

**Definíció:** A  $p(S) \subseteq A \times A$  reláció az  $S \subseteq A \times (\bar{A} \cup \{\text{fail}\})^{**}$  program programfüggvénye,  
ha

1.  $\mathcal{D}_{p(S)} = \{a \in A \mid S(a) \subseteq \bar{A}^*\}$

2.  $\forall a \in \mathcal{D}_{p(S)}: p(S)(a) = \{b \in A \mid \exists \alpha \in S(a): b = \alpha_{|a|}\}$



① ABORT

$$D_{\tilde{p}(\text{ABORT})} = A$$

$$\tilde{p}(\text{ABORT}) = \{(a, \text{fail}) \mid a \in A\}$$

$$D_{p(\text{ABORT})} = \emptyset$$

$$p(\text{ABORT}) = \emptyset$$

② SKIP

$$D_{\tilde{p}(\text{SKIP})} = A$$

$$\tilde{p}(\text{SKIP}) = p(\text{SKIP})$$

$$D_{p(\text{SKIP})} = A$$

$$p(\text{SKIP}) = \{(a, a) \mid a \in A\}$$

$$\forall a \in A: p(\text{SKIP})(a) = \{a\}$$

## 26. kérdés

2 pont

Adott a következő feladat: Adjunk meg egy számot az  $x$  és  $y$  számok között.

Ennek a feladatnak állapotteréül a következőt választjuk:

$$A = \{x:\mathbb{Z}, y:\mathbb{Z}, z:\mathbb{Z}\}$$

A felsorolt állapotok közül melyik eleme a feladat választott állapotterének?

- { $x:10, y:20, z:40$ }
- A felsoroltak egyike sem.
- { $x:10, y:20$ }
- { $x:10, y:20, z:15, \text{!igaz}$ }



## 26. kérdés

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \text{ és } y=y')$$

$$R = (Q \text{ és } x < z \text{ és } z < y \text{ és } \text{prím}(z))$$

A  $\text{prím}(z)$  igaz ha  $z$  prímszám.

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott  $F$  feladatot.

Hány eleme van az  $F(\{x:20, y:25, z:24\})$  halmaznak?

Nincs egy eleme sem, üres.

3

1

Végtelen sok.

## 19. kérdés

2 pont

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű az S(1) halmaz?

S = {

1→<1,2,4>,    1→<1,3,2,4>,    1→<1,4>,

2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,

3→<3,1,3>

4→<4,1>,    4→<4,fail>,

5→<5,2,3>,    5→<5,1> }

3

I

## 12. kérdés

2 pont

$A = (x:Z)$  állapottér.

Tekintsd a következő annotált párhuzamos blokkot.

```
{x=1}
par begin
{ x=1 ∨ x=2 }
await x=2 then x:=x+3 ta
{ x=5 }

||

{ x=1 }
x:=x+1
{ x=2 ∨ x=5 }

parend
{x=5}
```

Azaz, a párhuzamos blokk első komponense egy várakoztató utasítás, míg a második komponens az  $x:=x+1$  értékkadás.

Kérdés: A következők közül melyik feltétel belátása szükséges ahhoz hogy a párhuzamos blokk **interferencia mentes** legyen?

- $(x=1) \Rightarrow \text{If}(x := x+1, x=2 \vee x=5)$
- $(x=1) \Rightarrow \text{If}(x := x+1, x=5)$
- $(x=1 \wedge (x=1 \vee x=2)) \Rightarrow \text{If}(x := x+1, x=1 \vee x=2)$
- $(x=1 \wedge (x=1 \vee x=2)) \Rightarrow \text{If}(x := x+1, x=5)$

## 14. kérdés

2 pont

$A = (x:[1..11])$

Hány elemű  $\text{If}(x:=x-2, x < 4)$  igazsághalmaza?

5

Legyen  $A = [1..4]$ , és  $S_0$  az alábbi program az A állapottér felett:

$S_0 = \{$   
 $1 \rightarrow <1,3>,$   
 $2 \rightarrow <2,3,4,1>$   
 $3 \rightarrow <3,4,1>, \quad 3 \rightarrow <3,2,1,4>$   
 $4 \rightarrow <4,\text{fail}> \}$

$\pi \in A \rightarrow \mathbb{L}$  adott úgy, hogy  $\pi = \{ (1,\text{igaz}), \quad (3, \text{igaz}), (4, \text{hamis}) \}.$

Mely állapotban garantált az (lehet hogy több ilyen állapot is van), hogy belőle elindulva a DO-val jelölt  $(\pi, S_0)$  ciklus helyesen fog terminálni?

- 2 és 3
- 2
- 4
- Nincs ilyen állapot.
- 2 és 4

$A = \langle x:Z \rangle$  állapottér.

Tekints a következő annotált párhuzamos blokkot.

```
{x=1}
parbegin
  { x=1 ∨ x=2 }
  await x=2 then x:=x+3 ta
  { x=5 }

  { x=1 }
  x:=x+1
  { x=2 ∨ x=5 }
parend
{x=5}
```

Azaz, a párhuzamos blokk első komponense egy várakoztató utasítás, míg a második komponens az  $x:=x+1$  értékkadás.

Kérdés: A következők közül melyik feltételt látnád be a párhuzamos blokk **holtpontmentességének** igazolásához?

- $(x \neq 2 \wedge (x=2 \vee x=5)) = \text{IGAZ}$
- $((x=1 \vee x=2) \wedge x \neq 2 \wedge (x=2 \vee x=5)) = \text{HAMIS}$
- $(x \neq 2 \wedge (x=2 \vee x=5)) = \text{HAMIS}$
- $((x=1 \vee x=2) \wedge x \neq 2 \wedge x \neq 5) = \text{IGAZ}$

#### 4. kérdés

2 pont

Legyen  $A = [1..4]$ , és  $S_0$  az alábbi program az A állapottér felett:

$S_0 = \{$   
1 → <1,3>,  
2 → <2,3,4,1>  
3 → <3,4,1>, 3 → <3,2,1,4>  
4 → <4,fail> }

$\pi \in A \rightarrow \mathbb{L}$  adott úgy, hogy  $\pi = \{ (1,\text{igaz}), (3, \text{igaz}), (4, \text{hamis}) \}$ .

Mely állapotban garantált az (lehet hogy több ilyen állapot is van), hogy belőle elindulva a DO-val jelölt  $(\pi, S_0)$  ciklus helyesen fog terminálni?

4

2

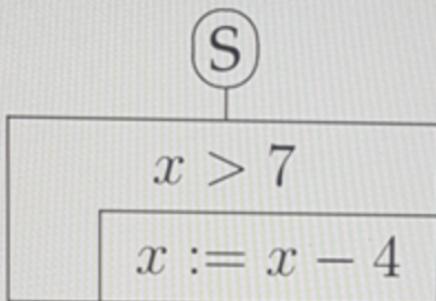
2 és 4

2 és 3

Nincs ilyen állapot.

Jelölje S azt a programot, ami egy ciklus amelynek

- ciklusfeltétele:  $x > 7$
- ciklusmagja:  $x := x - 4$



A t termináló függvény:  $x$

Mi lesz a termináló függvény értéke az  $[x:20]$  állapotból induló végrehajtás végén?

- 1
- 4
- 0
- Nem értelmezett a termináló függvény abban az állapotban ahova a végrehajtással jutunk.

## 29. kérdés

2 pont

A = [1..5] alap-állapotterre az S programnak. Hány elemű S programfüggvényének értelmezési tartománya?

S = [  
1→<1,fail>],    1→<1,3,4,2>,    1→<1>,  
2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,  
3→<3,1,3>  
4→<4,1>,    4→<4,fail>,  
5→<5,2,3>,    5→<5,1> ]

2

Következő \*

## 29. kérdés

2 pont

A = [1..4] alap-állapottere az S programnak.

S = {  
1 → <1,2,4>,    1 → <1,3,4,2>,    1 → <1,2>,  
2 → <2,1,4,2>,    2 → <2,2,2,2,...>,  
3 → <3,2,1,4,2,3>  
4 → <4,1>,    4 → <4,fail> }

Válaszd ki a felsoroltak közül minden, ami eleme p(S)-nek!

(3,3)

(1,4)

(4,1)

(1,2)

## 28. kérdés

2 pont

Adott a következő feladat: Adjunk meg egy számot az x és y számok között.

Ennek a feladatnak állapotteréül a következőt választjuk:

$$A = (x:\mathbb{Z}, y:\mathbb{Z}, z:\mathbb{Z})$$

A felsorolt állapotok közül melyik eleme a feladat választott állapotterének?

- { x:10, y:20, z:40 }
- { x:10, y:20, z:15, l:igaz }
- { x:10, y:20 }
- A felsoroltak egyike sem.

Következő ▶

## 24. kérdés

2 pont

$$A = (x:[1..10])$$

Tekintsük ezen állapottér felett a következő programot:

$$x := x - 6$$

Hány elemű a megadott program programfüggvényének értelmezési tartománya, melyik állítás igaz rá? (Figyelj az állapottérre!)

4

kevesebb mint 4

6, vagy annál több

5

$$A = (x:[4..20])$$

Tekintsük azt a ciklust, amelynek ciklusfeltétele

$$x > 5,$$

ciklusmagja pedig

$$x := x - 4.$$

Jelölje DO ezt a ciklust. Válaszd ki az összes igaz állítást a felsoroltak közül!  
(Figyelj az állapottérre!)

- A  $p(DO)(\{x:11\})$  halmaznak pontosan egy eleme van.
- Az  $\{x:10\}$  állapot eleme a  $p(DO)$  értelmezési tartományának.
- A többi felsorolt állítás egyike sem igaz.
- Az  $(\{x:16\}, \{x:8\})$  pár eleme DO programfüggvényének.

## 14. kérdés

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű az S(1) halmaz?

S = [

1→<1,2,4>,    1→<1,3,2,4>,    1→<1,4>,

2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,

3→<3,1,3>

4→<4,1>,    4→<4,fail>,

5→<5,2,3>,    5→<5,1> ]

ok

erdés

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \text{ és } y=y')$$

$$R = (x' < z \text{ és } z < y' \text{ és } \text{prim}(z))$$

A  $\text{prim}(z)$  igaz ha  $z$  prímszám.

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott F feladatot.

- Hány eleme van az  $\{x':20, y':25\}$  paraméterhez tartozó R logikai függvény igazságállomának?
- 1
  - Végtelen sok
  - 3
  - 0

Nincs menthető új adat. Utolsó ellenörzés ekkor

## 11. kérdés

Az S programról tudjuk, hogy

$$S(2) = \{\langle 2,1,3 \rangle, \langle 2 \rangle\}.$$

Válaszd ki az összes igaz állítást!

- A (2,2) pár eleme S programfüggvényének.
- A 2 eleme a programfüggvény értelmezési tartományának.
- $p(S)(2) = \{3,2\}$
- A felsoroltak egyike sem igaz.

## 6. kérdés

$A = (x:\mathbb{Z})$  állapottér.

Igaz-e a következő:

$$x > 10 \Rightarrow \text{If}(x := x - 7, x > 8)$$

Igaz

Hamis

## 5. kérdés

$A = (x:[1..11])$

Hány elemű  $\text{If}(x:=x-2, x < 4)$  igazsághalmaza?

### 3. kérdés

$A = [1..5]$  alap-állapottere az S programnak. Hány elemű S programfüggvényének értelmező tartománya?

$S = \{$   
 $1 \rightarrow <1, \text{fail}>, \quad 1 \rightarrow <1, 3, 4, 2>, \quad 1 \rightarrow <1>,$   
 $2 \rightarrow <2, 1, 4, 2>, \quad 2 \rightarrow <2, 2, 2, 2, \dots>,$   
 $3 \rightarrow <3, 1, 3>$   
 $4 \rightarrow <4, 1>, \quad 4 \rightarrow <4, \text{fail}>,$   
 $5 \rightarrow <5, 2, 3>, \quad 5 \rightarrow <5, 1> \}$

## 2. kérdés

$A = (x:\mathbb{Z})$  állapotter.

Igaz-e a következő:

$$x > 10 \Rightarrow \text{If}(x := x - 7, x > 8)$$

Igaz

Hamis



## 25. kérdés

2 pont

Melyik halmaznak lehet eleme az  $\{x:4, z:\text{igaz}\}$ ?

- (x: $\mathbb{Z}$ , y: $\mathbb{Z}$ , z: $\mathbb{L}$ )



- A felsoroltak közül egyiknek sem.

- (z: $\mathbb{L}$ , x: $\mathbb{Z}$ )

- (x: $\mathbb{L}$ , z: $\mathbb{Z}$ )

Következő ▶

## 24. kérdés

2 pont

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \text{ és } y=y')$$

$$R = (x' < z \text{ és } z < y' \text{ és } \text{prím}(z))$$

A  $\text{prím}(z)$  igaz ha  $z$  prímszám.

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott  $F$  feladatot.

Hány eleme van az  $\{x':20, y':25\}$  paraméterhez tartozó  $R$  logikai függvény igazsághalmazának?

1

3

0

Végtelen sok.

## 25. kérdés

2 pont

$$A = (x; N^+)$$

Egy A állapottér feletti ciklusnak ismerjük az invariánsát és a termináló függvényét.

A P ciklus invariáns: páros(x)

A t termináló függvény: x

A ciklus vezetési szabályát figyelembe véve, az alábbiak közül melyik program lehet alkalmas ciklusmagnak?  
(A szorzást jelöli a \*.)

x := 2\*x

x := x-2

x := x-1

x := 2\*x+1

## 26. kérdés

2 pont

A = [1..3] alap-állapottere az S programnak.

S = { 1→<1,2>, 1→<1,3,2,1,3,1>,

2→<2,3,1>, 2→<2,2,2,2,...>,

3→<3>, 3→<3,1,2> }

R = { (1,igaz), (2,igaz), (3,hamis) } egy logikai függvény.

Mi az If(S,R) igazsághalmaza?

{1}

Üres

{1,2,3}

{1,2}

## 14. kérdés

2 pont

$$A = (x:[4..20])$$

Tekintsük azt a ciklust, amelynek ciklusfeltétele

$$x > 5,$$

ciklusmagja pedig

$$x := x - 4.$$

Jelölje DO ezt a ciklust. Válaszd ki az összes igaz állítást a felsoroltak közül!

(Figyelj az állapottérre!)

- 
- A többi felsorolt állítás egyike sem igaz.
  - A  $p(DO)(\{x:11\})$  halmaznak pontosan egy eleme van.
  - Az  $\{x:10\}$  állapot eleme a  $p(DO)$  értelmezési tartományának.
  - Az  $(\{x:16\}, \{x:8\})$  pár eleme DO programfüggvényének.
-

## 17. kérdés

2 pont

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű S programfüggvényének értelmezési tartománya?

S = {  
1→<1,fail>,    1→<1,3,4,2>,    1→<1>,  
2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,  
3→<3,1,3>  
4→<4,1>,    4→<4,fail>,  
5→<5,2,3>,    5→<5,1> }

2

## 16. kérdés

2 pont

$A = \{ 1,2 \}$  alap-állapotterre az S programnak.

$S = \{ 1 \rightarrow <1,2>, 2 \rightarrow <2,2,2,\dots> \}$

$F1 = \{ (1,1), (1,2) \}$

$F2 = \{ \}$

Melyik feladatot oldja meg az S program?

- 
- Mindkét feladatot megoldja S.
  - Csak az F2 feladatot oldja meg S.
  - Csak az F1 feladatot oldja meg S.
  - Egyik feladatot sem oldja meg S.
-

## 12. kérdés

2 pont

Az alábbi párok közül hány olyan van, ami eleme lehet egy  $A=[1..4]$  alap-állapottér feletti programnak?

( 1, <2> )

( 1, <1, fail, 4> )

( 1, <1, (4,hamis)> )

0

3

1

2

## 11. kérdés

2 pont

Melyik halmaznak lehet eleme az  $\{x:4, z:\text{igaz}\}$ ?

- 
- (x: $\mathbb{L}$ , z: $\mathbb{Z}$ )
  - (x: $\mathbb{Z}$ , y: $\mathbb{Z}$ , z: $\mathbb{L}$ )
  - (z: $\mathbb{L}$ , x: $\mathbb{Z}$ )
  - A felsoroltak közül egyiknek sem.
-

#### 4. kérdés

2 pont

$$A = (x:[1..10])$$

Tekintsük ezen állapottér felett a következő programot:

$$x := x - 6$$

Hány elemű a megadott program programfüggvényének értelmezési tartománya, melyik állítás igaz rát? (Figyelj az állapottérre!)

- kevesebb mint 4
- 6, vagy annál több
- 5
- 4

### 3. kérdés

2 pont

A = [1..4] alap-állapottere az S programnak.

S = {  
1→<1,2,4>,    1→<1,3,4,2>,    1→<1,2>,  
2→<2,1,4,2>,  2→<2,2,2,2,...>,  
3→<3,2,1,4,2,3>  
4→<4,1>,        4→<4,fail> }

Válaszd ki a felsoroltak közül minden, ami eleme p(S)-nek!

(1,2)

(1,4)

(3,3)

(4,1)

$A = (x:\mathbb{Z})$  állapotter.

Tekintsd a következő annotált párhuzamos blokkot.

```
{x=1}
parbegin
  { x=1 v x=2 }
  await x=2 then x:=x+3 ta
  { x=5 }

||

  { x=1 }
  x:=x+1
  { x=2 v x=5 }
parend
{x=5}
```

Azaz, a párhuzamos blokk első komponense egy várakoztató utasítás, míg a második komponens az  $x:=x+1$  értékkadás.

Kérdés: Mit ellenőriz a következő feltétel?

```
( x=1 ) => lf( x:= x+1, x=2 v x=5)
```

- Azt, hogy a 2. komponens önmagában helyes.
- Azt, hogy a 2. komponens nem interferál az 1. komponenssel.
- Az úgynevezett kilépési feltételt.
- A holtpontmentességet.

#### 4. kérdés

2 pont

$A = \{ 1,2 \}$  alap-állapottere az S programnak.

$S = \{$

$1 \rightarrow <1,1,1,\dots>,$   
 $2 \rightarrow <2,1> \}$

$F = \{ (1,1), (2,1) \}$

Megoldja-e az F feladatot az S program?

---

Hamis

---

Igaz

## 2. kérdés

2 pont

$$A = (x:\mathbb{N}^+)$$

Egy A állapottér feletti ciklusnak ismerjük az invariánsát és a termináló függvényét.

A  $P$  ciklus invariáns: páros( $x$ )

A  $t$  termináló függvény:  $x$

A ciklus vezetési szabályát figyelembe véve, az alábbiak közül melyik program lehet alkalmazható?

(A szorzást jelöli a  $*$ .)

$x := x - 1$

$x := x - 2$

$x := 2 * x + 1$

$x := 2 * x$

### 30. kérdés

2 pont

Az alábbiak közül hány olyan sorozat van, ami eleme lehet egy  $A=[1..4]$  alap-állapottér feletti program értékkészletének?

<1,1,1,1,...>

<3, fail>

<4, (4,hamis), 1>

2

3

0

1

## 29. kérdés

2 pont

$A = \{ 1,2 \}$  alap-állapottere az S programnak.

$S = \{ 1 \rightarrow <1,2>, 2 \rightarrow <2,2,2,\dots> \}$

$F1 = \{ (1,1), (1,2) \}$

$F2 = \{ \}$

Melyik feladatot oldja meg az S program?

- Csak az F1 feladatot oldja meg S.
- Egyik feladatot sem oldja meg S.
- Csak az F2 feladatot oldja meg S.
- Mindkét feladatot megoldja S.

## 28. kérdés

2 pont

$A = (x:\mathbb{Z})$  állapottér.

Igaz-e a következő:

$$x > 10 \Rightarrow \text{If}(x := x - 7, x > 8)$$

---

Igaz

---

Hamis

## 27. kérdés

2 pont

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \text{ és } y=y')$$

$$R = (Q \text{ és } x+y=z)$$

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott F feladatot.

Válaszd ki a felsoroltak közül az összes igaz állítást.

- 
- A másik három állítás közül egyik sem igaz.
  - $\{x:2, y:4, z:10\}$  állapot eleme F értelmezési tartományának.
  - Az  $F(\{x:2, y:4, z:0\})$  képhalmaz egyetlen elemet tartalmaz.
- 

$Q\{x':2, y':4\}$  igazsághalmaza egyetlen elemet tartalmaz.

## 25. kérdés

2 pont

$A = (x:[1..11])$

Hány elemű  $\text{If}(x:=x-2, x < 4)$  igazsághalmaza?

|

**3**

$A = (x:\mathbb{Z})$  állapotter.

Tekintsd a következő annotált párhuzamos blokkot.

```
{x=1}
parbegin
  { x=1 V x=2 }
  await x=2 then x:=x+3 ta
  { x=5 }

  ||

  { x=1 }
  x:=x+1
  { x=2 V x=5 }

parend
{x=5}
```

Azaz, a párhuzamos blokk első komponense egy várakoztató utasítás, míg a második komponens az  $x:=x+1$  értékkadás.

Kérdés: A következők közül melyik feltételt látnád be a párhuzamos blokk

**holtpontmentességének** igazolásához?

- $(x \neq 2 \wedge (x=2 \vee x=5)) = \text{HAMIS}$
- $((x=1 \vee x=2) \wedge x \neq 2 \wedge x \neq 5) = \text{IGAZ}$
- $(x \neq 2 \wedge (x=2 \vee x=5)) = \text{IGAZ}$
- $((x=1 \vee x=2) \wedge x \neq 2 \wedge (x=2 \vee x=5)) = \text{HAMIS}$

## 21. kérdés

2 pont

Legyen  $A = [1..4]$ , és  $S_0$  az alábbi program az A állapottér felett:

$S_0 = \{$   
 $1 \rightarrow <1,3>,$   
 $2 \rightarrow <2,3,4,1>$   
 $3 \rightarrow <3,4,1>, \quad 3 \rightarrow <3,2,1,4>$   
 $4 \rightarrow <4,fail> \}$

$\pi \in A \rightarrow \mathbb{L}$  adott úgy, hogy  $\pi = \{ (1,\text{igaz}), \quad (3, \text{ igaz}), (4,\text{hamis}) \}.$

Mely állapotban garantált az (lehet hogy több ilyen állapot is van), hogy belőle elindulva a DO-val jelölt  $(\pi, S_0)$  ciklus helyesen fog terminálni?

Nincs ilyen állapot.

2 és 4

2

2 és 3

4

## 20. kérdés

2 pont

Az S programról tudjuk, hogy

$$S(2) = \{\langle 2,1,3 \rangle, \langle 2 \rangle\}.$$

Válaszd ki az összes igaz állítást!

- 
- A (2,2) pár eleme S programfüggvényének.
  - A 2 eleme a programfüggvény értelmezési tartományának.
  - $p(S)(2) = \{3,2\}$
  - A felsoroltak egyike sem igaz.
-

## 19. kérdés

2 pont

Tekintsük az alábbi specifikációval megadott F feladatot.

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = ( x=x' \wedge y=y' )$$

$$R = ( z=x' \wedge z=y' )$$

Melyik állítás igaz az alábbiak közül?

- Az  $\{x:3, y:5, z:8\}$  állapot nem eleme a feladat értelmezési tartományának.
- Az  $\{x':3, y':5\}$  paraméterhez tartozó Q előfeltétel igazsághalmaza egy elemet tartalmaz.
- Az  $\{x:3, y:5, z:5\}$  állapothoz a feladat végtelen sok állapotot rendel.
- A többi felsorolt állítás hamis.

## 18. kérdés

2 pont

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű S programfüggvényének értelmezési tartománya?

S = {  
1→<1,fail>,    1→<1,3,4,2>,    1→<1>,  
2→<2,1,4,2>, 2→<2,2,2,2,...>,  
3→<3,1,3>  
4→<4,1>,       4→<4,fail>,  
5→<5,2,3>,    5→<5,1> }

2|

## 16. kérdés

2 pont

Adott a következő feladat: Adjunk meg egy számot az x és y számok között.

Ennek a feladatnak állapotteréül a következőt választjuk:

$$A = (x:\mathbb{Z}, y:\mathbb{Z}, z:\mathbb{Z})$$

A felsorolt állapotok közül melyik eleme a feladat választott állapotterének?

- { x:10, y:20, z:40 }
- { x:10, y:20, z:15, l:igaz }
- { x:10, y:20 }
- A felsoroltak egyike sem.

## 11. kérdés

2 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, és  $x \in A$ .

Mit rendel az ( ABORT; ABORT ) szekvencia az x állapothoz?

- Az < x, fail, x, fail > sorozatot.
- Semmit.
- Az < x, fail, fail > sorozatot.
- Az < x, fail > sorozatot.

### 13. kérdés

2 pont

Tekintsük az alábbi specifikációval megadott F feladatot.

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = ( x=x' \wedge y=y' )$$

$$R = ( z=x' \wedge z=y' )$$

Melyik állítás igaz az alábbiak közül?

- Az  $\{x:3, y:5, z:5\}$  állapothoz a feladat végtelen sok állapotot rendel.
- Az  $\{x:3, y:5, z:8\}$  állapot nem eleme a feladat értelmezési tartományának.
- A többi felsorolt állítás hamis.
- Az  $\{x':3, y':5\}$  paraméterhez tartozó Q előfeltétel igazsághalmaza egy elemet tartalmaz.

Következő ▶

## 9. kérdés

2 pont

$$A = (x:\mathbb{N}, y:[1..100])$$

Tekintsük az A állapottér felett a következő feladatot:

$$F = \{ (a,b) \mid x(a)=x(b) \wedge 2^y(b) < x(a) \}.$$

(A \* szorzást jelöl.)

Eleme-e ennek a feladatnak az ( {x:8,y:10}, {x:8,y:1} ) pár?

Igaz

Hamis

## 14. kérdés

2 pont

Legyen  $A = [1..3]$ .

Legyenek  $S_1$  és  $S_2$  programok, míg  $\pi_1$  és  $\pi_2$  logikai függvények az  $A$  állapottér felett úgy, hogy

$$S_1 = \{$$
$$1 \rightarrow \langle 1,1,1,\dots \rangle, \quad 1 \rightarrow \langle 1, \text{fail} \rangle,$$
$$2 \rightarrow \langle 2,2,2,2,\dots \rangle,$$
$$3 \rightarrow \langle 3 \rangle \}$$

$$S_2 = \{$$
$$1 \rightarrow \langle 1 \rangle,$$
$$2 \rightarrow \langle 2,1,2,3 \rangle, \quad 2 \rightarrow \langle 2,3 \rangle,$$
$$3 \rightarrow \langle 3,3,3,\dots \rangle \}$$

$$\pi_1 = \{ (1, \text{hamis}), (2, \text{igaz}), (3, \text{igaz}) \}$$

$$\pi_2 = \{ (1, \text{hamis}), (3, \text{igaz}) \}$$

Mi lesz az IF-fel jelölt  $(\pi_1:S_1, \pi_2:S_2)$  elágazás?

{  $1 \rightarrow \langle 1, \text{fail} \rangle, 2 \rightarrow \langle 2,2,2,2,\dots \rangle, 2 \rightarrow \langle 2, \text{fail} \rangle, 3 \rightarrow \langle 3 \rangle, 3 \rightarrow \langle 3,3,3,\dots \rangle$  }

{  $1 \rightarrow \langle 1 \rangle, 2 \rightarrow \langle 2,2,2,2,\dots \rangle, 3 \rightarrow \langle 3 \rangle, 3 \rightarrow \langle 3,3,3,\dots \rangle$  }

{  $1 \rightarrow \langle 1, \text{fail} \rangle, 2 \rightarrow \langle 2,2,2,2,\dots \rangle, 2 \rightarrow \langle 2, \text{fail} \rangle, 3 \rightarrow \langle 3 \rangle$  }

{  $1 \rightarrow \langle 1 \rangle, 2 \rightarrow \langle 2,2,2,2,\dots \rangle, 2 \rightarrow \langle 2, \text{fail} \rangle, 3 \rightarrow \langle 3 \rangle, 3 \rightarrow \langle 3,3,3,\dots \rangle$  }

{  $1 \rightarrow \langle 1 \rangle, 2 \rightarrow \langle 2,2,2,2,\dots \rangle, 3 \rightarrow \langle 3 \rangle$  }

## 8. kérdés

2 pont

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű a  $p(S)(1)$  halmaz?

S = {  
1→<1,3,2>,    1→<1,3,4,2>,    1→<1,2>,  
2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,  
3→<3,1,3>  
4→<4,1>,        4→<4,fail>,  
5→<5,2,3>,      5→<5,1> }

1|

## 6. kérdés

2 pont

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \text{ és } y=y')$$

$$R = (Q \text{ és } x < z \text{ és } z < y \text{ és } \text{prím}(z))$$

A  $\text{prím}(z)$  igaz ha  $z$  prímszám.

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott  $F$  feladatot.

Hány eleme van az  $F(\{x:20, y:25, z:24\})$  halmaznak?

- Nincs egy eleme sem, üres.
- Végtelen sok.
- 3
- 1

## 5. kérdés

2 pont

$A = \{ 1,2 \}$  alap-állapottere az S programnak.

$S = \{$   
 $1 \rightarrow <1,1,1,\dots>,$   
 $2 \rightarrow <2,1> \}$

$F = \{ (1,1), (2,1) \}$

Megoldja-e az F feladatot az S program?

---

Hamis

---

Igaz

## 1. kérdés

2 pont

A felsoroltak közül mit választanál a következőképpen adott feladat állapotterének?

$$F = \{ (a,b) \mid x(a)=x(b) \wedge 2^y(b) < x(a) \}$$

(x: $\mathbb{Z}$ , y: $\mathbb{Z}$ )

(a: $\mathbb{Z}$ , b: $\mathbb{Z}$ )

(a: $\mathbb{Z}$ , b: $\mathbb{L}$ )

(x: $\mathbb{Z}$ , y: $\mathbb{L}$ )

## 2. kérdés

2 pont

Az alábbi párok közül hány olyan van, ami eleme lehet egy  $A=[1..4]$  alap-állapottér feletti programnak?

( 1, <2> )

( 1, <1, fail, 4> )

( 1, <1, (4,hamis)> )

---

3

---

2

---

0

---

1

## 1. kérdés

2 pont

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű az S(1) halmaz?

S = {

1→<1,2,4>,    1→<1,3,2,4>,    1→<1,4>,

2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,

3→<3,1,3>

4→<4,1>,        4→<4,fail>,

5→<5,2,3>,      5→<5,1> }

## 1. kérdés

2 pont

Az alábbi párok közül hány olyan van, ami eleme lehet egy  $A=[1..4]$  alap-állapottér feletti programnak?

( 1, <2> )

( 1, <1, fail, 4> )

( 1, <1, (4,hamis)> )

---

1

---

2

---

0

---

3

$$A = (x:N^+)$$

Egy A állapottér feletti ciklusnak ismerjük az invariánsát és a termináló függvényét.

A P ciklus invariáns: páros(x)

A t termináló függvény: x

A ciklus vezetési szabályát figyelembe véve, az alábbiak közül melyik program lehet alkalmas ciklusmagnak?

(A szorzást jelöli a \*.)

---

x := x-2

---

x := 2\*x

---

x := 2\*x+1

---

x := x-1

# 1. kérdés

2 pont

A felsoroltak közül mit választanál a következőképpen adott feladat állapotterének?

$$F = \{ (a,b) \mid x(a)=x(b) \wedge 2^y(b) < x(a) \}$$

(x: $\mathbb{Z}$ , y: $\mathbb{Z}$ )

(a: $\mathbb{Z}$ , b: $\mathbb{Z}$ )

(a: $\mathbb{Z}$ , b: $\mathbb{L}$ )

(x: $\mathbb{Z}$ , y: $\mathbb{L}$ )

## 1. kérdés

1 pont

Válasszuk az  $A = (x:N^+, y:N^+, p:N^+)$  halmazt a következő feladat állapotterének:

Adjunk meg egy  $p$  prímszámot az  $x$  és  $y$  pozitív egészek között.

A következő kifejezések közül melyik illik leginkább erre a feladatra?

- $\{ (a,b) \in A \times A \mid a(x)=b(x) \text{ és } a(y)=b(y) \text{ és } \text{prim}(b(p)) \text{ és } a(x) < b(p) \text{ és } b(p) < a(y) \}$
- $\{ (a,b) \in A \times A \mid x(a)=x(b) \text{ és } y(a)=y(b) \text{ és } \text{prim}(p(b)) \text{ és } x(a) < p(b) \text{ és } p(b) < y(a) \}$
- $\{ ((a,b,c), (d,e,f)) \in A \times A \mid x(a)=x(d) \text{ és } y(b)=y(e) \text{ és } \text{prim}(p(f)) \text{ és } x(a) < p(f) \text{ és } p(f) < x(b) \}$
- $\{ (a,b,c) \in A \mid \text{prim}(c) \text{ és } a < c \text{ és } c < b \}$

## 2. kérdés

1 pont

Az alábbi fogalmak közül hány olyan van ami egy halmaz?

- állapottér
- állapot
- feladat

2

0

1

3

Következő ▶

### 3. kérdés

1 pont

Legyen  $A = (x:\mathbb{Z}, y:\mathbb{Z}, z:\mathbb{Z})$ , és tekintsük a következő két feladatot:

$$F_1 = \{ (a,b) \in A \times A \mid x(a)=x(b) \text{ és } y(a)=y(b) \text{ és } z(b)=x(a)+y(a) \}$$

$$F_2 = \{ (a,b) \in A \times A \mid z(b)=x(a)+y(a) \}$$

Melyik állítás NEM igaz az alábbiak közül?

- Mindkét feladat arról szól, hogy határozzuk meg két egész szám összegét.
- Az első feladat az állapottér  $\{x:2,y:5,z:7\}$  eleméhez önmagát rendeli, mert 2 és 5 összege 7, és a feladat kiköti hogy az x és y változók értékei ne változzanak meg.
- Az első feladatban több pár van mint a másodikban.
- Az második feladat az állapottér  $\{x:2,y:5,z:7\}$  eleméhez végtelen sok olyan állapotot rendel, ahol z változóhoz tartozó érték 7. Azért van végtelen sok ilyen állapot, mert x és y változók értékei a célállapotokban nem kell megegyezzenek a kiindulási állapotban szereplő értékekkel.

#### 4. kérdés

1 pont

Az alábbiak közül melyik igaz leginkább a feladatra?

A feladat ...

- olyan állapotok halmaza, melyeket a program megoldásnak fogad el.
- egy állapottéről ugyanarra az állapottérre történő leképezés, mellyel azt írjuk le hogy egy adott kiindulási állapotból mely célállapot(ok)ba szeretnénk eljutni.
- olyan számpárok halmaza, mellyel meghatározzuk hogy egy input értékből milyen output értéket csináljon a program.
- egy reláció, ami állapotokhoz a fail-t rendeli ha nincs megoldás.

## 5. kérdés

1 pont

Válasszuk az  $A = (x:N^+, y:N^+, p:N^+)$  halmazt a következő feladat állapotterének:  
Adjunk meg egy  $p$  prímszámot az  $x$  és  $y$  pozitív egészek között.

Jelölje  $F$  a feladatot. Melyik állítás igaz az alábbiak közül?

- A feladat nem rendel semmit a  $\{x:10, y:20, p:15\}$  állapothoz.
- Az  $(\{x:10, y:20, p:15\}, \{x:10, y:20, p:17\})$  pár eleme  $F$ -nek
- A feladat a fail állapotot rendeli az  $\{x:10, y:20, p:15\}$  állapothoz.
- $F(\{x:10, y:20, p:15\}) = \{11, 13, 17, 19\}$

## 6. kérdés

1 pont

A felsoroltak közül melyik eleme az  $A = \{x:N, y:L\}$  halmaznak?

{ y:igaz, x:10 }

( 10, igaz )

{ x:10, y:0 }

{ x:-10, y:hamis }

## 7. kérdés

1 pont

Legyen  $A = (v_1:A_1, \dots, v_n:A_n)$ .

$a \in A$  esetén hány elemű a  $v_1(a)$  halmaz?

1

bármennyi, de legfeljebb  $A_1$  elemszáma

0

végtelen sok

## 8. kérdés

1 pont

Az alábbi fogalmak közül hány olyan van ami egy függvény?

- állapot
- változó
- feladat

0

3

2

1

## 9. kérdés

1 pont

Az alábbiak közül melyik igaz leginkább az állapotra?

- Az összes lehetséges érték halmaza amiket a program egy változója értékül felvehet a végrehajtás során.
- Egy függvény ami a program végrehajtásának egy pontján megadja a használt adatok értékét.
- Címkézett értékek halmaza.
- Egy  $(v_1:A_1, \dots, v_n:A_n)$  alakú struktúra, ahol az  $A_i$  halmazok ún. típusérték halmazok.

## 10. kérdés

1 pont

Válasszuk az  $A = \{x:N^+, y:N^+, p:N^+\}$  halmazt a következő feladat állapotterének:

Adjunk meg egy  $p$  prímszámot az  $x$  és  $y$  pozitív egészek között.

Az alábbiak közül hány olyan állapot van ami eleme a feladat A állapotterének?

- { x:10, y:20, p:15 }
- { x:10, y:20, p:7 }
- { x:10, y:20, p:13 }

---

2

---

0

---

3

---

1

## 1. kérdés

1 pont

Legyen  $S$  tetszőleges program, alap-állapotterét jelölje  $A$ .

Legyen  $a \in A$  tetszőleges.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- Az  $S(a)$  elemei olyan sorozatok, amik ha végesek akkor utolsó elemük csak a fail lehet.
- Az  $S(a)$  elemei olyan sorozatok, amiknek minden eleme vagy  $A$ -beli vagy a fail állapot.
- Az  $S(a)$  halmaz nem üres.
- Az  $S(a)$  elemei olyan sorozatok, amiknek minden eleme  $\bar{A}$ -beli, de ha végesek akkor utolsó elemük csak  $A$ -beli lehet.

## 2. kérdés

1 pont

$A = (x:\mathbb{Z}, y:\mathbb{Z})$

Az alábbiak közül hányat tekintünk elemi programnak az A állapottér felett?

- ABORT
- $x : \in [1..10]$
- $x, y := x - y, x$

2

3

1

0

### 3. kérdés

1 pont

Legyen A egy tetszőleges halmaz. Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

$A^* \subseteq A^{**}$

$A^{**} \cap A^\infty = \emptyset$

$A^\infty \cap A^* \neq \emptyset$

$A^* \cup A^{**} \subseteq \bar{A}$

#### 4. kérdés

1 pont

Jelölje S egy az  $A = ( x:[1,2,3,4] )$  alap-állapottér feletti programot.

Az alábbi sorozatok közül hány olyan van, ami eleme lehet az  $S(4)$  halmaznak?

- $< [x:4], [x:4], [x:4], \dots >$
- $< [x:4], [x:2], [x:1], \text{fail} >$
- $< [x:4], [x:3], [x:1,y:\text{hamis}], [x:1,z:999], [x:1] >$

0

2

3

1

## 5. kérdés

1 pont

$$A = (x:N)$$

Az alábbi programok közül hány olyan van ahol az  $\{x:0\}$  állapothoz fail-ben végződő végrehajtás tartozik?

- ABORT
- $x := x - 1$
- Az  $x|10$  ciklusfeltételű,  $x := x + 1$  ciklusmagú ciklus.

---

1

---

0

---

3

---

2

---

## 6. kérdés

1 pont

A következő állítások közül melyik igaz (de nem a teljes definíciója a programnak) egy tetszőleges S programra?

- Az S program egy halmaz, ami értékadásokat és egyéb elemi utasításokat tartalmaz.
- S egy végrehajtási sorozatokat tartalmazó halmaz.
- S egy reláció ami egy halmaz elemeihez sorozatokat (legalább egyet) rendel.
- S egy állapotpárokat tartalmazó halmaz, azt adjuk meg vele hogy milyen input esetén milyen állapot lesz az output.

## 7. kérdés

1 pont

Legyen  $S$  tetszőleges program, alap-állapotterét jelölje  $A$ .

Legyen  $a \in A$  tetszőleges.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- $\bar{A}$  azon állapotok halmaza, amelyekhez semmit nem rendel a program.
- Az  $A$  állapottér altere önmagának, ezért egy  $S(a)$ -beli sorozatnak egy közbülső  $b \in A$  állapota esetén  $b \in \bar{A}$  is teljesül.
- Egy  $a \in A$  állapothoz rendelt sorozat bármilyen  $\bar{A}$ -beli állapottal kezdődhet, de a sorozat utolsó eleme csak a fail vagy egy  $A$ -beli állapot lehet.
- $S$  az  $A$  elemeihez pontosan egy sorozatot rendel.

## 8. kérdés

1 pont

Az alábbi párok közül hány olyan van, ami eleme lehet egy  $A = ( x:\{1,2,3,4\} )$  alap-állapottér feletti programnak?

- ( {x:1}, < {x:2}, {x:2}, {x:2}, ... > )
- ( {x:1}, < {x:1}, {x:2}, fail, {x:4} > )
- ( {x:1}, < {x:1}, {x:4,y:hamis} > )

---

2

---

1

---

0

---

3

## 9. kérdés

1 pont

Legyen  $H = [1..4]$ .

Az alábbi relációk közül melyik program az  $A=(x:H)$  alap-állapot tér felett?

- $\{ (\{x:1\}, \langle \{x:1\}, \{x:1\}, \{x:1\}, \{x:1\}, \dots \rangle), (\{x:2\}, \langle \{x:2\}, \text{fail} \rangle), (\{x:3\}, \langle \{x:3\}, \{x:1\} \rangle), (\{x:4\}, \langle \{x:4\}, \{x:4, y:\text{igaz}\}, \{x:1\} \rangle) \}$
- $\{ (\{x:1\}, \langle \{x:1\}, \{x:2\}, \{x:4\} \rangle), (\{x:2\}, \langle \{x:2\}, \{x:4, x:\text{hamis}\} \rangle), (\{x:3\}, \langle \{x:3\}, \{x:1\} \rangle), (\{x:4\}, \langle \{x:4\}, \{x:1\} \rangle) \}$
- $\{ (\{x:1\}, \langle \{x:1\}, \{x:2\}, \{x:4\} \rangle), (\{x:2\}, \langle \{x:2\}, \{x:1\} \rangle), (\{x:3\}, \langle \{x:3\}, \{x:4\}, \{x:1\} \rangle) \}$
- $\{ (\{x:1\}, \langle \{x:1\}, \{x:2\}, \{x:4\} \rangle), (\{x:2\}, \langle \{x:2\}, \{x:1\} \rangle), (\{x:3\}, \langle \{x:3\}, \text{fail}, \{x:1\} \rangle), (\{x:4\}, \langle \{x:4\}, \{x:1\} \rangle) \}$

## 10. kérdés

1 pont

A\* jelöli

- az A halmaz komplementerének elemeit vagy a fail állapotot tartalmazó sorozatok halmazát.
- az A-beli elemeket tartalmazó véges sorozatok halmazát.
- az A-beli elemeket tartalmazó, segédváltozók értékeinek nyilvántartására is képes sorozatok halmazát.
- az A-beli elemeket tartalmazó hibás állapotban végződő sorozatok halmazát.

## 2. kérdés

1 pont

Mit jelöl  $\alpha$  (vagyis alfa) a programfüggvény definíciójában?

- Egy végtelen sorozatot, melynek  $b$  állapot az első eleme.
- Egy sorozatot, amelyet a program adott állapothoz rendel.
- Egy állapotot, ami egy adott állapothoz rendelt véges és hibátlan sorozatok valamelyikének végpontja.
- Egy állapotot, amihez a program csak véges és nem a fail-ben végződő sorozatokat rendel.

#### 4. kérdés

1 pont

$A = \{ 1,2 \}$  alap-állapottere az S programnak.

$S = \{ 1 \rightarrow <1,2>, 2 \rightarrow <2,2,2,\dots> \}$

$F1 = \{ (1,1), (1,2) \}$

$F2 = \{ \}$

Melyik feladatot oldja meg az S program?

Csak az F1 feladatot oldja meg S.

Egyik feladatot sem oldja meg S.

Csak az F2 feladatot oldja meg S.

Mindkét feladatot megoldja S.

## 9. kérdés

1 pont

A = [1..4] alap-állapottere az S programnak.

S = {  
1→<1,2,4>,    1→<1,3,4,2>,    1→<1,2>,  
2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,  
3→,1,4,2,3>  
4→<4,1>,        4→<4,fail> }

Válaszd ki a felsoroltak közül minden, ami eleme  $p(S)$ -nek!

(1,2)

(4,1)

(1,4)

(3,3)

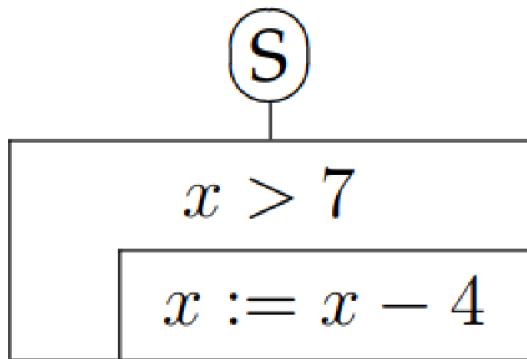
## 8. kérdés

1 pont

$$A = (x:[6..20])$$

Jelölje S azt a programot, ami egy ciklus amelynek

- ciklusfeltétele:  $x > 7$
- ciklusmagja:  $x := x - 4$



Válaszd ki az összes igaz állítást a felsoroltak közül!  
(Figyelj az állapottérre!)

- A  $p(S)([x:8])$  halmaznak pontosan egy eleme van.
- A többi felsorolt állítás egyike sem igaz.
- Az  $[x:20]$  állapot eleme a  $p(S)$  értelmezési tartományának mert hozzá csak véges és hibátlan végrehajtások tartoznak.
- Az  $([x:14], [x:10])$  pár eleme S programfüggvényének.

## 5. kérdés

1 pont

A = [1..5] alap-állapottere az S programnak. Hány elemű a p(S)(1) halmaz?

S = {  
1→<1,3,2>,    1→<1,3,4,2>,    1→<1,2>,  
2→<2,1,4,2>,    2→<2,2,2,2,...>,  
3→,1,3>  
4→<4,1>,    4→<4,fail>,  
5→<5,2,3>,    5→<5,1> }

1

## 7. kérdés

1 pont

Legyen S program és F feladat tetszőlegesek egy A állapottér felett.

Az alábbi feltételek közül, melyik teljesülése szükséges ahhoz hogy az S program megoldja az F feladatot?

- 
- Az S program az F értelmezési tartományában lévő állapotokhoz nem rendelhet végtelen sorozatot.

---

  - Az S program az F értelmezési tartományában lévő állapotokhoz nem rendelhet fail-ben végződő sorozatot.

---

  - A felsorolt feltételek mindegyike szükséges.

---

  - Az S program az F értelmezési tartományában lévő bármely  $x$  állapotból elindulva olyan állapotban kell megálljon ami az  $F(x)$  halmazon belül van.

## 7. kérdés

1 pont

Az S programról tudjuk, hogy

$$S(2) = \{<2,1,3>, <2>\}.$$

Válaszd ki az összes igaz állítást!

- 
- A 2 eleme a programfüggvény értelmezési tartományának.

---

  - A (2,2) pár eleme S programfüggvényének.

---

  - A felsoroltak egyike sem igaz.

---

  - $p(S)(2) = \{3,2\}$

## 8. kérdés

1 pont

$$A = (x:[1..10])$$

Tekintsük ezen állapottér felett a következő programot:

$$x := x - 6$$

Hány elemű a megadott program programfüggvényének értelmezési tartománya, melyik állítás igaz rá? (Figyelj az állapottérre!)

6, vagy annál több

5

4

kevesebb mint 4

## 10. kérdés

1 pont

Legyen S program tetszőleges egy A állapottér felett.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- Ha egy állapot nem eleme a  $D_{p(S)}$  halmaznak, akkor hozzá az S program legalább egy végtelen sorozatot hozzárendel.
- Ha egy állapot nem eleme a  $D_{p(S)}$  halmaznak, akkor az ebből az állapotból induló valamely végrehajtás a fail állapotban végződik.
- Ha egy állapot nem eleme a  $D_{p(S)}$  halmaznak, akkor ehhez az állapothoz az S program csak olyan sorozatokat rendel amik vagy végtelenek - vagy végesek de a fail állapotban végződnek.
- Ha egy állapot eleme a  $D_{p(S)}$  halmaznak, akkor hozzá az S program nem rendel végtelen sorozatot.

## 10. kérdés

1 pont

Legyen  $A$  tetszőleges állapottér.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- $\forall a \in A: p(\text{SKIP})(a) = \{\}$
- $D_{p(\text{SKIP})} = \{\}$
- $D_{p(\text{ABORT})} = A$
- $p(\text{ABORT}) = \{\}$

## 5. kérdés

1 pont

Legyen S program tetszőleges egy A állapottér felett.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- Az 1. és 2. állítások egyike sem igaz.
- 1.  $\text{If}(S, \text{HAMIS}) = \text{HAMIS}$
- 2.  $\text{If}(S, \text{IGAZ}) = \text{IGAZ}$
- Az 1. és 2. állítás is igaz.

## 2. kérdés

1 pont

A = [1..3] alap-állapottere az S programnak.

S = { 1→<1,2>, 1→<1,3,2,1,3,1>,

2→<2,3,1>, 2→<2,2,2,2,...>,

3→<3>, 3→ ,1,2> }

R = { (1,igaz), (2,igaz), (3,hamis) } egy logikai függvény.

Mi az If(S, ) igazsághalmaza?

{1,2,3}

{}

{1,2}

{1}

## 8. kérdés

1 pont

Legyen R tetszőleges logikai függvény.

Melyik NEM igaz a felsoroltak közül?

R  $\Rightarrow$  IGAZ

HAMIS  $\Rightarrow$  R

IGAZ  $\Rightarrow$  R

R  $\Rightarrow$  R

#### 4. kérdés

1 pont

$$A = (x:N)$$

If(  $x:=x-1$ , R )

Hogyan számolható ki a megadott leggyengébb előfeltétel, az alábbi kifejezések közül melyik egyenlő vele?

- $R^{x \leftarrow x-1} \wedge x \neq 0$
- $R \wedge x-1 > 0$
- $R^{x \leftarrow x-1}$

## 5. kérdés

1 pont

$A = (x:\mathbb{Z})$  állapottér.

Igaz-e a következő:

$$x > 10 \Rightarrow \text{If}(x := x - 7, x > 8)$$

---

Hamis

---

Igaz

## 6. kérdés

1 pont

$$A = \{ 1, 2, 3 \}$$

$$P = \{ (1,\text{igaz}), (2,\text{igaz}), (3,\text{hamis}) \}$$

$$Q = \{ (1,\text{igaz}), (2,\text{igaz}) \}$$

Az A halmaz feletti P és Q logikai függvények közül melyiknek igazsághalmaza az {1,2} halmaz?

---

Sem P-nek sem Q-nak.

---

Q-nak.

---

Csak P-nek, mert Q nem is logikai függvény.

---

P-nek és Q-nak is.

## 7. kérdés

1 pont

A = (x:[1..11])

Hány elemű  $\text{lf}(x:=x-2, x < 4)$  igazsághalmaza?

3

## 7. kérdés

1 pont

Legyen S program, míg R logikai függvény tetszőlegesek egy A állapottér felett.

Ha egy állapot nincs az If(S,  igazsághalmazában, ...

- akkor ehhez az állapothoz nem tartozik olyan véges végrehajtás aminek végpontjában R teljesül.
- akkor ehhez az állapothoz van olyan végrehajtás ami a fail állapotban végzödik.
- akkor ehhez az állapothoz az S program csak olyan sorozatokat rendel amik vagy végtelenek vagy a fail állapotban végzödnek.
- akkor abban az esetben ha ebből az állapotból elindulva a program biztos hogy helyesen terminál, van olyan végrehajtási sorozat aminek utolsó állapotában R hamis.

## 2. kérdés

1 pont

Legyen S program, míg R logikai függvény tetszőlegesek egy A állapottér felett.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- $D_{p(S)}$  minden eleme benne van  $If(S, \text{☺})$  igazsághalmazában is.
- $If(S, \text{☺})$  igazsághalmazában a  $D_{p(S)}$  olyan elemei vannak amikre R is igaz.
- Az  $If(S, \text{☺})$  igazsághalmazának minden olyan elemére teljesül R, melyre igaz hogy belőle elindulva a program biztos hogy helyesen terminál.
- Az  $If(S, \text{☺})$  igazsághalmaza részhalmaza a  $D_{p(S)}$  halmaznak.

## 8. kérdés

1 pont

Legyen S program, míg R logikai függvény tetszőlegesek egy A állapottér felett.

Mit fogalmaz meg a következő kifejezés?

$R \Rightarrow \text{If}(S, \text{😊})$

- 
- Az S program csak olyan állapotokból indulva működik helyesen, amikre teljesül R.
  - Olyan állapotból indulva amire teljesül R, az S program végrehajtása garantáltan hiba nélkül be fog fejeződni, és ahol megáll a program ott R teljesül.
  - Az S program megegyezik a SKIP programmal, mert nem csinál semmit: ha a program bemenete R akkor a kimenete is R.
  - Az S program egy elágazás, ami R teljesülése esetén helyesen működik, viszont ha R hamis akkor a fail állapotban végződik a végrehajtása.

## 9. kérdés

1 pont

Legyenek  $F_1$  és  $F_2$  egy  $A$  állapottér feletti tetszőleges feladatok úgy hogy  $F_1$  szigorúbb mint  $F_2$ .

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- Minden olyan állapot ami eleme  $F_2$  értelmezési tartományának, az eleme  $F_1$  értelmezési tartományának is.
- $F_1$  értelmezési tartománya  $F_2$  bizonyos elemeit tartalmazza csak.
- $F_1$  értelmezési tartományának minden elemére az igaz, hogy amit  $F_2$  hozzárendel annak  $F_1$  csak egy részét rendeli hozzá.
- $F_2$  értelmezési tartományának minden elemére az igaz, hogy amit  $F_2$  hozzárendel azt  $F_1$  is hozzárendeli.

## 10. kérdés

1 pont

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \wedge y=y')$$

$$R = (Q \wedge x < z \wedge \text{prím}(z))$$

A  $\text{prím}(z)$  igaz ha  $z$  prímszám.

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott  $F$  feladatot.

Hány eleme van az  $F(\{x:20, y:25, z:24\})$  halmaznak?

- Nincs egy eleme sem, mert a 24 nem prím.
- 1, mert 20 és 25 között csak egy prímszám van.
- Végtelen sok prímszám van, így végtelen sok.

### 3. kérdés

1 pont

Legyen  $B$  egy paramétertere a tetszőleges  $F \subseteq A \times A$  feladatnak, továbbá legyen  $F = F_2 \circ F_1$  és  $b \in B$ .

- $Q_b$  olyan  $B$ -beli elemekre igaz, melyekbenne vannak az  $F_1$  reláció értelmezési tartományában.
- $Q_b$  olyan  $A$ -beli állapotokra igaz, melyekhez  $F_1$  reláció hozzárendeli  $b$ -t.
- $Q_b$  olyan  $A$ -beli állapotokra igaz, melyekhez  $F_1$  reláció csak  $b$ -t rendel.
- $Q_b$  olyan  $B$ -beli elemekre igaz, melyekhez az  $F_1$  reláció ugyanazt a  $b$ -t rendeli.

#### 4. kérdés

1 pont

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \wedge y=y')$$

$$R = (x' < z \wedge z < y' \wedge \text{prím}(z))$$

A  $\text{prím}(z)$  igaz ha  $z$  prímszám.

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott F feladatot.

Hány eleme van az  $\{x':20, y':25\}$  paraméterhez tartozó R logikai függvény igazsághalmazának, tehát  $[R_{[x':20, y':25]}]$ -nek?

- Nincs egy eleme sem, mert a 24 nem prím.
- Végtelen sok, mert a célállapotban x és y értéke bármilyen természetes szám lehet.
- 1, mert 20 és 25 között csak egy prímszám van.

#### 4. kérdés

1 pont

Legyen S program, R pedig logikai függvény egy A állapotter felett.

Legyen B egy paramétertere a tetszőleges  $F \subseteq A \times A$  feladatnak, továbbá legyen  $F = F_2 \circ F_1$ .

Legyen  $b \in B$  olyan paraméter hogy  $Q_b \Rightarrow If(S, R_b)$  nem teljesül.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- 
- A specifikáció tétele egy elégsges feltételt fogalmaz meg arra vonatkozóan hogy S program megoldja az F feladatot, a tételem nem mond semmit arról ha valamely B-beli b paraméterre nem igaz hogy  $Q_b \Rightarrow If(S, R_b)$ .  
Mivel most nem minden B-beli b paraméterre igaz hogy  $Q_b \Rightarrow If(S, R_b)$ , ezért nem állíthatjuk biztosan hogy S megoldja F-et; a specifikáció tételevel nem eldönthető hogy S megoldja-e az F feladatot vagy sem.
  - Az S program biztos hogy helyesen terminál egy olyan  $A$  állapotból indulva, melyhez  $F_1$  reláció b paramétert rendel, és méghozzá olyan állapotban terminál S amit  $F_2$  rendel b-hez.
  - Az S program nem oldja meg az F feladatot.
-

## 6. kérdés

1 pont

Legyen  $B$  egy paramétertere a tetszőleges  $F \subseteq A \times A$  feladatnak, továbbá legyen  $F = F_2 \circ F_1$  és  $b \in B$ .

- Ha  $(b,a) \in F_2$  akkor  $a \in [Q_b]$ .
- Ha  $(b,a) \in F_1$  akkor  $a \in [Q_b]$ .
- Ha  $a \in A$  állapothoz  $F_1$  reláció hozzárendeli  $b$ -t akkor  $a \in [Q_b]$ .
- Ha  $(a,b) \in F_2$  akkor  $a \in [R_b]$ .

## 7. kérdés

1 pont

$$A = (x:N, y:N, z:N)$$

$$B = (x':N, y':N)$$

$$Q = (x=x' \wedge y=y')$$

$$R = (x+y=z)$$

Tekintsük az ezzel a specifikációval megadott F feladatot.

Hány állítás igaz az alább felsoroltak közül?

- Az  $F(\{x:2, y:4, z:0\})$  képhalmaz végtelen sok elemet tartalmaz.
- $Q_{\{x:2, y:4\}}$  igazsághalmaza végtelen sok elemet tartalmaz.
- $\{x:1, y:5, z:6\} \in [R_{\{x:2, y:4\}}]$
- $\{x:2, y:4, z:10\} \in [Q_{\{x:2, y:4\}}]$

## 5. kérdés

1 pont

Legyen  $B$  egy paramétertere a tetszőleges  $F \subseteq A \times A$  feladatnak, továbbá legyen  $F = F_2 \circ F_1$  és  $b \in B$ .

- $Q_b$  olyan  $A$ -beli állapotokra igaz, melyeket  $F_1$  reláció  $b$ -hez rendel.
- $Q_b$  olyan  $A$ -beli állapotokra igaz, melyeket  $F_1$  reláció inverze  $b$ -hez rendel.
- $Q_b$  olyan  $A$ -beli állapotokra igaz, melyekhez  $F_2$  reláció hozzárendeli  $b$ -t.
- $Q_b$  olyan  $A$ -beli állapotokra igaz, melyeket  $F_2$  reláció  $b$ -hez rendel.

## 9. kérdés

1 pont

Legyen B egy paramétertere a tetszőleges  $F \subseteq A \times A$  feladatnak, továbbá legyen  $F = F_2 \circ F_1$  és  $b \in B$ .

- $R_b$  olyan A-beli állapotokra igaz, melyeket  $F_1$  reláció inverze rendel b-hez.
- $R_b$  olyan A-beli állapotokra igaz, melyeket  $F_2$  reláció b-hez rendel.
- $R_b$  olyan A-beli állapotokra igaz, melyekhez  $F_1$  reláció csak b-t rendel.
- $R_b$  olyan A-beli állapotokra igaz, melyekhez  $F_1$  reláció hozzárendeli b-t.

## 10. kérdés

1 pont

Legyen  $B$  egy paramétertere a tetszőleges  $F \subseteq A \times A$  feladatnak, továbbá legyen  $F = F_2 \circ F_1$  és  $a \in A$ .

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- Ha nincs olyan  $b$  paraméter hogy  $a \in [Q_b]$ , akkor  $a$ -hoz már  $F_1$  sem rendel semmit, így  $F$  sem, tehát  $a \notin D_F$ .
- Ha van olyan  $b$  paraméter hogy  $a \in [R_b]$ , akkor  $F_2(a)$  nem üreshalmaz, így  $F(a)$  sem, tehát  $a \notin D_F$ .
- Ha van olyan  $b$  paraméter hogy  $a \in [Q_b]$ , akkor  $F_1(a)$  nem üreshalmaz, így  $F(a)$  sem, tehát  $a \notin D_F$ .
- Ha nincs olyan  $b$  paraméter hogy  $a \in [R_b]$ , akkor azt mondjuk hogy  $a$ -ra nem teljesül az utófeltétel, ezért  $a \notin D_F$ .

## 1. kérdés

1 pont

Legyen  $A$  tetszőleges állapottér, és  $x \in A$  állapot.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- 
- Az  $x$  állapothoz az  $A$  állapottér feletti  $(S_1; S_2)$  szekvencia csak olyan sorozatokat rendelhet, amelyeket az  $S_1$  program az  $x$ -hez rendel.
  - A másik három felsorolt állítás egyike sem igaz.
  - Az  $x$  állapothoz az  $A$  állapottér feletti  $(\pi; S_0)$  ciklus csak olyan sorozatokat rendelhet, amelyeket az  $S_0$  ciklusmag az  $x$ -hez rendel.
  - Az  $x$  állapothoz az  $A$  állapottér feletti kétágú  $(\pi_1; S_1; \pi_2; S_2)$  elágazás csak olyan sorozatokat rendelhet, amelyeket az  $S_1$  és  $S_2$  programok valamelyike az  $x$ -hez rendel.
-

## 2. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, és  $x \in A$  állapot.

Tekintsük az A állapottér feletti kétágú ( $\pi_1:S_1$ ;  $\pi_2:S_2$ ) elágazást.

Melyik állítás igaz a felsoroltak közül?

- Ha az x állapotra igaz a  $\pi_1$  feltétel, és x-hez  $S_1$  program csak véges és csak hibátlan (nem a fail-ben végződő) sorozatokat rendel, akkor az elágazás is csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel x-hez.
- Ha az x állapotra igaz a  $\pi_1$  feltétel, és x-hez  $S_1$  program csak véges és csak hibátlan (nem a fail-ben végződő) sorozatokat rendel, akkor ha a  $\pi_2$  feltétel nem kiértékelhető x-ben, akkor az elágazás egy fail-ben végződő sorozatot is hozzárendel x-hez.
- Ha az x állapotra igaz a  $\pi_1$  feltétel, és x-hez  $S_1$  program csak véges és csak hibátlan (nem a fail-ben végződő) sorozatokat rendel, akkor ha a  $\pi_2$  feltétel nem teljesül x-re, akkor az elágazás egy fail-ben végződő sorozatot is hozzárendel x-hez.
- Ha az x állapotra igaz a  $\pi_1$  feltétel, és x-hez  $S_1$  program csak véges és csak hibátlan (nem a fail-ben végződő) sorozatokat rendel, akkor ha a  $\pi_2$  feltétel is igaz x-re akkor az elágazás garantáltan csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel x-hez.

### 3. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, S program A felett, és  $x \in A$  állapot. Tekintsük az A állapottér feletti olyan ciklust, aminek a ciklusfeltétele a HAMIS logikai függvény és a ciklusmagja az ABORT program.

Mit rendel ez a ciklus az x állapothoz?

- <x,fail>
- Semmit.
- <x,x,x,...>
- <x>

#### 4. kérdés

1 pont

Mit rendel a  $(\pi; S_0)$  ciklus (azaz aminek ciklusfeltétele  $\pi$  és ciklusmagja  $S_0$ ) az állapottér azon  $x$  állapotához, amelyben a  $\pi$  ciklusfeltétel kiértékelhető, de  $\pi$  értéke az  $x$  állapotban hamis?

- $\langle x, x, x, \dots \rangle$
- $\langle x, \text{fail} \rangle$
- $\langle \rangle$
- $\langle x \rangle$

## 5. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, S program A felett, és  $x \in A$  állapot. Tekintsük az A állapottér feletti egyágú (HAMIS:S) elágazást.

Mit rendel az elágazás az x állapothoz?

- Ugyanazokat a sorozatokat amiket az S program, tehát az  $S(x)$  halmaz elemeit. Hiszen valamit kell rendelni x-hez ha azt akarjuk hogy az elágazás teljesítse a program definíciójában megfogalmazott tulajdonságokat.
- Az elágazásnak egyetlen ága van, az ott lévő HAMIS logikai függvény bármely állapotban kiértékelhető, és az értéke hamis. Tehát bármely állapotot is tekintjük, nem igaz hogy legalább az egyik elágazásfeltétel teljesülne rá. Az x állapotra az elágazás egyik feltétele sem teljesül. Ezt hibának tekintjük. Így x-hez az elágazás az <x,fail> sorozatot rendeli.
- Semmit.
- Az x állapotra az elágazás egyik feltétele sem teljesül (csak egy van, de az minden állapotra hamis). Ilyenkor semmi nem történik, az elágazás megegyezik a SKIP programmal. Tehát x-hez az elágazás az <x> sorozatot rendeli.

## 6. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér.

Az A állapottér feletti ( $S_1; S_2$ ) szekvencia mely állapotokhoz rendel kizárolag véges és hibátlan (nem a fail-ben végződő) sorozatokat?

- Azokhoz az állapotokhoz, melyekhez mind  $S_1$  és mind  $S_2$  is csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel.
- Azokhoz az állapotokhoz, melyekhez  $S_1$  csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel, és minden ilyen sorozat végpontjához az  $S_2$  csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel.
- Azokhoz az állapotokhoz, melyekhez  $S_1$  csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel, továbbá azokhoz is amelyekhez  $S_1$  nem rendel semmit de  $S_2$  csak véges és csak hibátlan sorozatokat.
- Azokhoz az állapotokhoz, melyekhez  $S_1$  csak véges és csak hibátlan sorozatokat rendel.

## 7. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, S program az A állapottér felett, és  $x \in A$  állapot.

Az alábbi esetek közül mikor rendeljük x-hez az  $\langle x, fail \rangle$  sorozatot (és esetleg másat is)?

- S program egy  $(S_1; S_2)$  szekvencia, és  $S_1$  program x-hez hozzárendel egy fail-ben végződő sorozatot.
- S program egy ciklus, aminek ciklusfeltétele nem kiértékelhető az x állapotban.
- A felsorolt esetek mindegyikében.
- S program egy nágú elágazás, és az n feltétel közül mindegyik hamis az x állapotban.

## 8. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér.

Tekintsük az A állapottér feletti  $(S_1; S_2)$  szekvenciát. Az alábbiak közül, hogy rendelhet a szekvencia fail-ben végződő sorozatot egy  $x \in A$  állapothoz?

- 
- Az  $S_1$  program egy olyan véges sorozatot rendel  $x$ -hez aminek utolsó eleme egy A-beli  $y$  állapot, és ugyanehhez az  $y$  állapothoz  $S_2$  hozzárendel egy fail-ben végződő sorozatot.

---

  - A felsoroltak egyike esetén sem valósul meg az hogy a szekvencia  $x$ -hez fail-ben végződő sorozatot rendelne.

---

  - Az  $S_1$  program egy végtelen sorozatot rendel  $x$ -hez, amit így  $S_2$  nem tud folytatni.

---

  - Az  $S_1$  program nem rendel semmit  $x$ -hez.

## 9. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, és  $x \in A$  állapot. Tekintsük az A állapottér feletti kétágú ( $\pi_1:S_1$ ;  $\pi_2:S_2$ ) elágazást.

Tudjuk hogy  $\pi_1(x) \wedge x \notin D\pi_2$ .

Azaz, x állapotban igaz  $\pi_1$ , viszont  $\pi_2$  nem kiértékelhető.

Mit rendel az elágazás az x állapothoz?

- Pont azokat a sorozatokat, amiket  $S_1$  rendel x-hez.
- Azokat a sorozatokat amiket  $S_1$  rendel x-hez, továbbá az  $\langle x, \text{fail} \rangle$  sorozatot is.
- Semmit.
- Csak az  $\langle x, \text{fail} \rangle$  sorozatot.

## 10. kérdés

1 pont

Legyen A tetszőleges állapottér, és  $x \in A$  állapot.

Tekintsük az A állapottér feletti kétágú ( $\pi_1:S_1; \pi_2:S_2$ ) elágazást.

A felsoroltak közül melyik esetben rendel az elágazás  $\langle x, \text{fail} \rangle$  sorozatot (és esetleg másat is) az x-hez?

- 1. Ha a  $\pi_1$  és  $\pi_2$  feltételek valamelyike nem értelmezett (nem kiértékelhető) az x állapotban.
- Az 1. és 2. esetek egyikében sem.
- 2. Ha a  $\pi_1$  és  $\pi_2$  feltétel is hamis az x állapotban.
- Az 1. és 2. esetekben is.

## 1. kérdés

1 pont

Jelölje  $\pi$  a ciklusfeltételt,  $S_0$  a ciklusmagot,  $Q$  az előfeltételt,  $R$  az utófeltételt,  $P$  a ciklus invariánsát, t pedig a ciklus terminálófüggvényét.

Továbbá, tudjuk hogy  $P \wedge \pi \wedge t = t_0 \Rightarrow \text{If}(S_0, P \wedge t < t_0)$ .

Igaz-e, hogy ilyenkor az  $S_0$  ciklusmag megoldja a  $P \wedge \pi \wedge t = t_0$  előfeltételű és  $P \wedge t < t_0$  utófeltételű feladatot?

- 
- Mivel  $P \wedge \pi \wedge t = t_0 \Rightarrow \text{If}(S_0, P \wedge t < t_0)$ , igen,  $S_0$  megoldja az adott feladatot, a specifikáció tétele szerint.
  - Nem oldja meg. Az adott feladatot a ciklus oldja meg, nem annak a ciklusmagja.

## 2. kérdés

1 pont

$$A = (x:N)$$

Egy A állapottér feletti ciklusról azt tudjuk hogy ciklusmagja:

$$x := x + 1$$

- 
- Az  $X$ ,  $-X$  és  $1/X$  függvények egyike sem megfelelő terminálófüggvény, a másik három állítás mindegyike igaz.
  - $X$  nem lehet a ciklus terminálófüggvénye, mert a ciklusmag ennek értékét növeli, a terminálófüggvény értékének viszont csökkenie kell a ciklusmagban.  
(  $P \wedge \pi \wedge x = t_0 \Rightarrow \text{If}(x := x + 1, P \wedge x < t_0)$  kritérium nem teljesül. )
  - $1/X$  nem lehet a ciklus terminálófüggvénye, mert ugyan ennek értéke csökken a ciklusmag végrehajtásával, nem igaz rá hogy egész értékű lenne.  
( A  $t$  terminálófüggvény olyan függvény, melyre  $t: A \rightarrow \mathbb{Z}$ , ez az  $1/X$  függvényre nem teljesül. )
  - $-X$  nem lehet a ciklus terminálófüggvénye, mert ugyan ennek értéke csökken a ciklusmag végrehajtásával, nem igaz hogy a ciklusmag megkezdésekor az értéke pozitív.  
(  $P \wedge \pi \Rightarrow -x > 0$  kritérium nem teljesül. )

### 3. kérdés

1 pont

$$A = (x: \mathbb{Z}^n, a: \mathbb{Z}, i: \mathbb{Z})$$

Hogy kell kiszámolni a következő helyettesítést?

$$(x[i] = a) \text{ a} \leftarrow \text{i}, \text{i} \leftarrow \text{i} + 1$$

$x[i+1] = i$

$x[i] = i$

$x[i+1] = i+1$

$x[i+1] = i+1$

#### 4. kérdés

1 pont

$$A = (x: \mathbb{Z}^n, s: \mathbb{Z})$$

Hogyan bizonyítjuk a

$$P \wedge \pi \Rightarrow \text{If}(s := x[i], P)$$

feltételt?

(P és  $\pi$  logikai függvények.)

- A jobb oldalon P van, ami nyilvánvalóan igaz hiszen a bal oldalon is szerepel.
- Kiszámoljuk a jobb oldalon lévő leggyengébb előfeltételt, P-ben az s változó helyett az  $x[i]$  kifejezést írva.
- Kiszámoljuk a jobb oldalon lévő leggyengébb előfeltételt, P-ben az s változó helyett az  $x[i]$  kifejezést írva.  
Ugyanakkor azt is garantálnunk kell hogy az  $s := x[i]$  értékkedás helyesen terminál, ezért a következőt kell belátnunk:

$$P \wedge \pi \Rightarrow P^{s \leftarrow x[i]} \wedge i \in [1..n]$$

## 5. kérdés

1 pont

$$P \wedge \pi \Rightarrow If(S_0, \text{😊})$$

Ez a kritérium nem szerepel a ciklus levezetési szabályának pontjai között. Miért nem?

( $\pi$  a ciklusfeltételt,  $S_0$  a ciklusmagot,  $Q$  az előfeltételt,  $R$  az utófeltételt,  $P$  a ciklus invariánsát,  $t$  pedig a ciklus terminálófüggvényét jelöli.)

- Ez egy beugratós kérdés, a  $P \wedge \pi \Rightarrow If(S_0, \text{😊})$  feltételelhető belátjuk a ciklus helyességének bizonyítása során.
- $P \wedge \pi \Rightarrow If(S_0, \text{😊})$   
Ez a kritérium azt jelentené, hogy a ciklusmagot végrehajtva az utófeltétel teljesül. Ez általában nem igaz a ciklusokra, hiszen ha elég lenne egyszer végrehajtani a ciklusmagot hogy a kívánt  $R$  utófeltételbe jussunk, akkor nem is írnánk ciklust, ebben az esetben a ciklus lecserélhető lenne az  $S_0$  ciklusmagra mint programra ami megoldja a  $Q$  előfeltételű és  $R$  utófeltételű feladatot.
- Azért nincs felsorolva, mert ez kikövetkeztethető a 2. és 4. pontokból, azaz ha teljesülnek hogy  
 $P \wedge \neg \pi \Rightarrow R$  és  
 $P \wedge \pi \Rightarrow If(S_0, P)$  akkor  
 $P \wedge \pi \Rightarrow If(S_0, \text{😊})$  is teljesül.

## 6. kérdés

1 pont

Az alább felsorolt állítások közül melyik igaz egy ciklus terminálófüggvényére?

- Az állapotokhoz egész számot rendelő függvény. A ciklusmag végrehajtásával olyan állapotba kerülünk ahol a terminálófüggvény értéke kisebb mint a ciklusmag végrehajtását megelőző állapotban volt.
- Logikai függvény, ami pontosan azokban az állapotokban igaz ahol a ciklus terminál - ezért hívják terminálófüggvénynek.
- Olyan függvény ami a ciklusmag minden végrehajtásakor növeli egy számláló értékét, de hogy ne kapunk végtelen ciklust, valamikor lenullázza a számláló értékét és akkor megáll a ciklus.
- Logikai függvény, ami igaz a ciklus megkezdésekor és a ciklus végrehajtása után is.

## 7. kérdés

1 pont

A  $(\pi, S_0)$  ciklus helyességének bizonyítása során melyiket látjuk be az alábbiak közül?

( $\pi$  a ciklusfeltételt,  $S_0$  a ciklusmagot,  $Q$  az előfeltételt,  $R$  az utófeltételt,  $P$  a ciklus invariánsát,  $t$  pedig a ciklus terminálófüggvényét jelöli.)

$P \Rightarrow \pi$

$P \wedge \pi \Rightarrow t < t_0$

$P \wedge \pi \Rightarrow \text{If}(S_0, P)$

$P \Rightarrow Q$

## 8. kérdés

1 pont

A kétágú ( $\pi_1:S_1; \pi_2:S_2$ ) elágazás helyességének bizonyítása során baj-e ha nem tudjuk belátni hogy  
 $Q \Rightarrow \text{If}(S_2, \text{😊})$ ?

(Q az előfeltételt, R pedig az utófeltételt jelöli.)

- 
- Igen, mert így nem tudjuk bizonyítani hogy az elágazás  $\pi_2$  feltételhez tartozó ágán "menve" az R utófeltételbe jutunk.
  - Nem, mert nem minden Q feltételnek eleget tevő állapotra kell megmutatnunk hogy  $\text{If}(S_2, \text{😊})$  is igaz, hanem csak azokra amelyekre a Q mellett a  $\pi_2$  feltétel is teljesül.

## 9. kérdés

1 pont

A kétágú ( $\pi_1:S_1; \pi_2:S_2$ ) elágazás helyességének bizonyítása során melyiket látjuk be az alábbiak közül?

(Q az előfeltételt jelöli.)

- Q  $\Rightarrow \neg\pi_1 \wedge \neg\pi_2$
- Q  $\Rightarrow \pi_1 \wedge \pi_2$
- Q  $\Rightarrow \pi_1 \vee \pi_2$
- Q  $\Rightarrow \neg\pi_1 \vee \neg\pi_2$

## 10. kérdés

1 pont

Egy  $(S_1; S_2)$  szekvencia helyességének bizonyításakor az alábbiak közül melyiket látjuk be?

(Q az előfeltételt, R az utófeltételt, míg Q' a szekvencia közbülső állítását jelöli.)

Q'  $\Rightarrow$  If( $S_2$ , Q)

Q  $\Rightarrow$  If( $S_1$ , Q')

Q  $\Rightarrow$  If( $S_2$ , 

Q'  $\Rightarrow$  If( $S_1$ , 