Программирование. Python

Функции (продолжение)

Лекция 12

Кафедра ИВТ и ПМ ЗабГУ

2019

План

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию

Процедурное программирование

Программирование методом сверху вниз

Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопросы

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию

Процедурное программирование

Программирование методом сверху вниз

Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

- Что такое область видимости?
- Что такое глобальная переменная?
- Что такое локальная переменная?
- Как описывается функция?

- Что такое область видимости?
- Что такое глобальная переменная?
- Что такое локальная переменная?
- Как описывается функция?
- ► Как в Python определить тип?

- Что такое область видимости?
- Что такое глобальная переменная?
- Что такое локальная переменная?
- Как описывается функция?
- ► Как в Python определить тип?

```
type( переменная или выражение ) -> тип
```

```
def bar():
    ...
```

```
type( bar() ) # -> ?
```

Требуется вычислять следующее выражение ¹

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

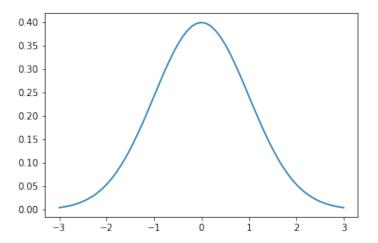
Логично представить его как функцию.

Какие формальные параметры будет иметь функция? Как должна выглядеть функция?

 $^{^{1}}$ функция плотности нормального распределения случайной величины $^{\frac{1}{2}}$

Как построить график функции f(x)?

```
Как построить график функции f(x)?
from math import *
from matplotlib.pyplot import *
def norm pdf (x, mu, sigma):
     return 1 / (sigma * sgrt(2*pi) ) * \
               \exp(-(x-mu)^{**2} / 2/siama^{**2})
X = [x/10 \text{ for } x \text{ in range}(-30, 31)]
Y = \lceil \text{norm pdf}(x, 0, 1) \text{ for } x \text{ in } X \rceil
plot(X,Y)
show()
```



Задача: сложить два списка из целых числе поэлементно. Списки имеют одинаковые длины.

```
def sum_lists(L1, L2):
    for i in range(len(L1)):
        print( L1[i] + L2[i], end=" ")

A = [1,2,3]
B = [4,5,6]

sum_lists(A,B) # 5 7 9
```

В чём основная проблема программы?

Проблема:

в функции смешаны программный интерфейс и интерфейс пользователя. Входные параметры задаются через программный интерфейс, а выходные видны только в интерфейсе пользователя.

Таким образом невозможно получить результат вызова функции, например записать его в переменную, хотя это может понадобится. Например когда нужно поэлементно сложить три списка.

Как должна быть организована программа:

```
Как должна быть организована программа<sup>2</sup>:
def sum lists(L1, L2):
     L = \Gamma \Gamma
     for i in range(len(L1)):
          L += \Gamma L1\Gamma i + L2\Gamma i
     return L
def print list(L):
     for e in L:
          print(e, end = ' ')
A = [1, 2, 3]
B = \Gamma 4.5.67
C = sum lists(A,B)
print list(C) # 5 7 9
```

 $^{^2}$ Программу можно улучшить использовав генератор списков в функции sum lists

Outline

Прошлые темь

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию Процедурное программирование Программирование методом сверху вниз Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию

Процедурное программирование Программирование методом сверху вниз Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Следующая функция часто вызывается с одинаковым значением параметров mu = 0, sigma = 1.

```
def norm_pdf (x, mu, sigma):
    return 1 / (sigma * sqrt(2*pi) ) * \
        exp( - (x-mu)**2 / 2/sigma**2 )
```

Однако от этих формальных параметров нельзя отказаться вовсе, сделав mu и sigma локальными переменными функции и задав им значения 0 и 1 соответственно.

Параметр (аргумент) по умолчанию

В языках программирования есть способ задавать значения формальным параметрам во время определения функции.

Такие параметры называются параметрами по умолчанию.

```
def norm_pdf (x, mu = 0, sigma = 1):
    return 1 / (sigma * sqrt(2*pi) ) * \
        exp( - (x-mu)**2 / 2/sigma**2 )
```

Параметр (аргумент) по умолчанию

Формальному параметру по умолчанию не обязательно должен соответствовать фактический параметр, потому что значение формального параметра уже задано.

Но если фактический параметр всё же использован, то будет взято именно его значение.

```
def norm pdf (x, mu = 0, sigma = 1):
   return 1 / (sigma * sqrt(2*pi) ) * \
       exp( - (x-mu)**2 / 2/sigma**2 )
norm_pdf(0.5) # mu = 0, sigma = 1
norm pdf(0.5, 7) # mu = 7, sigma = 1
norm pdf(0.5, 7, 3) # mu = 7, sigma = 3
# следующие вызовы равнозначны
norm_pdf(0.5) # mu = 0, sigma = 1
norm pdf(0.5, 0) # mu = 0, sigma = 1
norm_pdf(0.5, 0, 1) # mu = 0, sigma = 1
```

Параметр (аргумент) по умолчанию

- Формальному параметру со значением по умолчанию не обязательно должен соответствовать фактический параметр
- Аргументы по умолчанию должны быть определены в заголовке функции
- Аргументов по умолчанию может быть сколько угодно.
 Например параметрами со значением по умолчанию могут быть все формальные параметры функции.
- Параметры по умолчанию стоит использовать когда нужна возможность передать параметр в функцию, но это делается редко.

Outline

Прошлые темь

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию

Процедурное программирование

Программирование методом сверху вниз Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Процедурное программирование

Процедурное программирование — программирование на императивном языке, при котором последовательно выполняемые операторы можно собрать в подпрограммы, то есть более крупные целостные единицы кода.

Процедурное программирование

Преимущества

- Алгоритмическая декомпозиция. Задача разбивается на подзадачи, каждая из которых решается относительно независим от от других.
 - Программа стоящая из вызовов подпрограмм легче понимания
 - В такой программе проще локализовать и исправить ошибку
- ▶ Повторное использование кода. Однажды написанную подпрограмму можно использовать многократно
- Сокрытие сложности. Для использования подпрограммы достаточно минимальных знаний об её устройстве. Не нужно знать всех деталей реализации.

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанин Процедурное программирование

Программирование методом сверху вниз

Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Программирование "сверху вниз"

Сначала пишется текст основной программы, в котором, вместо каждого связного логического фрагмента текста, вставляется вызов подпрограммы, которая будет выполнять этот фрагмент.

Вместо настоящих, работающих подпрограмм, в программу вставляются фиктивные части— заглушки, которые, говоря упрощенно, ничего не делают.

Программирование "сверху вниз"

После того, как программист убедится, что подпрограммы вызываются в правильной последовательности (то есть общая структура программы верна), подпрограммы-заглушки последовательно заменяются на реально работающие, причём разработка каждой подпрограммы ведётся тем же методом, что и основной программы.

Разработка заканчивается тогда, когда не останется ни одной заглушки.

Программирование "сверху вниз"

Такая последовательность гарантирует, что на каждом этапе разработки программист одновременно имеет дело с обозримым и понятным ему множеством фрагментов, и может быть уверен, что общая структура всех более высоких уровней программы верна.

Требуется создать программу для работы с БД состоящей из одной таблицы.

```
def load database(filaneme):
    """Загружает данные из БД в список.
   return список из записей
   0.00
   return [tuple()]
def print_record(d, m):
   """Печатает запись (в строку длиной не более m символов)"""
   pass
def print_database(data, n, m = 80):
    """Выводит на экран п записей из БД
   0.00
   for d in data:
       print record(d, m)
N = 20 # число записей БД выводимых на экран
Data = []
filename = "mydb" # написать функцию
if filename:
   Data = load database(filename)
                                          print database(Data, N)
```

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию Процедурное программирование Программирование методом сверху вниз

Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

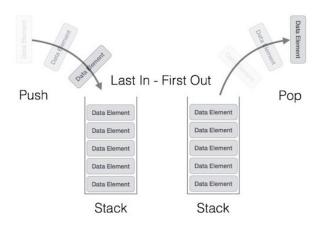
Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Абстрактный тип данных. Пример - стек

Стек - список элементов, организованных по принципу LIFO (англ. last in — first out, «последним пришёл — первым вышел»)



Вызов функций. Стек вызовов

Стек вызовов (call stack) — в теории вычислительных систем,стек, хранящий информацию для возврата управления из подпрограмм (процедур) в программу (или подпрограмму, при вложенных или рекурсивных вызовах).

Помимо адресов возврата в стеке вызовов могут хранится локальные переменные функций, параметры и другая информация. Такой блок информации для отдельной функции называется стековым кадром (фреймом).

Вызов функций

При вызове подпрограммы или возникновении прерывания, в стек вызовов заносится адрес возврата — адрес в памяти следующей инструкции приостановленной программы и управление передается подпрограмме

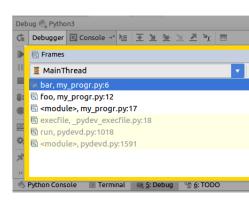
При последующем вложенном или рекурсивном вызове, прерывании подпрограммы или обработчика прерывания, в стек заносится очередной адрес возврата и т. д.

При возврате из подпрограммы или обработчика прерывания, адрес возврата снимается со стека и управление передается на следующую инструкцию приостановленной (под-)программы

Стек вызовов

Просмотр стека вызовов внутри отладчика PyCharm. Выполнение программы остановлено на строке 6.

```
def baz():
              print("baz")
 5
         def bar():
 6
              print("bar")
              baz()
 8
         def foo():
10
11
              print("foo")
              bar()
12
13
14
15
          foo()
```



РуCharm вместо адресов в стеке вызовов (справа) используются номера строк.

Информация о стеке вызовов

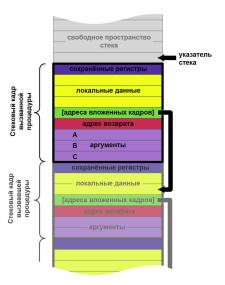
import inspect

```
# возвращает список кадров стека вызовов inspect.stack()
```

Кадр:

```
FrameInfo(frame=<frame object at 0x7f403a416c48>, filename='/home/user/PycharmProjects/my_project/my_lineno=5, function='baz', code_context=[' print(inspect.stack())\n'], inde
```

Стек вызовов



В стек вызовов кроме адреса возврата могут быть помещены локальные переменные и аргументы функции.

Outline

Прошлые темь

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию Процедурное программирование

Программирование методом сверху вниз

Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопросы

Рекурсия - определение, описание какого-либо объекта или процесса внутри самого этого объекта или процесса, то есть ситуация, когда объект является частью самого себя.

Рекурсия - определение некоторого понятия через самое себя.

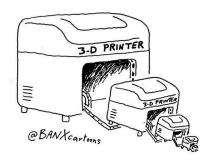
Рекурсивный алгоритм – это алгоритм, в описании которого прямо или косвенно содержится обращение к самому себе.

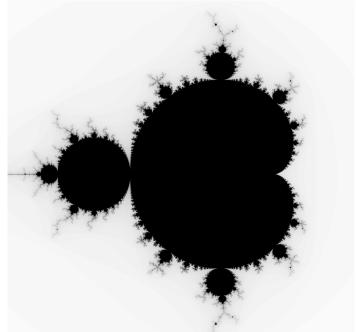
Сепульки — важный элемент цивилизации ардритов с планеты Энтеропия. См. Сепулькарии.

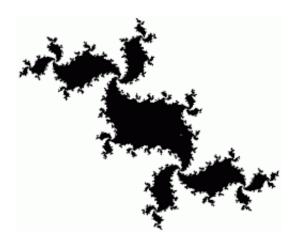
Сепулькарии – устройства для сепуления.

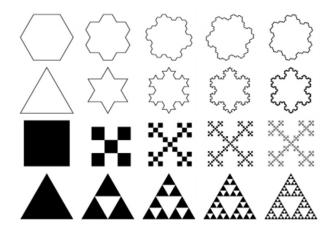
Сепуление — занятие ардритов с планеты Энтеропия. См. Сепульки 3 .

³Станислав Лем «Звёздные дневники Ийона Тихого□ → <*В* → < ≥ → < ≥ → ≥ → < ○









Пример рекурсивной функции: факториал

$$n! = \begin{cases} n \cdot (n-1)!, & n > 0 \\ 1, & n = 0 \end{cases}$$

Пример рекурсивной функции: функция задающая последовательность Фибоначчи

1 1 2 3 5 8 13 ...

$$F = \begin{cases} F(0) = 1; \\ F(1) = 1; \\ F(n) = F(n-1) + F(n-2), & n > 1. \end{cases}$$

база — аргументы, для которых значения функции определены (тривиальные случаи).

шаг рекурсии — способ сведения задачи к более простым

Составление рекурсивного алгоритма

- параметризацияКакие параметры будет иметь функция?
- выделение базы В каком случае результат функции очевиден и не требует вычислений?
- декомпозицияКак разбить задачу на подзадачу?

Структурно рекурсивная функция на верхнем уровне всегда представляет собой команду ветвления - «условиее прекращения рекурсии»), имеющую две или более альтернативные ветви.

Хотя бы одна является **рекурсивной** (где происходит декомпозиция задачи) и хотя бы одна — **терминальной** (для базы).

Рекурсивная ветвь выполняется, когда условие прекращения рекурсии ложно, и содержит хотя бы один рекурсивный вызов — прямой или опосредованный вызов функцией самой себя.

Терминальная ветвь выполняется, когда условие прекращения рекурсии истинно; она возвращает некоторое значение, не выполняя рекурсивного вызова.

Пример рекурсивной функции: функция задающая последовательность Фибоначчи

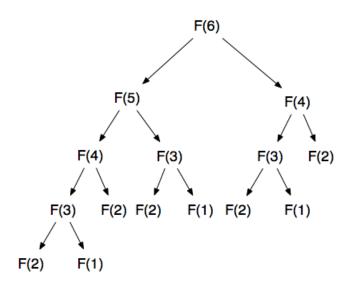
11235813...

$$F = \begin{cases} F(0) = 1; \\ F(1) = 1; \\ F(n) = F(n-1) + F(n-2), & n > 1. \end{cases}$$

F(0)=1 - базовая ветвь.

F(1)=1 - базовая ветвь.

F(n)=F(n-1)+F(n-2) - рекурсивная ветвь (декомпозиция).



- Простая рекурсия. Функция F вызывает функцию F из себя собой.
- Косвенная (взаимная) рекурсия. Функция F вызывает функцию G, которая вызывает F.
- ► Параллельная рекурсия. Функция F вызывает функцию G, несколько аргументов которой являются функцией F.
- Хвостовая рекурсия. Любой рекурсивный вызов является последней операцией перед возвратом из функции

Простая рекурсия

```
Вычисление факториала

def fact(n):
    if n==1:
        # терминальная ветвь
        return 1
    else:
        # рекурсивная ветвь
        return n * fact(n-1)
```

Простая рекурсия

Вычисление факториала (с использованием тернарного оператора)

```
def fact(n):
    return 1 if n==1 else n * fact(n-1)
```

Механизм работы рекурсивных функций

Прямой ход рекурсии

Рекурсивный вызов подпрограммы оставляет в сегменте стека данные, помещенные туда на предыдущем вызове подпрограммы, и записывает на вершину стека данные текущего вызова.

Обратный ход рекурсии При достижении базы рекурсии рекурсивные вызовы прекращаются и начинается серия завершений вызовов с извлечением из стека сохраненных значений и использованием их для продолжения вычислений. Последним завершается первый вызов.

Проблемы рекурсии

Основа рекурсии - вызов функции. При вызове функции в стек вызовов добавляется один кадр.

Основная проблема рекурсии - исчерпание стека вызовов. Поэтому не стоит использовать рекурсию там где предполагается множество вызовов.

B Pyhton⁴ по умолчанию максимальная глубина рекурсии равна 2000

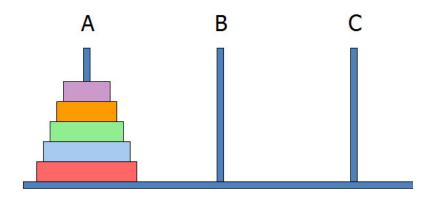
```
import sys
sys.getrecursionlimit() # 2000
```

⁴Может отличатся в зависимости от версии интерпретатора () • (

Ханойские башни

Даны три стержня, на один из которых нанизаны восемь колец, причём кольца отличаются размером и лежат меньшее на большем. Задача состоит в том, чтобы перенести пирамиду из восьми колец за наименьшее число ходов на другой стержень. За один раз разрешается переносить только одно кольцо, причём нельзя класть большее кольцо на меньшее.

Ханойские башни



- ▶ перенести башню из n1 диска на 2-й штырь
- перенести самый большой диск на 3-й штырь
- перенести башню из n1 диска на 3-й штырь

- параметры: штыри, число перемещённых дисков
- база: не осталось дисков для перемещения
- декомпозиция:
 - ▶ перенести башню из n1 диска на 2-й штырь
 - перенести самый большой диск на 3-й штырь
 - ▶ перенести башню из n1 диска на 3-й штырь

```
# представим диски числами от 1 до п
# 1, 2 и 3-й штыри - списками А, В, С
# требуется перенести диски с А на В
n = 4
A = [i for i in range(n)]
B = \Gamma T
C = \Gamma \gamma
def move(n, frm, to, buf):
    move(n-1, frm, buf, to)
    to += \lceil frm.pop() \rceil
    # рор возвращает последний элемент списка
    # и удаляет его из списка
    move(n-1, buf, to, frm)
```

move(n, A, C, B)

```
# представим диски числами от 1 до n
# 1, 2 и 3-й штыри - списками А, В, С
# требуется перенести диски с А на В
n = 4
A = [i for i in range(n)]
B = \Gamma T
C = \Gamma T
def move(n, frm, to, buf):
    move(n-1, frm, buf, to)
    to += \lceil frm.pop() \rceil
    # рор возвращает последний элемент списка
    # и удаляет его из списка
    move(n-1, buf, to, frm)
```

move(n, A, C, B)

Где ошибка?

```
# представим диски числами от 1 до п
# 1, 2 и 3-й штыри - списками А, В, С
# требуется перенести диски с А на В
n = 4
A = [i for i in range(n)]
B = \Gamma T
C = \Gamma \gamma
def move(n, frm, to, buf):
    move(n-1, frm, buf, to)
    to += \lceil frm.pop() \rceil
    # рор возвращает последний элемент списка
    # и удаляет его из списка
    move(n-1, buf, to, frm)
```

move(n, A, C, B)

Где ошибка? Рекурсивная функция не содержит условия выхода!

Решение⁵

```
# представим диски числами от 1 до n
# 1, 2 и 3-й штыри - списками А, В, С
# требуется перенести диски с А на В
n = 4
A = [i for i in range(n)]
B = \Gamma 
C = \Gamma \gamma
def move(n, frm, to, buf):
    if n > 0:
        move(n-1, frm, buf, to)
        to += \lceil frm.pop() \rceil
        # рор возвращает последний элемент списка
        # и удаляет его из списка
        move(n-1, buf, to, frm)
```

move(n, A, C, B)

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию Процедурное программирование Программирование методом сверху вниз Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Рекурсия и итерация

Любой алгоритм, реализованный в рекурсивной форме, может быть переписан в итерационном виде и наоборот.

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию Процедурное программирование Программирование методом сверху вниз Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Лямбда-функции

Анонимная функция — особый вид функций, которые объявляются в месте использования и не получают уникального идентификатора для доступа к ним.

В языках программирования такие функции описываются как способом, который используется математиками для записи λ -выражений.

Такие функции называются лямбда-функциями.

Лямбда функции и обычные функции

```
# обычная функция
def f(x):
    return x*2
# вызов функции
f(3) \# -> 6
# лямбда функция
q = lambda x: x*2
# вызов лямбда-функции
q(3) \# -> 6
```

Лямбда функции. Примеры

```
# лямбда функция двух переменных
# возвращает их произведение
f1 = lambda x, y: x*y
f1(6,9) # 54
# лямбда-функця без параметров
f2 = lambda : 42
f2() # 42
# параметром лямбда-функции могут быть разные типы
f3 = lambda t: t[0] * t[1]
print( f3( [2,3] ) ) # 6
print( f3( (2,3) ) ) # 6
                                 4□ > 4団 > 4豆 > 4豆 > 豆 900
```

Лямбда функции. Примеры

Лямбда-функции

- всегда возвращает значение
- оператор return не используется
- может не иметь имени
- начинается с ключевого слова lambda
- список параметров укачивается сразу после lambda
- параметры отделяются запятой
- тело функции состоит из одного выражения, значение которого будет возвращено

Функция как параметр функции

```
from math import *
# примеяет функции f к каждому элементу списка lst
def foo(lst, f):
    12 = \Gamma 7
    for i in range(len(lst)):
        l2 += \Gamma f( lst \Gamma i T) T
    return 12
L = [1,2,3]
l1 = foo(L, lambda x: x*x) # -> \Gamma1, 4, 9\Gamma
12 = foo(L, lambda x: 42) # -> [42, 42, 42]
13 = foo(L, lambda x: sin(x)) # -> [0.84, 0.91, 0.
```

Ссылки и литература

- ▶ ИНТУИТ: Рекурсия и рекурсивные алгоритмы
- ▶ Викиучебник: рекурсия

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию Процедурное программирование Программирование методом сверху вниз Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопрось

Декораторы

https://www.youtube.com/watch?v=Ss1M32pp5Ew

Outline

Прошлые темы

Функции

Параметр (аргумент) по умолчанию

Процедурное программирование

Программирование методом сверху вниз

Механизм вызова функций

Рекурсия

Рекурсия и итерация

Функциональное программирование

Дополнительно

Вопросы

Вопросы

- Что такое параметр по умолчанию?
- Опишите парадигму процедурного программированию
- Опишите метод созданием программ сверху вниз
- Что такое стек вызовов?
- Что такое рекурсия?
- Как завершается рекурсия?

Ссылки и литература

Ссылка на слайды

github.com/VetrovSV/Programming