

Практическая работа № 3

Валерий Сергеевич Верхотуров БСБО-05-20

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.stats import norm
from scipy import special
from IPython.core.display_functions import display

def multiplicative_method(a = 22_695_47, b = 1, m = 2 ** 64 - 1, x = 0):
    while True:
        if m > 2 ** 32:
            m = m % 2 ** 32
        else:
            break
    assert 0 <= a < m
    assert 0 <= b < m
    assert m >= 2
    assert 0 <= x < m
    while True:
        x = (a * x + b) % m
        yield x / m
```

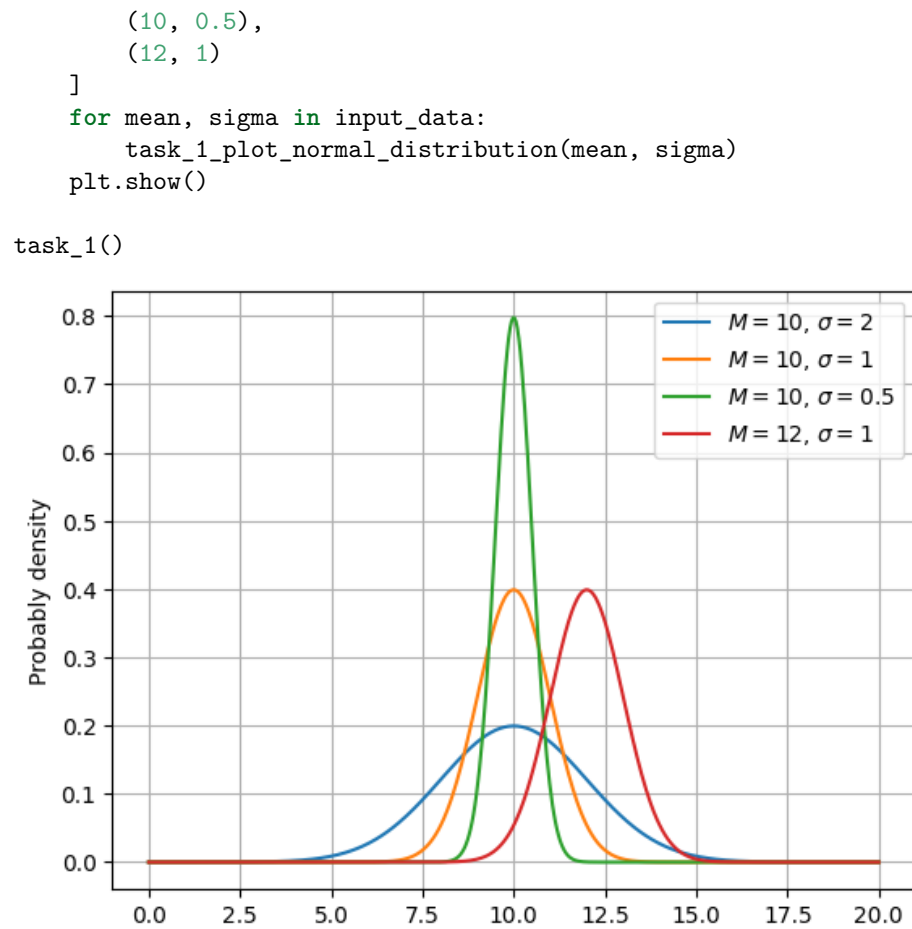
Задание 1

Создать функцию, описывающую распределение плотности вероятности для нормального закона распределения случайной величины. Построить графики плотности вероятности нормального закона с заданными значениями математического ожидания M и среднеквадратического отклонения σ : $M = 10$ и $\sigma = 2$, $M = 10$ и $\sigma = 1$, $M = 10$ и $\sigma = 0.5$, $M = 12$ и $\sigma = 1$.

```
# def task_1_normal_distribution(x, mean, sigma):
#     return 1 / (sigma * np.sqrt(2 * np.pi)) * np.exp(-0.5 * ((x - mean) / sigma) ** 2)

def task_1_plot_normal_distribution(mean, sigma):
    x = np.linspace(0, 20, 500)
    plt.plot(x, norm.pdf(x, loc = mean, scale = sigma),
             label=f'$M = {mean}$, $\sigma = {sigma}$')
    plt.legend()
    plt.grid(True)
    plt.ylabel('Probably density')

def task_1():
    input_data = [
        (10, 2),
        (10, 1),
```



Задание 2

Описать функцию распределения для нормального закона с параметрами $M = 10$ и $\sigma = 2$ и построить ее график на интервале от 0 до 20.

```

def task_2():
    mean = 10
    sigma = 2
    start_x = 0
    end_x = 20

    x = np.linspace(start_x, end_x, 200)

    # Cumulative distribution function
    plt.plot(x, norm.cdf(x, mean, sigma),

```

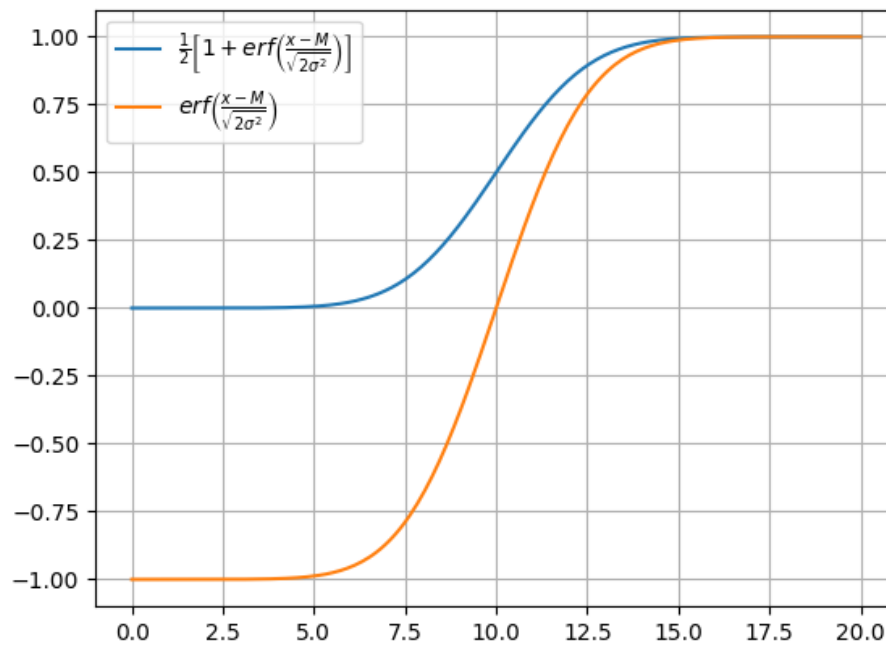
```

label="$\\frac{1}{2}\\left[1+\\operatorname{erf}\\left(\\frac{x-M}{\\sqrt{2}\\sigma}\\right)\\right]$"

# Error function
plt.plot(x, special.erf((x - mean) / np.sqrt(2 * sigma ** 2)),
         label="$\\operatorname{erf}\\left(\\frac{x-M}{\\sqrt{2}\\sigma}\\right)$")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()

task_2()

```



Задания 3, 4

Для получения функции распределения провести моделирование нормального закона распределения с помощью метода обратной функции. Для моделирования равномерно распределенной величины использовать `multiplicative_method`. Для предоставления обратной функции использовать кусочно-линейную аппроксимацию для 100 равномерных участков в интервале от 0 до 20. Число экспериментов для моделирования принять равным $N = 10^3, 10^4, 10^5, 10^6$.

Построить гистограммы для полученной последовательности случайных чисел на 100 интервалах и для числа экспериментов $N = 10^3, 10^4, 10^5, 10^6$.

```
def task_3_4():
```

```

mean = 10
sigma = 2
start_x = 0
end_x = 20
experiments = [10 ** 3, 10 ** 4, 10 ** 5, 10 ** 6]
parts = 100

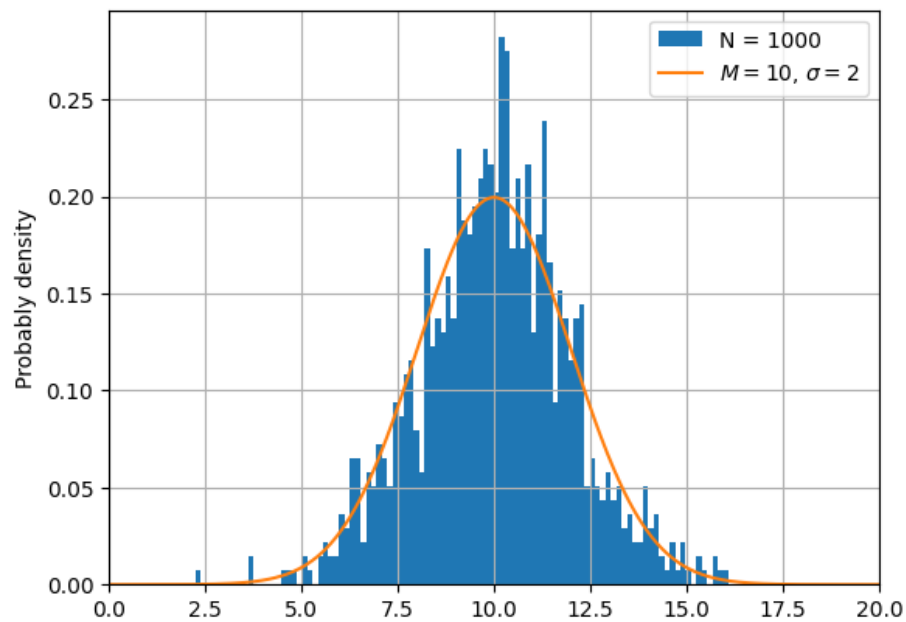
multiplicative_generator = multiplicative_method(x=0.1)
for experiment in experiments:
    y = norm.ppf(
        [next(multiplicative_generator) for _ in range(experiment)],
        mean,
        sigma)
    print("First 10 elements of y:")
    display(y[:10])

    plt.hist(y, bins=parts, density=True, label=f'N = {experiment}')
    plt.legend()
    plt.ylabel('Percent points')
    plt.xlim([start_x, end_x])
    plt.grid(True)
    task_1_plot_normal_distribution(mean, sigma)
    plt.show()

task_3_4()

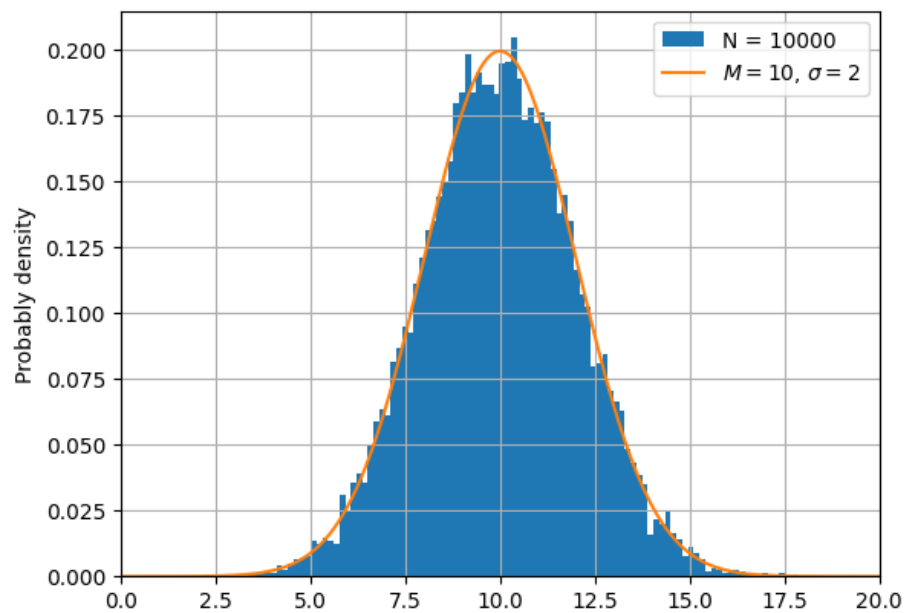
First 10 elements of y:
array([ 2.24568747, 12.92140107, 11.78381858,  8.27459388,  9.48838501,
        7.90068117,  8.68449432,  9.39292311, 11.82817173,  8.83317136])

```



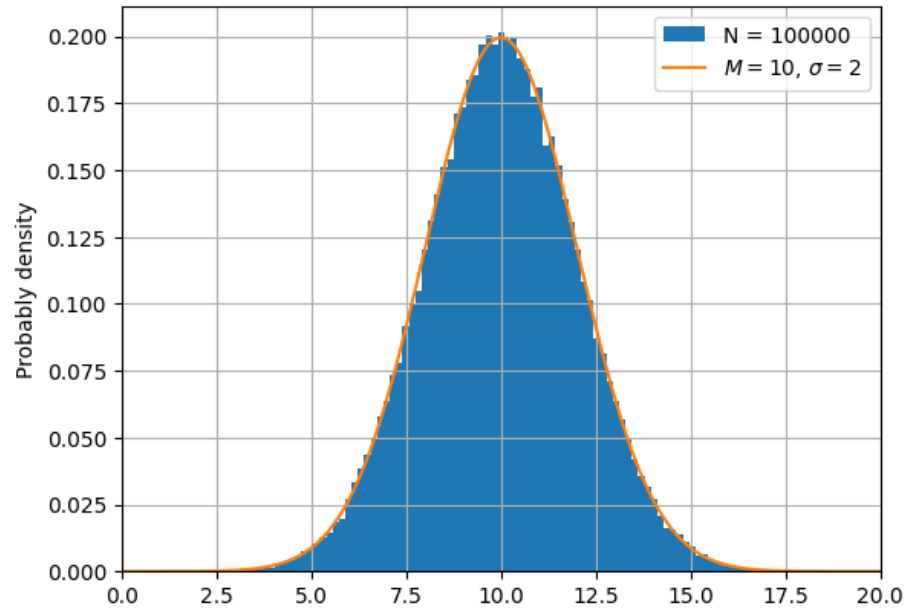
First 10 elements of y:

```
array([11.18836662,  5.80741131,  9.96744991,  9.62566363,  8.83157739,
        7.16458497,  6.92212016,  9.8968836 ,  9.68285841,  6.18500943])
```



First 10 elements of y:

```
array([10.44107134, 10.93518391,  8.60857376,  9.68966701, 10.75942126,  
      10.67349859, 10.40034351, 10.33120363, 12.5022494 , 11.46262967])
```



First 10 elements of y:

```
array([10.34150873, 10.48557123,  9.60065799, 12.08932906,  4.923429 ,  
      6.58734394, 13.29330922, 10.42441048, 10.94916652,  9.80934403])
```

