

Matlab与简单数学模型

Vanilla_Yukirin

Vanilla-Yukirin/matlab-math-modeling

2025年11月13日



目录

1 Matlab介绍

- Matlab与Python的对比
- Matlab的版本选择与安装

2 Matlab的基础使用

- 认识Matlab基本界面
- Matlab基本语法
- Matlab基础绘图

3 Matlab简单应用

- 矩阵运算
- 递推计算
- 数值计算

4 简单数学模型

- 线性回归
- 非线性规划模型与启发式算法求解

5 课后习题

- 线性回归
- 非线性规划

6 总结与答疑

Matlab简介

Matlab（矩阵实验室）是由美国MathWorks公司开发的一种高级技术计算语言和交互式环境，广泛应用于科学计算、数据分析、算法开发和可视化等领域。



选Matlab还是Python

Matlab

- 内置数学计算函数和工具箱、交互式工作区、工程领域标准。不需要会环境配置，安装好后开箱即用
- 文档齐全，内置帮助文档（按F12即可查看函数详细用法），相比去问AI会更加精确且全面
- 付费软件，昂贵的授权费，每个工具箱还需要单独付费^a，很多学校没有资金订阅

^a其实我们学校之前是有订阅过的，但是嘛.....

Python

- 有numpy、sklearn、matplotlib等科学计算库、jupyter notebook交互式工作区，但是需要掌握环境管理/虚拟环境（anaconda、uv、venv等）
- 教程齐全。作为一门热门语言，网络上教程很多，问LLM也能得到不错的答案
- 免费软件，免费、开源、社区活跃，每个人都能自由的使用（freeware）



为什么建议数模初学者用Matlab

- Matlab 是工程领域的计算器+画图板+方程求解器——5分钟从数据到图表，无需折腾环境配置。安装完立即算矩阵、画图、解方程，让大家专注算法而非工具；
- 而 Python 需要先学虚拟环境管理，对完全零基础的同学是额外负担。
- 装 Python 的编程环境常见的环境问题（依赖冲突、版本不兼容）往往劝退初学者。



Matlab版本选择

Matlab相邻版本之间差别并不大。且近年更新的高级功能做数模一般用不上，所以只要不用过于老的版本（推荐使用 $\geq 2016b$ ），语法都是通用的。

ab尾缀的含义：

- **a**: 上半年发布的版本，通常在3月份发布
- **b**: 下半年发布的版本，通常在9月份发布

通常来说，一个a版本发布后，经过几个月的使用和反馈，MathWorks会修复一些Bug，并在同年秋季的b版本中使其更加稳定。所以推荐使用**b**尾缀的版本。

接下来的教程是基于Matlab R2024b的，如果你的版本不是2024b也没有关系，操作完全相同。



Matlab的版本选择与安装

Matlab安装演示

自行下载Matlab，网盘链接在钉钉群中

如果下载速度过慢，可以带u盘下课找我拷贝

TODO: 安装Matlab过程截图



认识Matlab基本界面

Matlab基本界面介绍

双击Matlab图标，等待一会儿，就会出现白色的Matlab软件窗口。

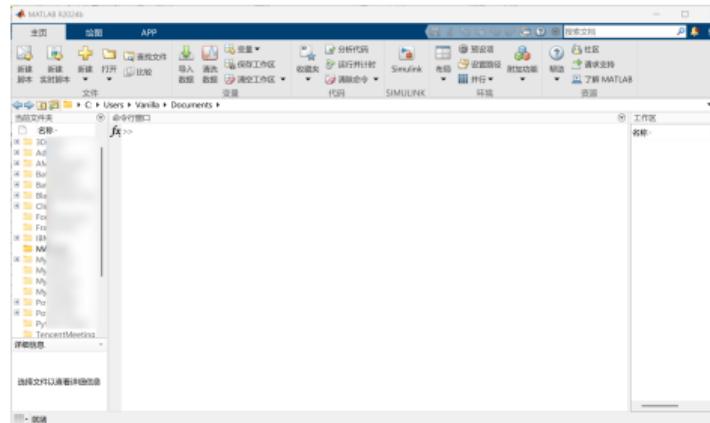


图: Matlab R2024b 界面示例



认识Matlab基本界面

Matlab基本界面介绍



图: Matlab R2024b 界面示例





认识Matlab基本界面

Matlab工作区

工作区，顾名思义就是进行工作的地方。建议先更换工作区到准备好的地方，做好文件管理，不要到处都散乱着代码文件。

通常，初次启动Matlab时，默认路径可能是C:\Users\用户名\Documents\MATLAB，建议更改为自己的工作目录。

个人习惯在比赛目录下新建一个code或者workspace文件夹专门用来存放代码



认识Matlab基本界面

更换工作区目录

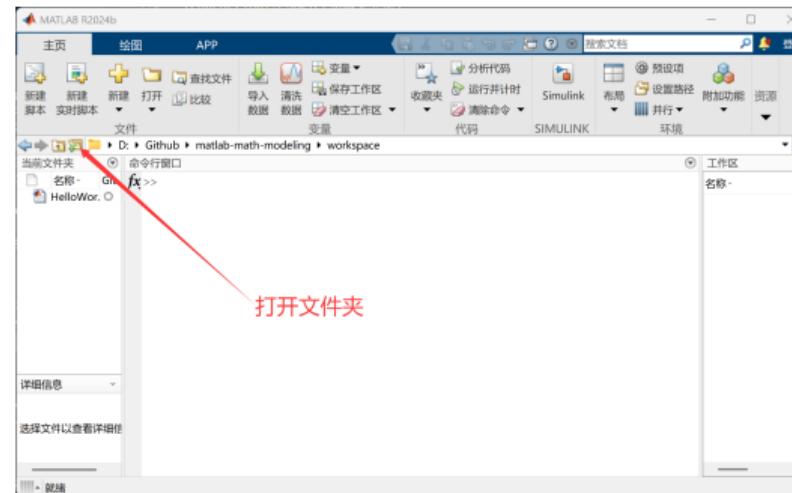


图:更换当前工作目录

认识Matlab基本界面

命令行窗口

命令行窗口的左上角会有三个大于号：>>，表示等待用户输入命令。

命令行窗口是 Matlab 最常用的窗口，用于输入命令、执行命令、查看结果。

可以直接在命令行窗口中写一些简单的代码，也可以把它当作一个全能计算器。

```
>> format long % set long format
>> pi
ans =
    3.141592653589793
>> pi^2
ans =
    9.869604401089358
>>
```

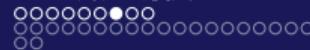


命令行窗口

命令行窗口

```
>> format long  
>> pi  
  
ans =  
  
3.141592653589793  
  
>> pi^2  
  
ans =  
  
9.869604401089358
```

图：命令行窗口



文件命名规范

MATLAB 文件名必须以字母开头，最多包含 63 个字母数字字符或下划线。

也就是说：

- 不能以数字开头
- 不能包含中文
- 不能用减号 -，应使用下划线 _

养成良好的文件命名习惯，可以帮助我们在数模比赛中快速的找到文件。在数模比赛中，由于会有很多道子问题，所以个人推荐这样命名，既规整又有含义：

- problem1_GA.m — 问题一，使用遗传算法
- problem2_draw.m — 问题二，画图相关代码

认识Matlab基本界面

运行代码

新建 HelloWorld.m 文件，写入如下内容，然后用编辑器的运行按钮或命令行运行。

文件: HelloWorld.m

```
clc; % clear console  
clear; % clear variables  
n=input("Please input a number: ");  
n  
fprintf("Hello, World!\n")
```

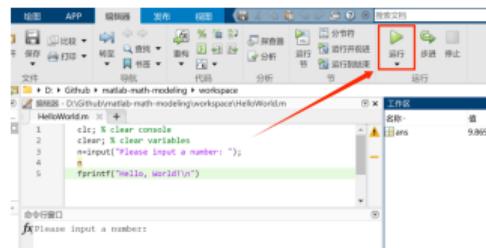
常见运行方式：

- ① 上方的“运行”按钮
- ② 选中代码，按 F9（在命令行中执行所选）
- ③ 在行号左侧点击出现的运行蓝条

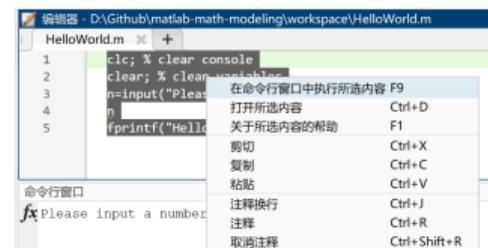


认识Matlab基本界面

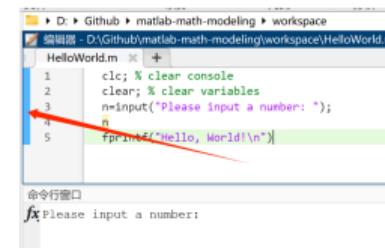
运行代码示例



(a) 运行按钮



(b) 选中代码按F9/右键运行



(c) 左侧点击运行 (运行段)

运行后命令行会显示“Please input a number: ”，

输入一个数字并回车后，会输出你输入的数字并打印 Hello, World!。



从矩阵开始

Matlab 的名字是“矩阵实验室”，内部数据以矩阵为主，直接面向矩阵进行运算。

文件: Section2_1_matrix.m

```
clc;clear; % 清空控制台和变量
```

```
A=[1,2,3;4,5,6;7,8,9] % 创建矩阵A, 是一个3行3列的矩阵
```

% [] 表示构建一个矩阵

% 逗号或空格用来分隔同一行不同列的元素

% 分号用来分隔不同行（同一列）的元素，或者说表示换行

```
A(1:2,:) % 拆: 取A的前两行
```

% 矩阵后面连着一个括号，代表取矩阵的某个部分

% 第一个参数 1:2 表示“从1到2”，即第1行和第2行

% 第二个参数 : 表示“所有”

% 所以这里取的是A的前两行，所有列

```
B=[A;10,11,12] % 添: 在A的下面添加一行新数据，构成新矩阵B
```

% 把新行 [10 11 12] 用分号和A连接，表示把新行添加到A的下面



向量是特殊的矩阵

向量是特殊的矩阵，可以看作是只有一行或者一列的矩阵。

同理，标量可以看作是1行1列的矩阵。这也是为什么说Matlab中万物皆矩阵

文件: Section2_2_vector.m

```
clc;clear
x = [1 2 3 4 5]          % 一行五列→ 行向量
y = [1; 2; 3; 4; 5]        % 五行一列→ 列向量
a = [1,2,3,4,5,6,7,8,9]    % 手写会很累
b = 1:1:10                 % 从1开始, 步长1, 到10结束→ [1 2 3 4 5 6 7 8 9 10]
d = 0:2:20                 % 从0开始, 步长2, 到20结束→ [0 2 4 6 8 10 12 14 16 18 20]
e = 10:-1:1                 % 从10开始, 步长-1, 到1结束→ [10 9 8 7 6 5 4 3 2 1]
```

步长可正可负，会构造一个等差数列。可以用这种方法快速的构造等间隔的数轴坐标、时间序列等。



常用的矩阵创建方法

文件: Section2_3_create.m

```

clc;clear
a=[1,2,3,4,5,6,7,8,9] % 创建一个向量
aa=a'                    % 加,是转置, 行→列
b=[1,2,3;4,5,6;7,8,9] % 创建一个矩阵
c=1:1:10                 % 创建一个从1到10的向量
e=eye(4)                  % 生成4维 (4*4) 的单位矩阵I (对角线为1)
z=zeros(1,4)                % 生成1行4列的全零矩阵
o=ones(4,1)                 % 生成4行1列的全1矩阵
% 随机矩阵
r=rand(4)                  % 生成4*4的0-1范围内的随机矩阵
rn=randn(4)                 % 生成4*4的均值为0, 方差为1的正态分布随机矩阵
ri=randi([1,10],2,4)        % 生成2*4的随机整数矩阵 (1到10之间)
% 对角矩阵
d=diag([1,2,3])            % 对角线上是1,2,3的3×3矩阵
d=diag(b)                  % 提取b的对角线元素

```



常用的矩阵创建方法

文件: Section2_3_create.m

% 三角矩阵

```
U=triu(b)
```

```
L=tril(b)
```

% 生成桥

size(b)

% 重复矩阵

```
R=repmat([1,2],2,3) % 把[1,2]重複成2行3列地
```

第1章

```
x=linspace(0,10,100); % 0到10之间等距100个点，未强制设置步长
```

`logspace(1, 3, 5)` % 10¹到10³之间对数间隔5个点

变量名和ans

在刚刚的例子中，我们创建了很多的变量，比如R, x, y等等。

在Matlab中，变量名可以用字母和数字，但是不能以数字开头。

如果某一行只是输出结果，但没有给任何变量赋值，那么结果会自动存储在一个名为ans的变量中。

文件: Section2_4_variable.m

```
clc;clear;  
3+5          % 没有变量名→ 自动存到 ans  
ans          % 输出ans查看结果→ 8  
  
score=95      % 有名字→ 存到 score  
score        % 查看→ 95  
ans          % 此时ans未被修改，还是8
```



分号与常用输出方式

在之前的示例中，可以发现：

- 如果行末不存在分号，那么Matlab会自动输出该行的结果；
- 如果行末有分号，则不会输出结果。

文件：Section2_5_output.m

```
clc;clear;
% 使用分号选择性的输出运算结果
A=[1,2];B=[3,4]; % 不展示A和B
C=A+B             % 展示C（会输出矩阵名）
```



分号与常用输出方式

使用“无分号”来输出变量，输出的格式较为混乱且不可控（好处是啥都能展示）。在实际的运算中，我们通常会希望仅部分结果，或者按照某种格式输出结果。

下面介绍几种更优雅的输出方式：

- `disp()` 函数
- `disp()` 与 `num2str()` 函数结合
- `fprintf()` 函数



分号与常用输出方式

1. disp() 函数

disp可以说是 MATLAB 中的最常用的输出方式。简单直接，适合快速查看变量内容。

相比于“无分号”直接输出， disp 不会输出变量名，只会输出变量的值，更加简洁。

文件：Section2_5_output.m

```
% 1. disp
disp(A);          % 打印矩阵（不会输出矩阵名）
disp(pi);         % 打印标量（不会输出变量名）
disp("Ciallo~"); % 打印字符串
% 简单直接，适合快速查看
% 不能混合输出文字和数字
```

分号与常用输出方式

2. disp() 与 num2str() 函数结合

disp() 函数也可以和 num2str() 函数结合使用，将数字转为字符串再输出。

文件: Section2_5_output.m

```
% 2. num2str  
x = 3.14;  
disp(['The value of pi is: ', num2str(x)]) % 注意各个字符串之间需要空格/逗号  
% 本质上是字符数组的拼接
```

将会输出: The value of pi is: 3.14



分号与常用输出方式

3. fprintf() 函数

fprintf函数是Matlab中功能最强大的输出函数，类似于C语言中的printf函数。

其整体的结构是： `fprintf('格式字符串', 变量1, 变量2, ...)`。

常用的格式符有：`%d`、`%f`、`%s`、`%c`、`%e`、`%g`、`%%`等。

比如：`%.2f`表示输出浮点数并保留两位小数。`%d`表示输出整数。

文件：Section2_5_output.m

```
% 3. fprintf  
x = 3.1415926535;  
fprintf('The value of pi rounded to two decimal places is: %.2f\n', x)  
fprintf('Today''s temperature is: %d\n', 25) % 需要加\n, fprintf不会自动换行
```

矩阵的基本运算

MATLAB的核心优势就是矩阵运算。掌握这些运算符，你就能像处理数字一样轻松而批量快速的处理矩阵。

文件: Sectione2_6_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];  
A_T = A'; % 加一个单引号 ,
```

矩阵的基本运算

矩阵加减法：对应元素相加减，要求矩阵维度相同。

文件: Sectione2_6_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];
C = A + B      % [6 8; 10 12]
D = A - B      % [-4 -4; -4 -4]
```

矩阵乘法和矩阵点乘：矩阵乘法要求矩阵A的列数等于矩阵B的行数；点乘要求矩阵维度相同，对应元素相乘。

文件: Sectione2_6_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];
B = [5 6; 7 8];
% 矩阵乘法（线代）
C = A * B        % 2x2 * 2x2 = 2x2
% 点乘（对应元素相乘）
D = A .* B       % [1*5 2*6; 3*7 4*8] = [5 12; 21 32]
```

Matlab基本语法

矩阵的基本运算

矩阵除法和点除

文件: Sectione2_6_operation.m

```
A = [2 4; 6 8];
B = [1 2; 3 4];
C = A / B      % 矩阵右除 (等价于 A * inv(B))
D = A ./ B     % 点除 [2/1 4/2; 6/3 8/4] = [2 2; 2 2]
% 向左倾斜的是左除, A\B等价于inv(A) * B。
```

矩阵幂和点幂

文件: Sectione2_6_operation.m

```
A = [1 2; 3 4];
B = A^2          % A * A (矩阵乘法)
C = A.^2         % [1^2 2^2; 3^2 4^2] = [1 4; 9 16]
```

总结: 矩阵运算符前加点 ($.*$, $./$, $.^$) 表示对应元素操作。否则则为矩阵操作。如果出现运算的报错, 优先检查是不是忘记加点了

矩阵的基本运算

矩阵元素的访问与修改

文件: Sectione2_6_operation.m

```
% matrix(row,col) : 访问row行, col列的元素, 修改可直接加上赋值号。
% matrix(num) : 按照顺序访问, 特别注意, matlab一列一列的访问, 与其它语言不同。
% matrix(row,:) : 访问第row行的所有元素。
% matrix(row,:)=[1,2,.....] : 修改第row行, 直接赋值覆盖原值。
% matrix(row,:)=[] : 删除第row行。
% matrix(:,col) : 表示第col列的相关操作, 和行一致。
matrix=[1,2,3,4;5,6,7,8]
[matrix(1) matrix(2) matrix(3)] % 发现单参数访问顺序是 1 5 2 6 3 7 5 8
matrix(2,4) % 第2行第4列
matrix(1,:) % 第一行,所有列, 即第一行一整行
matrix(:,1) % 所有行,第一列, 即第一列一整列
matrix(1,1)=100 % 修改第一行第一列为100
temp=matrix; temp(1,:)=[] % 删除第一行。同时矩阵会从2*4变成1*4
temp=matrix; temp(:,2)=[] % 删除第二列。同时矩阵会从2*4变成2*3
```

Matlab中的循环与条件语句

作为一门编程语言，为什么这么晚才讲循环与条件？因为Matlab的核心思想就是“向量化>循环”，能用矩阵运算的就不要用循环。

下面简单介绍循环和条件语句的写法。

文件: Section2_7_loop_condition.m

```
score = 85;
if score >= 90
    disp("优秀")
elseif score >= 60
    disp("及格")
else
    disp("挂科")
end
```

if后直接跟着条件，以end结束。elseif和else可选。

用==表示等于而不是赋值=。此外，有&表示逻辑与，|表示逻辑或，~表示逻辑非。

Matlab中的循环与条件语句

文件: Section2_7_loop_condition.m

```
sum_val = 0;
for i = 1:100
    sum_val = sum_val + i; % 计算1+2+...+100
end
disp(sum_val) % 结果: 5050
```

% 错误示范: 在循环中动态扩展数组

```
A = [];% 应该写成 A=zeros(10000,1);
for i = 1:10000
    A(i) = i;
end
```

% 会给出警告: 变量的大小似乎在(脚本内的)每个循环迭代都会更改。请考虑进行预分配以提升速度。

特别地, 在`for`中尽量避免动态地扩展数组。这是因为循环中每次迭代都要重新分配内存, 这会耗费大量时间。

Matlab中的循环与条件语句

推荐用向量化代替循环。

可以直接用sum函数计算1到100的和，而不需要循环。

对于简单的条件语句，也可以用逻辑缩索引来代替if。

文件: Section2_7_loop_condition.m

```
% 判断成绩等级
```

```
scores = [85, 92, 45, 78]; % 4个学生的成绩  
pass = scores >= 60; % [1, 1, 0, 1] 逻辑向量  
disp(scores(pass)) % 直接输出及格分数: [85,92,78]
```

```
% 计算1+2+...+100
```

```
sum_val = sum(1:100); % 1行代码 vs 5行循环
```



Matlab中的函数定义与调用

受于篇幅原因，只介绍最简单的函数定义方式，可以用于符号计算等场景。



Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



Matlab基本语法



绘图的作用

绘图是数模与科研中必不可少的一环。

绘图可以更方便的观察数据，也可以进行简单的数据处理。模型求解也通常需要用图像进行辅助展示。

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



Matlab基础绘图

问题1

1. 请用分别一行代码，生成以下矩阵：

- 3行4列的随机矩阵
- 3行10列的矩阵，元素为1到30的连续整数
- 下三角部分为 $[0,1]$ 上是均匀随机数，其余为全1的5行5列矩阵

(提示：请使用help自学reshape函数)

2. 已知 $x=[1 \ 2 \ 3]$ ； $y=[4 \ 5 \ 6]$ ；，请用一行代码计算两个向量的点积（提示：元素相乘再求和）

3. 已知 $A=[3, -1, 4, -2, 5]$ ；，请用一行代码把A中负数变成0，正数不变（提示：用逻辑索引）

问题1答案

文件: Section3_1_ans.m

% 3行4列的随机矩阵

```
A = rand(3, 4)
```

% 3行10列的矩阵，元素为1到30的连续整数

```
B = reshape(1:30, 3, 10)
```

% 下三角部分为[0,1]上是均匀随机数，其余为全1的5行5列矩阵

```
C = ones(5) + triu(rand(5)-1)
```

% 计算两个向量的点积

x = [1 2 3]; y = [4 5 6];

sum(x . * y)

% 负数变0, 正数不变

```
A = [3, -1, 4, -2, 5];
```

$$A(A<0) = 0$$



问题2

计算斐波那契数列第**N**项模**p**的值

$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2} \mod p$$

求 $F_N \mod p$

其中, $N = 10^8$, $p = 10^9 + 7$

同时看看, 你的程序需要多长时间计算出结果?



递推计算

问题2答案

文件: Section3_2_fib.m

```
clc;clear;
% 计算斐波那契数列第N项模p的值
N=1000000000;
p=1000000007;
% 递推关系: F(i) = F(i-1) + F(i-2)
tic
A1 = 1; % F(1), 即前一项 -> 在迭代过程中代表F(i-1)
A2 = 1; % F(2), 即当前项 -> 在迭代过程中代表F(i)
for i=3:N % 然后这里只需要从第3项开始迭代, 每次迭代生成第i项
    t=A2; % 临时存储一下当前项A2, 其在下一轮会变成前一项A1
    A2=mod(A1+A2,p); % 递推出新的一年, 并取模防止溢出
    A1=t; % 将原来的当前项作为下一轮的前一项
end
result=A2; % F(N)
disp(result);
toc
```

问题3

问题3答案

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



线性回归

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



线性回归

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



非线性规划模型与启发式算法求解

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



非线性规划模型与启发式算法求解

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



线性回归

Matlab介绍



Matlab的基础使用



Matlab简单应用



简单数学模型



课后习题



总结与答疑



非线性规划

总结

1 Matlab介绍

- Matlab与Python的对比
- Matlab的版本选择与安装

2 Matlab的基础使用

- 认识Matlab基本界面
- Matlab基本语法
- Matlab基础绘图

3 Matlab简单应用

- 矩阵运算
- 递推计算
- 数值计算

4 简单数学模型

- 线性回归
- 非线性规划模型与启发式算法求解

5 课后习题

- 线性回归
- 非线性规划

6 总结与答疑

总结

今天晚上和周六周日，我会在数模5群里面看大家的问题

大家可以把不懂的地方发到群里，我和数模协会的同学们会尽量帮大家解答

行内等宽: ...

这里演示行内等宽: `for i = 1:n,` 适合短的、简单的代码或变量名。

使用 ...

演示 `listings` 行内: `disp('hello')`, 适合需要 `listings` 语法高亮的短代码片段。