



## Matlab与简单数学模型

Vanilla Yukirin

Vanilla-Yukirin/matlab-math-modeling

2025年11月13日

# 目录

## 1 Matlab介绍

- Matlab与Python的对比
- Matlab的版本选择与安装

## 2 Matlab的基础使用

- 认识Matlab基本界面
- Matlab基本语法
- Matlab基础绘图

## 3 Matlab简单应用

- 矩阵运算
- 递推计算
- 数值计算

## 4 简单数学模型

- 线性回归
- 非线性规划模型与启发式算法求解

## 5 课后习题

- 线性回归
- 非线性规划

## 6 总结与答疑

# Matlab简介

Matlab（矩阵实验室）是由美国MathWorks公司开发的一种高级技术计算语言和交互式环境，广泛应用于科学计算、数据分析、算法开发和可视化等领域。



# 选Matlab还是Python

## Matlab

- 内置数学计算函数和工具箱、交互式工作区、工程领域标准。不需要会环境配置，安装好后开箱即用
- 文档齐全，内置帮助文档（按F12即可查看函数详细用法），相比去问AI会更加精确且全面
- 付费软件，昂贵的授权费，每个工具箱还需要单独付费<sup>a</sup>，很多学校没有资金订阅

<sup>a</sup>其实我们学校之前是有订阅过的，但是嘛.....

## Python

- 有numpy、sklearn、matplotlib等科学计算库、jupyter notebook交互式工作区，但是需要掌握环境管理/虚拟环境（anaconda、uv、venv等）
- 教程齐全。作为一门热门语言，网络上教程很多，问LLM也能得到不错的答案
- 免费软件，免费、开源、社区活跃，每个人都能自由的使用（freeware）



# 为什么建议数模初学者用Matlab

- Matlab 是工程领域的计算器+画图板+方程求解器——5分钟从数据到图表，无需折腾环境配置。安装完立即算矩阵、画图、解方程，让大家专注算法而非工具；
- 而 Python 需要先学虚拟环境管理，对完全零基础的同学是额外负担。
- 装 Python 的编程环境常见的环境问题（依赖冲突、版本不兼容）往往劝退初学者。



# Matlab版本选择

Matlab相邻版本之间差别并不大。且近年更新的高级功能做数模一般用不上，所以只要不用过于老的版本（推荐使用 $\geq 2016b$ ），语法都是通用的。

## ab尾缀的含义：

- **a**: 上半年发布的版本，通常在3月份发布
- **b**: 下半年发布的版本，通常在9月份发布

通常来说，一个a版本发布后，经过几个月的使用和反馈，MathWorks会修复一些Bug，并在同年秋季的b版本中使其更加稳定。所以推荐使用**b**尾缀的版本。

接下来的教程是基于Matlab R2024b的，如果你的版本不是2024b也没有关系，操作完全相同。



Matlab的版本选择与安装

# Matlab安装演示

自行下载Matlab，网盘链接在钉钉群中

如果下载速度过慢，可以带u盘下课找我拷贝

*TODO:* 安装Matlab过程截图



认识Matlab基本界面

# Matlab基本界面介绍

双击Matlab图标，等待一会儿，就会出现白色的Matlab软件窗口。

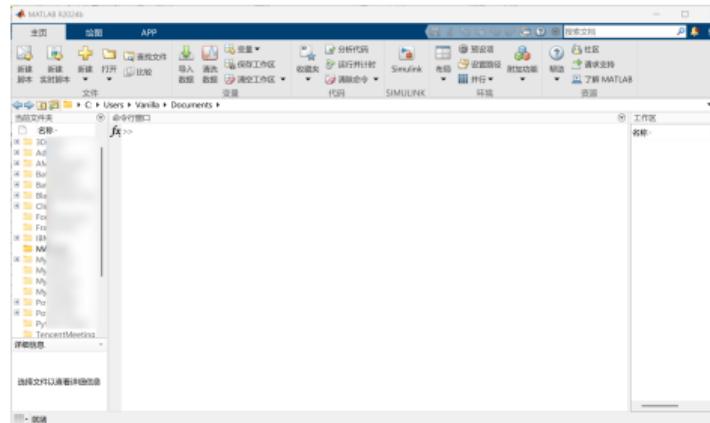


图: Matlab R2024b 界面示例



认识Matlab基本界面

# Matlab基本界面介绍



图: Matlab R2024b 界面示例



认识Matlab基本界面

# Matlab工作区

工作区，顾名思义就是进行工作的地方。建议先更换工作区到准备好的地方，做好文件管理，不要到处都散乱着代码文件。

通常，初次启动Matlab时，默认路径可能是C:\Users\用户名\Documents\MATLAB，建议更改为自己的工作目录。

个人习惯在比赛目录下新建一个code或者workspace文件夹专门用来存放代码



## 认识Matlab基本界面

## 更换工作区目录

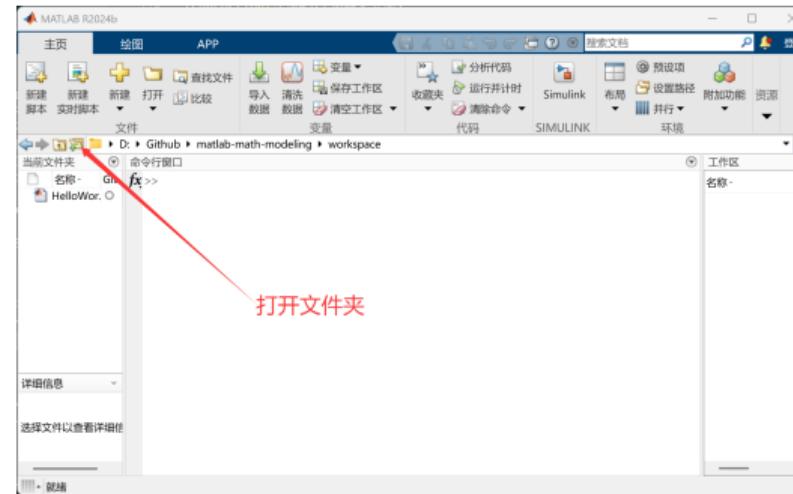


图: 更换当前工作目录

## 认识Matlab基本界面

## 命令行窗口

命令行窗口的左上角会有三个大于号：>>，表示等待用户输入命令。

命令行窗口是 Matlab 最常用的窗口，用于输入命令、执行命令、查看结果。

可以直接在命令行窗口中写一些简单的代码，也可以把它当作一个**全能计算器**。

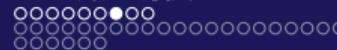
```
>> format long % set long format
>> pi
ans =
    3.141592653589793
>> pi^2
ans =
    9.869604401089358
>>
```

## 命令行窗口

命令行窗口

```
>> format long  
>> pi  
  
ans =  
  
3.141592653589793  
  
>> pi^2  
  
ans =  
  
9.869604401089358
```

图：命令行窗口



# 文件命名规范

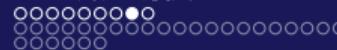
MATLAB 文件名必须以字母开头，最多包含 63 个字母数字字符或下划线。

也就是说：

- 不能以数字开头
- 不能包含中文
- 不能用减号 -，应使用下划线 \_

养成良好的文件命名习惯，可以帮助我们在数模比赛中快速的找到文件。在数模比赛中，由于会有很多道子问题，所以个人推荐这样命名，既规整又有含义：

- problem1\_GA.m — 问题一，使用遗传算法
- problem2\_draw.m — 问题二，画图相关代码



## 认识Matlab基本界面

## 运行代码

新建 HelloWorld.m 文件，写入如下内容，然后用编辑器的运行按钮或命令行运行。

文件: HelloWorld.m

```
clc; % clear console
clear; % clear variables
n=input("Please input a number: ");
n
fprintf("Hello, World!\n")
```

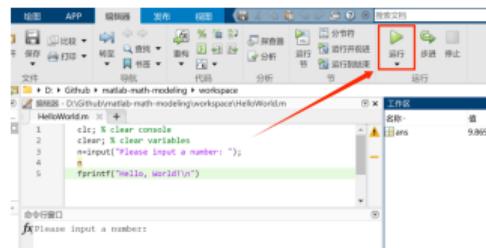
常见运行方式：

- ① 上方的“运行”按钮
- ② 选中代码，按 F9（在命令行中执行所选）
- ③ 在行号左侧点击出现的运行蓝条

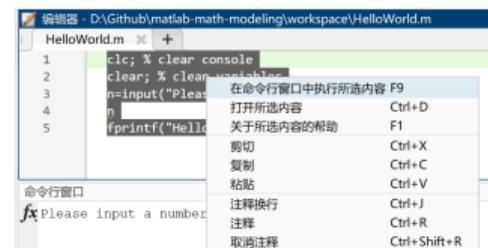


认识Matlab基本界面

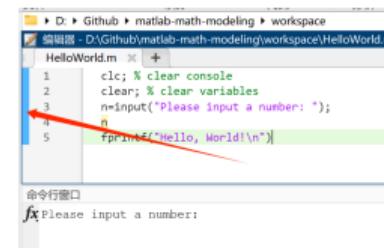
## 运行代码示例



(a) 运行按钮



(b) 选中代码按F9/右键运行



(c) 左侧点击运行 (运行段)

运行后命令行会显示“Please input a number: ”，

输入一个数字并回车后，会输出你输入的数字并打印 Hello, World!。

# 从矩阵开始

Matlab 的名字是“矩阵实验室”，内部数据以矩阵为主，直接面向矩阵进行运算。

文件: Section2\_1\_matrix.m

```
clc;clear; % 清空控制台和变量
```

```
A=[1,2,3;4,5,6;7,8,9] % 创建矩阵A, 是一个3行3列的矩阵
```

% [] 表示构建一个矩阵

% 逗号或空格用来分隔同一行不同列的元素

% 分号用来分隔不同行（同一列）的元素，或者说表示换行

```
A(1:2,:) % 拆: 取A的前两行
```

% 矩阵后面连着一个括号，代表取矩阵的某个部分

% 第一个参数 1:2 表示“从1到2”，即第1行和第2行

% 第二个参数 : 表示“所有”

% 所以这里取的是A的前两行，所有列

```
B=[A;10,11,12] % 添: 在A的下面添加一行新数据，构成新矩阵B
```

% 把新行 [10 11 12] 用分号和A连接，表示把新行添加到A的下面



# 向量是特殊的矩阵

向量是特殊的矩阵，可以看作是只有一行或者一列的矩阵。

同理，标量可以看作是1行1列的矩阵。这也是为什么说Matlab中万物皆矩阵

文件: Section2\_2\_vector.m

```
clc;clear
x = [1 2 3 4 5]           % 一行五列→ 行向量
y = [1; 2; 3; 4; 5]         % 五行一列→ 列向量
a = [1,2,3,4,5,6,7,8,9]   % 手写会很累
b = 1:1:10                 % 从1开始，步长1，到10结束→ [1 2 3 4 5 6 7 8 9 10]
d = 0:2:20                 % 从0开始，步长2，到20结束→ [0 2 4 6 8 10 12 14 16 18 20]
e = 10:-1:1                 % 从10开始，步长-1，到1结束→ [10 9 8 7 6 5 4 3 2 1]
```

步长可正可负，会构造一个等差数列。可以用这种方法快速的构造等间隔的数轴坐标、时间序列等。

# 常用的矩阵创建方法

文件: Section2\_3\_create.m

```

clc;clear
a=[1,2,3,4,5,6,7,8,9] % 创建一个向量
aa=a'                    % 加'是转置, 行→列
b=[1,2,3;4,5,6;7,8,9] % 创建一个矩阵
c=1:1:10                 % 创建一个从1到10的向量
e=eye(4)                  % 生成4维(4*4)的单位矩阵I(对角线为1)
z=zeros(1,4)                % 生成1行4列的全零矩阵
o=ones(4,1)                  % 生成4行1列的全1矩阵
% 随机矩阵
r=rand(4)                  % 生成4*4的0-1范围内的随机矩阵
rn=randn(4)                 % 生成4*4的均值为0, 方差为1的正态分布随机矩阵
ri=randi([1,10],2,4)        % 生成2*4的随机整数矩阵(1到10之间)
% 对角矩阵
d=diag([1,2,3])            % 对角线上是1,2,3的3×3矩阵
d=diag(b)                  % 提取b的对角线元素

```



## 常用的矩阵创建方法

文件: Section2\_3\_create.m

### % 三角矩阵

```
U=triu(b)
```

```
L=tril(b)
```

% 生成相同维度的矩阵

`size(h)`

```
f=zeros(size(h))
```

%  $f = \text{zeros}(\text{size}(b\_1), \text{size}(b\_2))$  和  $f = \text{zeros}(\text{height}(b), \text{width}(b))$  同理

% 重复矩阵

```
B=repmat([1 2], 2, 3) % 把[1 2]重复成2行3列块
```

% 當用序列

`x=linspace(0,10,100)` % 0到10之间等距100个点，无需手动设置步长

`v=logspace(1,3,5)` % 10<sup>1</sup>到10<sup>3</sup>之间对数间隔5个点

# 变量名和ans

在刚刚的例子中，我们创建了很多的变量，比如R, x, y等等。

在Matlab中，变量名可以用字母和数字，但是不能以数字开头。

如果某一行只是输出结果，但没有给任何变量赋值，那么结果会自动存储在一个名为ans的变量中。

文件: Section2\_4\_variable.m

```
clc;clear;  
3+5          % 没有变量名→ 自动存到 ans  
ans          % 输出ans查看结果→ 8  
  
score=95      % 有名字→ 存到 score  
score        % 查看→ 95  
ans          % 此时ans未被修改，还是8
```

# 分号与常用输出方式

在之前的示例中，可以发现：

- 如果行末不存在分号，那么Matlab会自动输出该行的结果；
- 如果行末有分号，则不会输出结果。

文件：Section2\_5\_output.m

```
clc;clear;
% 使用分号选择性的输出运算结果
A=[1,2];B=[3,4]; % 不展示A和B
C=A+B % 展示C（会输出矩阵名）
```

# 分号与常用输出方式

使用“无分号”来输出变量，输出的格式较为混乱且不可控（好处是啥都能展示）。在实际的运算中，我们通常会希望仅部分结果，或者按照某种格式输出结果。

下面介绍几种更优雅的输出方式：

- `disp()` 函数
- `disp()` 与 `num2str()` 函数结合
- `fprintf()` 函数

# 分号与常用输出方式

## 1. disp() 函数

disp可以说是 MATLAB 中的最常用的输出方式。简单直接，适合快速查看变量内容。

相比于“无分号”直接输出， disp 不会输出变量名，只会输出变量的值，更加简洁。

文件：Section2\_5\_output.m

```
% 1. disp
disp(A);          % 打印矩阵（不会输出矩阵名）
disp(pi);         % 打印标量（不会输出变量名）
disp("Ciallo~"); % 打印字符串
% 简单直接，适合快速查看
% 不能混合输出文字和数字
```

# 分号与常用输出方式

## 2. disp() 与 num2str() 函数结合

disp() 函数也可以和 num2str() 函数结合使用，将数字转为字符串再输出。

文件: Section2\_5\_output.m

```
% 2. num2str  
x = 3.14;  
disp(['The value of pi is: ', num2str(x)]) % 注意各个字符串之间需要空格/逗号  
% 本质上是字符数组的拼接
```

将会输出: The value of pi is: 3.14

# 分号与常用输出方式

## 3. fprintf() 函数

fprintf函数是Matlab中功能最强大的输出函数，类似于C语言中的printf函数。

其整体的结构是： `fprintf('格式字符串', 变量1, 变量2, ...)`。

常用的格式符有：`%d`、`%f`、`%s`、`%c`、`%e`、`%g`、`%%`等。

比如：`%.2f`表示输出浮点数并保留两位小数。`%d`表示输出整数。

文件：Section2\_5\_output.m

```
% 3. fprintf  
x = 3.1415926535;  
fprintf('The value of pi rounded to two decimal places is: %.2f\n', x)  
fprintf('Today''s temperature is: %d\n', 25) % 需要加\n, fprintf不会自动换行
```

# 矩阵的基本运算

MATLAB的核心优势就是矩阵运算。掌握这些运算符，你就能像处理数字一样轻松而批量快速的处理矩阵。

文件: Sectione2\_6\_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];  
A_T = A'; % 加一个单引号 ,
```

## Matlab基本语法

# 矩阵的基本运算

矩阵加减法：对应元素相加减，要求矩阵维度相同。

文件: Sectione2\_6\_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];
C = A + B    % [6 8; 10 12]
D = A - B    % [-4 -4; -4 -4]
```

矩阵乘法和矩阵点乘：矩阵乘法要求矩阵A的列数等于矩阵B的行数；点乘要求矩阵维度相同，对应元素相乘。

文件: Sectione2\_6\_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];
% 矩阵乘法（线代）
C = A * B      % 2x2 * 2x2 = 2x2
% 点乘（对应元素相乘）
D = A .* B     % [1*5 2*6; 3*7 4*8] = [5 12; 21 32]
```

# 矩阵的基本运算

## 矩阵除法和点除

文件: Sectione2\_6\_operation.m

```
A = [2 4; 6 8];
B = [1 2; 3 4];
C = A / B      % 矩阵右除 (等价于 A * inv(B))
D = A ./ B    % 点除 [2/1 4/2; 6/3 8/4] = [2 2; 2 2]
% 向左倾斜的是左除, A\B等价于inv(A) * B。
```

## 矩阵幂和点幂

文件: Sectione2\_6\_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];
B = A^2        % A * A (矩阵乘法)
C = A.^2       % [1^2 2^2; 3^2 4^2] = [1 4; 9 16]
```

总结: 矩阵运算符前加点 ( $.*$ ,  $./$ ,  $.^$ ) 表示对应元素操作。否则则为矩阵操作。如果出现运算的报错, 优先检查是不是忘记加点了



# 矩阵的基本运算

## 矩阵元素的访问与修改

文件: Sectione2\_6\_operation.m

```
% matrix(row,col) : 访问row行, col列的元素, 修改可直接加上赋值号。
% matrix(num) : 按照顺序访问, 特别注意, matlab一列一列的访问, 与其它语言不同。
% matrix(row,:) : 访问第row行的所有元素。
% matrix(row,:)=[1,2,.....] : 修改第row行, 直接赋值覆盖原值。
% matrix(row,:)=[] : 删除第row行。
% matrix(:,col) : 表示第col列的相关操作, 和行一致。
matrix=[1,2,3,4;5,6,7,8]
[matrix(1) matrix(2) matrix(3)] % 发现单参数访问顺序是 1 5 2 6 3 7 5 8
matrix(2,4) % 第2行第4列
matrix(1,:) % 第一行,所有列, 即第一行一整行
matrix(:,1) % 所有行,第一列, 即第一列一整列
matrix(1,1)=100 % 修改第一行第一列为100
temp=matrix; temp(1,:)=[] % 删除第一行。同时矩阵会从2*4变成1*4
temp=matrix; temp(:,2)=[] % 删除第二列。同时矩阵会从2*4变成2*3
```

# Matlab中的循环与条件语句

作为一门编程语言，为什么这么晚才讲循环与条件？因为Matlab的核心思想就是“向量化>循环”，能用矩阵运算的就不要用循环。

下面简单介绍循环和条件语句的写法。

文件: Section2\_7\_loop\_condition.m

```
score = 85;
if score >= 90
    disp("优秀")
elseif score >= 60
    disp("及格")
else
    disp("挂科")
end
```

if后直接跟着条件，以end结束。elseif和else可选。

用==表示等于而不是赋值=。此外，有&表示逻辑与，|表示逻辑或，~表示逻辑非。

# Matlab中的循环与条件语句

文件: Section2\_7\_loop\_condition.m

```
sum_val = 0;
for i = 1:100
    sum_val = sum_val + i; % 计算1+2+...+100
end
disp(sum_val) % 结果: 5050
```

% 错误示范: 在循环中动态扩展数组

```
A = [] ; % 应该写成 A=zeros(10000,1);
for i = 1:10000
    A(i) = i;
end
```

% 会给出警告: 变量的大小似乎在(脚本内的)每个循环迭代都会更改。请考虑进行预分配以提升速度。

特别地, 在`for`中尽量避免动态地扩展数组。这是因为循环中每次迭代都要重新分配内存, 这会耗费大量时间。

# Matlab中的循环与条件语句

推荐用向量化代替循环。

可以直接用sum函数计算1到100的和，而不需要循环。

对于简单的条件语句，也可以用逻辑缩索引来代替if。

文件: Section2\_7\_loop\_condition.m

```
% 判断成绩等级
```

```
scores = [85, 92, 45, 78]; % 4个学生的成绩
pass = scores >= 60; % [1, 1, 0, 1] 逻辑向量
disp(scores(pass)) % 直接输出及格分数: [85,92,78]
```

```
% 计算1+2+...+100
```

```
sum_val = sum(1:100); % 1行代码 vs 5行循环
```



Matlab中的函数定义与调用

Matlab 支持很多形式：匿名函数 ( $f=@(x)x.^2$ )、文件内多函数、嵌套函数、类方法……但入门阶段只需要掌握最常用的一种：单文件函数。



## Matlab基本语法

# Matlab中的函数定义与调用

文件: mySum.m

```
function s = mySum(a, b) % 直接以function开头，且函数名与文件名完全一致
% 传入了两个参数a和b
s = a + b; % s是函数的返回值，在遇到function的end时会将s作为函数的值返回
end
```

上面定义了一个简单的函数mySum，功能是计算两个数的和。

文件: Section2\_8\_function.m

```
% 需要保证与函数文件mySum.m在同一个目录下
result = mySum(10, 20);
```

函数的三个要点：

- **function** 输出 = 函数名(输入)
- 文件名必须和函数名相同
- 用**end**结束

# Matlab中的函数定义与调用

函数内部可以写多行代码，也可以返回多个变量。

文件: stat2.m

```
function [m, s] = stat2(x)
m = mean(x); % 计算均值
s = std(x); % 计算标准差
end
```

调用:

文件: Section2\_9\_function.m

```
function [m, s] = stat2(x)
[data_mean, data_std] = stat2([1,2,3,4,5])
% 函数也支持向量化运算，可以实现输入向量或矩阵得到批量运算结果。
[datas_mean, datas_std] = stat2([1,2,3;4,5,6;7,8,9])
end
```

函数适合：重复计算、逻辑封装、让脚本更清晰。

# 符号运算

符号运算：让 Matlab 像在纸上做代数、微积分推导，而不是只是计算小数结果。

文件：Section2\_10\_symb.m

```
clc;clear
% 1. 定义一个符号变量和函数 f(x)
syms x % 告诉 Matlab: x 是“符号”
f = x^3 - 2*x + 1; % 像在高数里写函数
% 2. 求导 f'(x)
df = diff(f) % 结果: 3 × x2 - 2
% 3. 求不定积分 ∫ f(x)dx
F = int(f) % 结果: x4/4 - x2 + x
% 4. 求定积分 ∫01 f(x)dx
I = int(f, x, 0, 1) % 得到一个精确结果（分数）
% 5. 在 x = 2 处代入
val = subs(f, x, 2) % 把 x 换成 2 代入
```

这块和大家的高等数学 / 数学分析联系很紧：以后遇到复杂积分、推公式，可以先让 Matlab 帮你验算。

# 绘图的作用

绘图是数模与科研中必不可少的一环，可以帮助我们：

- 快速观察数据趋势（如上升、震荡、周期性）；
- 验证模型是否合理；
- 制作论文与报告中的结果图像。

Matlab中最简单的绘图方式：只给  $y$ ，默认横轴为  $1, 2, 3, \dots$

文件：Section2\_11\_plot.m

```
clc;clear;close all; % close用来关闭之前生成的绘图窗口  
y = [2, 4, 3, 5, 6, 4];  
plot(y); % 本质上是默认 x = 1:length(y)
```

只需要简单的一个 `plot(y)`，就能画出数据的折线图。

## Matlab基础绘图

# plot(x, y): 绘制自变量与因变量

更常用的绘图方式：指定 x 和 y。

文件: Section2\_11\_plot.m

```
clc;clear;close all;  
x = 0:0.1:2*pi;          % 自变量  
y = sin(x);              % 因变量  
plot(x, y);              % 绘制 y = sin(x)
```

要点:

- x 与 y 必须长度一致;
- x 可以是任意数值（时间、空间、数据点）;
- 适合用来绘制函数曲线或实验数据。

# 图像标注：标题与坐标轴

一张好的图要能说明问题，展示数据的含义。因此在图中，做好各处标注很重要。

文件: Section2\_11\_plot.m

```
clc;clear;close all;
x = 0:0.1:2*pi;
y = sin(x).^2;
plot(x, y)
title("y = sin(x)^2")      % 标题
xlabel("x (rad)")         % x轴标签
ylabel("y")                 % y轴标签
legend("sin(x)^2")         % 图例（说明线条含义）
```

特别提醒一下，画图模块的字符串大多都是支持LaTeX的，比如可以用`\sin(x)^2`来表示数学公式。但是有时候也会触发奇怪的错误，导致标签显示不正常。

# 图像窗口控制: figure

Matlab 默认在同一个窗口中绘图，如果想创建新的图像窗口，需要使用 **figure**。

文件: Section2\_11\_plot.m

```
clc;clear;close all;  
x = 0:0.1:2*pi;
```

```
figure; % 新建一个绘图窗口  
plot(x, sin(x))  
title("这是第一张图")
```

```
figure; % 再打开一个新窗口  
plot(x, cos(x))  
title("这是第二张图")
```

## Matlab基础绘图

# 在同一张图中绘制多条曲线

默认情况下，新的 `plot` 会覆盖旧图。可以使用 `hold on` 可以在同一张图中添加多条线。

文件：Section2\_11\_plot.m

```
clc;clear;close all;  
x = 0:0.1:2*pi;  
  
hold on          % 开始叠加  
plot(x, sin(x))  
plot(x, cos(x))  
hold off         % 结束叠加  
  
legend("sin(x)", "cos(x)")
```

在数模中常用于：

- 比较真实数据 vs 模型预测数据
- 比较不同参数的模型结果
- 展示多个方案的曲线



# 线型、颜色与标记控制

美感也是论文追求的目标之一。Matlab 支持丰富的绘图样式，可用于论文美化。

文件: Section2\_11\_plot.m

```
clc;clear;close all;
x = 0:0.1:2*pi;

plot(x, sin(x), 'r--', 'LineWidth', 1.5)    % 红色、虚线、加粗
hold on
plot(x, cos(x), 'b-o', 'MarkerSize', 4)      % 蓝色、圆点标记
hold off

legend("sin(x)", "cos(x)")
```

plot函数有很多的样式控制方法，具体可以右键plot，打开关于plot函数的帮助，查看官方文档。常见样式参数：

- 颜色: 'r'红, 'b'蓝, 'g'绿, 'k'黑...
- 线型: '-'实线, '--'虚线, ':'点线
- 标记: 'o'圆点, '\*'星, 's'方块

# 问题1

1. 请用分别一行代码，生成以下矩阵：

- 3行4列的随机矩阵
- 3行10列的矩阵，元素为1到30的连续整数
- 下三角部分为 $[0,1]$ 上是均匀随机数，其余为全1的5行5列矩阵

(提示：请使用help自学reshape函数)

2. 已知 $x=[1 \ 2 \ 3]$ ；  $y=[4 \ 5 \ 6]$ ；，请用一行代码计算两个向量的点积（提示：元素相乘再求和）

3. 已知 $A=[3, -1, 4, -2, 5]$ ；，请用一行代码把A中负数变成0，正数不变（提示：用逻辑索引）



问题1答案

文件: Section3\_1\_ans.m

% 3行4列的随机矩阵

```
A = rand(3, 4)
```

% 3行10列的矩阵，元素为1到30的连续整数

```
B = reshape(1:30, 3, 10)
```

% 下三角部分为[0,1]上是均匀随机数，其余为全1的5行5列矩阵

```
C = ones(5) + triu(rand(5)-1)
```

% 计算两个向量的点积

`x = [1 2 3]; y = [4 5 6];`

**sum(x<sub>i</sub> \* v)**

% 负数变0, 正数不变

```
A = [3, -1, 4, -2, 5];
```

$$A(A<0) = 0$$

## 问题2

计算斐波那契数列第**N**项模**p**的值

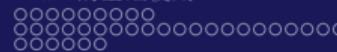
$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2} \mod p$$

求  $F_N \mod p$

其中，  $N = 10^8$ ,  $p = 10^9 + 7$

可以尝试用“递推+**for**循环”和“递归函数”两种写法实现

同时看看，你的程序需要多长时间计算出结果？



问题2答案

文件: Section3\_2\_fib.m

```

clc;clear;
% 计算斐波那契数列第N项模p的值
N=1000000000;
p=1000000007;
% 递推关系: F(i) = F(i-1) + F(i-2)
tic
A1 = 1; % F(1), 即前一项 -> 在迭代过程中代表F(i-1)
A2 = 1; % F(2), 即当前项 -> 在迭代过程中代表F(i)
for i=3:N % 然后这里只需要从第3项开始迭代, 每次迭代生成第i项
    t=A2; % 临时存储一下当前项A2, 其在下一轮会变成前一项A1
    A2=mod(A1+A2,p); % 递推出新的一年, 并取模防止溢出
    A1=t; % 将原来的当前项作为下一轮的前一项
end
result=A2; % F(N)
disp(result);
toc

```

# 问题3

下面给出一个函数：

$$f(x) = x^2 e^{-x}$$

请完成以下任务（每题都要求用一行代码完成）：

- (1) 求  $f(x)$  的导数  $f'(x)$
- (2) 计算定积分  $\int_0^3 f(x) dx$
- (3) 在  $x = 2$  处，求  $f(2)$  的数值
- (4) 用数值方法解方程  $f(x) = 0.1$ ，求正根（提示：使用 `fzero`）

# 问题3答案

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



线性回归

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



线性回归

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



## 非线性规划模型与启发式算法求解

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



## 非线性规划模型与启发式算法求解

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



线性回归

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



非线性规划

# 总结

## 1 Matlab介绍

- Matlab与Python的对比
- Matlab的版本选择与安装

## 2 Matlab的基础使用

- 认识Matlab基本界面
- Matlab基本语法
- Matlab基础绘图

## 3 Matlab简单应用

- 矩阵运算
- 递推计算
- 数值计算

## 4 简单数学模型

- 线性回归
- 非线性规划模型与启发式算法求解

## 5 课后习题

- 线性回归
- 非线性规划

## 6 总结与答疑

# 总结

今天晚上和周六周日，我会在数模5群里面看大家的问题

大家可以把不懂的地方发到群里，我和数模协会的同学们会尽量帮大家解答

# 行内等宽: ...

这里演示行内等宽: `for i = 1:n,` 适合短的、简单的代码或变量名。

# 使用 ...

演示 `listings` 行内: `disp('hello')`, 适合需要 `listings` 语法高亮的短代码片段。