

Gli esiti possibili di una partita di calcio del campionato belga (come quelli di una partita del campionato italiano) sono tre (1, X e 2). Ma in una giornata qualsiasi del campionato belga ci sono 8 partite e quindi i risultati possibili sono:

[512, 1024, 3072, 6561]

Una densità è positiva solo nell'intervallo (0,2) e il suo grafico nel piano cartesiano è dato dal segmento di retta che congiunge l'origine con il punto di coordinate (1,1) e da quello che congiunge questo punto al punto di coordinate (2,0). Qual è la sua varianza?

[3, 1, 1/12, 1/6]

Si effettuano lanci indipendenti di un dado bilanciato. Utilizzando l'approssimazione normale, a quale valutazione si perviene della probabilità che la trentesima volta che esce il numero 3 avvenga dopo il lancio numero 210? (per semplicità si trascuri la correzione di continuità)

[ $p < 0.1$ ,  $0.1 < p < 0.2$ ,  $0.2 < p < 0.3$ ,  $p > 0.3$ ]

Andrea e Bruno si sfidano al tennis. L'esito di ciascuna partita (comunemente chiamata set) è indipendente da quello delle precedenti, ogni volta con probabilità  $p$  per Andrea di vincerla. Il loro accordo è che Andrea si aggiudica l'incontro se vince una partita prima che Bruno ne vinca due, in caso contrario è Bruno ad aggiudicarselo. Se la probabilità che Andrea si aggiudichi l'incontro è  $\frac{1}{2}$ , quale di queste affermazioni su  $p$  è corretta?

[ $0.2 < p < 0.25$ ,  $0.25 < p < 0.3$ ,  $0.3 < p < 0.4$ ,  $p > 0.4$ ]

Siano  $X$  e  $Y$  variabili aleatorie indipendenti e identicamente distribuite con una distribuzione di cui sappiamo solo che ha varianza finita. Si definiscono le variabili  $V = X + Y$  e  $Z = X - Y$ . Quale di queste affermazioni, mutuamente escludentesi, è corretta, qualunque sia la distribuzione comune di  $X$  e  $Y$ ?

- A.  $V, Z$  sempre incorrelate, sempre indipendenti
- B.  $V, Z$  sempre indep. ma non sempre incorr.
- C.  $V, Z$  sempre incorr. Ma non sempre indep.
- D.  $V, Z$  non sempre incorr e non sempre indep.

Siano  $X$  e  $Y$  variabili aleatorie indipendenti con la stessa deviazione standard e sia  $a$  una costante compresa tra 0 e  $\frac{1}{2}$  (estremi inclusi). Per quale valore di  $a$  la deviazione standard della variabile aleatoria  $aX + (1-a)Y$  è minima?

[ $\frac{1}{4}$ , 0,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ]

Consideriamo un processo di Poisson in un intervallo di tempo lungo il doppio dell'intervallo medio tra due eventi consecutivi. Sapendo che in tale intervallo si è verificato al più un evento, con che probabilità non se ne è verificato nessuno?

[ $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{e^2}$ ]

Un grafo aleatorio con 16 vertici viene creato lanciando una moneta bilanciata per tutte le possibili coppie non ordinate di vertici: la coppia si connette con uno spigolo solo se esce testa. I lanci sono indipendenti tra loro. Qual è il numero medio di triangoli (terne di vertici distinti connessi tra loro da tre spigoli) nel grafo?

[70, 120,  $\frac{560}{3}$ , 420]

In una classe 20 studenti consultano il libro di testo, 30 seguono le esercitazioni, ma solo 5 consultano il libro di testo e seguono le esercitazioni, mentre 10 studenti non consultano il libro di testo e non seguono le esercitazioni. Quanti studenti ci sono nella classe?

[45, 55, 60, 65]

In un campione di 16 osservazioni da una legge normale si osservano una media e una deviazione standard campionarie pari rispettivamente a 14.625 e a 3. Con riferimento a intervalli di confidenza (equivalentemente, ad alternative) bilaterali, cosa si può dire del  $p$ -value riferito al valore 13.5 per la media della popolazione, avendo a disposizione le sole tavole della distribuzione normale standard?

[minore di 0.01,  $0.01 < p < 0.05$ ,  $0.05 < p < 0.1$ ,  $p > 0.1$ ]