МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНОМУ УНІВЕРСИТЕТІ «ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА»

Кафедра систем штучного інтелекту

лабораторна робота №6

з дисципліни «Дискретна математика»

Виконала:

Студентка КН-112

Пихней Вероніка

Викладач:

Мельникова H.I.

Тема: Генерація комбінаторних конфігурацій

Мета: Набути практичних вмінь та навичок при комп'ютерній реалізації комбінаторних задач

Варіант № 12

- 1. В дитячому садку 10 хлопчиків. Скільки ϵ способів одягнути їх в новорічні костюми: а) якщо ϵ 10 різних костюмів; б) ϵ 2 костюми зайців, 5 ведмежат і 3 білочок.
- 2. Скільки різних чотирицифрових чисел можна скласти з цифр
- 1, 2, 3, 4, 5, 6, якщо кожну з них використовувати при записи числа лише один раз?
- 3. У вазі стоїть пронумеровані 10 червоних і 5 рожевих гвоздик. Скількома способами можна вибрати з вази три квітки?
- 4. У чемпіонаті України з футболу грає 18 команд. Скількома способами можуть розподілити місця, якщо відомо, що команди «Динамо», «Дніпро», «Шахтар», «Чорноморець» і «Таврія» займуть перші п'ять місць?
- 5. Скількома способами можна поділити 15 однакових цукерок між п'ятьма дітьми?
- 6. Дванадцять атлетів треба розподілити на 2 групи по 3 атлета, та 3 групи по 2 атлета для змагань на різні дистанції, при цьому кожна з цих груп може поїхати на змагання в одне з трьох можливих міст. Скількома способами можна розподілити атлетів на необхідні групи та для кожної з них вибрати місто для змагання?
- 7. На одній з кафедр університету працює 13 чоловік, кожен з яких знає хоча б одну іноземну мову. 10 чоловік знають англійську, 7 німецьку, 6 французьку, 5 англійську та німецьку, 4 англійську та французьку, 3 німецьку та французьку. Скільки чоловік: а) знають всі три мови; б) знають тільки дві мови; в) знають лише англійську?

1. a)10!

б) $1)C_{10}^2$ -вибираємо 2 костюми зайців з 10.

 $2)C_8^5$ - вибираємо 5 костюмів ведмежат ,вже з 8.

 $3)C_3^3$ -вибираємо 3 костюми білочок ,з 3 ,що залишились.

Відповідь: $C_{10}^2 * C_8^5 * C_3^3 = 2520$

- 2. 1 цифру –ми вибиремо 6-ма способами
 - 2 цифру- ми вибиремо 5-ма способами
 - 3 цифру- ми вибиремо 4-ма способами
 - 4 цифру-ми вибиремо 3-ма способами

Відповідь:6*5*4*3=360

3.
$$C_{15}^3 = 910$$

$$4.5! * 13!$$

5.
$$C_{15}^5 = 3003$$

6.
$$C_{12}^3 * C_9^3 * C_6^2 * C_4^2 * C_2^2 * 3^5$$

7.a)13=
$$x+(6-3-4+x)+(10-5-4+x)+(7-5-3+x)+3-x+4-x+5-x$$

б)x=4-2+5-2+3-2=6

в)x=10-5-4+2=3

Варіант № 12

Задане додатне ціле число n. Розташувати у лексикографічному порядку всі перестановки множини $\{1, 2, ..., n\}$. Побудувати розклад $(x + y)^{10}$.

```
#include <iostream>
  #include <cmath>
using namespace std;
  int Plural[100];
  int n:
  void Swap(int x1, int x2)
      int help=Plural[x1];
      Plural[x1]=Plural[x2];
      Plural[x2]=help;
  void Revers(int from)
      for(int i=0; i<(n-from)/2; i++) Swap(from+i,n-1-i);</pre>
  void Print Plural()
□{
      for(int i=0; i<n; i++) cout<<Plural[i]<<" ";</pre>
      cout<<endl:
  double Factorial (int n)
□ {
      double Fact=1;
      for(int i=1; i<=n; i++) Fact*=i;
      return Fact;
```

```
int main()

{
    int j, x1, x2, x,y;
    double Sum=0;

    cout<<"Enter n: ";
    cin>>n;
    for(int i=0; i<n; i++) Plural[i]=i+1;

Print_Plural();
    for(int i=1; i<Factorial(n); i++)

{
        for(j=n-1; j>1; j--) if(Plural[j-1]<Plural[j]) break;
        x1=j-1;

        for(j=n-1; j>0; j--) if(Plural[j]>Plural[x1]) break;
        x2=j;

        Swap(x1,x2);

        Revers(x1+1);

        Print_Plural();
    }
}
```

```
cout<<endl<<"(x+y)^10 = "<<endl<<endl;</pre>
   n=10;
   for(int k=0; k<=n; k++)
       \verb"cout"<< n<" \,! \, / \, ("<< (n-k) << " \,! \, * \," << k<< " \,! \,) \, * x \wedge " << (n-k) << " \,* y \wedge " << k;
       if(k!=n)cout<<" + "<<endl<<endl;</pre>
   cout<<endl<<endl;
   cout<<endl<<"(x+y)^10 = "<<endl<<endl;</pre>
   n=10;
   for(int k=0; k<=n; k++)</pre>
       \texttt{cout} << (\texttt{Factorial} (\texttt{n}) \, / \, (\texttt{Factorial} (\texttt{n-k}) \, *\texttt{Factorial} (\texttt{k}) \, )) \, < "*x^" << (\texttt{n-k}) \, < "*y^" << k;
       if(k!=n)cout<<" + "<<endl<<endl;</pre>
   cout<<endl;
Enter n: 3
1 2 3
2 3 2
2 1 3
2 3 1
3 1 2
3 2 1
(x+y)^10 =
10!/(10!*0!)*x^10*y^0 +
10!/(9!*1!)*x^9*y^1 +
10!/(8!*2!)*x^8*y^2 +
10!/(7!*3!)*x^7*y^3 +
10!/(6!*4!)*x^6*y^4 +
10!/(5!*5!)*x^5*y^5 +
10!/(4!*6!)*x^4*y^6 +
10!/(3!*7!)*x^3*y^7 +
10!/(2!*8!)*x^2*y^8 +
10!/(1!*9!)*x^1*y^9 +
10!/(0!*10!)*x^0*y^10
(x+y)^10 =
1*x^10*y^0 +
10*x^9*y^1 +
45*x^8*y^2 +
120*x^7*y^3 +
210*x^6*y^4 +
252*x^5*y^5 +
210*x^4*y^6 +
120*x^3*y^7 +
45*x^2*y^8 +
10*x^1*y^9 +
```

1*x^0*y^10