Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 4

з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

ВИКОНАВ: студент II курсу ФІОТ

групи ІО-93

Верцанов Святослав

Варіант: 305

ПЕРЕВІРИВ:

ас. Регіда П. Г.

Мета роботи: Провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Виконання лабораторної роботи:

Код програми:

```
import random, math
import numpy as np
from scipy.stats import f, t
from functools <mark>import</mark> partial
m = 3
N = 8
x1min, x2min, x3min = 15, 30, 15
x1max, x2max, x3max = 45, 80, 45
X_{max} = [x1max, x2max, x3max]
X \min = [x1\min, x2\min, x3\min]
x_av_min = (x1min + x2min + x3min) / 3
x_av_max = (x1max + x2max + x3max) / 3
Y_{max} = int(round(200 + x_{av_{max}}, 0))
Y_{min} = int(round(200 + x_av_{min}, 0))
X0 = 1
X_{matr} = [
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, 1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, 1, 1],
    [1, -1, -1],
[1, -1, 1],
    [1, 1, -1],
[1, 1, 1]
x_for_beta = [
    [1, -1, -1, -1],
    [1, -1, -1, 1],
    [1, -1, 1, -1],
    [1, -1, 1, 1],
    [1, 1, -1, -1],
[1, 1, -1, 1],
     [1, 1, 1, -1],
    [1, 1, 1, 1]
x_12_13_23 = [
    [1, 1, 1],
[1, -1, -1],
     [-1, 1, -1],
     [-1, -1, 1],
     [-1, -1, 1],
     [-1, 1, -1],
    [1, -1, -1],
    [1, 1, 1],
  _123 = [
```

```
1,
X_matr_natur = [
    [10, -70, 60],
[10, -70, 70],
[10, -10, 60],
     [10, -10, 70],
     [60, -70, 60],
     [60, -70, 70],
     [60, -10, 60],
     [60, -10, 70],
x_12_13_23_natur = [[X_matr_natur[j][0] * X_matr_natur[j][1], X_matr_natur[j][0] *
X_matr_natur[j][2],
                         X_matr_natur[j][1] * X_matr_natur[j][2]] for j in range(N)]
x_123_natur = [X_matr_natur[j][0] * X_matr_natur[j][1] * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]
flag = False
while not flag:
    Y_matr = [[random.randint((Y_min), (Y_max)) for i in range(m)] for j in range(N)]
    Y_average = [sum(j) / m for j in Y_matr]
     results_nat = [
         sum(Y_average),
         sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
         sum([Y\_average[j] * x\_12\_13\_23\_natur[j][1] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_123_natur[j] for j in range(N)]),
    mj0 = [N]
             sum([X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
             sum([X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
             sum([X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
             sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
             sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
             sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
    sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
             sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
    mj2 = [sum([X matr natur[j][1] for j in range(N)]),
```

```
sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([X_matr_natur[j][1] ** 2 for j in range(N)]),
                       sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
                       sum([x_123_natur[j]] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
       sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
        sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
sum([x_12_13_23_natur[j][0] ** 2 for j in range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
                       sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]),
        sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 2 ** 1 ** 2 ** 1 ** 2 ** 1 ** 2 ** 1 ** 2 ** 1 ** 2 ** 1 ** 2 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1 ** 1
range(N)]),
                       sum([x_12_13_23_natur[j][1] ** 2 for j in range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
                       sum([(x_12_13_23_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in
range(N)]),
        mj6 = [sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
                       sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
                       sum([(x_12_13_23_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in
range(N)]),
       range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
                       sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
```

```
sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]),
            sum([(x_12_13_23_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in
range(N)]),
            sum([(x_12_13_23_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in
range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] ** 2 for j in range(N)])
    B_nat1 = np.linalg.solve([mj0, mj1, mj2, mj3, mj4, mj5, mj6, mj7], results_nat)
    B_nat = list(B_nat1)
    B_{norm} = [
         sum(Y_average) / N,
         sum([Y_average[j] * X_matr[j][0] for j in range(N)]) / N,
         sum([Y_average[j] * X_matr[j][1] for j in range(N)]) / N,
         sum([Y_average[j] * X_matr[j][2] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][0] for j in range(N)]) / N,
sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][1] for j in range(N)]) / N,
sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][2] for j in range(N)]) / N,
         sum([Y_average[j] * x_123[j] for j in range(N)]) / N,
    for i in range(N):
        print("{0:=d} {1:=4d} {2:=3d} {3:=3d} {4:=9.5f} {5:=9.5f} {6:=9.5f}".format(i
X_matr[i][0],
X_matr[i][1],
X_matr[i][2],
Y_matr[i][0],
Y_matr[i][1],
Y_matr[i][2]))
    def criterion_of_Student(value, criterion, check):
         if check < criterion:</pre>
             return value
    y1_nat = B_nat[0] + B_nat[1] * X_matr_natur[0][0] + B_nat[2] * X_matr_natur[0][1]
+ B_nat[3] * X_matr_natur[0][2] + \
              B_nat[4] * x_12_13_23_natur[0][0] + B_nat[5] * x_12_13_23_natur[0][1] +
B_nat[6] * x_12_13_23_natur[0][2] + \
              B_nat[7] * x_123_natur[0]
    y1_norm = B_norm[0] + B_norm[1] * X_matr[0][0] + B_norm[2] * X_matr[0][1] +
B_norm[3] * X_matr[0][2] + B_norm[4] * \
               x_12_13_23[0][0] + B_norm[5] * x_12_13_23[0][1] + B_norm[6] *
x_{12_{13_{23[0][2]}} + B_norm[7] * x_{123[0]}
    dx = [((X max[i] - X min[i]) / 2) for i in range(3)]
```

```
A = [sum(Y_average) / len(Y_average), B_nat[0] * dx[0], B_nat[1] * dx[1],
B_nat[2] * dx[2]]
    S_kv = [(sum([((Y_matr[i][j] - Y_average[i]) ** 2) for j in range(m)]) / m) for i
in range(N)]
    Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
    f1 = m - 1
    f2 = N
   Gt_dict = {2: 5157, 3: 4377, 4: 3910, 5: 3595, 6: 3362, 7: 3185, 8: 3043, 9:
2926, 10: 2829, 16: 2462}
    def kohren(f1=f1, f2=f2, q=0.05):
        fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
        return fisher_value / (fisher_value + f1 - 1)
    Gt = kohren()
    if Gp < Gt:</pre>
        print('Дисперсії однорідні')
        flag = True
        m += 1
    S_average = sum(S_kv) / N
    S2\_beta\_s = S\_average / (N * m)
    S_{beta_s} = S2_{beta_s} ** .5
    beta = [(sum([x_for_beta[j][i] * Y_average[j] for j in range(N)]) / N) for i in
range(4)]
    ts = [(math.fabs(beta[i]) / S_beta_s) for i in range(4)]
    tabl_Stud = [
        4.303
        3.182,
        2.776,
        2.571,
        2.447,
        2.262,
        2.228,
    f3 = f1 * f2
    student = partial(t.ppf, q=1 - 0.025)
    criterion_of_St = student(df=f3)
    result_2 = [criterion_of_Student(B_nat[0], criterion_of_St, ts[0]) +
                criterion_of_Student(B_nat[1], criterion_of_St, ts[1]) *
```

```
X matr natur[i][0] +
                 criterion of Student(B nat[2], criterion of St, ts[2]) *
X_matr_natur[i][1] +
                 criterion of Student(B nat[3], criterion of St, ts[3]) *
X_matr_natur[i][2] for i in range(N)]
    znach_koef = []
        if i > criterion_of_St:
            znach_koef.append(i)
    d = len(znach_koef)
    f3 = (m - 1) * N
    deviation_of_adequacy = (m / (N - d)) * sum([(result_2[i] - Y_average[i]) ** 2
for i in range(N)])
    Fp = deviation_of_adequacy / S2_beta_s
    fisher = partial(f.ppf, q=1 - 0.05)
    Ft = fisher(dfn=f4, dfd=f3)
    print("Y1 = {0:.3f}; Y2 = {1:.3f}; Y3 = {2:.3f}; Y4 =
{3:.3f}.".format(result 2[0],
result_2[1],
result_2[2],
result_2[3]))
{3:.3f}.".format(Y_average[0],
Y_average[1],
Y_average[2],
Y_average[3]))
    if d > len(ts) - d:
        print('Fp = {} > Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))
print('Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості
{}'.format(round(q, 2)))
        print('Fp = {} < Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))</pre>
        print('Рівняння регресії адекватно оригіналу при рівні значимості
[}'.format(round(q, 2)))
        flag = True
```

Висновок: В даній лабораторній роботі було досліджено трьохфакторний експеримент з лінійним рівнянням регресії, використано критерій Кохрена для перевірки дисперсій на однорідність, критерій Стьюдента для перевірки нуль-гіпотези та критерій Фішера перевірки адекватності гіпотези. Можна зробити висновок, що ефект

взаємодії підвищує точність апроксимації, але у деяких випадках для адекватної апроксимації необхідно додати у рівняння регресії квадратичні члени.