Thème: Fonctions et définitions de base

Série 2

## Exercice 1

Parmi les fonctions suivantes, déterminer celles qui sont paires, celles qui sont impaires et celles qui ne sont ni paires ni impaires :

a) 
$$f(x) = \frac{x^3 - x + 1}{x^2}$$

c) 
$$f(x) = x\sqrt{\lfloor |x| \rfloor}$$

b) 
$$f(x) = \frac{x^2 + 2}{x^3 + x}$$

d) 
$$f(x) = \sqrt{3x^4 + 2x^2 - 5}$$

#### Exercice 2

Esquisser le graphe des fonctions suivantes:

a) 
$$f(x) = x + |x|$$
,

c) 
$$h(x) = |x^2|$$
,

b) 
$$g(x) = |x + 1| + |x - 1|$$
,

$$d) k(x) = x|x|.$$

### Exercice 3

Quel est le domaine de définition des fonctions suivantes:

a) 
$$h(x) = \frac{1}{x - |x|}$$
,

c) 
$$f(x) = \sqrt{1 - x^2}$$
.

b) 
$$k(x) = \frac{x^2 + 6x + 7}{x^3 - x}$$
.

d) 
$$f(x) = \sqrt{1 - \sqrt{1 - x^2}}$$
.

#### Exercice 4

Soient f et g les fonctions définies par  $f(x) = x^2 - 16$  et  $g(x) = \sqrt{x}$ .

Déterminer les fonctions composées  $f \circ g$  et  $g \circ f$  ainsi que leur domaine de définition respectif.

# Exercice 5

Soient f et g deux fonctions définies dans  $\mathbb R.$  Discuter en fonction de la parité de f et de g celle de

- a) leur somme f + g,
- b) leur produit fg,
- c) leur composée  $g \circ f$ .