SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO <u>VĨNH LONG</u>

KỲ THI HỌC SINH GIỎI THPT CẤP TỈNH VÀ CHỌN ĐỘI TUYỂN THI HSG CẤP QUỐC GIA NĂM HỌC 2020 – 2021

ĐỀ THỊ CHÍNH THỰC

Môn thi: TIN HỌC Buổi thi thứ hai: Chiều 11/10/2020

HƯỚNG DẪN CHẨM THI

(Bản hướng dẫn này gồm 10 trang)

I. Hướng dẫn chung

- 1) Mỗi bài thi của thí sinh sẽ được chấm bằng cách:
- Chạy chương trình của thí sinh với bộ dữ liệu vào của hướng dẫn chấm; chương trình của thí sinh sẽ xuất ra các kết quả (gọi là kết quả của thí sinh) tương ứng các dữ liệu vào.
- Đối chiếu sự trùng khớp giữa các kết quả của thí sinh với các kết quả của hướng dẫn chấm.
- 2) Việc chạy chương trình của thí sinh và đối chiếu sự trùng khớp kết quả có thể thực hiện thủ công hoặc bằng phần mềm chấm thi. Ngoài ra, phần mềm chấm thi sẽ tính thời gian chạy chương trình nếu đề bài có yêu cầu.
- 3) Trường hợp bài làm của thí sinh có lỗi (không biên dịch được), phần tổ chức dữ liệu và nhập dữ liệu được chấm tối đa 25% số điểm của bài.

II. Đáp án và thang điểm

BÀI	ĐÁP ÁN		ÐIĒM	
Bài 4	Doanh thu			
	Cách 1: Duyệt toàn bộ các dãy con liên tiếp của dãy đã cho (bằng hai			
	vòng lặp lồng nhau), với mỗi dãy con, kiểm tra điều kiện "tổng >= S?";			
	nếu có, tính độ dài dãy con và cập nhật lại độ dài ngắn nhất. Độ phức tạp			
	thuật toán $O(n^3)$.			
	Cách 2: Cải tiến cách 1 bằng phương pháp chuẩn bị trước dữ liệu sao cho			
	việc tính tổng chỉ tốn chi phí O(1). Độ phức tạp thuật toán giảm còn			
	$O(n^2)$.			
	Cách 3: Cải tiến cách 2 bằng cách thay một vòng lặp bằng tìm kiếm nhị			
	phân. Độ phức tạp thuật toán giảm còn O(nlogn).			
Test	DOANHTHU.INP	DOANHTHU.OUT	-	
1	6 15	4	Mỗi	
	0 0 4 0 5 6		Test	
2	6 50	-1	0.5	
	20 0 -2 0 -5 6		điểm	
3	10 90	10		
	999999999			
4	10 9	1		
	0909090909			
5	File_input05	File_output05		
6	File_input06	File_output06		
7	File_input07	File_output07		

8	File_input08	File_output08	
9	File_input09	File_output09	
10	File_input10	File_output10	
11	File_input11	File_output11	
12	File_input12	File_output12	
Bài 5	Chạy Marathon		
	 <u>Cách 1</u>: Tìm đường đi ngắn nhất giữa các cặp đỉnh (Floyd). Tổ chức lưu giữ độ dài đường đi và số cạnh trên đường đi. Phân tích kết quả lưu giữ tìm lời giải. O(n³) <u>Cách 2</u>: Với mỗi đỉnh của đồ thị, duyệt đồ thị bằng BFS, biểu diễn đồ thị bằng ma trận kề. Độ phức tạp thuật toán O(n³). Có thể biểu diễn đồ thị bằng danh sách kề, độ phức tạp thuật toán còn O(n²). Có thể cải tiến thuật toán bằng các đánh giá nhánh cận theo các tiêu chí: - Chỉ duyệt đồ thị có trọng số không quá K. - Ở mỗi bước loang, không thăm đỉnh tiếp theo nếu thăm đỉnh ấy thì: + Chiều dài đường đi lớn hơn K; + Hoặc số cạnh trên đường đi <i>lớn hơn</i> số cạnh <i>tối ưu</i> đang có. 		
Test	MARATHON.INP	MARATHON.OUT	
1	6 11 1 2 5 1 3 1 2 4 2 2 6 5 4 5 3	3 Giải thích: 3 – 1 – 2 - 6	Mỗi Test 0.5 điểm
2	6 6 1 2 5 1 3 1 2 4 7 2 6 1 4 5 7	2 Giải thích: 3 – 1 – 2 hoặc 1 – 2 - 6	
3	75 125 131 247 261 457 674	1 Giải thích: 1 – 2 Giả sử khi duyệt từ đỉnh 1 đã tìm được đáp số tạm thời là 1. Sau đó duyệt từ đỉnh 2, ta thấy bước duyệt từ đỉnh 6 đến đỉnh 7 là không cần thiết.	

4	7 26	-1	
	125	-1	
	131		
	247	Giải thích:	
	$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 6 & 1 \end{bmatrix}$	Tổng các trọng số chỉ	
	$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$	bằng 25, nhưng K đòi	
	$\begin{bmatrix} 457 \\ 674 \end{bmatrix}$	hỏi bằng 26, nên không	
	$\binom{6}{6}$ $\binom{4}{4}$	tìm được lời giải.	
	$4 \rightarrow 7$	tim ange tot giat.	
	(7) (5)		
5	File_input05	File_output05	
6	File_input06	File_output06	
7	File_input07	File_output07	
8	File_input08	File_output08	
9	File_input09	File_output09	
10	File_input10	File_output10	
11	File_input11	File_output11	
12	File_input12	File_output12	
13	File_input13	File_output13	
14	File_input14	File_output14	
Bài 6	Cổ phiếu		7,0
	<u>Cách 1</u> : Duyệt toàn bộ bằng 2 vòng lặp. Độ phức tạp O(n²)		
	L Cách 7. Sir dung câu trúc dir hau Interval tree ha	oc Ringry Inday trac Dô	
	Cách 2: Sử dụng cấu trúc dữ liệu Interval tree hơ	pặc Binary Index tree. Độ	
Test	phức tạp O(nlogn)		
Test	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP	COPHIEU.OUT	Mỗi
Test	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5	COPHIEU.OUT	Mỗi Test
	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10	COPHIEU.OUT 12 15	Test
	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 5	COPHIEU.OUT 12 15 15	Test 0,5
	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 5 0 3 12	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12	Test
	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 → 10 10 12 10 10	Test 0,5
	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 → 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 → 12	Test 0,5
	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 → 10 10 12 10 10	Test 0,5
	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 → 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 → 12 CT: 0 3 15 → 10 10 15 10 10	Test 0,5
	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 → 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 → 12 CT: 0 3 15 → 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 → 15	Test 0,5
1	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15	Test 0,5
	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 → 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 → 12 CT: 0 3 15 → 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 → 15 CT: 1 1 3 → 15 50	Test 0,5
1	phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40	Test 0,5
1	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3 5 10 20 30 40 50 5	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40 60	Test 0,5
1	Phức tạp O(nlogn) COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3 5 10 20 30 40 50 5 1 1 5	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40	Test 0,5
1	COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3 5 10 20 30 40 50 5 1 1 5 0 1 40	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40 60 CT: 1 1 5 \rightarrow 50 CT: 0 1 40	Test 0,5
1	COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3 5 10 20 30 40 50 5 1 1 5 0 1 40 1 1 3	COPHIEU.OUT 12 15 15 15 $CT: 0 \ 3 \ 12$ $\rightarrow 10 \ 10 \ 12 \ 10 \ 10$ $CT: 1 \ 1 \ 3 \rightarrow 12$ $CT: 0 \ 3 \ 15$ $\rightarrow 10 \ 10 \ 15 \ 10 \ 10$ $CT: 1 \ 3 \ 5 \rightarrow 15$ $CT: 1 \ 1 \ 3 \rightarrow 15$ 50 40 60 $CT: 1 \ 15 \rightarrow 50$ $CT: 0 \ 1 \ 40$ $CT: 0 \ 1 \ 40$ $CT: 0 \ 30 \ 40 \ 50$	Test 0,5
1	Description of the policy of t	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40 60 CT: 1 1 5 \rightarrow 50 CT: 0 1 40 \rightarrow 40 20 30 40 50 CT: 1 1 3 \rightarrow 40	Test 0,5
1	COPHIEU.INP 5 10 10 10 10 10 10 5 0 3 12 1 1 3 0 3 15 1 3 5 1 1 3 5 10 20 30 40 50 5 1 1 5 0 1 40 1 1 3	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40 60 CT: 1 1 5 \rightarrow 50 CT: 0 1 40 \rightarrow 40 20 30 40 50 CT: 1 1 3 \rightarrow 40 CT: 0 3 60	Test 0,5
1	Description of the policy of t	COPHIEU.OUT 12 15 15 CT: 0 3 12 \rightarrow 10 10 12 10 10 CT: 1 1 3 \rightarrow 12 CT: 0 3 15 \rightarrow 10 10 15 10 10 CT: 1 3 5 \rightarrow 15 CT: 1 1 3 \rightarrow 15 50 40 60 CT: 1 1 5 \rightarrow 50 CT: 0 1 40 \rightarrow 40 20 30 40 50 CT: 1 1 3 \rightarrow 40	Test 0,5

		Ţ
3	10	50
	10 20 30 40 50 20 40 80 10 0	50
	8	80
	156	50
	1 3 5	40
	169	100
	1 1 5	$CT: 156 \rightarrow 50$
	0 1 40	$CT: 135 \rightarrow 50$
	113	$CT: 169 \rightarrow 80$
	0 10 100	$CT: 115 \rightarrow 50$
	1 10 10	CT: 0 1 40
		→ 40 20 30 40 50 20
		40 80 10 0
		$CT: 113 \rightarrow 40$
		CT: 0 10 100
		→ 40 20 30 40 50 20
		40 80 10 100
		$CT: 1\ 10\ 10 \rightarrow 100$
4	10	6
	1111111111	CT: 0 3 6
	5	→1161111111
	0 3 6	CT: 0 2 2
	0 2 2	→1261111111
	095	CT: 0 9 5
	0 2 5	→1261111151
	129	CT: 0 2 5
		→1561111151
		CT: 1 2 9
		→6
5	File_input05	File_output05
6	File_input06	File_output06
7	File_input07	File_output07
8	File_input08	File_output08
9	File_input09	File_output09
10	File_input10	File_output10
11	File_input11	File_output11
12	File_input12	File_output12
13	File input13	File_output13
14	File_input14	File_output14
1+	I nc_mputit	1 IIC_Output14

HÉT

Code tham khảo

```
Bài 4. Doanh thu
uses math;
const
 maxN = 100000;
 oo = 10000000000;
var
 a, vitri: array[1..maxN] of longint;
 sum,sum_sort: array[0..maxN] of longint;
 n,s: longint;
 j_min, luui, ans: longint;
//----
procedure nhap;
var i: longint;
begin
 readln(n,s);
 for i:=1 to n do read(a[i]); // O(n)
//----
procedure doicho(var a,b:longint);
var tam: longint;
begin
 tam := a; a := b; b := tam;
//----
Procedure QuickSort(L,H:longint);
Var i,j, chot: longint;
begin
If L>=H then exit;
 chot := sum\_sort[(L+H) div 2];
 i := L; j := H;
 repeat
  while sum_sort[i] < chot do inc(i);
  While sum_sort[j] > chot do dec(j);
  if i<=j then
   begin
    if i<j then begin doicho(sum_sort[i],sum_sort[j]); doicho(vitri[i],vitri[j]) end;
    inc(i); dec(j);
   end;
 until i>j;
 QuickSort(L,j);
 QuickSort(i,H);
end;
//----
procedure chuanbi; // O(nlogn)
var i: longint;
begin
 fillchar(sum,sizeof(sum),0);
```

```
for i:=1 to n do // O(n)
  begin
   sum[i] := sum[i-1]+a[i];
   vitri[i] := i;
  end;
 sum sort := sum;
 QuickSort(1,n); // O(nlogn)
end;
//----
procedure chuanbi2;
var i: longint;
begin
 fillchar(sum,sizeof(sum),0);
 for i:=1 to n do
   begin
     sum[i] := sum[i-1] + a[i];
   end;
end:
procedure tim(x,a,b:longint); // O(logn)
var L,H,Mid: longint;
begin
 if a>b then exit;
 L := a; H := b;
 Mid := (L+H) div 2;
 if sum\_sort[Mid] >= x then
  begin
    if (vitri[Mid]<j_min) and (vitri[Mid] >= luui) then j_min := vitri[Mid];
    if (Mid < H) then tim(x,Mid+1,H);
    if (L<Mid) and (sum_sort[Mid-1] >= x) then tim(x,L,Mid-1); // danh gia nhanh can
  end
 else
  begin
    if (Mid < H) then tim(x,Mid+1,H);
  end;
end;
//----
procedure xuli;
var i: longint;
begin
 chuanbi; // chuan bi truoc du lieu
  ans := oo;
 for i:=1 to n do
                    // O(n)
   begin
    j_{\min} := n+1;
    luui := i;
    tim(sum[i-1]+s,i,n); // O(logn)
    if (j_min \ge i) and (j_min \le n) then
```

```
begin
       if (j_{\min}-i+1) < ans then ans := (j_{\min}-i+1);
     end;
   end;
 if (ans=00) then writeln(-1) else writeln(ans);
end:
//----
procedure xuli2;
var i,j: longint; tong: int64;
begin
 ans := oo;
 chuanbi2:
 for i:=1 to n do
   for j:=i to n do
     begin
       tong := sum[i] - sum[i-1];
       if tong >= s then
        begin
          if (j-i+1) < ans then ans := j - i + 1;
        end:
     end;
 if (ans=00) then writeln(-1) else writeln(ans);
end;
//----
BEGIN {Main}
 assign(input,'doanhthu.inp'); reset(input);
 assign(output,'doanhthu.out'); rewrite(output);
  nhap;
  //xuli2;
  xuli:
 close(input); close(output);
END.
Bài 5. Chạy Marathon
const
   maxN = 200000;
   oo = 200000000000;
type
   link = ^node;
   node = record
        dinh: longint;
        L: longint;
        next: link;
        end;
var
   Ke:array[1..maxN] of link;
   Queue:array[1..3*maxN] of longint;
   Free: array[1..maxN] of Boolean;
   D,KM: array[1..MaxN] of longint;
```

```
first, last, n, K:longint;
   SoCanh_Min,ans: longint;
//----
procedure add(u,v,L:longint);
var p,q: link;
begin
new(p);
 p^{\wedge}.dinh := v; p^{\wedge}.L := L; p^{\wedge}.next := ke[u]; ke[u] := p;
 new(q);
 q^{\wedge}.dinh := u; q^{\wedge}.L := L; q^{\wedge}.next := ke[v]; ke[v] := q;
end;
//----
procedure Push(v:longint);
begin
 inc(last);
 Queue[last]:=v;
end;
//-----
function pop:longint;
begin
 pop:=Queue[first];
 inc(first);
end;
procedure BFS(s:longint);
var u,v:longint; p: link;
begin
 first:=1; last:=0; {khoi tao hang doi rong}
 Fillchar(Free, size of (Free), True);
 Fillchar(D,sizeof(D),0);
 Fillchar(KM,sizeof(KM),0);
 Free[s] := False;
 push(s);
  while first<=last do
    begin
      u:=pop;
      p := ke[u];
      while (p<>nil) do
       begin
        v := p^{\wedge}.dinh;
        if Free[v] then
         begin
           Free[v] := false;
           D[v] := D[u]+1;
           KM[v] := KM[u] + p^{L};
           if KM[v] = K then
```

```
begin socanh_min := D[v]; exit end;
          if KM[v] < K then push(v); // nhanh can
         end:
       p := p^{\wedge}.next;
      end;
    end;
end;
//-----
procedure nhap;
var i,u,v,L:longint;
begin
   readln(n,K);
   for i:=1 to n-1 do
     begin
       readln(u,v,L);
       add(u,v,L);
     end;
end;
//----
procedure xuli;
var s: longint;
begin
 ans := oo;
 socanh_min := oo;
 for s:=1 to n do
  begin
    BFS(s);
    if socanh min < ans then ans := socanh min;
if ans = oo then write(-1) else write(ans);
end;
//----
BEGIN
  assign(Input, 'marathon.inp'); reset(Input);
  assign(Output,'marathon.out'); rewrite(Output);
    nhap;
    xuli;
  Close(Input);
  Close(Output);
END.
Bài 6. Cổ phiếu
uses math;
const
    maxN = 1000000; maxM = 100000;
    oo = 20000000000;
var
```

```
a,pos: array[1..maxN] of longint;
  tree: array[1..100*maxN] of longint;
  n,p,u,v,max_uv: longint;
//-----
Procedure dungcay(k,be,en: longint);
Var mid : longint;
Begin
 If (be = en) then begin tree[k] := a[be]; pos[be] := k end
 Else
  begin
   mid := (be+en) div 2;
   dungcay(2*k,be,mid);
   dungcay(2*k+1,mid+1,en);
   tree[k] := max(tree[2*k], tree[2*k+1]);
  end;
End;
procedure truyvan(k,be,en,L,R: longint);
Var mid: longint;
Begin
   if (en<L) or (R<be) then exit;
   if (L \le be) and (en \le R) then max_uv := max(max_uv, tree[k])
   else
      begin
       mid := (be+en) div 2;
       truyvan(2*k,be,mid,L,R);
       truyvan(2*k+1,mid+1,en,L,R);
     end;
End:
procedure capnhat(u,v: longint);
var k: longint;
begin
 k := pos[u];
 a[u] := v;
 tree[k] := v;
 k := k \text{ div } 2;
 repeat
  if (k=0) or (tree[k] \ge max(tree[2*k], tree[2*k+1])) then break; // danh gia nhanh can
  tree[k] := max(tree[2*k], tree[2*k+1]);
  k := k \text{ div } 2;
 until false;
end:
//----
procedure nhap;
var i,loai,u,v: longint;
begin
```

```
readln(n);
 for i:=1 to n do read(a[i]);
 dungcay(1,1,n);
 readln;
 readln(p);
 for i:=1 to p do
   begin
    readln(loai,u,v);
    if (loai = 0) then capnhat(u,v) else
     begin
       max_uv := -oo;
       truyvan(1,1,n,u,v);
       writeln(max_uv);
     end;
  end;
end;
//-----
BEGIN
 assign(input,'cophieu.inp'); reset(input);
 assign(output,'cophieu.out'); rewrite(output);
   nhap;
close(input); close(output);
END.
```