# Aprendizagem por Reforço

Fabrício Barth

Insper Instituto de Ensino e Pesquisa

Maio de 2022

#### Contexto

Até o momento vimos nesta disciplina:

- Conceito de Agente Autônomo;
- Solução de problemas usando busca em espaço de estados:
  - Algoritmos de busca cega, e;
  - Algoritmos de busca informados.
- Busca competitiva.

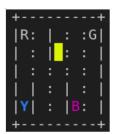
# Conteúdo desta aula e das próximas

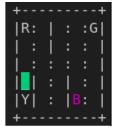
- Visão Geral sobre Aprendizagem por Reforço
- Algoritmo Q-Learning
- Implementações com o projeto GYM
- Considerações Finais
- Material de Consulta

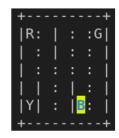
## Ao final deste material você saberá

- o que é Aprendizagem por Reforço e os seus principais conceitos;
- como desenvolver um agente autônomo usando o algoritmo
   Q-Learning, e;
- quais os aspectos positivos e negativos do algoritmo Q-Learning.

## Taxi Driver







Podemos implementar uma solução para este problema usando o algoritmo  $A^*$ . Neste caso, **o que é necessário fazer?** 

## Taxi Driver

Definir uma Heurística H que seja admissível e que traga algum valor para o processo de busca.

# Ambientes competitivos



Podemos implementar uma solução para este tipo de problema usando o algoritmo  ${
m Min\textsc{-}Max}$ . Neste caso, o que é necessário fazer?

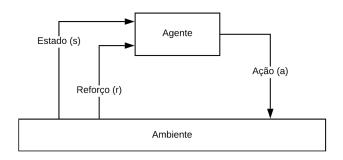
# Ambientes competitivos

Definir uma função de utilidade que consegue descrever a utilidade dos estados possíveis para o meu agente.

# Questão

E se fosse possível desenvolver um agente autônomo sem ter que codificar nenhum conhecimento sobre a tarefa que ele precisa executar (heurísticas ou funções de utilidade específicas)?

Um agente aprende a resolver uma tarefa através de repetidas interações com o ambiente, por tentativa e erro, recebendo (esporadicamente) reforços (punições ou recompensas) como retorno.



• Este agente não tem conhecimento algum sobre a tarefa que precisa executar (heurísticas ou funções de utilidade específicas).

- Este agente não tem conhecimento algum sobre a tarefa que precisa executar (heurísticas ou funções de utilidade específicas).
- A tarefa deste agente é executar uma sequência de ações, observar as suas consequências e aprender uma política de controle.

O que é uma política de controle?

## Política de Controle

• A política de controle desejada é aquela que **maximiza** os reforços (reward) acumulados ao longo do tempo pelo agente:  $r_0 + \gamma r_1 + \gamma^2 r_2 + \cdots$  onde  $0 \le \gamma < 1$ .



- O  $V(s_1)$  será a soma de  $r_1$  com o  $V(s_2)$ . No entanto, considerando o fator de desconto  $\gamma$ , temos:  $V(s_1) = r_1 + \gamma V(s_2)$ .
- O valor de um estado final leva-se em consideração apenas o reforço:  $V(s_n) = r_n$ .

## Fator de desconto $\gamma$

- O fator de desconto  $(\gamma)$  é um hiperparâmetro que consiste em um número entre 0 e 1 que define a importância das recompensas futuras em relação a atual  $(0 \le \gamma < 1)$ .
- Valores mais próximos ao 0 dão mais importância a recompensas imediatas enquanto os mais próximos de 1 tentarão manter a importância de recompensas futuras.

# Exemplo

Início	Campo	Campo	Campo
Campo	Buraco	Campo	Buraco
Campo	Campo	Campo	Buraco
Buraco	Campo	Campo	Objetivo

#### Ações:

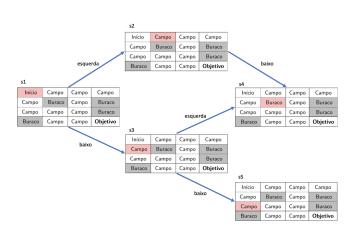
- (0) Mover para Baixo; (1) Mover para Cima;
- (2) Move para Direita; (3) Move para Esquerda.

- Considerando que o local do objetivo, dos buracos e dos campos serão sempre os mesmos então temos **16** estados possíveis.
- Este problema tem 4 ações possíveis.
- Se o agente cair em um buraco ele recebe -1 como recompensa, se ele ir para um campo ele recebe 0 e ao chegar no objetivo ele recebe 1.
- Para que agente possa identificar uma política de controle ótima este agente precisa criar um mapeamento entre estados (S) e ações (A)

• Este mapeamento pode ser representado por uma função Q(S,A) onde S são todos os estados possíveis  $(s_1, s_2, \cdots)$  e onde A são todos as ações possíveis  $(a_1, a_2, \cdots)$ 

Q-table	$a_1$	a <sub>2</sub>	<i>a</i> <sub>3</sub>	<i>a</i> <sub>4</sub>
$s_1$				
<i>s</i> <sub>2</sub>				
• • •				
Sn				

• Para criar um **mapeamento** Q(S,A) é necessário executar o agente no ambiente considerando o **reforço** dado por cada ação.



#### reforco

	esquerda	baixo	
S1	0	0	
S2	0	-1	
S3	-1	0	
54	0	0	
S5	0	0	

Como é que o agente pode saber quais são as melhores ações em cada estado?

- A ideia é fazer com que o agente aprenda a função de mapeamento Q(S,A). Ou seja, que seja capaz de identificar qual é a melhor ação para cada estado através das suas **experiências**.
- *Testando* **infinitas** vezes o ambiente. Ou seja, *testando* **muitas** vezes as combinações entre **estados** (*S*) e **ações** (*A*).

Início	Campo	Campo	Campo
Campo	Buraco	Campo	Buraco
Campo	Campo	Campo	Buraco
Buraco	Campo	Campo	Objetivo

Primeiro episódio ( $\gamma = 0.9$ ):

$$Q(s_1, baixo) \leftarrow r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$$
$$Q(s_1, baixo) \leftarrow 0 + 0.9 \times \max[0, 0, 0]$$
$$Q(s_2, direita) \leftarrow -1 + 0.9 \times \max[0, 0, 0, 0]$$

(1)

Q-table resultante da execução do 1º episódio.

Q-table	esquerda	baixo	direita	cima
<i>s</i> <sub>1</sub>	0	0	0	0
<i>s</i> <sub>2</sub>	0	0	-1	0
<i>s</i> <sub>3</sub>	0	0	0	0
<i>S</i> <sub>4</sub>	0	0	0	0
• • •	• • •			
Sn	0	0	0	0

Q-table resultante da execução do *n*-éssimo episódio.

Q-table	esquerda	baixo	direita	cima
<i>s</i> <sub>1</sub>	0.02	0.03	0.0001	0.0001
<i>s</i> <sub>2</sub>	0.00	0.05	-0.003	0.001
• • •			• • •	
Sn	0.985	0.0001	0.003	0.002

Após a execução de n episódios o agente conhece qual a melhor ação para cada estado.

```
function Q-Learning(env, \alpha, \gamma, episódios)
inicializar os valores de Q(s, a) arbitrariamente
for todos os episódios do
  inicializar s a partir de env
  repeat
     escolher uma ação a para um estado s
     executar a ação a
     observar a recompensa r e o novo estado s'
     Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha [r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') - Q(s, a)]
     s \leftarrow s'
  until s ser um estado final
end for
return Q(s,a)
```

# Algoritmo Q-Learning: hiperparâmetro $\alpha$

•  $\alpha$  é a taxa de aprendizado (0 <  $\alpha \leq$  1), quanto maior, mais valor dá ao novo aprendizado.

# Que ação escolher?

```
function Q-Learning(env, \alpha, \gamma, episódios)
inicializar os valores de Q(s, a) arbitrariamente
for todos os episódios do
   inicializar s a partir de env
   repeat
      escolher uma ação a para um estado s
     executar a ação a
     observar a recompensa r e o novo estado s'
     Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha [r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') - Q(s, a)]
     s \leftarrow s'
   until s ser um estado final
end for
return Q(s, a)
```

• A política que o agente utiliza para escolher uma ação a para um estado s não interfere no aprendizado da *Q-table*.

- A política que o agente utiliza para escolher uma ação a para um estado s não interfere no aprendizado da Q-table.
- No entanto, para que o algoritmo Q-learning possa convergir para um determinado problema é necessário que o algoritmo visite pares de ação-estado infinitas (muitas) vezes.

- A política que o agente utiliza para escolher uma ação a para um estado s não interfere no aprendizado da Q-table.
- No entanto, para que o algoritmo Q-learning possa convergir para um determinado problema é necessário que o algoritmo visite pares de ação-estado infinitas (muitas) vezes.
- Por isso, que a escolha de determinada ação em um estado poderia ser feita de forma aleatória.

- A política que o agente utiliza para escolher uma ação a para um estado s não interfere no aprendizado da Q-table.
- No entanto, para que o algoritmo Q-learning possa convergir para um determinado problema é necessário que o algoritmo visite pares de ação-estado infinitas (muitas) vezes.
- Por isso, que a escolha de determinada ação em um estado poderia ser feita de forma aleatória.
- Porém, normalmente se utiliza uma política que inicialmente escolhe aleatoriamente as ações, e, à medida que vai aprendendo, passa a utilizar cada vez mais as decisões determinadas pela política derivada de Q.

- A política que o agente utiliza para escolher uma ação a para um estado s não interfere no aprendizado da Q-table.
- No entanto, para que o algoritmo Q-learning possa convergir para um determinado problema é necessário que o algoritmo visite pares de ação-estado infinitas (muitas) vezes.
- Por isso, que a escolha de determinada ação em um estado poderia ser feita de forma aleatória.
- Porém, normalmente se utiliza uma política que inicialmente escolhe aleatoriamente as ações, e, à medida que vai aprendendo, passa a utilizar cada vez mais as decisões determinadas pela política derivada de Q.
- Esta estratégia inicia explorando (tentar uma ação mesmo que ela não tenha o maior valor de Q) e termina escolhendo a ação que tem o maior valor de Q (exploitation).

# Exemplo de função para escolha de ações

A escolha de uma ação para um estado é dada pela função:

```
function \operatorname{escolha}(s, \epsilon): a

\operatorname{rv} = \operatorname{random} (0 < rv \le 1)

if rv < \epsilon then

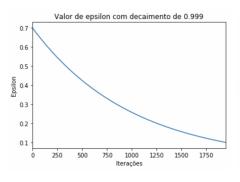
return uma ação \alpha aleatória em A

end if

return \max_a Q(s, a)
```

O fator de exploração  $\epsilon$  ( $0 \le \epsilon \le 1$ ) inicia com um valor alto (0.7, por exemplo) e, conforme a simulação avança, diminiu:  $\epsilon \leftarrow \epsilon \times \epsilon_{dec}$ , onde  $\epsilon_{dec} = 0.99$ 

# **Epsilon**





```
function Q-Learning(env, \alpha, \gamma, \epsilon, \epsilon_{min}, \epsilon_{dec}, episódios)
inicializar os valores de Q(s, a) arbitrariamente
for todos os episódios do
   inicializar s a partir de env
   repeat
      a \leftarrow escolha(s, \epsilon)
      s', r \leftarrow executar a ação a no env
      Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') - Q(s, a)]
      s \leftarrow s'
   until s ser um estado final
   if \epsilon > \epsilon_{min} then \epsilon \leftarrow \epsilon \times \epsilon_{dec}
end for
return Q
```

# Implementações com o projeto GYM

- Siga as orientações que estão no arquivo README.md da pasta https://github.com/fbarth/reinLearn.
- Execute as atividades que estão descritas no arquivo atividades\_01.md no mesmo diretório (https://github.com/fbarth/reinLearn/atividades\_01.md).

# Considerações Finais

- O algoritmo Q-Learning pode ser utilizado por agentes que n\u00e3o tem conhecimento pr\u00e9vio sobre o problema.
- Q-Learning converge em ambientes determinísticos e não-determinísticos.
- Na prática, o algoritmo Q-Learning necessita de muitas iterações de treinamento até convergir, inclusive para problemas que não tem um espaço de busca tão grande.

# Considerações Finais

- E quando o espaço de busca for muito grande?
- Usar Deep Learning com Reinforcement Learning! Assunto do nosso próximo encontro!
- Ler o capítulo 18. Reinforcement Learning até a seção Implementing Deep Q-Learning do livro Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras, and TensorFlow, 2nd Edition do Aurélien Géron.
- Referência adicional: https://deepmind.com/research/case-studies/alphago-the-story-so-far

# O que vimos até o momento?

- o que é Aprendizagem por Reforço e os seus principais conceitos;
- como desenvolver um agente autônomo usando o algoritmo Q-Learning;
- quais os aspectos positivos e negativos do algoritmo Q-Learning, e;
- funcionamento da biblioteca **Gym**.

### Material de consulta

- Tom Mitchell. Machine Learning. McGraw-Hill, 1997.
- Richard Sutton and Andrew Barto. Reinforcement Learning: An Introduction. Second Edition, in progress. The MIT Press, 2015.
- Projeto Gym: https://gym.openai.com/
- https://deepmind.com/research/case-studies/alphago-the-story-so-far
- Aurélien Géron. Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras, and TensorFlow, 2nd Edition, 2019.