5. 二叉树

(c) 二叉树概述

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

二叉树

❖ 节点度数 不超过2 的树

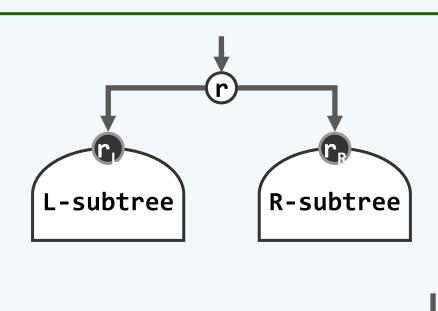
称作二叉树(binary tree)

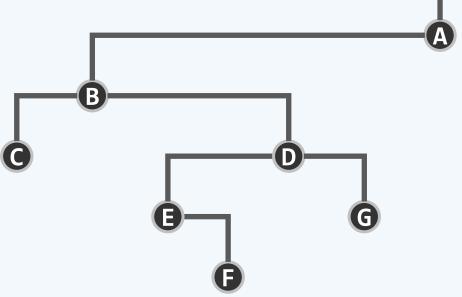
❖ 同一节点的孩子和子树,均以左、右区分

1Child() ~ lSubtree()

rChild() ~ rSubtree()

隐含有序





基数

- ❖深度为k的节点,至多2^k个
- ❖ 含n个节点、高度为h的二叉树中

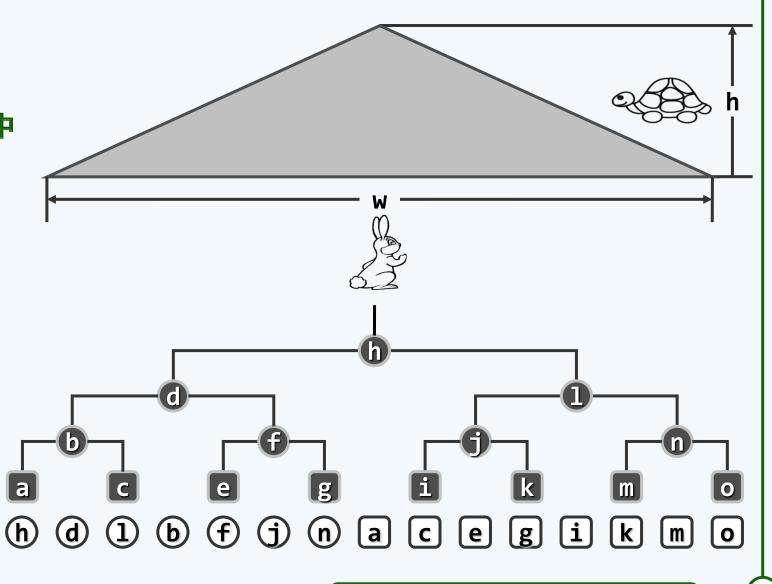
$$h < n < 2^{h+1}$$

退化为一条单链

$$2)n = 2^{h+1} - 1时$$

即所谓满二叉树

(full binary tree)



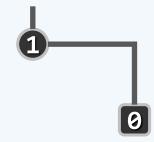
基数

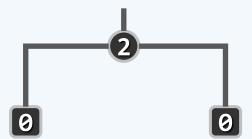
- ❖设度数为0、1和2的节点,各有n₀、n₁和n₂个
- ❖边数 e = n − 1 = n₁ + 2n₂1/2度节点各对应于1/2条入边
- ❖ 叶节点数 n_a = n₂ + 1
 n₁与n_e无关

h = 0时1 = 0 + 1,此后n。与随n。同步递增

- ❖节点数 n = n₀ + n₁ + n₂ = 1 + n₁ + 2n₂
- *特别地,当n₁ = 0时,有
 e = 2n₂和 n₀ = n₂ + 1 = (n + 1)/2
 此时,节点度数均为偶数,不含单分支节点...







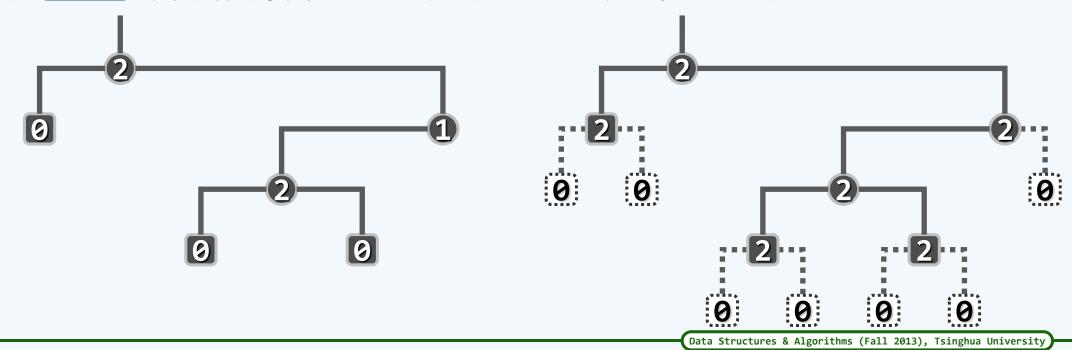
真二叉树

❖ 通过引入 n₁ + 2na 个外部节点 , 可使原有节点度数统一为2

如此,即可将任一二叉树转化为 真二叉树 (proper binary tree)

❖ 验证:如此转换之后,全树自身的复杂度并未实质增加

❖ 对于<u>红黑树</u>之类的结构,真二叉树可以简化描述、理解、实现和分析



1

描述多叉树

❖ 二叉树是多叉树的特例,但在 有根 且 有序 时,其描述能力却足以覆盖后者

❖ 多叉树均可转化并表示为二叉树——回忆 长子-兄弟 表示法...

❖ |长子| ~ |左孩子

兄弟 ~ 右孩子

firstChild() ~ lChild()

nextSibling() ~ rChild()

