2.向量

(c) 无序向量

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

元素访问

- ❖似乎不是问题:通过 V.get(r) 和 V.put(r, e) 接口,已然可以读、写向量元素
- ❖但就便捷性而言,远不如数组元素的访问方式: A[r] //可否沿用借助下标的访问方式?
- **❖可以!为此,需重载下标操作符"[]"**

```
template <typename T> //0 <= r < _size
T & Vector<T>::operator[](Rank r) const { return _elem[r]; }
```

❖此后,对外的V[r]即对应于内部的V._elem[r]

```
右值:T x = V[r] + U[s] * W[t];
```

左值:V[r] = (T) (2*x + 3);

❖ 为便于讲解,这里采用了简易的方式处理意外和错误(比如,入口参数越界等) 实际应用中,应采用更为严格的方式

插入

```
❖ template <typename T> //e作为秩为r元素插入 , 0 <= r <= size
 Rank <u>Vector</u><T>::insert(Rank r, T const & e) { //O(n-r)
    <u>expand();</u> //若有必要,扩容
    for (int i = _size; i > r; i--) //自后向前
       _elem[i] = _elem[i-1]; //后继元素顺次后移一个单元
    _elem[r] = e; _size++; //置入新元素,更新容量
    return r; //返回秩
      (a)
                      may be full
      (b)
                                                  expanded if necessary
                                    right shift
      (c)
      (d)
```

区间删除

```
❖ template <typename T> //删除区间[lo, hi), 0 <= lo <= hi <= size
 int Vector<T>::remove(Rank lo, Rank hi) { //O(n - hi)
    if (lo == hi) return 0; //出于效率考虑,单独处理退化情况
    while (hi < _size) _elem[lo++] = _elem[hi++]; //[hi, _size)顺次前移hi-lo位
    _size = lo; <u>shrink()</u>; //更新规模,若有必要则缩容
    return hi - lo; //返回被删除元素的数目
    (a)
               V[lo, hi)
    (b)
                                  V[hi, n)
                                         left shift
               V[lo, n-hi+lo)
    (c)
                                                       shrunk
    (d)
```

单元素删除

❖ 可以视作区间删除操作的特例:[r] = [r, r + 1) ❖ template <typename T> //删除向量中秩为r的元素 , 0 <= r < size T Vector<T>::remove(Rank r) { //O(n - r) T e = _elem[r]; //备份被删除元素 <u>remove(r, r + 1); //调用区间删除算法</u> return e; //返回被删除元素 ❖ 反过来,基于remove(r)接口,通过反复的调用,实现remove(lo, hi)呢? ❖ 每次循环耗时正比于删除区间的后缀长度 = n - hi = O(n) 而循环次数等于区间宽度 = hi - lo = O(n) 如此,将导致总体O(n²)的复杂度

查找

```
❖ 无序向量:T为可判等的基本类型,或已重载操作符"=="或"!="
 有序向量:T为可比较的基本类型,或已重载操作符"<"或">"
                                                scan
 例如:稍后介绍的词条类Entry
           llo
                                                                 hi
                                            compared & failed
❖ template <typename T> //0 <= lo < hi <= size</pre>
 Rank <u>Vector</u><T>::<u>find</u>(T const & e, Rank lo, Rank hi) const
 { //O(hi - lo) = O(n), 在命中多个元素时可返回秩最大者
    while ((lo < hi--) && (e != _elem[hi])); //逆向查找
    return hi; //hi < lo意味着失败;否则hi即命中元素的秩
 } //Excel::match(e, range, type)
```

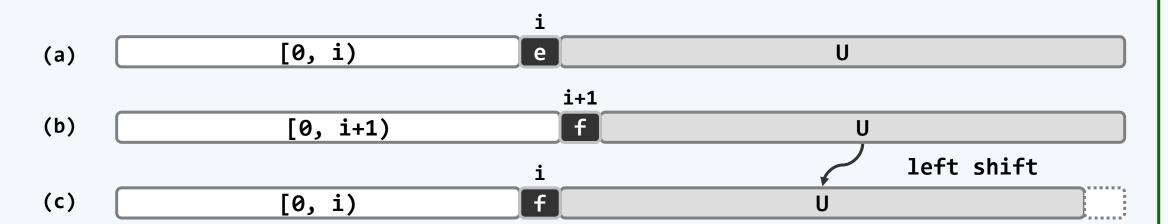
❖输入敏感(input-sensitive):最好0(1),最差0(n)

唯一化:算法

```
❖ 应用实例:网络搜索的局部结果经过去重操作,汇总为最终报告
❖ template <typename T> //删除重复元素,返回被删除元素数目
 int <u>Vector</u><T>::<u>deduplicate()</u> { //繁琐版 + 错误版
    int oldSize = _size; //记录原规模
   Rank i = 1; //从 elem[1]开始
   while (i < _size) //自前向后逐一考查各元素_elem[i]
      (find( elem[i], 0, i) < 0) ? //在前缀中寻找雷同者
        i++ //若无雷同则继续考查其后继
       : remove(i); //否则删除雷同者(至多一个?!)
    return oldSize - _size; //向量规模变化量,即删除元素总数
```

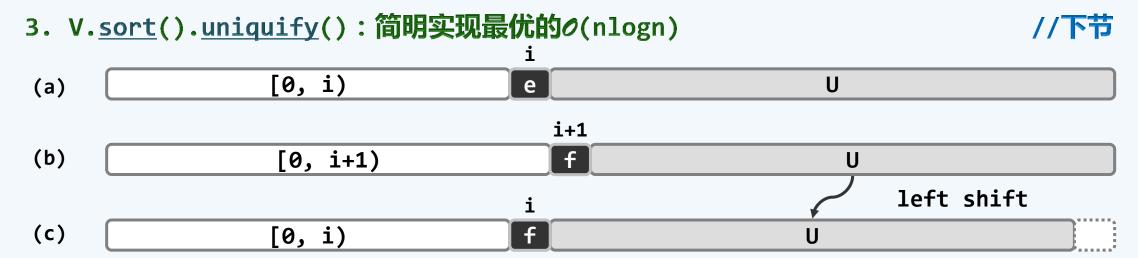
唯一化:正确性

- ❖ 不变性:在当前元素V[i]的前缀V[0, i)中,各元素彼此互异初始i = 1时自然成立;其余的一般情况,...
- ❖ 单调性:随着反复的while迭代
 - 1) 当前元素前缀的长度单调非降,且迟早增至_size //1)和2)对应
 - 2) 当前元素后缀的长度单调下降,且迟早减至0 //2) 更易把握 故算法必然终止,且至多迭代O(n)轮



唯一化:复杂度

- ❖每轮迭代中find()和remove()累计耗费线性时间,故总体为Ø(n²)
- ❖ 可进一步优化,比如...
 - 1. 仿照<u>uniquify()</u>高效版的思路,元素移动的次数可降至O(n) 但比较次数依然是O(n²);而且,稳定性将被破坏
 - 2. 先对需删除的重复元素做标记,然后再统一删除 稳定性保持,但因查找长度更长,从而导致更多的比对操作



遍历

- ❖ 遍历向量,统一对各元素分别实施visit操作 如何指定visit操作?如何将其传递到向量内部?
- ❖ 利用函数指针机制,只读或局部性修改

```
template <typename T>
void <u>Vector</u><T>::<u>traverse</u>(void (*visit)(T&)) //函数指针
{ for (int i = 0; i < _size; i++) visit(_elem[i]); }
```

❖ 利用函数对象机制,可全局性修改

```
template <typename T> template <typename VST>
void <u>Vector</u><T>::<u>traverse(VST& visit) //函数对象</u>
{ for (int i = 0; i < _size; i++) visit(_elem[i]); }
```

❖ 体会两种方法的优劣

遍历:实例

- ❖ 比如,为统一将向量中所有元素分别加一,只需...
- ❖ 首先,实现一个可使单个T类型元素加一的类

```
template <typename T> //假设T可直接递增或已重载操作符 "++"
 struct Increase { //函数对象:通过重载操作符 "()" 实现
    virtual void operator()(T & e) { e++; } //加一
 };
❖ 此后...
 template <typename T> void increase(Vector<T> & V) {
    V.<u>traverse(Increase</u><T>()); //即可以之为基本操作遍历向量
```

❖ 作为练习,可模仿此例,实现减一、加倍,甚至求和等遍历功能