

Вероятностные методы строительной механики и теория надёжности строительных конструкций

Надёжность

Черновик

Кафедра СМиМ

2019

План

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

- ▶ Одна из основных характеристик прочности бетона - прочность на сжатие.
- ▶ **Марка бетона** - предел прочности на сжатие в кг/см^2 .
Обозначение М100 - образец¹ бетона выдерживает давление 100 кг/см^2
- ▶ Прочность на сжатие указанная в марке - среднее значение прочности испытанных образцов

¹кубики со сторонами 150 мм, которые затем выдерживают в условиях нормального твердения 28 суток

Бетон

Марка

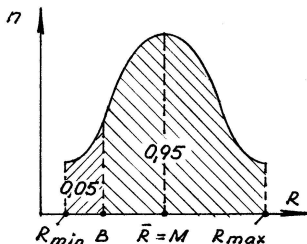
- ▶ Одна из основных характеристик прочности бетона - прочность на сжатие.
- ▶ **Марка бетона** - предел прочности на сжатие в кг/см^2 .
Обозначение М100 - образец¹ бетона выдерживает давление 100 кг/см^2
- ▶ Прочность на сжатие указанная в марке - среднее значение прочности испытанных образцов
- ▶ Проблема?

¹кубики со сторонами 150 мм, которые затем выдерживают в условиях нормального твердения 28 суток

Бетон

Проблема марки

- ▶ Прочность на сжатие бетона - случайная величина распределённая по закону, близкому² к закону нормального распределения
- ▶ Поэтому бетон марки, например М100 выдержит нагрузку в 100 кг/см^2 с вероятностью 0.5

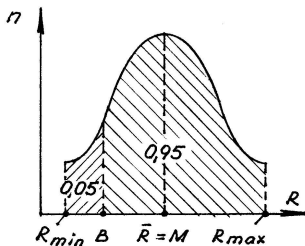


Распределение прочностной. Половина образцов имеет прочность больше _____ средней (справа от \bar{M}), другая половина - меньше.

²у нормального закона хвосты кривой тянутся до бесконечности, на практике же такое невозможно

Класс бетона

- ▶ **Класс бетона В** — это кубиковая прочность в МПа, принимаемая с гарантированной *обеспеченностью* (доверительной вероятностью) 0,95
- ▶ Это означает, что образец выдержит нагрузку указанную в классе с вероятностью (обеспеченностью) 0.95
- ▶ Класс бетона занижает ожидаемую прочность, чтобы обеспечить запас прочности



Бетон

Перевод марки в класс

Переведём марку М100 в класс.

▶ $\text{кг/см}^2 \rightarrow \text{МПа}$

$$100 \cdot g \cdot 10000 = 9806650 \text{Па} = 9.806650 \text{МПа}$$

▶ Вычисление класса

$$B = M_{\text{МПа}} - \sigma \cdot 1.64$$

- ▶ Стандартное отклонение σ прочности бетона на сжатие определяют используя коэффициент вариации $\nu = 0.135$
- ▶ $\sigma = \nu \cdot M_{\text{МПа}}$
- ▶ $F(1.64) = 0.05$, где F - функция нормального распределения
- ▶ Подставляя формулу для σ и вынося $M_{\text{МПа}}$ за скобку получим:

$$B = M_{\text{МПа}}(1 - 1.64\nu)$$

См. также

ГОСТ 18105-2018 Бетоны. Правила контроля и оценки прочности.

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Теория надёжности

Теория надёжности – наука изучающая закономерности отказов технических объектов

- ▶ критерии и показатели надёжности
- ▶ метода анализа и синтеза по критериям надёжности
- ▶ методы обеспечения и повышения надёжности
- ▶ методы эксплуатации обеспечивающие надёжность

ГОСТ 27751-2014 Надёжность строительных конструкций и оснований. Основные положения

Теория надёжности

Надёжность – свойство объекта выполнять свои функции в заданном режиме в течение заданного срока с заданной вероятностью P .

Начальная надёжность – свойство объекта выполнять свои функции в заданном режиме в начальный период эксплуатации

Отказ – случайное событие, заключающееся в нарушении работоспособности объекта. Вероятность отказа: $Q = 1 - P$

Долговечность – свойство сохранять работоспособность в течение определенного времени T

Долговечность vs надёжность

Долговечность определяется временем безотказной работы, а надёжность вероятностью безотказной работы в течении заданного времени.

- ▶ Традиционный подход к определению (обеспечение) надёжности (надёжно\не надёжно) подразумевает использование коэффициентов запаса (коэффициентов перегрузки) обеспечивающих резерв несущей способности.
- ▶ Такой подход называется **детерминированным**
- ▶ **Вероятностный подход**³ подразумевает, что величины влияющие на надёжность – случайны⁴
- ▶ Определения или обеспечение надёжности основывается на знании числовых характеристик этих случайных величин и их функций распределения

³ГОСТ

⁴даже если принимают значения в узких диапазонах 

Расчет по допускаемым напряжениям

В методе расчета по допускаемым напряжениям должно соблюдаться неравенство:

$$\sum S_i \leq A[\sigma] \quad (1)$$

где S_i - воздействие на рассчитываемый элемент i -ой *нормативной* нагрузки (постоянной или временной)

A - геометрическая характеристика сечения

$[\sigma]$ - допускаемое напряжение в элементе

Расчет по допускаемым напряжениям

Введя коэффициенты надёжности получим неравенство 1 в виде:

$$\sum \gamma_i S_i \leq A \frac{\sigma_{\text{пред}}}{\gamma_R}$$

где γ_i – коэффициент надёжности по нагрузке
 γ_R – коэффициенты надёжности по материалам

Расчет по предельным состояниям

Предельное состояние – состояние конструкции (сооружения), при котором она перестаёт удовлетворять эксплуатационным требованиям.

- ▶ используется несколько коэффициентов запаса, учитывающих особенности работы сооружения, независимых коэффициентов
- ▶ учёт вероятностных свойств действующих на конструкции нагрузок и сопротивлений этим нагрузкам
- ▶ ...

Предельные состояния

- ▶ **Первое предельное состояние** характеризуется потерей устойчивости и полной непригодностью к дальнейшей эксплуатации.
- ▶ **Второе предельное состояние** характеризуется наличием признаков, при которых эксплуатация конструкции или сооружения хотя и затруднена, но полностью не исключается

Предельные состояния

Первое предельное состояние



изображение с сайта

lib.dystlab.com/index.php/engineering/civil/structural/87-limit-states

Предельные состояния

Первое предельное состояние



изображение с сайта

lib.dystlab.com/index.php/engineering/civil/structural/87-limit-states

Проверки по предельным состояниям

$$N_{max} \leq N$$

N_{max} - фактор характеризующий нагрузку

Например: изгибающий момент, напряжение, деформация, ...

N - нормативное значение соответствующего N_{max} фактора или расчётное значение соответствующего сопротивления

В настоящее время расчёт по предельным состояниям заменил расчёт по допускаемым напряжениям и определяется ГОСТом и Eurocode

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Характеристика безотказности по Ржаницкому

Запишем выражение со слайда 20 как разность факторов:

$$g = R - L \quad (2)$$

- ▶ R - сопротивление (несущая способность)
- ▶ L - воздействие (нагрузочный эффект)
- ▶ R и L - случайные величины⁵
- ▶ g - характеристика безопасности - случайная величина
- ▶ R и L - принимают конкретный вид в зависимости от исследуемой задачи

Вероятность безотказной работы

$$P = P(g > 0)$$

⁵распределения конкретных случайных величин определяющих R и L часто близки к нормальному распределению

Надёжность

1. Чтобы определить вероятность безотказной работы требуется знать распределение резерва несущей способности g
Функцию распределения g часто считают близкой к функции нормального распределения⁶.
2. Далее для определения вероятности безотказной работы используют индекс надёжности:

$$\beta = \frac{\bar{g}}{\sigma_g}$$

\bar{g} - среднее значение резерва несущей способности

σ_g - стандартное отклонение резерва несущей способности

⁶если известны функции плотностей R и L то функцию распределения можно получить аналитически

Надёжность

3. Среднее значение и стандартное отклонение обычно вычисляют для линейной аппроксимации функции g ⁷

$$\bar{g} = g(\bar{R}, \bar{L})$$

$$\sigma_g^2 = \sum \left[\frac{\partial g}{\partial x_i} \sigma_{x_i} \right]^2$$

где x_i - случайная величина

4. Наконец используя вместо резерва несущей способности g индекс надёжности β для определения вероятности безотказной работы

$$P = P(\beta > 0) = F(\beta)$$

где $F(\beta)$ - функция распределения индекса надёжности⁸.

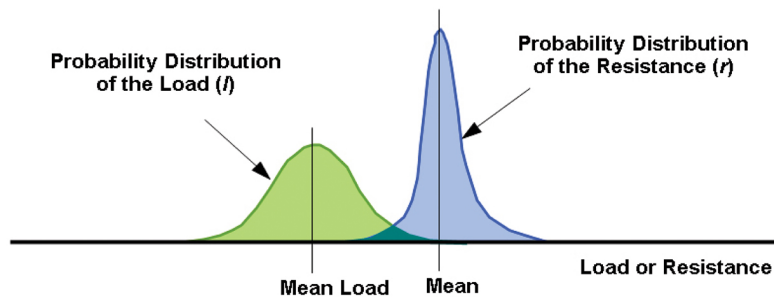
⁷ см. линеаризацию функции случайных аргументов

⁸ Часто используется функция нормального распределения

Надёжность

- ▶ Как представить графически вероятность безотказной работы?
- ▶ Как связать вероятность безотказной работы и функцию Лапласа Φ_0 ?

Надёжность



Надёжность

Что дальше?

- ▶ **Обратная задача:** Для известного нагрузочного эффекта и сопротивления, с известными средними значениями и стандартными отклонениями величин определяется вероятность безотказной работы (надёжность)
- ▶ **Прямая задача:** определяются значения от которых зависит сопротивление для обеспечения заданной надёжности

Надёжность

Какую надёжность выбрать?

- ▶ Стремление к абсолютной надёжности, то есть к $P = 1$ не экономично
- ▶ потому, что g в этом случае должно быть очень велико, а значит велика и несущая способность R
- ▶ С другой стороны низкая надёжность недопустима
- ▶ Как правило выбирают надёжность соответствующую отступу от \bar{g} вправо на $3 \sigma_g$

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Надёжность

Пример

На стальной стержень действует растягивающая сила $F = 100$ кН.

Средний предел текучести материал стержня $\bar{R}_y = 230$ МПа.

Стандартное отклонение предела текучести $S_{R_y} = 10$ МПа. Площадь поперечного сечения стержня $A = 5.36$ см².

Определить резерв несущей способности и вероятность безотказной работы стержня.

⁹ деление на 10 в формуле появляется для приведения всей разности к кН. Теперь R_y и A можно подставлять в исходных единицах измерения

Надёжность

Пример

На стальной стержень действует растягивающая сила $F = 100$ кН.

Средний предел текучести материал стержня $\bar{R}_y = 230$ МПа.

Стандартное отклонение предела текучести $S_{R_y} = 10$ МПа. Площадь поперечного сечения стержня $A = 5.36$ см².

Определить резерв несущей способности и вероятность безотказной работы стержня.

- ▶ Определим выражения для R – сопротивления и L – нагрузочного эффекта.
- ▶ $R = R_y \cdot A$
- ▶ $L = F$
- ▶ Тогда конкретный вид формулы (2) резерва несущей способности, для данной расчётной схемы⁹:

$$g(R_y) = R_y \cdot A / 10 - F \quad (3)$$

В скобках, как аргумент g , записана единственная случайная величина в формуле.

⁹ деление на 10 в формуле появляется для приведения всей разности к кН. Теперь R_y и A можно подставлять в исходных единицах измерения

Дисперсия и мат. ожидание функции случайного аргумента

Напомним, как вычислить математическое ожидание и дисперсию функции, зависящей от случайных величин.

Пусть дана функция

$$y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

где x_1, x_2, \dots, x_n – случайные величины.

Тогда её математическое ожидание получим подставив математические ожидания (средние) всех случайных величин:

$$m_y \approx f(m_{x1}, m_{x2}, \dots, m_{xn})$$

Дисперсия (квадрат стандартного отклонения):

$$D_y \approx \sum_{i=1}^n \left(\frac{\partial f(m_{x1}, m_{x2}, \dots, m_{xn})}{\partial x_i} \right)^2 \sigma_{xi}^2$$

где $\frac{\partial f(m_{x1}, m_{x2}, \dots, m_{xn})}{\partial x_i}$ – частная производная функции f по её аргументу x_i . Например, для функции одного случайного аргумента слагаемое будет одно.

Надёжность

Пример

- ▶ Функция g линейна¹⁰ (формула 3) относительно R_y и F , поэтому используем выражения для среднего значения и дисперсии с предыдущего слайда.
- ▶ Средний резерв несущей способности:

$$\bar{g} = \bar{R}_y \cdot A/10 - F \quad (4)$$

- ▶ Дисперсия резерва несущей способности:

$$D_g = S_g^2 = \left(\frac{\partial g}{\partial R_y}\right)^2 \cdot S_{R_y}^2 = \left(\frac{\partial (R_y \cdot A/10 - F)}{\partial R_y}\right)^2 \cdot S_{R_y}^2 = (A/10)^2 \cdot S_{R_y}^2$$

- ▶ В итоге

$$S_g^2 = (A/10)^2 \cdot S_{R_y}^2 \quad (5)$$

¹⁰если функция не линейна, то можно считать, её линейной на рассматриваемом участке (требуется проверки)

Надёжность

Пример

- ▶ \bar{g} и S_g получены
- ▶ Определим индекс надёжности

$$\beta = \frac{\bar{g}}{S_g} \quad (6)$$

- ▶ Тогда вероятность безотказной работы

$$P = F(\beta) \quad (7)$$

где $F(\beta)$ – функция стандартного нормального распределения

- ▶ Определив вероятность безотказной работы можно сделать вывод о надёжности и экономичности:
 - ▶ Если P меньше требуемого уровня надёжности, то конструкция ненадёжна
 - ▶ Если P сильно больше требуемого уровня надёжности, то конструкция не экономична

Например надёжность 0.99999 требует избыточной прочности

Надёжность

Пример

Подставим значения:

- ▶ Из формулы (4) среднее значение резерва несущей способности:

$$\bar{g} = 230 \cdot 5.36/10 - 100 = 23.28$$

- ▶ Из формулы (5) стандартное отклонение резерва несущей способности:

$$S_g = 5.36/10 \cdot 10 = 5.36$$

- ▶ Индекс надёжности, по формуле (6):

$$\beta = \frac{23}{5.36} \approx 4.3433$$

- ▶ Вероятность¹¹ безотказной работы по (7):

$$P = F(4.3433) \approx 0.9999$$

¹¹F определяется например в программе Probability Distributions, при $m=0$, $\sigma = 1$, $P(X < x)$ и $x = 4.3433$

Надёжность

Пример

Надёжность 0.9999 больше рекомендуемой 0.99865, есть небольшой резерв для увеличения экономичности: можно уменьшить площадь поперечного сечения стержня.

Какое поперечное сечение стержня нужно выбрать чтобы добиться надёжности 0.99865?

Выразите из формул 3 - 7 площадь поперечного сечения A , при $P = 0.99865$. Прочие значения оставьте прежними.

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Надёжность

Пример 2

Начальная надёжность элементов строительных конструкций:
методические указания / Сост. Р.П. Моисеенко. – Томск:
Изд-во Том. гос. архит.-строит. ун-та, 2014. – 23 с

Дополнительные ссылки

- ▶ Условие прочности при изгибе
- ▶ Расчётные схемы для балок
- ▶ ГОСТ 8240-97

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Надёжность

Пример 3

Начальная надёжность железобетонной балки: методические указания / Сост. Р.П. Моисеенко. – Томск: Изд-во Том. гос. архит.- строит. ун-та, 2014. – 23 с.

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Надёжность системы

- ▶ При определении надёжности системы рассматриваются возможные сценарии разрешения её элементов приводящие к отказу
- ▶ Для определения вероятности безотказной работы используются теоремы о умножении и сложении вероятностей
- ▶ $P(A + B) = P(A) + P(B)$
- ▶ $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B|A)$

Последовательное соединение элементов

Последовательное соединение элементов системы - соединение, при котором отказ одного элемента ведёт к отказу системы в целом

$$P = \prod P_i = \prod (1 - Q_i)$$

где P_i , Q_i - надёжность и вероятность отказа соответственно для i -го элемента

При таком соединении надёжность идеальной системы всегда меньше надёжности самого слабого элемента

Параллельное соединение элементов

Последовательное соединение элементов системы - соединение, при котором только отказ всех элементов системы ведёт к отказу системы в целом.

$$P = 1 - \prod Q_i = 1 - \prod (1 - P_i)$$

где P_i , Q_i - надёжность и вероятность отказа соответственно для i -го элемента

При таком соединении надёжность системы всегда выше надёжности самого надёжного элемента

Параллельное соединение элементов

Замечание

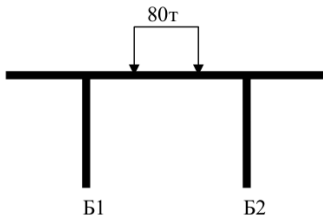
- ▶ Стоит учитывать что если один или несколько элементов системы вышли из строя, то надёжность остальных элементов системы может снижаться
- ▶ В этом случае рассматриваются различные варианты разрешения системы:
- ▶ когда все элементы выходят из строя
- ▶ когда из строя выходят один или несколько элементов системы

Пример

На пролетное строение моста, имеющее в поперечном сечении две главных балки, действует нагрузка.

- ▶ Обеспеченность (надежность) несущей способности каждой балки в размере 400 кН равна $P = 0.9$.
- ▶ Обеспеченность несущей способности в размере 800 кН равна $P = 0.6$.

Определить надежность системы



Пример из учебного пособия "Основы надежности транспортных сооружений МАДИ, 2008

Пример

Решение

- ▶ Это система с параллельным соединением элементов
- ▶ Рассмотрим два сценария разрушения системы:
- ▶ 1. Балки разрушаются одновременно
- ▶ 2. Разрушается сначала одна, потом другая балка (разрушение Б1, Б2; разрушение Б2, Б1)
- ▶ Вероятность отказа всей системы Q будет складываться из вероятностей отказа случая 1 и 2

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Метод Монте-Карло



Метод Монте-Карло

Методы Монте-Карло (ММК) — группа численных методов для изучения случайных процессов.

Процесс моделируется при помощи генератора случайных величин.

В 1940-х Джон фон Нейман и Станислав Улам в Лос-Аламосе предположили использовать стохастический подход для аппроксимации многомерных интегралов

Метод Монте-Карло

- ▶ В процессе решения задачи можно "разыгрывать" исходные данные или случайные события
- ▶ Например можно задать значения случайных величин используя генератор случайных чисел
- ▶ Такое решение задачи, со случайностью, не надёжно. Поэтому оно повторяется множество раз
- ▶ Окончательный ответ получается путём "суммирования" множества ответов

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Пример

На стальной стержень действует растягивающая сила со средним значением $\bar{F} = 100$ кН. Средний предел текучести стержня $\bar{R}_y - 230$ МПа. Площадь поперечного сечения стержня - 5.36 см². Если известны стандартные отклонения нагрузки $F - 10$ кН и предела текучести $R_y - 10$ МПа определить запас несущей способности и вероятность безотказной работы стержня.

Решение на Python: github.com/VetrovSV/ST/blob/master/python-examples/Monte-Carlo.ipynb

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Снеговые нагрузки

- ▶ нормативное значение снеговой нагрузки на горизонтальную проекцию покрытия

$$S_0 = 0.7c_e c_t \mu S_g$$

- ▶ c_e – коэффициент, учитывающий снос снега с покрытий зданий под действием ветра или иных факторов
- ▶ c_t – термический коэффициент
- ▶ μ – коэффициент перехода от веса снегового покрова земли к снеговой нагрузке на покрытие
- ▶ S_g – вес снегового покрова на 1 м² горизонтальной поверхности земли для площадок, расположенных на высоте не более 1500 м над уровнем моря, принимается в зависимости от снегового района РФ

Снеговые нагрузки



Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

Вопросы

- ▶ Что такое обеспеченность сопротивления(нагрузки)?
- ▶ Как определяется резерв несущей способности?
- ▶ Как он связан с вероятностью безотказной работы?
- ▶ Что такое коэффициент вариации?
- ▶ Возможно ли добиться вероятности безотказной работы равной единице?
- ▶ Назовите рекомендуемую вероятность безотказной работы?
- ▶ Какому значению индекса надёжности соответствует эта вероятность?

Вопросы

- ▶ Как определяется надёжность системы?
- ▶ Почему требуется заново рассчитывать надёжность элемента конструкции при параллельном соединении, если другой элемент разрушен?
- ▶ Как определить превышаемую нагрузку исходя из периода повторяемости?
- ▶ Опишите метод Монте-Карло.

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

- ▶ Разброс нагрузок от собственного веса конструкций:
коэффициент вариации от 0.02 до 0.03
- ▶ Нормативная прочность обычно принимается с
обеспеченностью $P = 0.95$ ($R_n = R1.65\sigma_R$)
- ▶ Расчетная - 0.9986 ($R_{расч} = R - 3\sigma_R$)
Коэффициенты вариации
 - ▶ для стали – 0.03...0.05;
 - ▶ для бетона – 0.10...0.15.

Коэффициенты запаса

- ▶ для нагрузки

$$\gamma_F = \frac{F}{F + 3\sigma_F}$$

- ▶ для сопротивления

$$\gamma_R = \frac{R}{R - 3\sigma_R}$$

Средние периоды повторяемости

- ▶ Для снеговой нагрузки - 50 лет
- ▶ Для ветровой нагрузки - 50 лет ¹²

Outline

Марка и класс бетона

Надёжность

Характеристика безопасности

Статистический характер прочности

Пример 1

Пример 2

Пример 3

Надёжность системы

Метод Монте-Карло

Расчёт надёжности методом статистических испытаний

Ветровые и снеговые нагрузки

Вопросы

Справочные сведения

Ссылки

- ▶ Пшеничкина, В. А. Вероятностные методы строительной механики и теория надёжности строительных конструкций [Электронный ресурс] : учебное пособие : в 2-х частях. Ч. I / В. А. Пшеничкина, Г. В. Воронкова, С. С. Рекунов, А. А. Чураков
http://vgasu.ru/attachments/oi_pshenichkina-03.pdf
- ▶ Начальная надёжность элементов строительных конструкций: методические указания / Сост. Р.П. Моисеенко.

- ▶ jupyter.org/try - Jupyter Online
Выбрать Try Jupyter with Python

Материалы курса

github.com/VetrovSV/ST