# Практическая работа № 1

```
Валерий Сергеевич Верхотуров БСБО-05-20
```

```
from IPython.core.display_functions import display
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
```

### Задание 1

Создать функцию, реализующую мультипликативный метод генерации последовательности случайных чисел со следующими параметрами:  $a=22695477, b=1, m=2^{32}$ 

```
# multiplicative method for generating random numbers
def multiplicative_method(a = 22_695_477, b = 1, m = 2 ** 64 - 1, x = 0):
    while True:
        if m > 2 ** 32:
            m = m % 2 ** 32
        else:
            break
    assert 0 <= a < m
    assert 0 <= b < m
    assert m >= 2
    assert 0 <= x < m
    while True:
        x = (a * x + b) % m
        yield x / m</pre>
```

## Задание 2

Сгенерировать с помощью функции, реализующей мультипликативный метод, равномерно распределенные последовательности случайных чисел в интервале от A=0 до B=10 длинной  $N=10^2,10^3,10^4,10^5$ . В качестве начального значения для генератора использовать  $X_0=1$ .

```
def task_2():
    N = [10 ** 2, 10 ** 3, 10 ** 4, 10 ** 5]
    A = 0
    B = 10
    X_0 = 1

df = pd.DataFrame(index=range(max(N)))
    multiplicative_generator = multiplicative_method(x = X_0)
```

```
for n in N:
       df[n] = pd.Series(
           map(
               lambda x: (B - A) * x + A,
               [next(multiplicative_generator) for _ in range(n)]),
           name=n)
   display(df.head())
    df.to_csv("task 2.csv", mode="w+")
task 2()
                        10000
    100
              1000
                                 100000
0 0.052842 2.286569 0.513570 3.747002
1 5.020214 3.698231 7.582951 1.821769
2 3.887881 8.546186 8.073215 3.286902
3 0.422562 1.105707 3.060830 8.825199
4 7.115508 3.069225 7.774856 8.193695
```

#### Залание 3

Рассчитать для сгенерированных последовательностей математическое ожидание и дисперсию. Сравнить полученные значения с математическим ожиданием и дисперсией теоретической равномерно распределенной случайной величины.

```
def task_3():
    df = pd.read_csv("task 2.csv")
    for column in df.columns[1:]:
        print(f"Expected value for n = {df[column].name}: {df[column].mean()}")
        print(f"Dispersion for n = {df[column].name}: {df[column].std()}\n")

task_3()

Expected value for n = 100: 4.959844905757309
Dispersion for n = 100: 2.8204367270096316

Expected value for n = 1000: 4.980581583229495
Dispersion for n = 10000: 2.910508327509599

Expected value for n = 10000: 4.9729328728916435
Dispersion for n = 10000: 2.883707178435099

Expected value for n = 100000: 4.99987930629388
Dispersion for n = 100000: 2.8848267159950556
```

Математическое ожидание теоретической равномерно распределенной величины:

$$M[X] = \frac{a+b}{2} = \frac{0+10}{2} = 5$$

Дисперсия теоретической равномерно распределенной величины:

$$D[X] = \frac{b-a}{12} = \frac{10-0}{12} = \frac{5}{6}$$

#### Задание 4

Определить период сгенерированной последовательности случайных чисел.

Период для первых  $10^4$  чисел не найден.

#### Задание 5

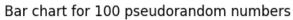
Реализовать функцию определения относительных частот случайных чисел о известной выборке. Входными параметрами должны быть: выборка случайных чисел, заданные левая и правая граница выборки, количество участков. Выходным параметром — относительные частоты для заданных участков.

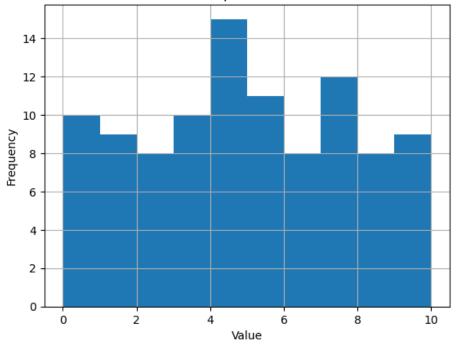
### Задание 6

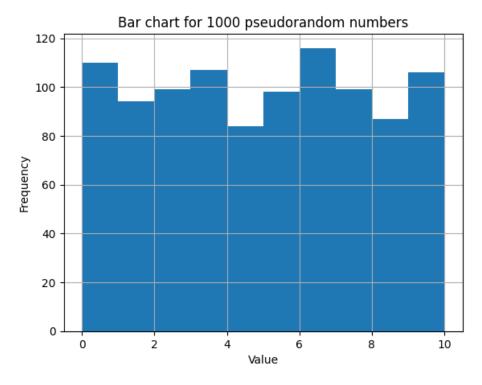
Построить гистограммы относительных частот для получения последовательностей случайных чисел на 10 участках рассчитать для них значение критерия Пирсона.

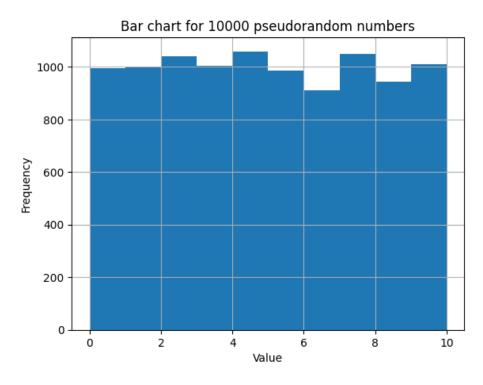
```
def task_6():
   LEFT_BORDER = 0
   RIGHT_BORDER = 10
   NUMBER_OF_SECTIONS = 10
   df = pd.read_csv("task 2.csv")
   for series_name in df.columns[1:]:
       task_5(df[series_name], LEFT_BORDER, RIGHT_BORDER, NUMBER_OF_SECTIONS)
```

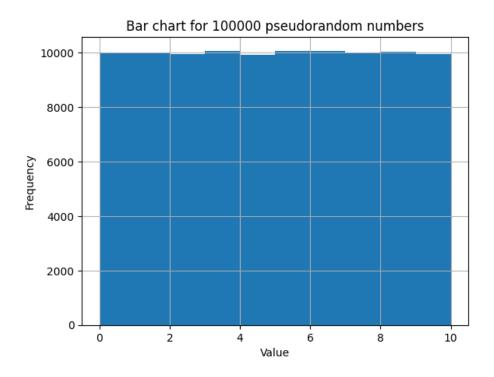
# task\_6()







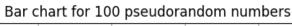


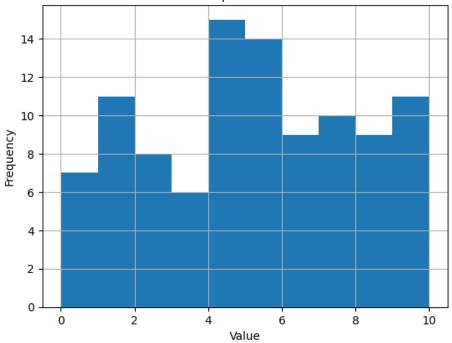


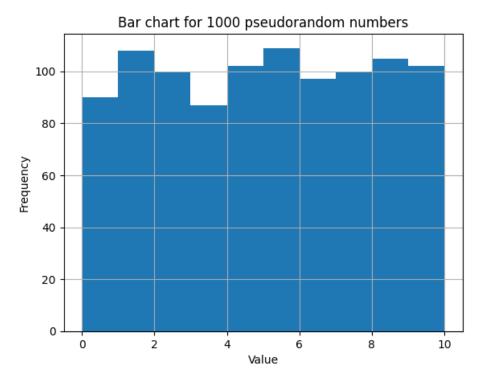
## Задание 7

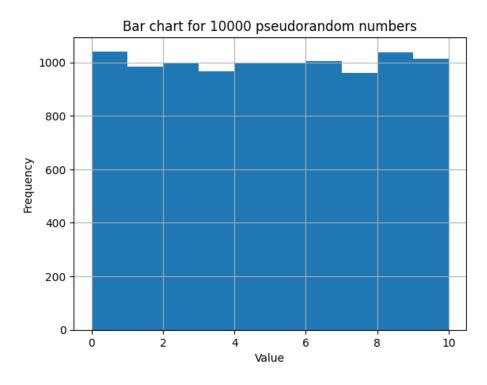
Сравнение с функцией random.uniform, функцией numpy.random.random\_sample для генерации псевдослучайных чисел.

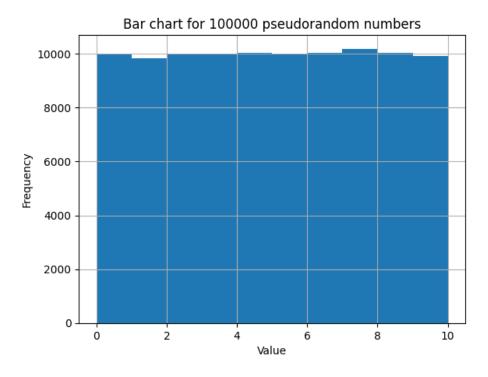
task\_7()
random.uniform



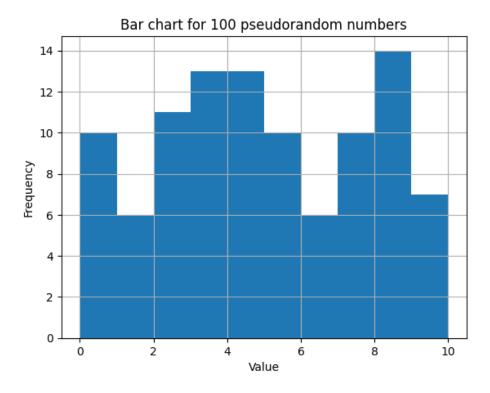


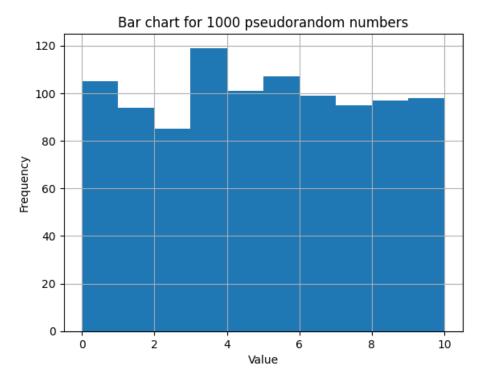


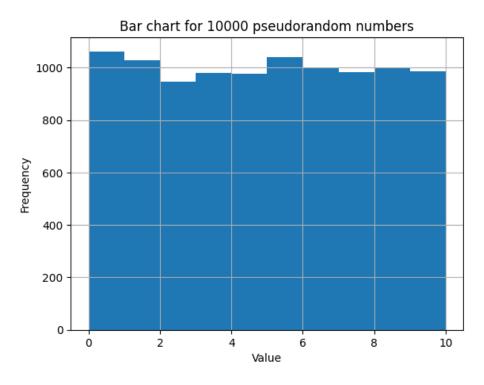


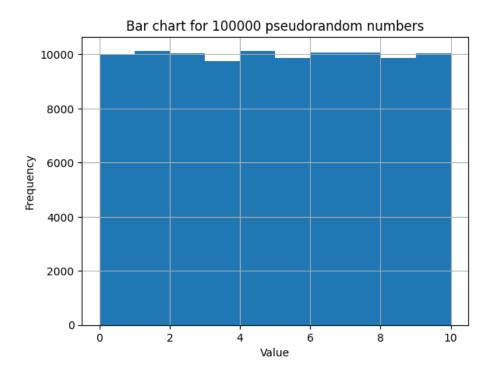


Pearson's criterion for bar chart above: -0.4704378218897561 numpy.random.random\_sample









# Вывод

Проведен анализ мультипликативного метода генерации случайных чисел. Функции генерации псевдослучайных чисел из стандартной библиотеки Python и NumPy похожи по выдаваемому результату.