SPRAWOZDANIE

Transformacja współrzędnych.

Autor:

Weronika Hebda 311532

Politechnika Warszawska

Wydział: Geodezji i Kartografii

Kierunek: Geoinformatyka

Przedmiot: Wybrane zagadnienia geodezji wyższej

Spis treści

1.	Wstęp teoretyczny	3
	Cel ćwiczenia	
	Przebieg ćwiczenia.	
	Wyniki	
	Wnioski	5

1. Wstęp teoretyczny

Oprócz elipsoidy GRS80 istnieją jeszcze inne rozwiązania. W Polsce do pewnego czasu używało się elipsoidy Krasowskiego, która ma swój punkt przyłożenia w Pułkowie.

2. Cel ćwiczenia

Ćwiczenie poległo na transformacji współrzędnych φ λ sześciu punktów z elipsoidy GRS80 na współrzędne φ λ elipsoidy Krasowskiego przy wykorzystaniu algorytmu Hirvonena oraz transformacji Bursy-Wolfa.

Do wykonania ćwiczenia użyto języka programowania Python w wersji 3.10 w środowisku PyCharm Community Edition.

3. Przebieg ćwiczenia

Na początku wprowadzono współrzędne punktów z poprzedniego zadania:

```
\varphi A = 50^{\circ} \ 15' \ 00" \ \lambda A = 20^{\circ} \ 45' \ 00"
\varphi B = 50^{\circ} \ 00' \ 00" \ \lambda B = 20^{\circ} \ 45' \ 00"
\varphi C = 50^{\circ} \ 15' \ 00" \ \lambda C = 21^{\circ} \ 15' \ 00"
\varphi D = 50^{\circ} \ 00' \ 00" \ \lambda D = 21^{\circ} \ 15' \ 00"
\varphi E = 50^{\circ} \ 07' \ 30.97362" \ \lambda E = 21^{\circ} \ 00' \ 2.34392" - \text{punkt środkowy}
\varphi S = 50^{\circ} \ 07' \ 30" \ \lambda S = 21^{\circ} \ 00' \ 00" - \text{punkt średniej szerokości}
```

Za wysokość przyjęto:

h = 0 m

Oraz wprowadzono parametry dwóch elipsoid:

```
#elipsoida krasowskiego
a = 6378245
e2 = 0.0066934215520
#elipsoida grs80
a80=6378137
e280=0.00669437999013
```

Rysunek 1. Parametry elipsoid.

Aby przeprowadzić transformację na inną elipsoidę należy sprowadzić współrzędne geodezyjne na współrzędne kartezjańskie (x,y,z). Wykorzystano do tego algorytm z zadania 3. Następnie zaimplementowano funkcję transformującą:

Rysunek 2. Funkcja transformująca Bursy-Wolfa.

Następnie zaimplementowano algorytm Hirvonena, który przelicza współrzędne x,y,z na φ λ wykorzystując parametry elipsoidy Krasowskiego.

```
def Hirvonen (x,y,z,e2,a):
    r = (x ** 2 + y ** 2) ** 0.5
    fi = np.arctan((z / r) * (1 - e2) ** -1)

    n = a / m.sqrt(1 - e2 * np.sin(fi) ** 2)
    h = r / np.cos(fi) - n
    fi2 = np.arctan((z / r) * (1 - e2 * (n / (n + h))) ** -1)
    sek = np.deg2rad(0.00005 / 3600)
    while abs(fi2 - fi) >= sek:
        fi = fi2
            n = a / m.sqrt(1 - e2 * np.sin(fi) ** 2)
            h = r / np.cos(fi) - n
            fi2 = np.arctan((z / r) * (1 - e2 * (n / (n + h))) ** -1)
        n = a / m.sqrt(1 - e2 * np.sin(fi2) ** 2)
        h = r / np.cos(fi2) - n
        lam = np.arctan(y / x)
    return fi2_lam_h
```

Rysunek 3. Algorytm Hirvonena.

Przy użyciu wszystkich funkcji przeliczono początkowe współrzędne oraz wyświetlono wyniki z dokładnością do 1 mm.

4. Wyniki

```
Współrzędne punktu A (phi, lambda, h) na elipsoidzie GRS80: 50° 15' 6.00000'' 20° 45' 0.00000'' 0 m
Współrzędne punktu B (phi, lambda, h) na elipsoidzie GRS80: 50° 00' 0.00000'' 21° 15' 0.00000'' 0 m
Współrzędne punktu D (phi, lambda, h) na elipsoidzie GRS80: 50° 00' 0.00000'' 21° 15' 0.00000'' 0 m
Współrzędne punktu D (phi, lambda, h) na elipsoidzie GRS80: 50° 00' 0.00000'' 21° 15' 0.00000'' 0 m
Współrzędne punktu E (phi, lambda, h) na elipsoidzie GRS80: 50° 00' 30.00000'' 21° 00' 0.00000'' 0 m
Współrzędne punktu S (phi, lambda, h) na elipsoidzie GRS80: 50° 07' 30.00000'' 21° 00' 0.00000'' 0 m
Współrzędne punktu B (x,y,z) na elipsoidzie GRS80: 3821451.636 m, 1447818.511 m, 4880617.060 m
Współrzędne punktu B (x,y,z) na elipsoidzie GRS80: 3821451.636 m, 1447818.511 m, 4880617.060 m
Współrzędne punktu D (x,y,z) na elipsoidzie GRS80: 382861.697 m, 1481111.416 m, 4880617.060 m
Współrzędne punktu D (x,y,z) na elipsoidzie GRS80: 382861.697 m, 14831411.416 m, 4880617.060 m
Współrzędne punktu E (x,y,z) na elipsoidzie GRS80: 3825068.930 m, 1468306.394 m, 486789.038 m
Współrzędne punktu S (x,y,z) na elipsoidzie GRS80: 3825068.930 m, 1468306.394 m, 4871714.592 m
Współrzędne punktu S (x,y,z) na elipsoidzie Krasowskiego: 3821428.590 m, 1447942.188 m, 4880698.989 m
Współrzędne punktu B (x,y,z) na elipsoidzie Krasowskiego: 38214383.346 m, 1455503.065 m, 4862870.960 m
Współrzędne punktu D (x,y,z) na elipsoidzie Krasowskiego: 3828538.782 m, 1483969.916 m, 4862871.021 m
Współrzędne punktu D (x,y,z) na elipsoidzie Krasowskiego: 3825007.730 m, 1468465.282 m, 4871815.834 m
Współrzędne punktu D (x,y,z) na elipsoidzie Krasowskiego: 3825007.730 m, 1468465.282 m, 4871815.834 m
Współrzędne punktu D (x,y,z) na elipsoidzie Krasowskiego: 50° 15' 1.05626'' 20° 45' 6.24468'' -32.367 m
Współrzędne punktu D (phi, lambda, h) na elipsoidzie Krasowskiego: 50° 00' 1.06531'' 20° 45' 6.24461'' -31.556 m
Współrzędne punktu C (phi, lambda, h) na elipsoidzie Krasowskiego: 50° 00' 32.01927'' 21° 15' 6.2684'' -31.664 m
Współrzędne punktu E (phi, lambda,
```

Rysunek 4. Wyniki

5. Wnioski

- 5.1. Dzięki punktowi styczności dwóch elipsoid transformacja współrzędnych z jedną na drugą jest bardzo łatwa.
- 5.2. Współrzędne punktów na dwóch elipsoidach różnią w sekundach.
- 5.3. Współrzędne punktów na elipsoidzie Krasowskiego są większe niż na elipsoidzie GRS80.