

# Практическая работа № 1

Валерий Сергеевич Верхотуров БСБО-05-20

```
from IPython.core.display_functions import display
```

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
```

## Задание 1

Создать функцию, реализующую мультипликативный метод генерации последовательности случайных чисел со следующими параметрами:  $a = 22695477, b = 1, m = 2^{32}$

```
# multiplicative method for generating random numbers
def multiplicative_method(a = 22_695_477, b = 1, m = 2 ** 64 - 1, x = 0):
    while True:
        if m > 2 ** 32:
            m = m % 2 ** 32
        else:
            break
    assert 0 <= a < m
    assert 0 <= b < m
    assert m >= 2
    assert 0 <= x < m
    while True:
        x = (a * x + b) % m
        yield x / m
```

## Задание 2

Сгенерировать с помощью функции, реализующей мультипликативный метод, равномерно распределенные последовательности случайных чисел в интервале от  $A = 0$  до  $B = 10$  длиной  $N = 10^2, 10^3, 10^4, 10^5$ . В качестве начального значения для генератора использовать  $X_0 = 1$ .

```
def task_2():
    N = [10 ** 2, 10 ** 3, 10 ** 4, 10 ** 5]
    A = 0
    B = 10
    X_0 = 1

    df = pd.DataFrame(index=range(max(N)))
    multiplicative_generator = multiplicative_method(x = X_0)
```

```

for n in N:
    df[n] = pd.Series(
        map(
            lambda x: (B - A) * x + A,
            [next(multiplicative_generator) for _ in range(n)]),
        name=n)
    display(df.head())
    df.to_csv("task 2.csv", mode="w+")
task_2()

```

	100	1000	10000	100000
0	0.052842	2.286569	0.513570	3.747002
1	5.020214	3.698231	7.582951	1.821769
2	3.887881	8.546186	8.073215	3.286902
3	0.422562	1.105707	3.060830	8.825199
4	7.115508	3.069225	7.774856	8.193695

### Задание 3

Рассчитать для сгенерированных последовательностей математическое ожидание и дисперсию. Сравнить полученные значения с математическим ожиданием и дисперсией теоретической равномерно распределенной случайной величины.

```

def task_3():
    df = pd.read_csv("task 2.csv")
    for column in df.columns[1:]:
        print(f"Expected value for n = {df[column].name}: {df[column].mean()}")
        print(f"Dispersion for n = {df[column].name}: {df[column].std()}\n")

```

```

task_3()

```

Expected value for n = 100: 4.959844905757309  
 Dispersion for n = 100: 2.8204367270096316

Expected value for n = 1000: 4.980581583229495  
 Dispersion for n = 1000: 2.910508327509599

Expected value for n = 10000: 4.9729328728916435  
 Dispersion for n = 10000: 2.883707178435099

Expected value for n = 100000: 4.99987930629388  
 Dispersion for n = 100000: 2.8848267159950556

Математическое ожидание теоретической равномерно распределенной величины:

$$M[X] = \frac{a+b}{2} = \frac{0+10}{2} = 5$$

Дисперсия теоретической равномерно распределенной величины:

$$D[X] = \frac{b-a}{12} = \frac{10-0}{12} = \frac{5}{6}$$

#### Задание 4

Определить период сгенерированной последовательности случайных чисел.

```
def task_4():
    multiplicative_generator = multiplicative_method(x = 1)
    numbers = [next(multiplicative_generator) for _ in range(10 ** 4)]
    for index_1, number_1 in enumerate(numbers):
        for index_2, number_2 in enumerate(numbers[index_1 + 1:]):
            if number_1 == number_2:
                print(f"The period is {index_2 - index_1}")
                return index_2 - index_1
    return -1
```

```
print("Result:", task_4())
```

Result: -1

Период для первых  $10^4$  чисел не найден.

#### Задание 5

Реализовать функцию определения относительных частот случайных чисел о известной выборке. Входными параметрами должны быть: выборка случайных чисел, заданные левая и правая граница выборки, количество участков. Выходным параметром --- относительны частоты для заданных участков.

```
# frequency of random numbers of a known sample
def task_5(series_of_random_numbers, left_border, right_border, number_of_sections):
    step = (right_border - left_border) / number_of_sections
    rng = np.arange(left_border, right_border + 1, step)
    series_of_random_numbers.hist(bins = rng)
    plt.xlabel('Value')
    plt.ylabel('Frequency')
    plt.title(f"Bar chart for {series_of_random_numbers.name} pseudorandom numbers")
    plt.show()
    print("Pearson's criterion for bar chart above:",
          pd.Series(rng).corr(series_of_random_numbers))
```

#### Задание 6

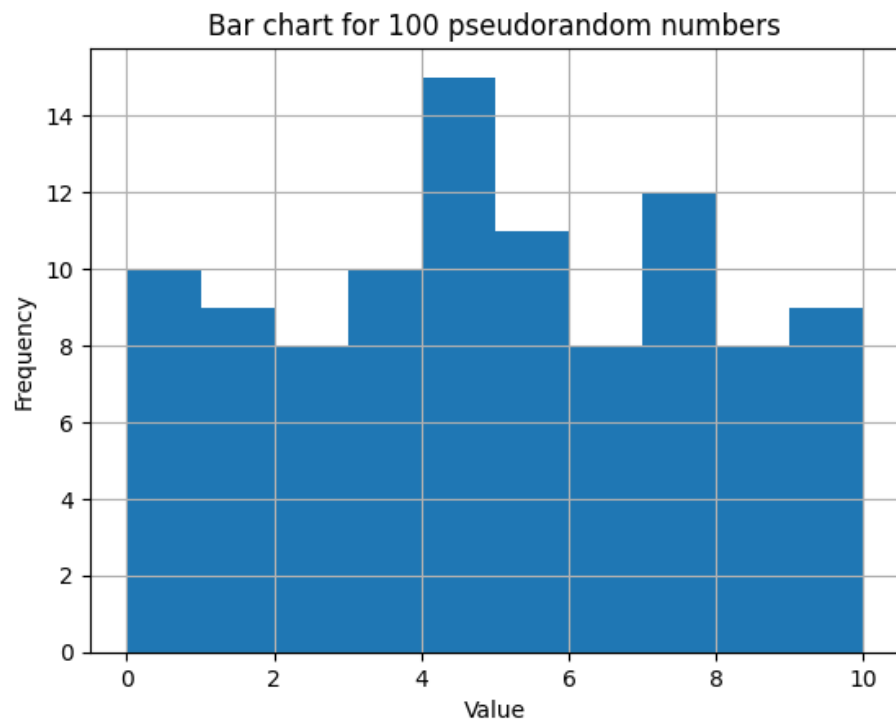
Построить гистограммы относительных частот для получения последовательностей случайных чисел на 10 участках рассчитать для них значение критерия Пирсона.

```
def task_6():
    LEFT_BORDER = 0
    RIGHT_BORDER = 10
    NUMBER_OF_SECTIONS = 10

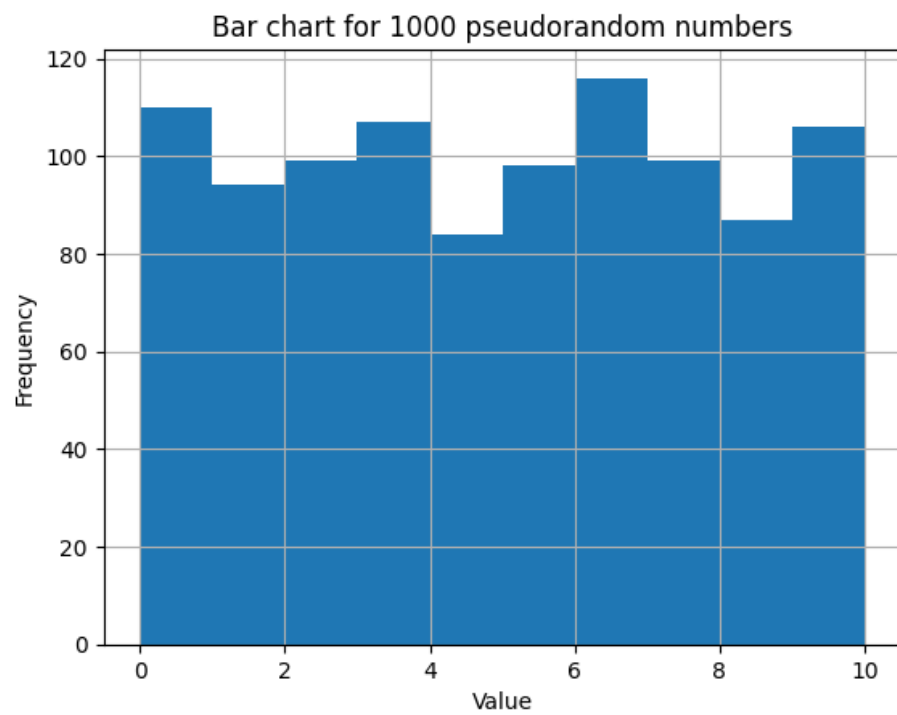
    df = pd.read_csv("task 2.csv")

    for series_name in df.columns[1:]:
        task_5(df[series_name], LEFT_BORDER, RIGHT_BORDER, NUMBER_OF_SECTIONS)

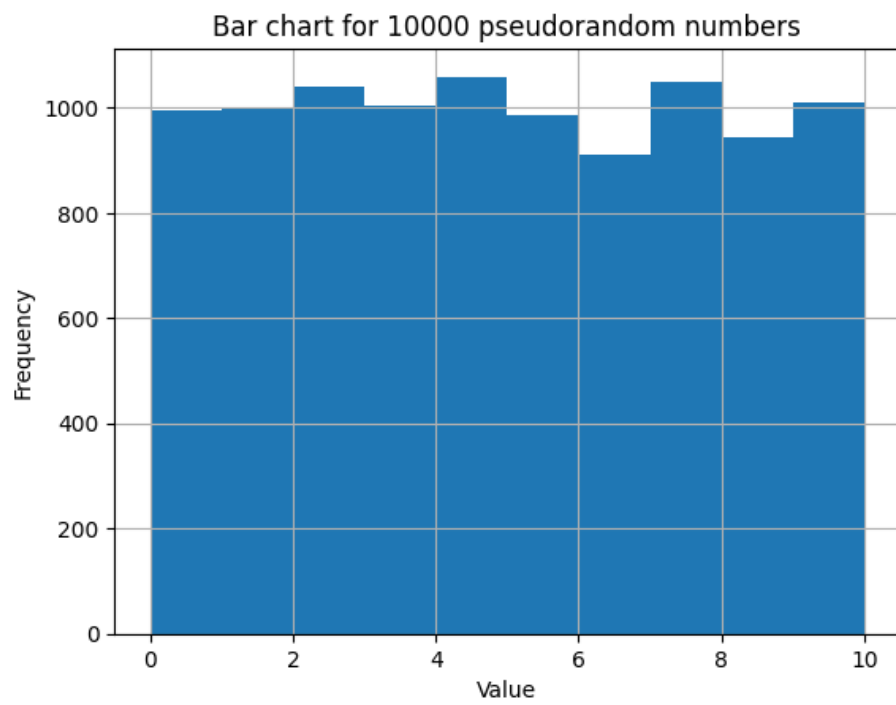
task_6()
```



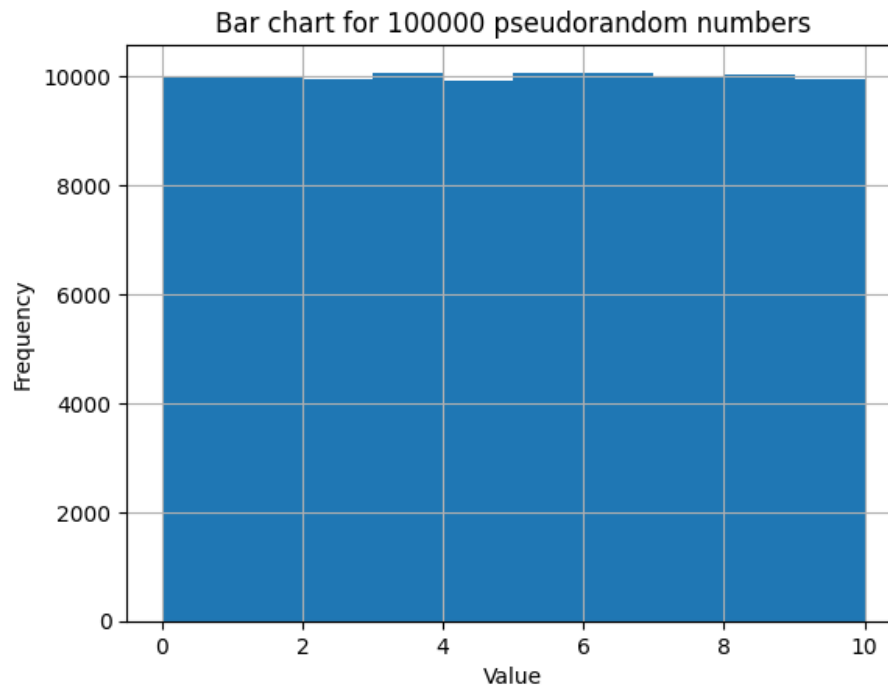
Pearson's criterion for bar chart above: 0.3125374148738869



Pearson's criterion for bar chart above: 0.3686928301354723



Pearson's criterion for bar chart above: 0.13807615466825413



Pearson's criterion for bar chart above: 0.05942219539374118

## Задание 7

Сравнение с функцией `random.uniform`, функцией `numpy.random.random_sample` для генерации псевдослучайных чисел.

```
def task_7():
    from random import uniform
    from numpy.random import random_sample
    LEFT_BORDER = 0
    RIGHT_BORDER = 10
    NUMBER_OF_SECTIONS = 10
    N = [10 ** 2, 10 ** 3, 10 ** 4, 10 ** 5]

    print("random.uniform")
    for n in N:
        task_5(pd.Series([uniform(LEFT_BORDER, RIGHT_BORDER) for _ in range(n)], name=n),
                LEFT_BORDER,
                RIGHT_BORDER,
                NUMBER_OF_SECTIONS)

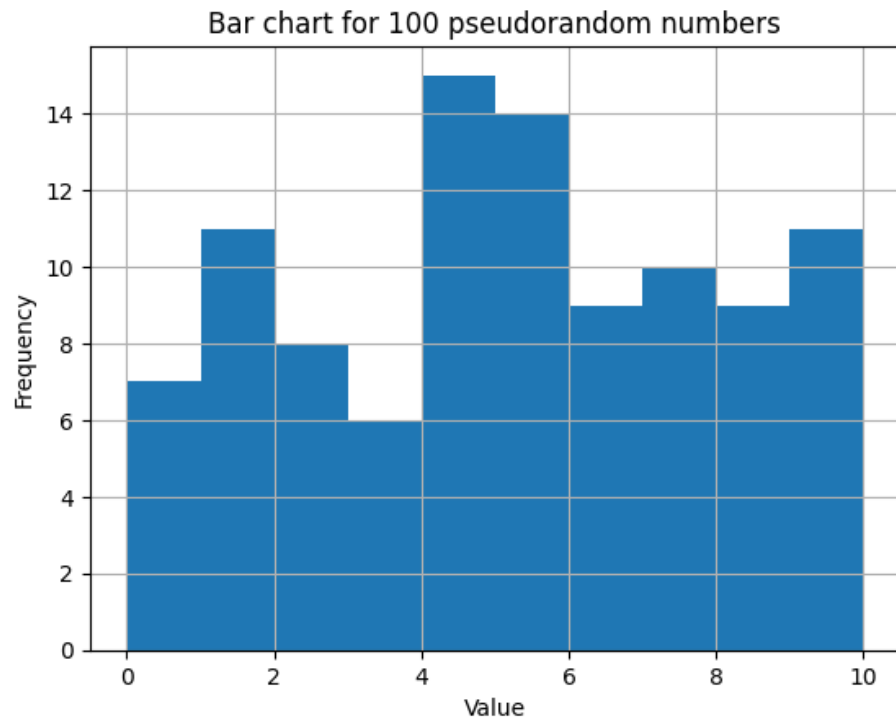
    print("numpy.random.random_sample")
```

```

for n in N:
    task_5(pd.Series(
        [random_sample() * (RIGHT_BORDER - LEFT_BORDER) + LEFT_BORDER
         for _ in range(n)],
        name=n),
        LEFT_BORDER,
        RIGHT_BORDER,
        NUMBER_OF_SECTIONS)

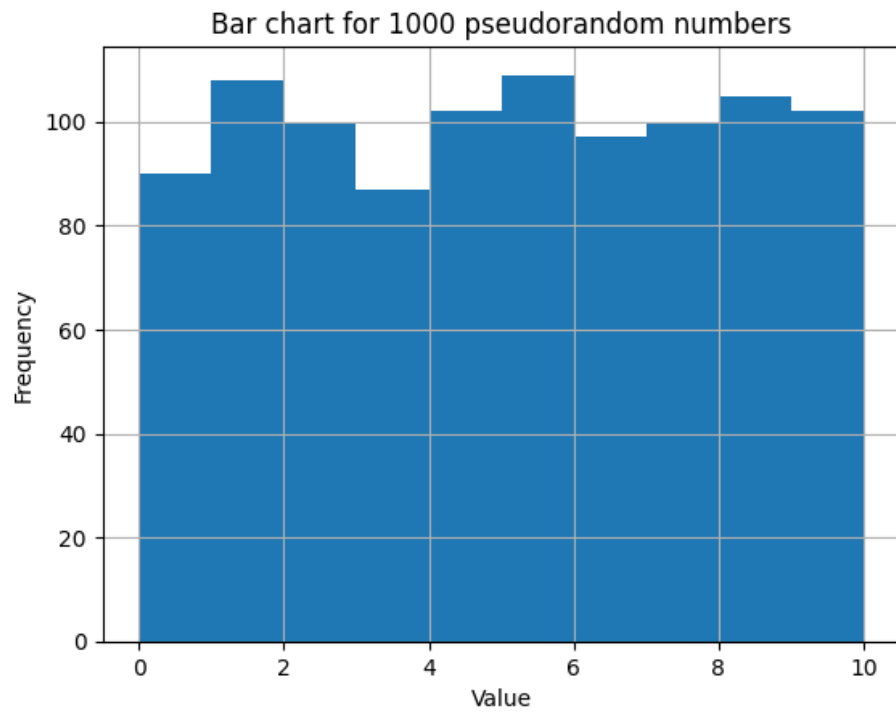
task_7()
random.uniform

```

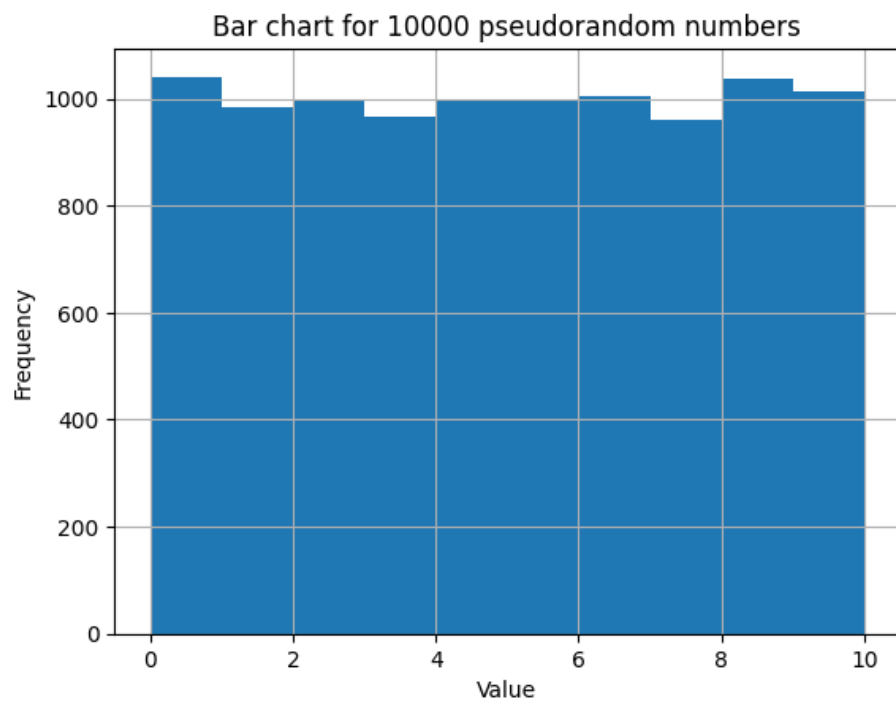


Pearson's criterion for bar chart above: 0.304802528480722

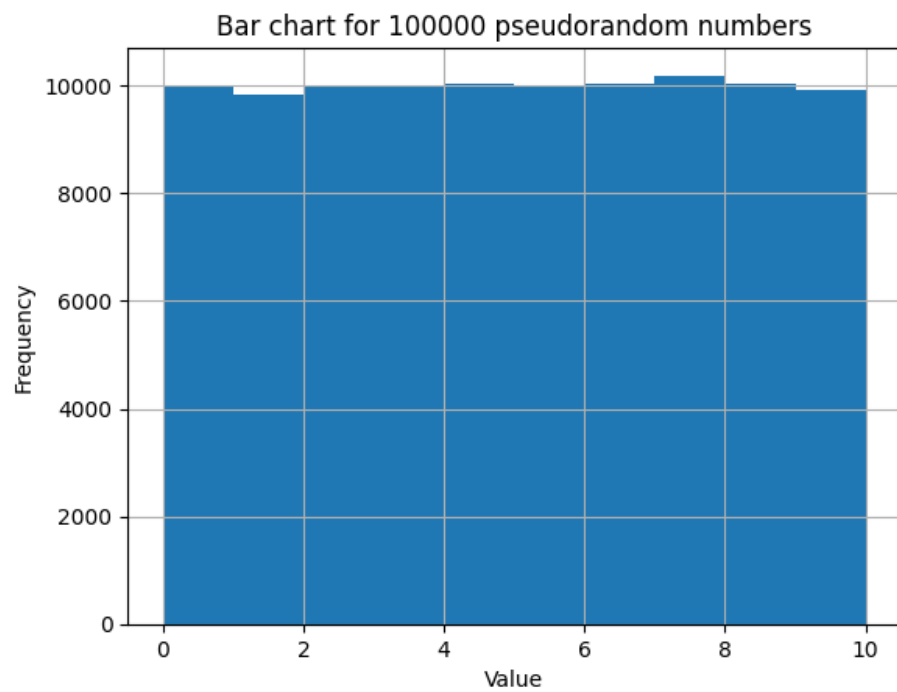




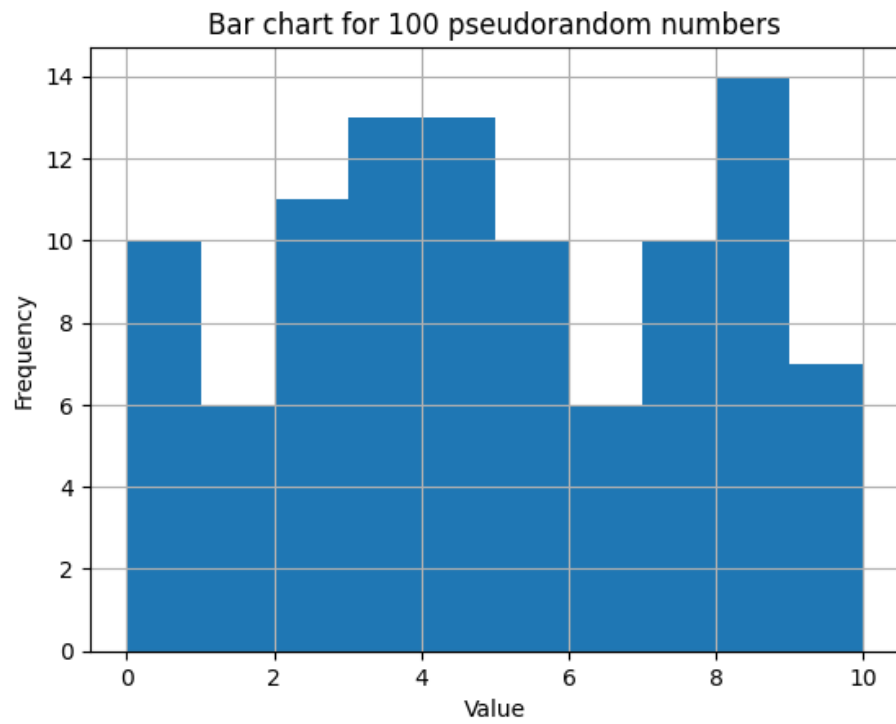
Pearson's criterion for bar chart above: 0.10740259524176636



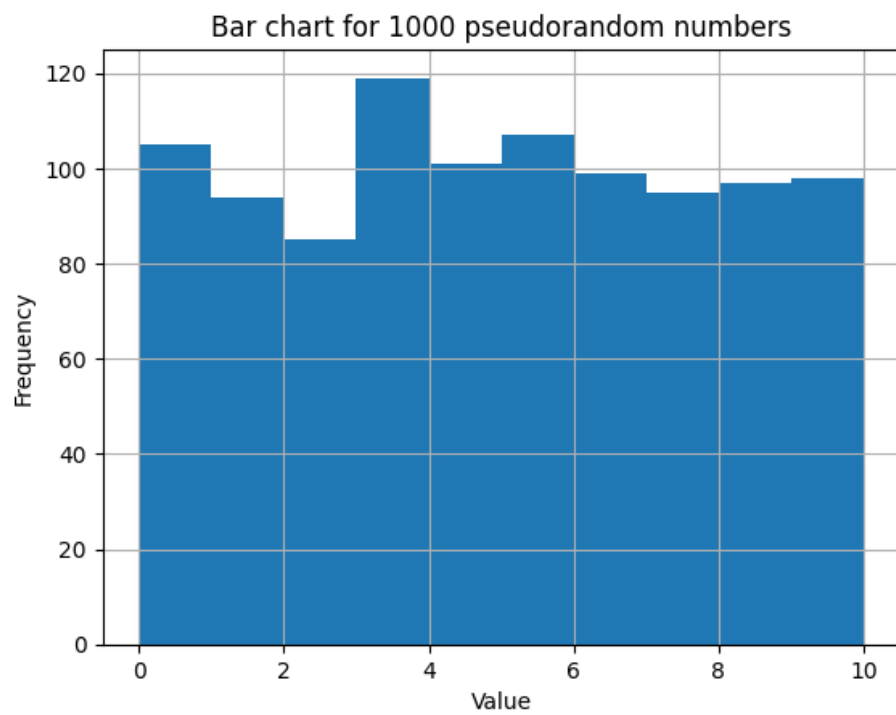
Pearson's criterion for bar chart above: 0.061956076945706984



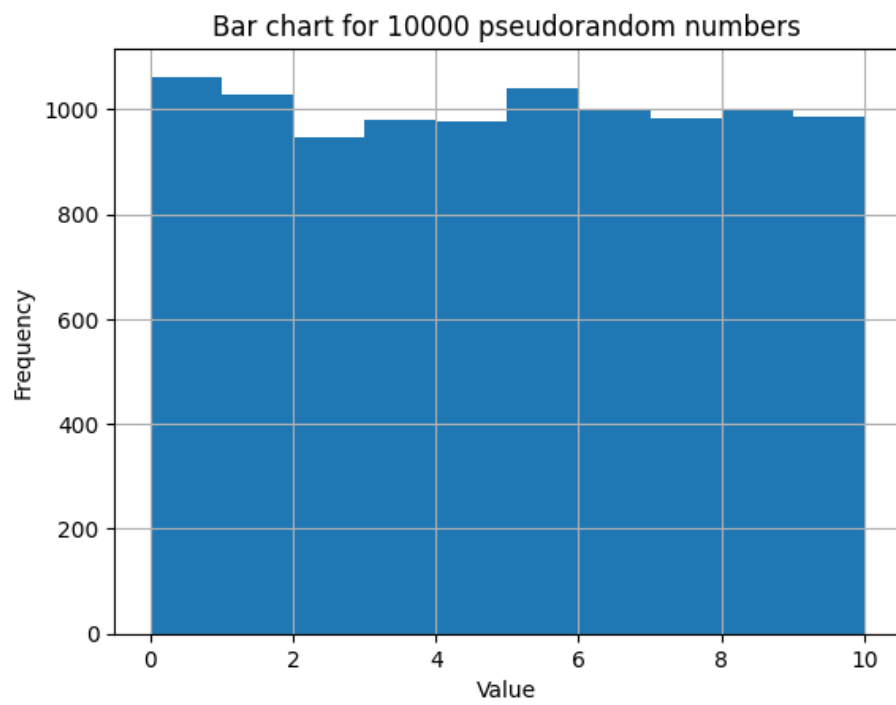
Pearson's criterion for bar chart above: -0.4704378218897561  
`numpy.random.random_sample`



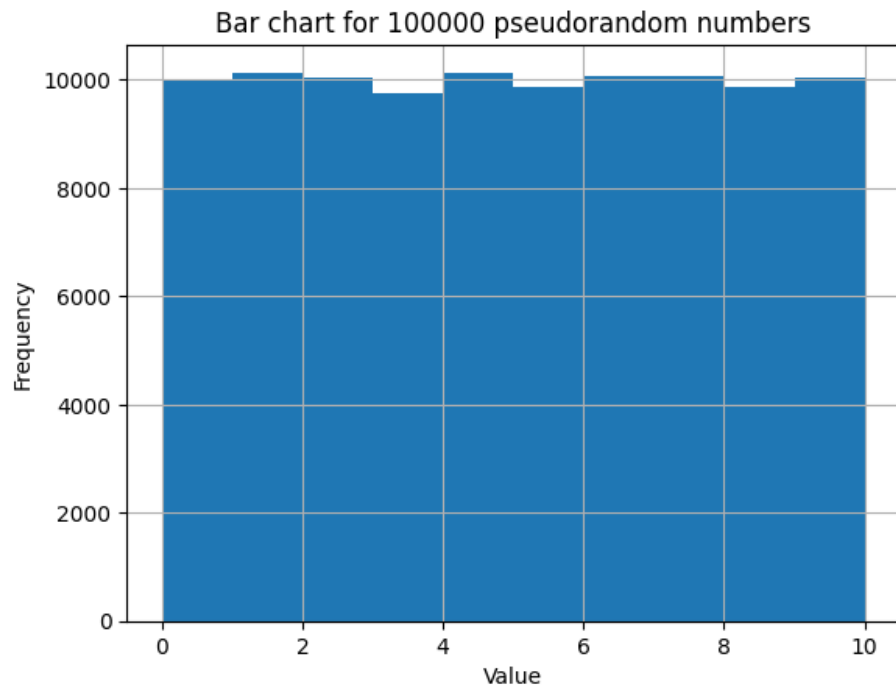
Pearson's criterion for bar chart above: -0.3003987965867492



Pearson's criterion for bar chart above: 0.8024113645905011



Pearson's criterion for bar chart above: -0.33646843649476116



Pearson's criterion for bar chart above: 0.40577352352457613

## Вывод

Проведен анализ мультипликативного метода генерации случайных чисел. Функции генерации псевдослучайных чисел из стандартной библиотеки Python и NumPy похожи по выдаваемому результату.