

# Drugi tjedan

## Q

1. Definirati pojmove: sud, semantička vrijednost suda.

Sud ... bilo koja rečenica koja je ili istinita ili lažna. Svakom sudu  $A$  pridružujemo vrijednosti  $\top$  ili  $\perp$  (redom istina i lažna).

Semantička vrijednost ... vrijednost istinitosti suda, semantičku vrijednost suda  $A$  označavamo sa  $\tau(A)$  čija vrijednost može biti  $\tau(A) = \top$  ili  $\tau(A) = \perp$ .

2. Definirati operacije sa sudovima: negacija, konjunkcija, disjunkcija, ekskluzivna disjunkcija, implikacija, ekvivalencija, Shefferova operacija, Lukasiewiczova operacija.

Negacija ... negacija suda  $A$  je sud koji označavamo sa  $\neg A$  (čitamo: ne  $A$ ), a pripadajuća tablica istinitosti je

$A$	$\neg A$
$\top$	$\perp$
$\perp$	$\top$

Konjunkcija ... konjunkcija sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \wedge B$  (čitamo:  $A$  i  $B$ ).

Disjunkcija ... disjunkcija sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \vee B$  (čitamo:  $A$  ili  $B$ ).

Ekskluzivna disjunkcija ... ekskluzivna disjunkcija sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \vee B$  (čitamo: ili  $A$  ili  $B$ ).

Implikacija ... implikacija sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \Rightarrow B$  (čitamo: iz  $A$  slijedi  $B$ ).

Ekvivalencija ... ekvivalencija sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \Leftrightarrow B$  (čitamo:  $A$  je ekvivalentan sa  $B$ ).

Shefferova operacija ... shefferova operacija između sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \uparrow B$  (čitamo:  $A$  šefer  $B$ ), te ima značenje nije istodobno  $A$  i  $B$ .

Lukasiewiczova operacija ... lukasiewiczova operacija između sudova  $A$  i  $B$  je sud koji označavamo sa  $A \downarrow B$  (čitamo:  $A$  lukasijevič  $B$ ), te ima značenje niti je  $A$  niti je  $B$ .

Pripadajuća tablica istinitosti za operacije konjunkcije, disjunkcije, ekskluzivne disjunkcije, implikacije, ekvivalencije, Shefferove operacije i Lukasiewiczove operacije

$A$	$B$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \vee B$	$A \Rightarrow B$	$A \Leftrightarrow B$	$A \uparrow B$	$A \downarrow B$
$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$
$\perp$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\perp$
$\top$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$	$\top$	$\perp$
$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\top$	$\top$	$\perp$	$\perp$

3. Definirati pojam logičke ekvivalentnosti dviju logičkih formula te navesti poredak logičkih operacija po snazi vezivanja.

Logička ekvivalentnosti ... Kažemo da su dvije formule  $P$  i  $Q$  algebre sudova logički ekvivalentne ako imaju isti broj varijabla i podjednake tablice istinitosti, te pišemo  $P \equiv Q$ .

Poredak logičkih operacija po opadajućoj snazi vezivanja je

$$\neg, \quad \wedge, \quad \vee, \quad \Rightarrow, \quad \Leftrightarrow$$

4. Definirati pojmove generatora algebre sudova i baze algebre sudova.

Generator algebre sudova ... sistem izvodnica (generatora) algebre sudova je skup Booleovih operacija algebre sudova pomoću kojih se može napisati bilo koja formula algebre sudova.

Baza algebre sudova ... Minimalni sistem izvodnica algebre sudova zovemo bazom algebre sudova.

Vrijede sljedeća pravila algebre sudova

- $$A \vee A \equiv A, \quad A \wedge A \equiv A$$

- $$(A \vee B) \vee C \equiv A \vee (B \vee C)$$

$$(A \wedge B) \wedge C \equiv A \wedge (B \wedge C)$$

- $$A \vee B \equiv B \vee A, \quad A \wedge B \equiv B \wedge A$$

- $$A \wedge (B \vee C) \equiv (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$$

$$A \vee (B \wedge C) \equiv (A \vee B) \wedge (A \vee C)$$

- $$\neg(A \vee B) \equiv \neg A \wedge \neg B, \quad \neg(A \wedge B) \equiv \neg A \vee \neg B$$

- 

$$A \vee \top \equiv \top, \quad A \wedge \perp \equiv \perp$$

- 

$$A \vee \perp \equiv A, \quad A \wedge \top \equiv A$$

- $$A \vee \neg A \equiv \top, \quad A \wedge \neg A \equiv \perp$$

- $$\neg\neg A \equiv A$$

6. Iskazati i dokazati pravilo obrata po kontrapoziciji.