

To repræsentationer af samples

Hvis der haves diskrete samples $\{t_n\}$ kan der dannes en Fourierrække $T(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} t_n e^{int}$. De to repræsentationerne indeholder samme information:

$$t_n = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} T(t) e^{-int} dt. \quad (1)$$

Vektorrum for uendelige følger

- $\ell^1 = \{x = \{x_n\} : \|x\|_1 = \sum_{n=-\infty}^{\infty} |x_n| < \infty\}$
- $\ell^2 = \{x = \{x_n\} : \|x\|_2 = \sqrt{\sum_{n=-\infty}^{\infty} |x_n|^2} < \infty\}$
- $\ell^\infty = \{x = \{x_n\} : \|x\|_\infty = \sup |x_n| < \infty\}$

ℓ^2 er et Hilbertrum med indre produkt

$$\langle x_n, y_n \rangle = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x_n \bar{y}_n, \quad x, y \in \ell^2(\mathbb{Z}) \quad (2)$$

Et diskrettidssystem på V er en operator

$$T : V \rightarrow V \quad (3)$$

Tidsinvariant

Et diskrettidssystem $T : V \rightarrow V$ kaldes tidsinvariant, hvis

$$y = T(x) \Rightarrow y' = T(x'), \text{ hvor } \begin{cases} x'_n = x_{n-k} \\ y'_n = y_{n-k} \end{cases} \quad (4)$$

BIBO-stabilt (Bounded-in, bounded-out)

Et diskrettidssystem $T : V \rightarrow V$ kaldes BIBO-stabilt, hvis

$$x \in \ell^\infty(\mathbb{Z}) \Rightarrow y = T(x) \in \ell^\infty(\mathbb{Z}) \quad (5)$$

Hukommelsesløst

Et diskrettidssystem $y = T(x)$ kaldes hukommelsesløst, hvis for x, x'

$$x_k = x'_k \Rightarrow T(x)_k = T(x')_k \quad (6)$$