VALENTIN HEIDER GYMNASIUM



Das SIR - Modell

W Seminar Mathematik:

Chaos, Fraktale und andere mathematische Faszinationen

Nicolas Martin

8.11.2022

Inhaltsverzeichnis

1	Einl	eitung	1
2	Das SIR-Modell		
	2.1	Entstehung	2
	2.2	Voraussetzungen	2
	2.3	Anwendung	2
3	Mathematischer Aufbau		
	3.1	Drei Differentialgleichungen	3
	3.2	Basisreproduktionszahl	3
	3.3	Varianten	3
	3.4	Einflussfaktoren	3
4	Fallbeispiele		
	4.1	Covid 19	3
	4.2	Malaria oder Ebola Oder so	3
5	i Fazit		3
6	Anhang		4
Lit	Literatur		

1 EINLEITUNG

Das *Covid-19* Virus hat in den letzten Jahren Eindrucksvoll bewiesen, wie schnell sich eine Epidemie ausbreiten und zur Pandemie werden kann, Sowie welche verheerende Wirkung ebensolche auf die gesamte Bevölkerung und Wirtschaft der Welt haben. Immer wieder teilten Experten in den Medien neue Verhaltens- und Hygieneregelungen mit durch welche die Verbreitung des Virus Vorhergesehen und Verlangsamt werden konnte. Auch Prognosen über die Zukünftige Entwicklung der Pandemie wurden Veröffentlicht. Doch wie genau Berechnen Epidemiologen die Entwicklung einer Epidemie um Vorhersagen zu treffen und die geeignetsten Gegenmaßnamen zur Eindämmung einer solchen zu ermitteln?

Diese Literaturarbeit soll zunächst das **SIR-Modell** mit allen Voraussetzungen Betrachten, Die Einhergehenden Differenzialgleichungen und die Basisreproduktionszahl Mathematisch Analysieren und unter Betrachtung der Flexibilität des Modells evaluieren. Des weiteren veranschaulicht die Arbeit das Mathematische Chaos des Modells ferner welche Veränderungen mit verschiedenen Änderungen der Formeln und Variablen Einhergehen. Die Präzision und Effektivität in der Anwendung soll durch Den Fall *Covid-19* verdeutlicht und mit HIER FALL EINFÜGEN verglichen werden. Ausgenommen Der Fallbeispiele und der Dynamischen Gesamtbevölkerung werden keine Abweichungen des Modells im Detail Besprochen.

2 DAS SIR-MODELL

Wenn man den Verlauf einer Epidemie von Anfang bis Ende anhand eines Mathematischen Modells beschreiben möchte, ist das **SIR-Modell** mit nur zwei Parametern und drei Differentialgleichungen in der einfachsten Form ideal, um sich einen groben Überblick zu verschaffen. [Far21, vgl.] Im diesem Kapitel wird auf den Hintergrund, die Möglichkeiten und Limitierungen und die damit Einhergehenden Möglichkeiten der Anwendung des Modells eingegangen.

2.1 Entstehung

Das Kermack-McKendrick Modell ist eine Klassische Ausführung des **SIR-Modells** von den gleichnamigen Infektionsepidemiologen OPEN why used => einfach anpassbar

2.2 Voraussetzungen

Die erste Bedingung für das SIR-Modell ist die Aufteilung der Gesamtbevölkerung N In drei Kategorien:

- S: Suszeptibel (engl. Susceptible)
- *I*: Infiziert (engl. Infected)
- R: Entfernt (engl. Removed)

 Keine Eindeutigen Fachtermini vorhanden

Wobei (S) alle Infizierbaren Individuen, (I) alle Infizierten und gleichzeitig Infektiösen und (R) alle Genesenen oder verstorbenen beinhaltet. Zu beachten ist das sich Individuen jeweils immer nur in Einer Gruppe befinden können und sich Individuen der Gruppe (R) kein weiteres mal Infizieren können. [Far21, vgl.] Das Modell wird von nur zwei Parametern alpha (α) und beta (β) Beeinflusst. α steht hier für die Übertragungsrate (engl. transmission rate) welche angibt, wie schnell Individuen der Suszeptiblen Gruppe in die Infizierte Gruppe übergehen. β hingegen stellt hier die Erholungsrate (engl. recovery rate) dar, und gibt an wie schnell die Gruppe I sich erholt oder verstirbt.

Es wird davon ausgegangen das N, α , β Konstant sind.

2.3 Anwendung

3 MATHEMATISCHER AUFBAU

N kann jetzt zu jeder Zeit (t) folgendermaßen definiert werden: [Rah22]

$$S_{(t)} + I_{(t)} + R_{(t)} = N$$

- 3.1 Drei Differentialgleichungen
- 3.2 Basisreproduktionszahl
- 3.3 Varianten
- 3.4 Einflussfaktoren

4 FALLBEISPIELE

- 4.1 Covid 19
- 4.2 Malaria oder Ebola Oder so

5 FAZIT

6 Anhang

LITERATUR

- [Far21] William G. Faris. The SIR model of an epidemic. Arizona: arxiv.org, 2021.
- [Rah22] Vikrant Bhateja Rahul Saxena Mahipal Jadeja. *Exploring Susceptible-Infectious-Recovered* (SIR) Model for Covid-19 Investigation. Lucknow: Springer, 2022. ISBN: 978-981-19-4174-0.