# Программирование Python

Лекция 9

Кафедра ИВТ и ПМ

2017



## План

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array Линейная алгебра Интерполяция

Минимизация



## Outline

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array Линейная алгебра

Интерполяция

Минимизация



- Что такое пакет?
- ▶ Для чего нужна программа рір?
- ▶ Как её запустить?



- Что такое пакет?
- Для чего нужна программа pip?
- Как её запустить?
  - из терминала Anaconda Prompt
  - из командной строки Windows, из каталога, где установлен Python.
- ▶ Как посмотреть список установленных python пакетов?

- Что такое пакет?
- Для чего нужна программа рір?
- Как её запустить?
  - из терминала Anaconda Prompt
  - из командной строки Windows, из каталога, где установлен Python.
- ► Как посмотреть список установленных python пакетов? pip list



▶ Что такое репозитарий Python?

- ► Что такое репозитарий Python? Хранилище Python пакетов.
- ▶ Как получить доступ к этому репозитарию?

- Что такое репозитарий Python? Хранилище Python пакетов.
- Как получить доступ к этому репозитарию?
   С помощью программы рір.
- Как установить пакет?

- Что такое репозитарий Python? Хранилище Python пакетов.
- Как получить доступ к этому репозитарию?
   С помощью программы рір.
- Как установить пакет?pip install имяпакета
- Как удалить пакет?

- Что такое репозитарий Python? Хранилище Python пакетов.
- Как получить доступ к этому репозитарию?
   С помощью программы рір.
- Как установить пакет?pip install имяпакета
- Как удалить пакет?pip uninstall имяпакета

▶ pip install numpu

Collecting numpu
Could not find a version that satisfies the requirement numpu
(from versions: )

No matching distribution found for numpu

О какой проблеме сообщает рір?

▶ pip install numpu

Collecting numpu
Could not find a version that satisfies the requirement numpu
(from versions: )

No matching distribution found for numpu

О какой проблеме сообщает pip? Пакета с именем *numpu* в репозитарии python не существует.



# Outline

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array Линейная алгебра Интерполяция Минимизация

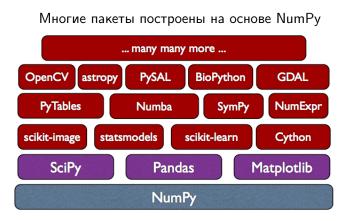


## Популярные математические пакеты

- numpy работа с матрицами и многомерными массивами;
- scipy научные и инженерные вычисления, использует numpy;
- ▶ matplotlib построение графиков и диаграмм;
- seaborn визуализация статистических данных, эстетичнее чем matplotlib;
- mpld3 создание интерактивных графиков (использует D3.js, графики показываются в окне браузера;
- pandas анализ данных: статистики, регрессия, визуализация и т.п.



## Популярные математические пакеты





# Numpy и SciPy

**NumPy** (NUMerical PYthon) - пакет содержащий типы и математические алгоритмы, оптимизированные для работы с многомерными наборами данных.

**SciPy** (Science Python) — библиотека для языка программирования Python с открытым исходным кодом, предназначенная для выполнения научных и инженерных расчётов (включает в себя NumPy).

SciPy можно рассматривать как альтернативу MATLAB  $^{1}$ .

 $<sup>^1</sup>$ пакет прикладных программ для решения задач технических вычислений и одноимённый язык программирования, используемый в этом пакете



# Scipy

#### Возможности

- поиск минимумов и максимумов функций;
- вычисление интегралов функций;
- поддержка специальных функций;
- обработка сигналов;
- обработка изображений;
- работа с генетическими алгоритмами;
- решение обыкновенных дифференциальных уравнений;
- ▶ и др.

Для визуализации результатов расчётов часто применяется библиотека Matplotlib



# Scipy

## Некоторые модули Ѕсіру

- constants. Физические константы и коэффициенты пересчёта (с версии 0.7.0[2]).
- integrate. Инструменты для интегрирования.
- ▶ interpolate. Инструменты для интерполяции.
- ▶ linalg. Линейная алгебра.
- ▶ **optimize.** Средства оптимизации <sup>2</sup>.
- stats. Статистические функции.



<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>нахождения экстремума (минимума или максимума)<sub>-</sub>целевой функции

## Outline

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array

Линейная алгебра Интерполяция Минимизация



Для работы с векторами, матрицами (в т.ч. многомерными) в numpy используется тип данных **array**.

Размерность array определяется на этапе задания переменной этого типа.

Array можно создать на основе списка любой размерности.

```
# В следующих примерах будем предполагать, 
# что пакет питру уже подключен 
from numpy import *
```

```
vector = array([34, -2, 88]) # создание вектора array похож на список, но с дополнительными методами и операциями умножения, сложения и т.д.
```

Другие способы создания вектора array.

Набор значений с заданным шагом

```
linspace(from, to, step)
from - начальное значение
to - конечное значение (не включается в вектор)
step - шаг (может быть дробным), по-умолчанию - 1
```

Набор из N значений
 linspace(from, to, N)
 N - число значений, на которые будет разделен отрезок [from, to]
 From будет включен в результат.

Набор значений с заданным шагом arange(0, pi, 0.5)array([ 0., 0.5, 1., 1.5, 2., 2.5, 3. ])

► linspace(0,10,10) array([ 0., 1.11111111, 2.22222222, 3.3333333, 4.44444444, 5.55555556, 6.666666667, 7.77777778, 8.88888889, 10.])

## Outline

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array

Линейная алгебра

Лнтерполяция

Минимизация



### Создание матрицы

▶ Создание матририцы из двумерного списка

#### Создание матрицы

Создание матрицы заполненной нулями.

```
A = zeroes( размерность ) 
размерность - список элементы которого задают 
размерность матрицы. 
A = zeros([3, 2])
```

Создание матрицы заполненной единицами.

```
A = ones(pasмephocть)
```

Создание матрицы заполненной случайными числами.

```
A = random( размерность )
```



Создание единичной матрицы.

Сохранение в текстовый файл

```
a = np.array([[1., 0., 0.],
       [0., 1., 0.],
       [0., 0., 1.]])
np.savetxt("foo.csv", a, delimiter=",", fmt = "%10.3f")
# 'foo.csv' - имя файла
# sep = ',' - символ отделяющий одно число от другого
# формат: 10 - число позиций (символов на число)
         3 - число десятичных знаков
          f - представление в виде вещественного числа
# общее число символов на число можно не указывать
np.savetxt("foo.csv", a, delimiter=",", fmt = "%.3f")
```

stackoverflow: dump a numpy array into a csv file

Загрузка из текстового файла
 a = np.genfromtxt("foo.csv", delimiter = ",")
 # foo.csv - имя файла
 # delimiter = "," - символ отделяющий одно число от другого

stackoverflow.com how to read csv into record array in numpy



# Линейная алгебра

Операции с типом array.

```
# Умножение на вектор
A * [2.3.4]
```

```
array([[ 2, 6, 12],
```

[6,6,4],

[ 4, 3, 12]])

Причём вектор не обязательно должен быть представлен типом array.

# Линейная алгебра

```
# Сложение матриц
А + В
# Умножение матриц
А @ В
# или
dot(A,B)
```

# Линейная алгебра

```
# Вычисление определителя linalg.det(A)
```

```
# Вычисление обратной матрицы linalg.inv(A)
```



## Линейная алгебра Решение СЛАУ

СЛАУ - система линейных алгебраических уравнений

Представим СЛАУ в виде матричного уравнения:

$$AX = B$$

где A - матрица коэффициентов, В - столбец свободных членов, X - искомые.

## Линейная алгебра Решение СЛАУ

Стоит обратить внимание на то, что вектор-столбец определяется как матрица из одного столбца (список из списков), а не как список из чисел.

## Линейная алгебра Решение СЛАУ

```
X = np.linalg.solve(A, B)
# Настройка вывода. Число знаков после запятой - 4.
# не выводить числа в экспоненциальной форме
set_printoptions(precision=4, suppress=True)
pritn( X )
matrix([[ 0.0833].
        [ 1.0833].
        [-0.4167]
```

## Outline

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array

Линейная алгебра

Интерполяция

Минимизация



## Интерполяция

**Интерполяция** - нахождение промежуточных значений величины по имеющемуся дискретному набору известных значений.

Пусть функция задана в табличном виде - набором значения X и Y.

Задача - определить значение функции для X, не перечисленного в таблице.

Применем для этого интерполяцию, построив функцию в аналитическом виде, которая будет проходить наиболее близко к заданым точкам.



# Интерполяция

```
from scipy.interpolate import interp1d
```

```
X = [1,2,3,4,5,6,7]
Y = [1,4,9,16,25,36,49]
func = interp1d(X, Y, kind='cubic')
```

func - функция определённая на отрезке от min(x) до max(x).

kind - тип интерполяции (см. справку)

В примере использована интерполяция сплайном третьего порядка.

Теперь можно вычислять значение функции в любой точке.



## Outline

#### Прошлые темы

#### Математические пакеты

Тип array Линейная алгебра Интерполяция

Минимизация



# Минимизация функции

Поиск минимума функции.

```
from scipy.optimize import minimize
# определим функцию одной переменной вида y = x^3 - 5
def my_func( x ):
   return (x-3)*(x-3) - 5
х0 = 100 # начальное значение
# для поиска минимума передадим функции minimize
# в качестве параметров исследуемую функцию
# и точку, откуда будет произведён поиск минимума.
minimize(my_func, x0)
```

# Минимизация функции

```
Вывод:

nfev: 12
jac: array([ 0.])
message: 'Optimization terminated successfully.'
fun: -5.0
success: True
x: array([ 3.])
njev: 4
hess_inv: array([[ 0.5]])
status: 0
```

### Минимум найден:

$$f(3) = -5$$



## Ссылки и литература

Ссылка на слайды

github.com/VetrovSV/Programming