Projet de Simulateur de Fluide Stephane LEJEUNE, Jacques PHAM BA NIEN 9 mai 2025

Table des matières

1	Introduction		3	
2	Théorie de simulateur de fluide			4
	2.1 Equation de Navier-Stokes		ion de Navier-Stokes	4
				ateurs
		2.2.1	Simulateur Newtonien	7
		2.2.2	Simulateur Lagrangien	10
		2.2.3	Simulateur Mixtes	11
		2.2.4	Simulateur SPH (Smoothed Paricle Hydrodynamics) $$.	11
3	Le projet 1			15
	3.1	1 Pre-Unity: Le choix de rust		15
	3.2			17
		3.2.1	Architecture générale du projet	17
		3.2.2	Données simulées	18
		3.2.3	Initialisation des paricules	18
		3.2.4	Étapes du simulateur	19
		3.2.5	Difficultés rencontrées et optimisations	21
		3.2.6	Visualisation et résultas expérimentaux	24
1	Cor	alusio	n	27

1 Introduction

Pour le projet, nous avons choisis de construire un simulateur de fluide, projet non proposé de base, mais c'est un projet que Stephane et Jacques voulaient déjà faire depuis la L2, nous avons donc proposer le projet et il a été accepté.

Étant en double licence, le style de compétences utiles qu'on peut apprendre avec un projet informatique sont différentes, le projet de simulateur de fluide nous a sembler être un bon compromis entre demandant des compétences informatiques et mathématiques.

Ce projet, nous permet d'explorer comment les techniques qu'on as appris durant différent cours analyse numériques peuvent être utiliser pour quelque chose de plus "réel" (et visuel) que résoudre un système linéaire ou des équations différentiels abstraites.

Du point de vu informatique, ce projet nous oblige à interagir avec une interface graphique, choisir nos structures pour representer les particules (ou ne pas les representer)

Nous sommes donc reconnaissant que notre proposition de projet ait été accepté.

L'objectif du projet est double :

- 1. Implémenter une simulation de fluide stable, visuellement cohérente, et intéractive, capable de gérer plusieurs centaintes, voire mileirs de particules.
- 2. Intégrer cette simulation dans un moteur de jeu 2D, en l'occurrence, *Unity*, pour permettre une visualisation en temps réel avec un contrôle sur les paramètres physiques.

Durant le développement, de nombreux défis ont été rencontrés : gestion des densités divergentes, explosions numériques liées à une mauvaise évaluation de la pression, instabilités aux frontières, ou encore des performances non optimales à partir d'un certain nombre de particules. Plusieurs améliorations progressives ont été apportés, incluant l'ajout d'une grille spatiale, la prédiction de position, un modèle de pression stable (Tait), et une modélisation simplifiée de la viscosité.

Ce rapport détaille les fondements physiques du modèles SPH, la manière dont il a été implémenté,optimisé et visualié dans Unity, ansi que les résultats obtenus, leurs limites et des pistes d'améliorations futures.

2 Théorie de simulateur de fluide

2.1 Equation de Navier-Stokes

Pour comprendre comment un simulateur de fluide marchent, il nous as d'abord fallu comprendre comment un fluide est sensé se comporter.

On as certes un modèle en nous de comment cela fonctionne, on a déjà vu des fluides, mais transmettre cette intuition en instructions est loins d'être facile, cela n'est pas notre travail, c'est celui des physiciens. Nous avons donc regarder à comment les physiciens décrivent les lois que les fluides doivent respecter.

Déjà, un "fluide" en physique ne décrit pas seulement le comportement d'un liquide, cela décrit aussi le comportement des gas, leurs comportement sont étudier dans la "mécanique des fluides".

Ses lois sont appeler "équations de Navier-Stokes" :

1. Équation de continuité :

$$\nabla \cdot \vec{V} = 0$$

2. Équation de moments :

$$\rho(\frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + \vec{V} \cdot \nabla \vec{V}) = -\nabla p + \mu \nabla^2 \vec{V} + \vec{F}$$

L'équation de continuité nous dit que l'énergie mécanique du fluide ne change pas avec le temps (sa dérivé est nulle).

L'équation de moments est plus complexe, elle décrit les forces locales qui sont exercé sur notre fluide, décortiquons ce que veut dire chaque termes :

- $-\rho$ est la densité (locale, mais cela n'importe peu pour la suite) de notre fluide, donc c'est la masse divisé par le volume autour d'un point.
- \vec{F} est la force externe exercé sur notre fluide, ici c'est juste la gravité. La force exercé par la gravité localement est $\vec{g} \frac{m}{V}$ où \vec{g} est la force gravitationnel universelle, m est la masse et V est le volume. Autrement dit :

$$\vec{F} = \rho \vec{g}$$

- $-\vec{V}$ est le champ vectoriel de la vitesse du fluide. Champ vectoriel car en tout point, le vecteur direction peut être différent.
- p est la pression du fluide.
- μ est une constante propre au fluide étudié, cela modèle la viscosité, plus elle est grande, plus le fluide est visqueux, ce terme limite l'accélaration.

Cette équation nous dit donc que le changement de vitesse locale est du aux forces extérieurs, et à la différences de vitesse environnantes, en évitant de trop

se compresser, et n'accélérant pas trop vite proportionnelement à la constante de viscosité.

Tout du long, nous allons simplifier notre fluide étudier, en général, les fluides dont on s'intéresse (surtout l'eau) ne sont pas visqueux (nous rajouterons la viscosité plus tard pour des raisons de précision numériques, mais ignorons ce paramètre pour l'instant), et aussi (quasiment) incompréssible, cela simplifie nos équations, ce qui rends la simulation plus simple et plus rapide, nos nouvelles équations :

— Conservation:

$$\nabla \cdot \vec{V} = 0$$

— Incompréssible :

$$\nabla p = 0$$

- Moments:

$$\frac{\partial \vec{V}}{\partial t} = \vec{g} - \vec{V} \cdot \boldsymbol{\nabla} \vec{V}$$

2.2 Simulateurs

Certes maintenant on a "comment les fluides doivent agir", on n'a pas "comment les faire agir comme tel".

Pour observer la vie réel, cela n'a pas d'importance, pour un mathématicien non plus, mais un ordinateur de peut pas gérer des équations différentiels de manière exactes sur un volume continu, il y aurait juste beaucoup trop de données à stoquer et de calcul à faire (même, une infinité non dénombrable, d'où cette incapacité).

Ainsi, on est obliger de simplifier notre tache, au lieu d'obtenir un système agissant exactement comme un fluide idéal, il faut faire un système qui agit approximativement comme un fluide idéal, les physiciens font déjà cela pour simplifier les calculs (nous ne faisons pas en général de la théories des probabilités et des équations depuis le quantique pour des fluides, car il y aurait trop de termes agissant entre eux, obscursissant les calculs, et même pourrait rendre des équations insolvables de manière numériques), en informatique, nous allons passer du continu au discret, perdant ainsi de la précision pour en échange, avoir de la possibilité et de la vitesse de calcul.

Il y a plusieurs manières de discrétiser notre problème :

2.2.1 Simulateur Newtonien

On peut discretiser notre problème en considérant d'avoir une grille de vecteurs au lieu d'un champs, nous appellons chaques éléments de la grille une "boîte" pour des raisons de facilité de visualisation.

Ainsi, il faut modeler la quantité de fluide passant d'une boîte à ses boites voisinnes

Nous avons seulement besoin de modéliser le passage de fluide d'une boîte à ses voisinnes directes dans les directions de gauche, droite, haut et bas, pas besoin des diagonales.

Ainsi, une optimisation est de sauvegarder les magnitudes de ces flux au lieu de la magnitude et direction du flux partant du centre de la boîte.

En pseudocode, le calcul du flux ressemble à ça :

Pour fixer la pression (faire que le flux en entré et en sortie de toutes boîtes est à 0), une approche (Gauss-Seidel) est de fixer la pression de chaque boîte un par un, cela va defixer nos boîte fixé auparavent, mais en répétant cette

Algorithm 1: Simulation de Newton

Entrée : grille

Sortie: Même grille 1 for boîte dans grille do

- 2 | Ajout flux de boîte à la boîte en dessous;
- 3 Mettre_pression_à_zero(grille);

opération, on converge vers la bonne solution (car la matrice associé à une diagonale dominante, mais ici la démonstration importe peu).

Appelons s(i, j) la "facilité" à pousser le flux de i vers j (par exemple, peut être mis à 0 pour représenter que j est un mur, permet aussi de mettre en contacte des fluides plus dense, etc.), on peut alors faire :

Pour des raisons de performances, si il n'y a pas beaucoup de flux, il est également possible de mettre plusieurs boîte ensembles, de manière à ne plus avoir de grille, et se focaliser sur les endroits où il y a le plus d'actions (ce sont les endroits les plus important niveau comportement), il faudra alors changer le s, une autre raison pour laquel avoir s est pratique.

2.2.2 Simulateur Lagrangien

Une autre approche est de discretiser notre problème en une manière plus intuitive, en simulant nos *particules* d'eaux, néanmoins, dans un fluide usuel, il y a beaucoup trop de particules, donc à la place, on va simuler des très grosses particules, ce qui est absurde physiquement mais marche relativement bien.

L'approche Lagrangienne permet de ne pas avoir à considerer que tout notre

${f Algorithm~2:}$ Mettre pression à zero Newton

```
Entrée : grille, nombre Étapes et s
  Sortie: Même grille
1 étape = 0;
2 while \acute{e}tape < nombre \acute{E}tapes do
      for boîte dans grille do
3
          d = 0;
4
          flux = 0;
5
          for voisin dans voisins de boîte do
6
              d = d + s(boîte, voisin);
 7
              flux = flux + flux = entre(boîte, voisin) * s(boîte, voisin);
          for voisin dans voisins de boîte do
9
              flux_entre(boîte, voisin) -= flux * s(boîte, voisin) / d;
10
```

environement est dans un fluide, par exemple ne pas avoir à considerer à la foix l'eau et l'air qui l'alentour.

Cette approche est plus proche de comment on intuitionne les fluides, mais plus loins du calcul mathématique que nous avons dérivé, il faut donc travailler avec des calcules plus complexe pour obtenir des valeurs tel que la vitesse, la température ou même la pression, ce problème de pression impacte de manière directe les performances, car on a généralement besoin de cette valeur pour simuler un fluide (à moins qu'on ait un grain très fin, alors les collisions entre particules génèrent d'elles même avec haute probabilités, des intéractions faisant penser à celle de la densité, en effet, un "fluide" n'est qu'un amas de beaucoup de particules intéragissant localement entre elles, notre comportement idéal n'est que le résultat probabiliste moyen que ces intéractions créent à grande échelle, sujet étudier en Physique Statistique).

Les soucis d'implémentation d'une méthode Lagrangienne sera expliquer plus tard (le simulateur SPH (Smoothed Paricle Hydrodynamics)) en détail, nous laissons donc cette sous section sans.

Néanmoins, ce qu'une approche Lagrangienne permet de faire, est de prendre un simulateur physique d'intéraction de corps usuel, et directement avoir nos fluides "gratuitement".

Cela permet aussi de l'étendre plus facilement, en effet, nous avons déjà l'intéraction entre petites particules, avec moins d'effort qu'avec une méthode Eulerienne, nous pouvons rajouter l'interaction de ces particules sur des objets de grande tailles.

2.2.3 Simulateur Mixtes

Tout comme vous avez pus le remarquer, les approches Newtoniennes et Lagrangiennes sont très différentes, et ont des bénéfices et des inconvénients.

Ce qui laisse la possibilité de mixer ces deux approches pour essayer de combler les inconvénients de chaques méthodes par l'autre.

Néanmoins, cette approche demande de gros efforts d'implémentation, beaucoup de test car il y a beaucoup plus de facteurs mouvants dans le système, pour des effets sur la performances qu'on peut obtenir en choississant un système et l'optimisation bien avec le même effort (mais un système mixte et optimisé pourrait être plus rapide).

2.2.4 Simulateur SPH (Smoothed Paricle Hydrodynamics)

C'est le simulateur que nous avons décider d'implémenté, nous avons d'abord penché sur une approche Newtonienne pour des raisons de simplicité, mais cette approche nous permets d'explorer plus de choses, sans non plus être incroyablement complexe niveau théorique ou pratique.

Repréentation des particules Chaque particules sont caractérisées par :

- un vecteur position \vec{r} (le p est déjà pris pour la pression)
- un vecteur vitesse \vec{v}
- une densité ρ
- une pression p

Chaque particule possède également une masse m partagé avec les autres particules, choisi de manière à respecter la masse total du fluide.

Fonction de lissage (Kernel) L'originalité de SPH repose sur l'utilisation d'un noyau de lissage W(r,h), une fonction radiale (ne dépendant seulement de la distance) pondérant l'influence d'une particule en fonction de la distance $r = ||\vec{r}_i - \vec{r}_j||$ entre les particules i et j (on impose aussi $\vec{r}_i \neq \vec{r}_j$), définit par :

$$W(r,h) = \begin{cases} \frac{4}{\pi h^3} (h-r)^2 & \text{si } r < h \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

On a que pour n'importe quel grandeux physique A sur un point (n'étant pas forcément une particule), on peut l'approximer par :

$$A(\vec{r}) = \sum_{i} m_i \frac{A_i}{\rho_i} W(\|\vec{r} - \vec{r_i}\|, h)$$

où A_i est cette grandeur à la particule i.

Sa dérivé spatiale est également utilisée pour calculer les forces de pression, avec r < h :

$$\nabla W(r,h) = -\frac{8}{\pi h^3} (h-r) \frac{\vec{r}}{r}$$

Calcul de densité La densité locale ρ_i est estimée à partir des particules voisines :

$$\rho_i = \sum_j m_j W(\|\vec{r_i} - \vec{r_j}\|, h)$$

Ce qui fait sens physiquement, une masse pondéré par le volume du voisinage.

Modèle de pression - Équation de Tait Afin de stabiliser et d'éviter les oscillations numériques, une équation d'état non-linéaire est utilisée :

$$P_i = k \left(\left(\frac{\rho_i}{\rho_0} \right)^{\gamma} - 1 \right)$$

avec:

- ρ_0 : la densité au repos (exemple : 1000kg/m^2 pour l'eau)
- k : constante de raideur (pressureCoefficient)
- γ : exposan (souvent entre 5 et 7, ici fixé à 7)

Ce modèle évite les pressions négatives et assurre une réponse plus fluide à la compression.

On pourrait se dire puisque notre fluide est "incompréssible" que il ne devrait pas avoir de différence entre ρ_0 et ρ_i , mais nous faisons une simulations, au long terme le fluide agi de manière incompréssible en agissant contre la pression, mais ce n'est pas instantanné.

Force de pression La force de pression exercée sur une particule i est calculée par

$$\vec{f}_i^{\text{ pression}} = -\sum_i m_j \left(\frac{P_i + P_j}{2\rho_j}\right) \nabla W(\|\vec{r_i} - \vec{r_j}\|, h)$$

Ce terme assure la répulsion entre les paricules trop proches et la cohésion du fluide.

Viscosité Un terme de viscosité artificielle permet de modéliser l'amortissement des vitesses relatives et d'éviter les artéfacts numériques, ce terme est nécessaire dû à notre méthode de résolution d'équation différentiel (notre "intégrateur"), en calculant l'état suivant à partir de l'état actuel, l'énergie à tendance à se créer à cause des erreurs numériques (et en calculant l'état suivant selon comment on calculerait l'état précédent pour être celui actuel, l'énergie à tendance à se perdre, créant de soi une viscosité qu'on aurait à réduire, des approches complexes existent, tel que les intégrateurs simpléctiques qui intégres en restant sur la surface d'un simplexe, obtenu avec les équations Hamiltoniennes de la méchaniques, mais ce sujet bien qu'intéressant et source d'amélioration n'a pas sa place à être trop développer ici). Ce terme est donné par :

$$\vec{f_i}^{\text{viscosit\'e}} = \mu \sum_j m_j \left(\frac{\vec{v_j} + \vec{v_i}}{\rho_j} \right) \nabla W(\|\vec{r_i} - \vec{r_j}\|, h)$$

où μ est le coefficient de viscosité propre au fluide.

Force externe Une force de gravité est aussi appliquer à chaque particules :

$$\vec{f}_i^{\,\mathrm{gravit\acute{e}}} = m_i \vec{g}$$

3 Le projet

3.1 Pre-Unity: Le choix de rust

Nous (surtout Jacques) avons commencé avec de (trop) grandes ambitions sur le setup du projet.

- le faire en *rust* pour avoir des très bonnes performances.
- implementer le build avec *nix* pour une gestion automatique de *toutes* dépendences (incluant obtenir rust, pour avoir la même version, le même système pour nous tous) avec *crane*.
- une gestions de faille de sécurités par un repot d'audit de packets, analyseur statique d'appelle insécure en temps qu'option de base d'utiliser crane!
- pouvoir faire du cross-platform, et compiler notre code rust dans le CI pour plusieurs architectures et OS.
- utiliser *nom*, une librairies rust de grandeurs physiques, qui nous permettrait d'enlever tout bug correspondant à mélanger des éléments de grandeurs différents (qui sont forcément des bugs, car dépendant du choix exacte de grandeur)

Des questions se sont poser sur comment faire une fenêtre en rust, il y a très loins qu'une seule option, les deux idées prédominantes ont été d'utiliser la librairie bevy ou SDL2 (proposition de Jacques, ayant un peu d'expérience en SDL2 dans d'autres langages (C)) ou de manière plus bas niveau, wgpu (proposition de Stéphane).

De manière merveilleuse, on n'aurait même pas à gerer l'installation de SDL2 grâce à nix! Et lier la librairie statiquement aurait fait que il n'y aurait pas eu besoin pour les utilisateur • ices d'installer quoi que ce soit, juste

l'executable.

Mais il y a eu des mais, essayer de setup le cross-platform était vraiment frustrant, trop frustrant, je ne l'ai au final pas fait, il aurait fallu à mes camarades d'installer nix, et sans utilier du caching, crane demandait trop souvent de réinstaller les dépendances, ce qui est long! Et même sans les demande d'installation de dépendances, il n'y avait pas le caching usuel fait par *cargo* le build system de rust de base, tout était recompiler depuis la source au lieu de compiler une fois, puis utiliser des objets compilé. Ce qui a rendu l'utilisation encore plus lente que normalement. Chaque modification prenait des minutes, ce qui tue assez rapidement toutes joies ou volonté de programmer, donc l'utilisation de nix a été abandonné, avec lui, les perspectives d'utiliser SDL2.

Nous avons tous de notre côté ensuite essayer de faire marche bery ou wgpu, mais bevy utilise un modèle assez spéciale, ECS (Entity Component System) qui paraîssait pas très naturel et n'était pas le but de ce projet, et wgpu était trop bas niveau.

Ce fut trop, on n'avancait pas, malgrè les qualités techniques, si on ne peut pas intéragir rapidement avec notre projet, il est plus difficile d'expérimenter, voir ce qui marche, etc., le choix était plus nuancé que prévu, nous avons donc abandonné rust pour avoir quelque chose qui règlait notre plus grand problème, le graphique, ainsi nous avons utilisé Unity ensuite.

3.2 Post-Rust: Unity

Ce fut plus simple.

3.2.1 Architecture générale du projet

Le projet repose sur une séparation claire des responsabilités :

- FluidSimulator.cs : logique de simulation et itération de l'algorithme SPH.
- ParticleComponent.cs : représentation individuelle d'une particule (GameObject)
- BoundsRenderer.cs : affichage des limites de la simulation
- MainController.cs (optionnel) : interface utilisateur et réglage dynamiques.

Chaque particule est associée à un GameObject contenant un *Transform* et un script *ParticleComponent*, qui est mis à jour visuellement à chaque frame à partir des données simulées.

3.2.2 Données simulées

Trois tableaux principaux contiennent les données physiques :

- positions[] : positions des particules
- velocities[] : vitesses
- densities[] : densités locales calculées à chaque pas de simulation

Un tableau de particles[] (struct contenant position/velocity/density) centralise l'état du système. Les GameObjects sont ensuite synchronisés avec ces données.

3.2.3 Initialisation des paricules

L'initialisation peut se fiare de manière :

- aléatoire : dispersion uniforme dans la boîte
- en grille : positionnement ordonné (recommandé pour stabilité initial)

Un prefab de particule est instancié pour chaque entité simulée. Le particleCount et particleSpacing sont ajustables à l'exécution.

3.2.4 Étapes du simulateur

Chaque frame effectue les étapes suivantes :

- 1. Applicaion de la gravité (accélération constante sur les vitesses)
- 2. Prédiction des positions à parir des vitesses
- 3. Mise à jour de la grille spatiale (accélération du voisinage)
- 4. Calcul des pressions (Tait) et forces de pression
- 5. Ajour d'une force de viscosité pour stabiliter les interactions
- 6. Mise à jouer des vitesses en fonction des accélération
- 7. Correction de la position et résolution des collisions (rebond et amorissements sur les bords)
- 8. Mise à jour de GameObjects Unity pour la visualisation

Grille spatiale Afin de limiter la complexité du voisinage à O(n)O(n)O(n) plutôt que $O(n^2)O(n^2)O(n^2)$, une grille spatiale 2D est utilisée. Les particules sont associées à des cellules de taille égale au rayon de lissage h. Chaque cellule contient une liste d'indices de particules.

Lors du calcul des interactions, seules les cellules voisines 333×333 sont parcourues, ce qui améliore significativement les performances.

Résolution des collisions Le système est boné par un rectangle de dimensions fixes (ex : 20x15 unités). Chaque particule est testée par rapport à ces bornes :

- Si elle sort, sa position est corrigée à la limite
- Sa vitesse est inversée et amortie par un facteur dampening Factor.

Cela permet de contenir le fluide tout en simulant un rebond partiel.

Visualisation Chaque particule possède un SpriteRenderer, dont la couleur peut être modifiée dynamiquement pour refléter la densité ou la pression.

Les bords de la simulation sont affichés à l'aide d'un LineRenderer, utilisant un matériau non lumineux (Sprites/Default) pour être bien visible en mode 2D.

Paramètres ajustables Les constantes suivantes sont exposées dans l'éditeur pour permettre des expérimentations en direct :

- Nombre de particules
- Taille de la boîte
- Rayon de lissage h
- Coefficient de pression
- Viscosité
- Gravité
- Facteur d'amortissement

Performances Le simulateur est capable de gérer jusqu'à 1000 particules à environ 100-120 FPS sans multithreading ni calcul GPU. L'utilisaion d'une grille spatiale et la simplification des formules mathématiques permettent une exécution acceptable sur le CPU.

Des optimisations sont possibles (section suivante) pour un déploiement plus large.

3.2.5 Difficultés rencontrées et optimisations

Tout ne s'est pas directement passer sans accroc directement.

Problèmes initiaux et de stabilités Au départ, la simulation souffrait de comportement instables :

- Les particules explosaient sous pression à proximité des bords
- Des vitesses deenaient infinies ou NaN
- L'écoulement ne ressemblait pas à une fluide mais à un gaz chaotique. Ces symptômes ont été causés par :
- Une mauvaise gestion des densités proches de zéro (division par zéro)
- Une mauvaise évaluation des gradients de pression
- Des paramètres physiques mal calibrés (rayon de lissage, pression, densité cible)

Corrections apportées:

- Clamp des distances trop petites pour éviter les divisions par zéro
- Vérification de la validité des valeurs physiques à chaque étape
- Introduction d'un terme de viscosité artificielle.

Implémentation de la prédiction Pour améliorer la stabilité, un schéma de prédiction a été introduit :

- Calcul des positions futures à partir de la vitesse (PredictedPositions)
- Calcul des densités et forces à partir de ces positions anticipées.

Cela permet de mieux évaluer les interactions futures et limite les accélérations irréalistes.

Problèmes liés aux collisions Un comportement problématique est apparu lorsque des particules se massaient contre un bord : elles accumulaient de la pression jusqu'à "exploser".

Solution:

- Implémentaiton d'un rebond amorti dans ResolveCollisions
- Ajout d'une légère absorption de l'énergie à chaque impact Cela a permis de dissiper les pics de presion localisés.

Optimisation par grille spaiale Sans grille, le calcul du voisinage est en $O(n^2)$. À 1000 particules, cela devient inutilisable. L'introduction d'une grille spatiale 2D a permis de :

- Réduire drastiquement le coût de calcul des voisins
- Maintenir un voisinage local et pertinent (9 cellules voisines max)
- Garder une simulation interactive

Chaque cellule a une taille égale au rayon de lissage h, garantissant que toutes les particules influentes sont proches.

Séparation des responsabilités L'erreur de conception initiale était de lier directement les Transform Unity aux calculs physiques. Cela a été remplacé par :

- Une structure de données physique (positions, velocities, etc.)
- Une mise à jour des GameObjects après le calcul physique

Cette séparation a permis d'éviter les confusions de coordonnées et de mieux contrôler la logique du moteur physique.

Ajustements empiriques des constantes Les valeurs suivantes ont nécessité de nombreux tests pour trouver un équilibre :

- smoothingRadius: trop petit = comportement granulaire, trop grand = simulation molle et lente.
- pressureCoefficient : trop fort = explosion, trop faible = fluide mou.
- targetDensity: trop bas = fluide instable, trop haut = fluide immobile.
- viscosity : essentiel pour empêcher les oscillations chaotiques.

Ajout de l'équation de Tait Plutôt que d'utiliser une pression linéaire P = k(-0), une formulation non linéaire via l'équation de Tait a été introduite (voir plus haut).

Donnant un comportement plus incompressible au fluide et stabilise la simulation sous forte pression.

Problèmes de performance À 1000 particules, la simulation tourne autour de 80 FPS sur CPU seul. Les points limitants sont :

- Le recalcul des densités (même optimisé par grille)
- nombre élevé dde paricules à mettre à jour visuellement

Des optimisation envisageables :

- Passage en Jobs System + Burst pour paralléliser
- Remplacement des GameObjects par un DrawMeshInstanced ou ComputeShader
- Réduction de la fréquence de mise à jour visuelle

3.2.6 Visualisation et résultas expérimentaux

Mise en place de la visualisation Chaque particule est représentée par un GameObject Unity contenant :

- Un SpriteRenderer pour l'affichage visuel
- Un composant ParticleComponent pour stocker les données physiques (position, vitesse, pression, densité)
- Une couleur statique ou dynamique (gradient de pression ou densité)

Une boîte englobante (bounding box) a été ajoutée avec un LineRenderer, rendant les limites visibles pendant l'exécution. Son objectif est double :

- Encadrer l'espace simulé
- Servir de référence visuelle aux collisions

Un affichage du framerate a été intégré à l'aide de GUI.Label dans OnGUI() afin de suivre les performances en temps réel.

Expérimentations avec différents paramètres Nombres de particules : Des tests ont été réalisés pour plusieurs valeurs :

- 100 particules : fluide trop dispersé, peu cohérent visuellement,
- 300–500 particules: forme des jets visible, comportement liquide partiel,
- 1000 particules : comportement réaliste, mais chutes de performance perceptibles.

Rayon de lissage:

Une valeur trop faible donne un comportement granulaire (faible interaction), tandis qu'un rayon trop large lisse trop les détails. Une valeur équilibrée autour de 0.5–0.8 unités donne de bons résultats.

Densité cible et pression :

Lorsque la densité cible est trop faible, les particules s'effondrent. Si elle est trop élevée, elles restent rigides et ne se déplacent plus. La pression (via le coefficient ou l'équation de Tait) a été ajustée empiriquement pour assurer une compression minimale et éviter les explosions.

Viscosié:

L'ajout de viscosité a permis d'éviter les oscillations trop fortes et d'ajouter un comportement réaliste dans les courants.

Cas de test visuels Écoulement libre : Un ensemble de particules est relâché dans la boîte sans obstacle. Résultat :

- Chute rapide sous gravité,
- Formation de vagues lors du contact avec le sol,
- Distribution progressive de l'énergie, arrêt quasi stable au bout de quelques secondes.

Fluide dans un récipient :

Les particules sont initialisées dans une zone restreinte. Elles remplissent progressivement la boîte jusqu'à atteindre une forme semi-stable, rappelant un liquide dans un récipient.

Compression dans un coin : Des particules sont poussées dans un coin via une initialisation biaisée. Résultat :

- Augmentation locale de la pression,
- Répulsion naturelle sous l'effet de la pression partagée,
- Retour progressif à une forme uniforme.

Ces cas permettent de valider :

- Le bon fonctionnement de la formule de pression,
- L'effet correct de la résolution de collision,

— La cohérence du modèle SPH implémenté.

Limitations observées

- L'absence de résolution itérative de densité (comme dans Position-Based Fluids) rend la simulation parfois trop compressible,
- Le rebond sur les bords est encore un peu sec (non glissant),
- Les performances ne sont pas viables à très haute résolution sans optimisation GPU.

4 Conclusion

ODO