**Практическое занятие 1.**

**Математические основы информатики.**

***Учебник - Павловская, Программирование на С++. Практикум***

*Цифра* – символ, знак.

*Число* – значение.

*Система счисления (СС)* – это комплекс разрешенных базисных знаков и правила образования из них любых чисел в данной системе счисления.

**Пример**: римская система счисления

**Правила:**

1. Если цифра справа меньше или равна цифре слева то эти цифры складываются.
2. Если цифра слева < цифры справа, то левая вычитается из правой

1 – I, 5 – V, 10 – X, 50 – L, 100 – C 500 – D, 1000 – M.

146 => CXLVI

*Виды СС*:

1. Аддитивные СС – любое число получается сложением или вычитанием базисных знаков (Римская СС)

ДОСТОИНСТВА

- Представление больших чисел небольшим количеством знака

НЕДОСТАТКИ

- Сложность проведения операций

1. Позиционные СС – значения каждого базисного знака изменяется от его позиции знаков составляющих это число

ДОСТОИНСТВА

- Легкость проведения операции

НЕДОСТАТКИ

- Большое количество знаков

*Основание СС* – количество разрешенных знаков в СС.

***Домашняя работа:*** перевести: 88, 90, 162 в римскую систему счисления.

**Домашняя работа**

88 = LXXXVIII

90 = XC

162 = CLXII

**Практическое занятие 2.**

**Форма представления числа в любой СС.**

1. В виде последовательности разрешенных базисных знаков.

Например: -1111.1111 где -1111 – это целая часть, 0.1111 - мантиса

1. В виде полинома

Например: 3\*10^2 + 4\*10^1 + 5\*10^0 + 6\*10^-1

**Действия в СС**

1. Сложение
2. Вычитание
3. Умножение

ДЗ:

10101 \* 1011

1001 \* 11

**Практическое занятие №3**

**Экономичность СС.**

Самыми экономичными из сравниваемых систем будет та СС, которая позволяет написать с помощью заданного количества знаков (одинаково для всех сравниваемых систем) наибольшее количество комбинаций

Пример:

Дано: 60 базисных знаков, 2-ная и 3-ная СС. Какая из них экономичней?

2-ная СС:

30 групп по 2 знака

Количество разных комбинаций: 2^30

3-ная СС:

20 групп по 3 знака

Количество комбинаций: 3^20

2^30 < 3^20

Ответ: 3-ная СС

ДЗ: дано 120 знаков 15 и 2 СС

Смешанные СС

Числа заданные в СС с основанием P переводятся в СС с основанием q где п меньше по таблице если основания связаны формулой P=q^l где l – количество разрядов в одном числе

Перевод из 10-ной в другие СС

Пусть п осн СС

1. Целое часть делится на п до получения целого частного, полученный при этом остаток в том числе и 0
2. Полученное частное опять делим на п до получения целого частного до тез
3. Полученные остатки будут разрядами числа в новой СС.
4. Число получается выписыванием в обратном порядке последнего частного и остатка

Алгоритм для мантисы

1. Мантиса последовательно умножается на основание P.
2. Полученные при этом целые части чисел являются очередным разрядом в новой СС
3. Умножение прекращаем по одной из двух причин 1. Либо когда 2. Либо когда будет достигнута заданная точность(обычно 4 числа после запятой)

ДЗ: 47,37 312.65 из 10сс в 3 другие

**Практическое занятие №4. Компьютерная система. Хранение информации в современных компьютерах. Числовая система компьютера.**

ДЗ: 235.875 в 10ной, 12345.672 в 8ной.

Числовая система компьютера напрямую связана с кодированием информации.

Кодирование - это формирование нового представления информации, то есть переход от исходного представления удобного для восприятия человеком, к представлению для хранения, передачи, и обработки информации. Декодирование – обратный процесс.

Цели кодирования информации.

1. Удобство физической реализации.
2. Удобство для восприятия человеком
3. Время передачи и обработки информационных кодированных и декодированных сообщений
4. Экономичность – снижения избыточности сообщения
5. Надежность – защита от случайных искажений
6. Защита от несанкционированного доступа

В зависимости от целей стоит выставлять системы приоритетов поскольку цели кодирования могут противоречить друг другу. Например: снижение экономичности может снизить

Уменьшение длинны сообщения может повысить сложность обработки

Объем хранимой информации при повышении может увеличить сложность обработки

Решение вопроса:

Выставление целей на разных этапах проекта

**Представление информации в компьютере.**

Обычно хранение информации происходит в виде двоичного кода

При этом искусственное количество памяти которой может быть размещено в одном элементе памяти называют битом

Который очень мал и сам по себе не несет никакой нагрузки

Поэтому для работы с информации предложено использовать более крупную единицу байт.

Байт - это минимальная область памяти которой присвоен адрес

Адрес – порядковый номер байта. Машинным словом называется такая ячейка памяти, которую аппаратная часть компьютера обрабатывает как единое целое. Длина машинного кода может быть различной. И именно она определяет архитектуру конкретного компьютера.

Точность вычислений зависит от архитектуры данного конкретного компьютера и длинны машинного кода

**Информатика от 02.10.2023**

**Практическое занятие №5**

**Преподаватель Полякова Ольга Андреевна**

Адресом машинного слова является адрес младшего байта этого слова

Объём информации, представляемой в конкретном компьютере, ограничен ёмкостью памяти данной ЭВМ, а, следовательно, числовая информация может быть представлена лишь с определенной степенью точности, которая зависит от архитектуры компьютера

Обмен информацией происходит через код ASCII т.е. код обмена, который генерируется внешними устройствами (например, принтером)

Дано:

RAM = 2kB

Какой адрес последнего байта оперативной памяти, если измерение начинается с нуля

2048 байт

Поскольку нумерация байтов начинается с нуля, адрес последнего байта будет равен 2047 (2048 –1)

Данные – это информация, представленная в виде пригодном для обработки автоматическими средствами

Дано:

RAM = 1мБ

Адрес последнего машинного слова равен 1048574

1мБ = 1024 кБ = 1048576 байт

Формат данных компьютера

1. Логические коды
2. Числа с фиксированной запятой
3. Числа с плавающей запятой

Логические коды

Логические коды могут быть размещены либо в отдельных байтах, либо в машинных словах, т.к. логическими кодами представлены: a) символьные величины b) Числа без знака c) битовые величины

Символьные величины – это определенные в кодах таблицы ASCII символы, где каждый из них занимает 1 байт, где 7-й бит всегда 0

В таблицы ASCII стандартны только первые 128 символов с адресами от 0 по 127. Сюда входят буквы латинского алфавита, арабские цифры, знаки препинания, скобки, служебные символы, остальные 128 символов (с 128 по 255) предназначены для кодирования национальных алфавитов, научных символов и других

Символ «I» в кодовой таблице имеет номер 105, определить, что зашифровано следующей последовательностью

108105110107 = L I N K

ABCDEFGHIJKNLMO

STOP = 115116111112

Числовая информация в компьютере

Числа с фиксированной запятой хранятся как целые числа

Числа с плавающей точкой хранятся как целые, так и вещественные числа

Числа с фиксированной запятой – целые числа

Диапазон представления таких чисел зависит от размера ячеек памяти т.е. от длины машинного слова. Например, в k-битовом машинном слове могу храниться 2k различных целых чисел

Дано:

Пусть в данном компьютере используется 16 разрядное машинное слово. Каков диапазон хранимых чисел, если

1. Используются только положительные числа
2. Используются числа положительные и отрицательные в равном к-ве
3. От 0 до 65535
4. От -32768 до 32767

ДЗ:

1. RAM имеет объём 4кБ, определить адрес последнего байта памяти
2. RAM содержит 163840 машинных слов. Это составляет 0.625мБ памяти. Какого длина машинного слова в битах
3. 4095 адрес последнего байта памяти
4. 32 бита

Представление целого положительного числа N

1. Перевести заданное число N В двоичную
2. Полученный результат дополним слева не значащими вариантами до K разрядного машинного слова
3. Вписываем результат машинного слова
4. Представляем упакованную форму числа в двоичной системе

Дано:

N = 1607 в дес. Системе

N = 11001000111

11 разрядов – 2 байта

0000 0110 0100 0111

0000 0110 | 0100 0111

0 6 4 7

0647

**Представление в компьютере целого отрицательного числа**

1. **Получаем компьютерного представления числа со знаком +**
2. **Получаем обратный код числа заменив 0 на 1 а 1 на 0**
3. **Получаем дополнительный код числа добовляя едницу в посл разряд обратного кода**
4. **Получаем в 16чной СС**

N = 0000 0110 0100 0111

1111 1001 1011 1000 – обратный код

1111 1001 1011 1001 – дополнительный код

F 9 B 9

Ответ: F9B9

- 195 , -263, -3120

**Представление вещественных или действительных чисел привязаны к след формуле**

R = m\*n^p

Где m – число; n основание СС; р – порядок числа

Дано:

25.324 = 2.5324 \* 10^1 = 2532.4 \* 10^-2 = **0.25324 \* 10^2**

**В памяти хранятся –**

1. Знак числа
2. Цифры мантиссы
3. Порядок числа (степень)
4. Знак порядка

Пусть дано K-разрядное машинное слово, где K равно 32. В компьютере действительные числа хранятся в нормализованной системе с плавающей запятой, где мантиса меньше единицы и не 0, а формат представления соответствует формуле 1

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| 1 2-7 | 8 | - | 32 |

1. Знак числа (1 - ; 0 +)

2-7. Машинный порядок числа

Min = 000 0000 = 0 dec.

Max = 111 1111 = 127 dec.

128 машинных порядков – 64 положительных, 64 отрицательных. (-64 – 63)

8-32 – Мантисса

В компьютере математические машинные порядки сдвинуты относительно друг друга так, чтобы начальному значению соответствовал 0, следовательно машинный порядок сдвинут на 64 единиц вправо

Mp = p + 1000000 bin.

1. Переводим модуль заданного действительного числа в двоичную СС с 24 значащими цифрами (если мантисса короче, то справа добавляем 0)
2. Нормализуем полученное число по формуле 1 представляя его как 0. 24 цифры)
3. Вычисляем порядок Мр
4. Размещаем число в машинное слово
5. Переводим в 16-ную СС

Дано:

R = 250.1875 dec.

1111 1010.0011 0000 0000 0000 bin.

0.1111 1010 0011 0000 0000 0000 bin \* 10^1000 bin

Mp = 1000 + 100 0000 = 1001000

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| 0|100 1000 | 1111 1010 | 0011 0000 | 0000 0000 |

4 8 F A 3 0 0 0

Ответ:48FA3000

Дз 501.75

**Практическое занятие №5. Измерение информации.**

Человек всегда хотел получить цифровое измерение следующих составляющих:

1. Материя – измерение вещественного, то есть количество вещества, которое определяется весом глубиной высотой объемом площадью и другие измерения
2. Энергия – определяется ее количеством, где единица измерения привязаны к ее виду: тепловая, механическая, электрическая, атомная и другие виды (Ваты, джоули, ньютоны килокалории)
3. Информация –

Дано:

* Энергия взмаха крыла бабочки 10^-4
* Пуля ружья 10^2
* Атомная бомба 10^20

Дано:

* Яблоко 200 гр.
* Атом 10 ^-20
* Планета 6\*10 ^27

Бит это количество информации которая уменьшает неопределенность информации об исследуемом объекте ровно в 2 раза

Количество возможных результатов называется неопределенность нашего знания.

Формула Хартли (Для равновероятных событий)

* N=2^i
* I = log2(N)
* N – количество возможных исходов
* I – количество информации в битах для данного события

Дано:

В барабане 32 шара. Сколько информации несет в себе информация о выпадении 15. От

Ответ 5бит

Дано

* Кубик – 6 граней
* 2.59 бит

Количество информации и вероятность

Дано в коробке 50 шаров. 40 белых. Найти вероятность выпадения белых (7/8)

Чем меньше вероятность события, тем больше информации оно содержит.

Для неравновероятных событий используется формула Шеннона.

Дано: В корзине белые и черные шары, из них 18 черных. Сообщение о том что достали белый шар несет 2 бита информации. Сколько белых шаров

1. Пусть X количество шаров
2. I бел. – 2 бита
3. По формуле Хартли **I=log2 N**
4. I = log2(1p) = 2 log2(1p.б) = ¼
5. Т. К. вероятность выпадения б = ¼ то ч = ¾
6. ¾ = 18/x
7. X = 24

Модель данных – соглашение, в рамках которого конкретная реализация компилятора (интерпретатора) языка программирования определяет размер (в байтах/битах) фундаментальных (базовых) типов данных

Модель данных может кодироваться 3-мя значениями: размером целого числа (int), размером указателя (prt)

**32 битные**

Максимальное ограничение адресного пространства в 32-битных моделях равно 4 Гигабайтам

**Расшифровка названия – Long, Pointer 32.**

Использовалась на 32-битных системах, преймущественно в Win16 API.

**ILP32 (4/4/4)**

Расшифровка названии: Integer, Long, Pointer 32.

* Win32
* 32битные Unix и Unix – подобные системы (включая Limux и MacOS (OS X))

**64-битные**

**LLP64 (4/4/8)**

Int, Long – 32, Pointer – 64

**LP64 (4/8/8)**

Int – 32, Long – 64, Pointer – 64

64-битные Unix и Unix-подобные системы (включая Linux и MacOS)

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Тип данных | Стандарт С++ | LP32 | ILP32 | LLP64 | LP64 |
| Указатель (pointer) | Не менее 32 | 32 | 32 | 64 | 64 |
| Короткое целое (Short int) | Не менее 16 | 16 | 16 | 16 | 16 |
| Целое | Не менее 16 | 16 | 32 | 32 | 32 |
| Длинное целое | Не менее 32 | 32 | 32 | 32 | 64 |
| Длинное длинное целое | Не менее 64 | 64 | 64 | 64 | 64 |
| Плавающая точка одинарной точности | Не менее 32 | 32 | 32 | 32 | 32 |
| Плавающая точка двойной точности | Не менее 64 | 64 | 64 | 64 | 64 |

Реализация float и double подчиняется стандарту IEEE 754

**Для float:**

1. Знаковый бит: 1
2. Порядок 8
3. Мантисса: 23 (вычисляется до 24 знака, последний бит явно не хранится)

**Для double:**

1. Знаковый бит: 1
2. Порядок: 11
3. Мантисса: 52 (Вычисляется до 53 знака, последний бит явно не хранится)

**Формула Шеннона**

I = log2(1/p) где p – вероятность наступления события

P = 4/5 красные 0.8 Log(1.25) = 0.32 бита

P = 1/5 зеленый 0.2 Log(5) = 2.32 бита

Алфавитный подход к измерению информации

Алфавитный подход связан с наукой – кибернетика.

Кибернетика - это наука, которая интересуется сложными объектами в том числе и живыми организмами но изучает не внутреннее содержание объекта а процессы взаимодействия объектов, их связях, и управление ими.

В кибернетике моделью представление сложных объектов является черный ящик где главными характеристиками является входные и выходные данные.

Несколько черных ящиков обмениваются входной и выходной информацией которая является последовательностью сигналов. Сигнал представляет собой некую символьную форму, которая называется символьная форма информации

Дано Русский алфавит 54 символа.

Формула Хартли для символов: I = log(N)

Где I количество информации символа

N – Количество символов в алфавите(мощность)

* 1. бит информации несет в себе символ

Дано Английский алфавит содержит 44

5.555 бит

Количество информации зависит от мощности алфавита и размера текста.

Основы математической логики

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| a | b | Инверсия (!) не (-a) | Конъюнкция (&&) и | Дизъюнкция (||) или | Импликация  (->) a <= b | Эквивалентность  (⬄) a==b |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |