课程编号: 07000131

## 北京理工大学 2008-2009 学年第二学期

## 数学分析 B(下)期末试题(A卷)

班级	学号	姓名
----	----	----

(本试卷共5页, 九个大题)

 (/1/6/18/18/19/19/19/19/19/19/19/19/19/19/19/19/19/											
题号	1	1.1	[11]	四	五	六	八	八	九	总分	
得分											
签名											

- 一. 填空(每小题 4 分, 共 28 分)
- 1. 已知直线  $L: \frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-4}{n}$  与平面  $\pi: 2x-y+z=5$  平行,则  $n = \underline{\hspace{1cm}}$ ,直线 L 到平面  $\pi$  的距离  $d = \underline{\hspace{1cm}}$ .

此积分的值I =\_\_\_\_\_\_.

- 5. 曲线  $y = x^2$  与直线 y = 1 围成一均匀薄片 D,其面密度  $\mu = 1$ ,则 D 的质量 m = 2 质心坐标为\_\_\_\_\_.
- 6. 设  $f(x) = \begin{cases} x & 0 \le x < \frac{\pi}{2} \\ 1 & \frac{\pi}{2} \le x < \pi \end{cases}$ ,  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin nx$  是 f(x) 的以  $2\pi$  为周期的正弦级数, S(x) 是此

7. 设曲线  $L: x^2 + y^2 = R^2$ , 则  $I = \oint_L (3x^2 + 5y^2 + 2x\cos y + 5\sin y + 4)dl = _____.$ 

二. (8 分) 求曲面  $S: xyz = a^2$  (其中 x, y, z > 0)上点 M(x, y, z) 处的法向量  $\vec{n}$  以及曲面 S 在点 M 处的切平面与三坐标面所围立体的体积.

三. (9 分) 求级数  $\sum_{n=1}^{\infty} n(\frac{x+1}{2})^n$  的收敛域及和函数.

四. (9 分) 设 V 是曲面  $x^2+y^2+z^2=2z$   $(z\geq 1)$ 与  $z=\sqrt{x^2+y^2}$  所围成的有界闭区域,计算积分  $I=\iiint_V \sqrt{x^2+y^2+z^2} dV$ .

五. (10 分) 设  $f(x,y) = x^2y + y^3 - y$ , 求 f(x,y) 的极值点和极值.

六. (10 分) 已知沿平面任意闭曲线 L, 都有  $\int_L (2xy + \varphi(y))dx + (x-y)^2 dy = 0$ , 且  $\varphi(0) = 1$ , 求  $\varphi(y)$  的表达式及积分  $I = \int_{(0,0)}^{(1,2)} (2xy + \varphi(y))dx + (x-y)^2 dy$  的值.

七. (8 分) 将 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 + 1}{x} \ln(1 + x^2) & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$$
 展成  $x$  的幂级数, 并指出收敛域.

八. (9 分) 设 S 是曲面  $z=\sqrt{x^2+y^2}$   $(1\leq z\leq 2)$  的下侧,利用高斯公式计算曲面积分  $I=\iint_S x^3 dy dz+y^3 dz dx+(z+1) dx dy \, .$ 

九. (9 分) 设函数 f(x) 在 x = 0 的某邻域内有二阶导数,且  $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x} = a \ (a \ge 0$  为实数), 判断级数  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} f(\frac{1}{n})$  的敛散性,若收敛指出是条件收敛还是绝对收敛.