ .

78. Marca 
$$\times$$
 la opción que contiene tres puntos que definen un triángulo.

1. 
$$\square$$
  $\begin{cases} A(-1,3) \\ B(1,4) \\ C(3,5) \end{cases}$  2.  $\square$   $\begin{cases} A(-2,1) \\ B(1,2) \\ C(-4,4) \end{cases}$  3.  $\square$   $\begin{cases} A(1,-1) \\ B(3,2) \\ C(5,5) \end{cases}$ 

3. 
$$\begin{bmatrix} A(1,-1) \\ B(3,2) \\ C(5,5) \end{bmatrix}$$

**79**. Marca 
$$\overline{\times}$$
 todas las opciones que contienen tres puntos que definen un triángulo.

$$\mathbf{4}. \qquad \begin{cases} A(0,1) \\ B(3,0) \\ C(-2,4) \end{cases}$$

5. 
$$\left[\begin{array}{c} A(4,1) \\ B(3,4) \\ C(2,7) \end{array}\right]$$

80. Marca 
$$\times$$
 la opción que contiene el punto medio del segmento de extremos  $A(3,5)$  y  $B(-2,-4)$ .

1. 
$$\square M\left(-\frac{5}{2},-\frac{9}{2}\right)$$
 2.  $\square M\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right)$  3.  $\square M(5,9)$ 

2. 
$$M\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right)$$

82. Selecciona 
$$\times$$
 el extremo B del segmento  $\overline{AB}$ , siendo A(-2,2) y su punto medio M(-1,3).

## 83. Completa la tabla con los puntos de la derecha, de forma que cada fila contenga los extremos y el punto medio de un segmento.

	1	<u> </u>			
	Extremo	Punto medio	Extremo		
	(-5,-1)				
1.	(4,-3)				
		(-2,1)	(1,-1)		
	<b>(5 5)</b>				

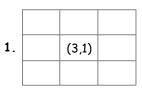
(4,1)	(5,0)
(1,-1)	(-5,3)
(-2,-1)	(5,5)
(4,-1)	

	Extremo	Punto medio	Extremo
			(3,4)
2.	(1,-2)	(3,0)	
	(1,-2)		
		(1,-4)	

(0,1)	(-3,-2)
(-2,-5)	(5,2)
(2,-3)	(4,-3)
(3,-4)	

84. Coloca los puntos dados en los lugares apropiados, de forma que horizontal, vertical y diagonalmente siempre haya un extremo, el punto medio y el otro extremo de un segmento.





(11,2)	(8,2)
(6,1)	(-5,0)
(1,0)	(5,2)
(0,1)	(-2,0)

2.	(5,-1)	

1	(5,0)	(8,-2)
+	(8,-1)	(-1,0)
-	(5,-2)	(11,-2)
	(2,0)	(2,-1)

85. Completa la tabla con los puntos de la derecha, de forma que el segmento AD quede dividido en tres partes iguales con los puntos By C.

	A	В	С	D
1.			(1,-2)	(-1,-5)
٠.		(1,0)	(3,2)	
	(1,-2)			(4,4)

(2,0)	(3,2)
(-1,-2)	(5,4)
(5,4)	(3,1)

	A	В	С	D
2.		(2,3)	(-1,2)	
۷.	(4,5)		(-2,3)	
	(4,4)			(-2,-2)

(2,2)	(-4,1)
(5,4)	(0,0)
(1,4)	(-5,2)

86. Selecciona  $\times$  el punto C que define con A(-2,4) y B(-1,3) un triángulo rectángulo.

87. Marca  $\times$  el valor que debe tener k para que A(-1,-5), B(-2,-2) y C(5,k) definan un triángulo rectángulo.

88. Selecciona  $\times$  la opción que contiene puntos que definen un triángulo rectángulo.

1.  $\bigcirc$   $\begin{cases}
A(2,4) \\
B(0,3) \\
C(-1,2)
\end{cases}$ 2.  $\bigcirc$   $\begin{cases}
A(-4,-1) \\
B(-2,-2) \\
C(-2,2)
\end{cases}$ 3.  $\bigcirc$   $\begin{cases}
A(-3,1) \\
B(-2,2) \\
C(-2,3)
\end{cases}$ 

1. 
$$A(2,4)$$
 $B(0,3)$ 
 $C(-1,2)$ 

89. Marca imes todas las opciones que contienen puntos que definen un triángulo rectángulo.

90. Completa la tabla con los puntos de la derecha, de forma que los puntos de cada fila definan un triángulo rectángulo.

	A	В	С
	(6,7)		(5,-1)
1.		(4,1)	
		(0,5)	
	(-3,4)		(-7,6)

(6,3)	(5,0)
(2,1)	(-2,6)
(-2,-3)	(2,-4)
(-2,-3)	(2,-4)

	A	В	С
			(-4,-3)
2.	(1,-4)		
	(-2,-3)		(-4,-4)
	(3,7)		(-1,0)

(2,-3)	(-6,0)
(-2,-1)	(-1,-2)
(-3,3)	(-3,-4)

91. Marca  $\times$  la opción que contiene el punto D de un paralelogramo siendo A(4,-2), B(7,-1) y C(8,0) los otros tres vértices (consecutivos).

`	,
1.	D(5,-1)

92. Selecciona X el valor que debe tener k para que los puntos A(3,1), B(4,-3), C(5,-1) y D(4,k) sean los vértices, consecutivos, de un paralelogramo.

1.	7
1.	7

93. Completa la tabla con los puntos de la derecha, de forma que los puntos de cada fila definan un paralelogramo.

	A	В	С	D
	(-3,2)	(0,4)		
1.	(-1,1)	(0,-2)		
	(-2,-1)	(0,-2)		(-1,0)
	(-4,1)		(-1,1)	(-3,2)

(4,1)	(-2,4)
(1,6)	(-2,0)
(3,4)	(1,-1)

	A	В	С	D
	(4,-4)		(9,0)	
2.		(-1,2)	(0,4)	
	(3,2)	(4,-1)		
		(-2,1)	(-1,5)	(-3,2)

(8,2)	(-1,3)
(5,-3)	(-2,1)
(7,5)	(8,-1)
(-4,-2)	

94. Marca  $\times$  la opción que contiene los cuatro puntos consecutivos de un paralelogramo.

2. 
$$\begin{cases} A(1,3) \\ B(4,-1) \\ C(8,-3) \\ D(2,5) \end{cases}$$

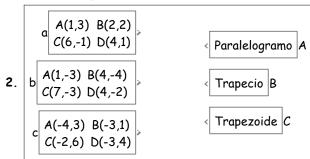
95. Marca |X| todas las opciones que contienen los cuatro puntos consecutivos de un paralelogramo.

96. Une los cuatro vértices consecutivos de la izquierda con el tipo de cuadrilátero que definen.

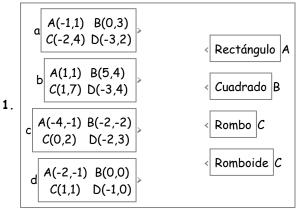
a 
$$A(-2,-2)$$
  $B(1,-1)$  Paralelogramo  $A$ 

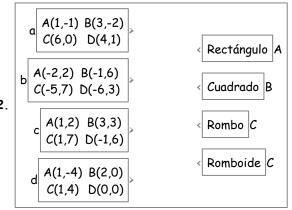
1. b  $A(2,4)$   $B(5,0)$  Trapecio  $B$ 

c  $A(-1,4)$   $B(0,2)$  Trapezoide  $C$ 

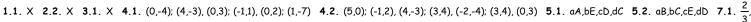


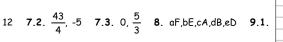
97. Une los cuatro vértices consecutivos de la izquierda con el tipo de paralelogramo que definen.





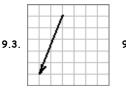
Soluciones

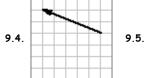






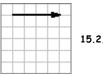




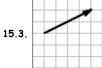


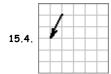


10.2. X 11.4. X 12.5. X 13.1. aF,bA,cE,dD,eB 13.2. aF,bA,cE,dC,eB 14. aF,bC,cA,dE,eD 15.1.



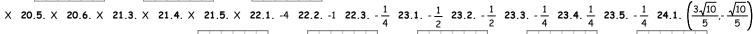


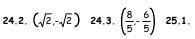




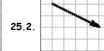


16.4. X 17.4. X 18.1. aF,bA,cE,dB,eD 18.2. aC,bD,cB,dF,eA 19. aC,bE,cF,dD,eB 20.1.













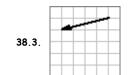


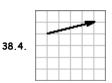
27.1. X 28.1. aE,bA,cD,dC,eB 28.2. aF,bE,cA,dB,eC 29. aD,bE,cF,dB,eA 30.1. X 30.2. X 30.4. X 31.2. X 31.5. X 32.3. X 33.4. X 34.1. X 34.4. X

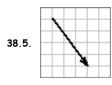
34.6. 
$$\times$$
 35.1.  $\times$  35.4.  $\times$  35.5.  $\times$  36.1.  $-\frac{1}{4}$  36.2. 2 36.3.  $\frac{1}{2}$  37.1. 8 37.2.  $-\frac{1}{3}$  37.3. 8 37.4.  $-\frac{1}{4}$  37.5.  $\frac{1}{4}$  38.1



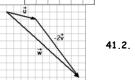


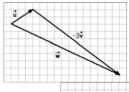




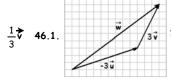


39.1. X 40.2. X 41.1

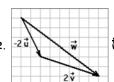




**42.1.** aB,bF,cC,dE,eA **42.2.** aF,bB,cA,dD,eE **43.** aF,bE,cA,dC,eB **44.1.** X **45.1.**  $\mathbf{\hat{w}} = -2\mathbf{\hat{u}} + 3\mathbf{\hat{v}}$  **45.2.**  $\mathbf{\hat{w}} = -2\mathbf{\hat{u}} - \frac{5}{3}\mathbf{\hat{v}}$  **45.3.**  $\mathbf{\hat{w}} = \frac{5}{3}\mathbf{\hat{u}} + \frac{5}{3}\mathbf{\hat{v}}$ 







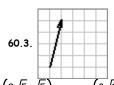
 $\vec{v} = -2\vec{u} + 2\vec{v}$  47.1. × 48.1. × 49.1. (0,-1), (4,2); (1,-2), (4,0); (-4,3), (3,3); (-1,-4),

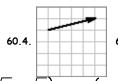
(-3,3) 49.2. (4,-4), (3,-3); (3,-3); (4,-4), (3,-3); (-4,3), (-3,3) 50.1. aE,bC,cD,dA 50.2. aD,bA,cE,dC 51.2. X 51.4. X 51.5. X 52.2. X 53.4. X 54.4.

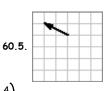
X 55.4. X 56.1. aD,bF,cA,dC,eE 56.2. aE,bA,cB,dC,eD 57. aB,bD,cF,dC,eA 58.1. X 58.4. X 59.2. X 59.3. X 59.5. X 60.1.











**61.1.** 3 **61.2.**  $-\frac{2}{3}$  **61.3.**  $-\frac{1}{3}$  **62.1.**  $-\frac{1}{4}$  **62.2.** 1 **62.3.**  $-\frac{3}{2}$  **62.4.**  $-\frac{1}{3}$ 

62.5. 1 63.1.  $\left(\frac{2\sqrt{5}}{5}, \frac{\sqrt{5}}{5}\right)$  63.2.  $\left(\frac{3\sqrt{13}}{13}, -\frac{2\sqrt{13}}{13}\right)$  63.3.  $\left(\frac{3}{5}, -\frac{4}{5}\right)$  64.3. × 65.4. × 66.3. × 67.2. × 67.3. × 67.4. × 67.6. × 68.1. (3,-3), (1,-1); (0,2),  $\sqrt{5}$ ; (-4,0), (0,-3); (0,2), (4,4) 68.2. (0,1), (2,3); (-4,-4),  $\sqrt{10}$ ; (2,2),  $\sqrt{5}$ ; (-4,0), (-2,-4) 69.1. aC,bB,cD,dE 69.2. aC,bE,cB,dA 70.1. aD,bA,cF,dC,eE 70.2. aA,bC,cE,dF,eD 71.3. × 72.1. × 72.2. × 72.3. × 72.4. × 72.5. × 73.1. (-2,-2), (-3,-3); (-1,0); (2,-3), (4,-4); (8,6) 73.2. (3,5); (2,-5), (-3,-2); (-2,5), (0,2); (5,-4), (-5,-2) 74.2. × 75.2. × 75.4. × 75.5. × 75.6. × 76.3. × 77.1. × 77.4. × 77.5. × 77.6. × 78.2. × 79.1. × 79.3. × 79.4. × 79.6. × 80.2. × 81.1. × 82.2. × 83.1. (-2,-1), (1,-1); (4,-1), (4,1); (-5,3); (5,0), (5,5) 83.2. (-3,-2), (0,1); (5,2); (2,-3), (3,-4); (-2,-5), (4,-3) 84.1. (1,0), (-2,0), (-5,0); (6,1), (0,1); (11,2), (8,2), (5,2) 84.2. (5,0), (2,0), (-1,0); (8,-1), (5,-1), (2,-1); (11,-2), (8,-2), (5,-2) 85.1. (5,4), (3,1); (-1,-2), (5,4); (2,0), (3,2) 85.2. (5,4), (-4,1); (1,4), (-5,2); (2,2), (0,0) 86.1. × 87.1. × 88.4. × 89.2. × 89.3. × 89.5. × 90.1. (2,1); (6,3), (5,0); (2,-4), (-2,-3); (-2,6) 90.2. (-3,-4), (-2,-1); (2,-3), (-1,-2); (-6,0); (-3,3) 91.1. × 92.4. × 93.1. (1,6), (-2,4); (4,1), (3,4); (1,-1); (-2,0) 93.2. (8,-1), (5,-3); (-2,1), (-1,3); (8,2), (7,5); (-4,-2) 94.4. × 95.1. × 95.2. × 95.4. × 95.6. × 96.1. aB,bA,cC 96.2. aB,bA,cC 97.1. aC,bA,cB,dD 97.2. aC,bB,cD,dA