Esercitazione lab. sul Parsing

F. d'Amore A. Marchetti Spaccamela

11 maggio 2021

Parsing a discesa ricorsiva Parsing "brute-force" con backtracking Parsing predittivo LL(1)

Parsing "semplice" (top-down)

Data la grammatica

$$\begin{array}{ccc} S & \rightarrow & \mathrm{a}S \mid \mathrm{b}T \\ T & \rightarrow & \mathrm{c}T \mid \mathrm{bac} \end{array}$$

► Task 0: Costruire un parser a discesa ricorsiva facendo riferimento al codice C distribuito.

Stringhe palindrome

- Linguaggio $L_1 \subset \{a,b\}^+$ così definito: $L_1 = \{x \mid x \in (a+b)^+ \land (x = w \cdot \tilde{w} \lor x = w \cdot a \cdot \tilde{w} \lor x = w \cdot b \cdot \tilde{w})\}.$
 - L'operatore tilde (~) "riflette" (inverte) il suo argomento.
- ▶ L₁ è il linguaggio delle stringhe palindrome di lunghezza pari o dispari; nel caso di lunghezza dispari il carattere centrale può egualmente essere a o b.
- Esempi di stringhe in L_1 : ababbbbaba, baabaaaaabaab; esempio di stringa non appartenente a L_1 : baabaabbab.

Grammatica G_1 per L_1

▶ Grammatica G_1 (non LL(1)) tale che $\mathcal{L}(G_1) = L_1$:

$$\begin{array}{ccccc} (G_1.1) & S & \rightarrow & aSa \\ (G_1.2) & S & \rightarrow & bSb \\ (G_1.3) & S & \rightarrow & aa \\ (G_1.4) & S & \rightarrow & bb \\ (G_1.5) & S & \rightarrow & a \\ (G_1.6) & S & \rightarrow & b \end{array}$$

▶ L₁ non ammette grammatiche LL(1) (dimostrazione complessa).

Task 1

- Scrivere un parser per L_1 , che opera a discesa ricorsiva e brute-force (attraverso backtracking).
- Si faccia riferimento al codice C fornito, e in particolare al file brute-force-parser.c
- Compilare con make sulla linea di comando. Uso del driver: ./driver brute stringa1 stringa2 ..., dove stringa1, stringa2, ecc., denotano le stringhe su cui fare il brute-force parsing per L₁.
- (Avanzato) Tentare euristiche per gestire il problema del riconoscimento (precoce) di prefissi dell'input.

Possibili varianti al Task 1

- Scrivere un parser per il linguaggio $L_1' = \{w \cdot 2 \cdot \tilde{w} \mid w \in \{0,1\}^*\}$ che opera a discesa ricorsiva e brute-force (attraverso backtracking). L_1' è costituito da stringhe palindrome di lunghezza dispari in cui esiste un separatore centrale (la cifra 2) che non compare nelle sottostringhe che si "specchiano". Produzioni: $S \to 0.50 \mid 1.51 \mid 2$.
- Scrivere un parser per il linguaggio $\{a^n\mid n\geq 1\}\cup\{a^ib^i\mid i\geq 1\}$ che opera a discesa ricorsiva e brute-force (attraverso backtracking). Il linguaggio è l'unione di due semplicissimi linguaggi. Produzioni: $S\to S_1\mid S_2$; $S_1\to aS_1\mid a;\; S_2\to aS_2$ b $\mid ab.$

Parentesi bilanciate

- ► Il linguaggio L₂ ⊂ {(,)}⁺ delle parentesi tonde bilanciate è (informalmente) formato da parole composte da parentesi (aperte, o sinistre, e chiuse, o destre) tale che ogni parentesi sinistra è chiusa da una corrispondente e successiva parentesi destra, e ogni parentesi destra corrisponde a una parentesi sinistra precedentemente aperta.
- Esempi di stringhe di L_2 : (())()(()(())()), ((()(()))). Esempi di stringhe non appartenenti: (()()(()) (manca una parentesi destra), (()))((una parentesi destra non ha una precedente e corrispondente parentesi sinistra; una parentesi sinistra non è successivamente chiusa da una corrispondente parentesi destra).

Grammatica G_2 per L_2

▶ Grammatica G_2 tale che $\mathcal{L}(G_2) = L_2$:

$$\begin{array}{cccc} (G_2.1) & S & \rightarrow & (S) \\ (G_2.2) & S & \rightarrow & SS \\ (G_2.3) & S & \rightarrow & () \end{array}$$

 G_2 non è LL(1): (per l'assenza di ε-produzioni i SELECT coincidono con i FIRST)

$$FIRST(S) = \{(\} \}$$

 $FIRST(G_2.1) = \{(\} \}$
 $FIRST(G_2.2) = \{(\} \}$
 $FIRST(G_3.3) = \{(\} \}$

Tentativo di costruzione grammatica LL(1) per L_2

▶ Risolviamo dapprima la ricorsione sinistra $S \rightarrow SS$ introducendo un nuovo non-terminale T, ottenendo

$$S \rightarrow (S)T$$

$$S \rightarrow ()T$$

$$T \rightarrow ST$$

$$T \rightarrow \varepsilon$$

Le prime due produzioni così ottenute hanno prefissi comuni, che risolviamo attraverso fattorizzazione, che introduce un nuovo non-terminale U, ottenendo così la grammatica G'_2 :

$$\begin{array}{ccccc} (G_2'.1) & S & \rightarrow & (U \\ (G_2'.2) & U & \rightarrow & S) T \\ (G_2'.3) & U & \rightarrow &) T \\ (G_2'.4) & T & \rightarrow & ST \\ (G_2'.5) & T & \rightarrow & \varepsilon \end{array}$$

Neanche G_2' è LL(1)

È immediato verificare che

$$\mathsf{SELECT}(T \to ST) \cap \mathsf{SELECT}(T \to \varepsilon) = \{(\} \cap \{(,),\$,\varepsilon\} = \{(,),\$,\varepsilon\} = \{(\} \cap \{(,),\$,\varepsilon\} = \{(,),\xi\} = \{(,),\xi\} = \{(,),\xi\} = \{(,),\xi\} = \{(,),\xi\} = \{(,),\xi\} = \{$$

- Ciò significa che, quando il parser sta eseguendo la funzione associata a T e il prossimo carattere in input è (, l'algoritmo non ha elementi per scegliere fra $T \to ST$ e $T \to \varepsilon$. Ai fini del parsing predittivo con lookahead 1 occorre perciò una grammatica differente.
- Proviamo a definirne una che sfrutta direttamente una ε -produzione.

Grammatica LL(1) per L_2

▶ Grammatica G_2'' con una ε -produzione tale che $\mathscr{L}(G_2'') = L_2$:

$$\begin{array}{ccccc} (G_2''.1) & S & \rightarrow & (T) T \\ (G_2''.2) & T & \rightarrow & (T) T \\ (G_2''.3) & T & \rightarrow & \varepsilon \end{array}$$

(Scegliendo come assioma T il linguaggio generato sarebbe $L_2 \cup \{\varepsilon\}$)

 $ightharpoonup G_2''$ è LL(1), come si riconosce immediatamente dalla seguente tabella

	FIRST	FOLLOW	SELECT
S	(\$	
T	$(, \varepsilon$),\$	_
(T)T	(_
ε	ε		
$S \rightarrow (T)T$			(
$T \rightarrow (T) T$	_		(
$T \to \varepsilon$	_		ε ,),\$

Task 2

- Scrivere un parser predittivo LL(1) per L_2 , che opera a discesa ricorsiva.
- ➤ Si faccia riferimento al codice C fornito, e in particolare al file ll1-parser.c
- Compilare con make sulla linea di comando. Uso del driver: ./driver 111 stringa1 stringa2 ..., dove stringa1, stringa2, ecc., denotano le stringhe su cui fare il parsing predittivo per L₂.
- N.B.: Sulla linea di comando del terminale proteggere le stringhe di parentesi con apici, altrimenti bash cercherà di interpretarle.

Possibili task addizionali (per casa)

- Scrivere un parser a discesa ricorsiva brute-force basato su G_2 . (Non ci riesci? Nessuna sorpresa: perché?)
- ightharpoonup Scrivere un parser a discesa ricorsiva brute-force basato su G_2' .
- Modifica i parser scritti in modo che restituiscano il parse-tree, rappresentato come albero, in cui ogni nodo ha un puntatore al primo figlio (firstChild) e al prossimo fratello (nextSibling).