

In [3]: *# вычисление числовых характеристик*

```
from scipy import *

# вычисление средней
m = mean( [1,2,3,4,5] )
print("mean = ",m)
# m = 3

# вычисление медианы
med = median( [1,1,1,1,5] )
print("me = ",med)

# стандартное отклонение
sd = std( [1,2,3,4,5] )
print("st = ", sd)

# квантили
q1 = percentile( [1,2,3,4,5], 25 )
q2 = percentile( [1,2,3,4,5], 50 )
q3 = percentile( [1,2,3,4,5], 75 )
print("q1 = ",q1)
print("q2 = ",q2)
print("q3 = ",q3)
```

```
mean = 3.0
me = 1.0
st = 1.4142135623730951
q1 = 2.0
q2 = 3.0
q3 = 4.0
```


Создание случайных значений

Модуль `scipy.stats` содержит множество подмодулей, каждый из которых предназначен для работы с определённым распределением.

Некоторые подмодули

`scipy.stats.uniform` - равномерное распределение

`scipy.stats.norm` - нормальное распределение

`scipy.stats.t` - распределение Стьюдента (t-распределение)

`scipy.stats.poisson` - распределение Пуассона

Эти подмодули имеют схожие функции для генерирования случайных значений - `rvs`.

Генерирование одного значения СВ распределённой по стандартному нормальному закону:

```
scipy.stats.norm.rvs()
```

Различия в вызове функции `rvs` для каждого подмодуля - это различия в *параметрах распределений*.

Например равномерное распределение (`uniform`) имеет два параметра определяющие минимальное и максимальное значение СВ.

Нормальное распределение имеет тоже два параметра, но это математическое ожидание и стандартное отклонение.

Параметры функции `rvs`

функция `rvs` имеет три параметра которые и задают параметры распределения эти параметры `loc`, `shape`, `scale`

какие из этих трёх параметров нужно задавать и какой смысл они имеют написано в документации к подмодулю

параметры указываются так:

```
scipy.stats.norm.rvs(loc = 12.2)
```

Для параметра `shape` приводится просто число:

```
scipy.stats.norm.rvs(5.72)
```

Пример

```
help(scipy.stats.norm)
```

Построение гистограмм

Для того чтобы построить гистограмму (или любой другой график) используется два модуля

```
from matplotlib.pyplot import * import seaborn as sns
```

Второй модуль подключен под именем sns.

Для создания гистограммы используется функция `distplot` модуля `seaborn`:

```
sns.distplot(X, kde = False, label = 'подпись')
```

Функция принимает как минимум один параметр - набор значений случайной величины. Это первый параметр функции. В примере это - `X`.

```
sns.distplot(X)
```

Автоматически строится и кривая плотности распределения ($f(x)$). Чтобы её отключить нужно задать значение параметру `kde = False`

Если нужно построить несколько гистограмм на одном графике, то нужно несколько раз вызвать функцию `distplot`

Чтобы отличать графику друг от друга используются подписи через параметр `label`

Пример:

```
sns.distplot(X1, label = 'x1') sns.distplot(X2, label = 'x2')
```

Подписи к графикам нужно отдельно "включить" вызвав `legend()`

Наконец, чтобы показать картинку вызывается функция `show()`

```

In [62]: # генерирование случайных значений
import scipy.stats
# графики
from matplotlib.pyplot import *
import seaborn as sns

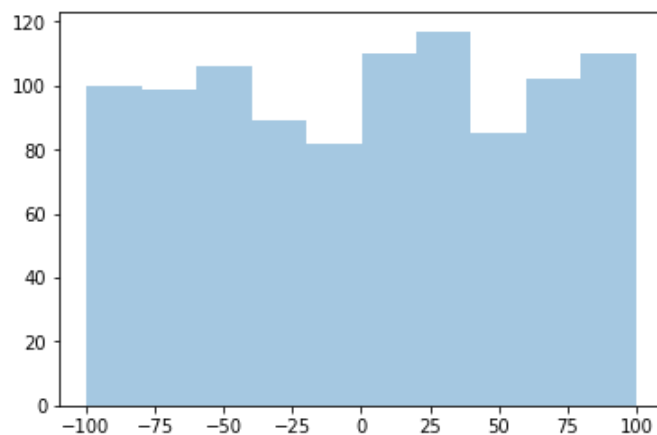
print("Равномерное распределение")
# создание случайных значений (равномерное распределение)
# от -100 до 100 (-100+200)
# 100 - количество
Ud = scipy.stats.uniform.rvs(loc=-100, scale=200, size=1000)
print("mean = ", mean(Ud))
print("std = ", std(Ud))

# гистограмма
# kde - kernel density estimate
# kde = True - дополнительно построить кривую плотности
sns.distplot(Ud, kde = False)
show()

# в идеале должна получиться ровная гистограмма
# однако такое возможно только в пределе,
# когда число значений стремится к бесконечности,
# а в примере их всего 1000

```

Равномерное распределение
 mean = 1.1254793490418946
 std = 58.64449873906502



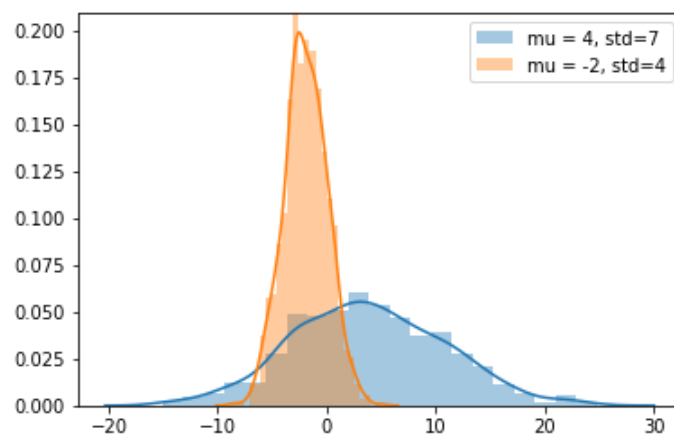
```

In [63]: print("Нормальное распределение")
# m=4 - математическое ожидание
# sigma=7 - стандартное отклонение
Nd = scipy.stats.norm.rvs(loc=4, scale=7, size=1000)

Nd2 = scipy.stats.norm.rvs(loc=-2, scale=2, size=1000)
print("mean = ", mean(Nd))
print("std = ", std(Nd))
# гистограмма
sns.distplot(Nd, kde = True, label='mu = 4, std=7')
sns.distplot(Nd2, kde = True, label='mu = -2, std=4')
legend()
show()

```

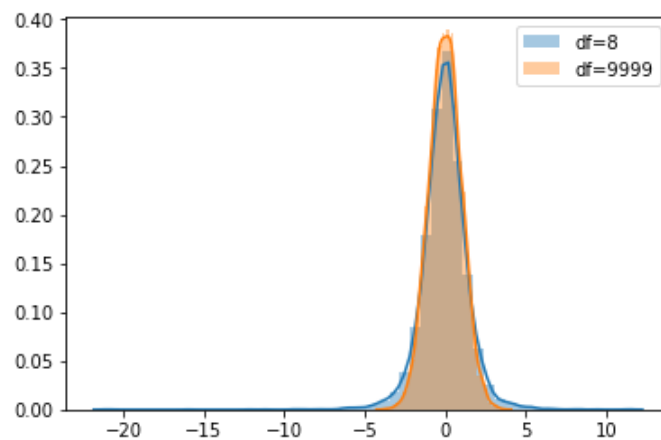
Нормальное распределение
mean = 3.8520953021333693
std = 6.993385543754019



```
In [64]: print("Распределение Стьюдента")
# shape = df - количество степеней свободы
Nd = scipy.stats.t.rvs(4, size=10000)
Nd2 = scipy.stats.t.rvs(9999, size=10000)
print("mean = ", mean(Nd))
print("std = ", std(Nd))
# гистограмма
sns.distplot(Nd, kde = True, label='df=8')
sns.distplot(Nd2, kde = True, label='df=9999')
legend()
show()

# чем меньше параметр df тем меньше распределение похоже на нормальное
# это хорошо заметно по "толстым хвостам"
```

Распределение Стьюдента
mean = -0.022041590762490324
std = 1.436037522921313



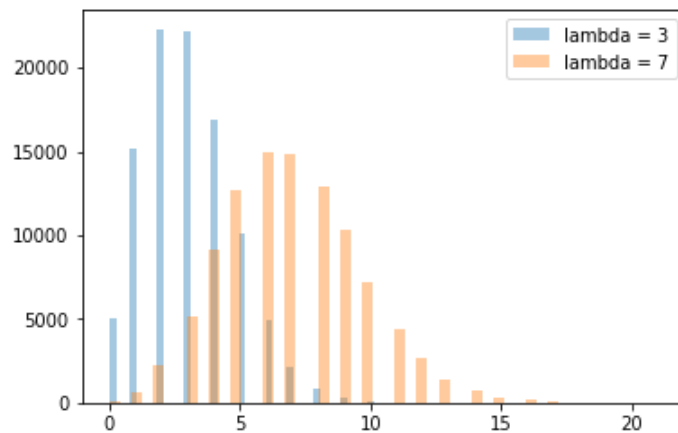
```

In [71]: print()
print("Распределение Пуассона")
# lambda = 3 - математическое ожидание и дисперсия
Pd = scipy.stats.poisson.rvs(3, size=100000)
Pd2 = scipy.stats.poisson.rvs(7, size=100000)
print("mean = ", mean(Pd))
print("std = ", std(Pd))
# гистограмма
sns.distplot(Pd, kde = False, label = 'lambda = 3')
sns.distplot(Pd2, kde = False, label = 'lambda = 7')
legend()
show()

# математическое ожидание и дисперсия в распределении Пуассона совпадают
#  $M = D$ 
# ниже приведено стандартное отклонение - корень квадратный из дисперсии

```

Распределение Пуассона
 mean = 2.99267
 std = 1.7315762388933384




```
In [67]: print()
print("Экспоненциальное распределение")
# 1/lambda = 2.5 - математическое ожидание
Ed = scipy.stats.expon.rvs(scale=2.5, size=100000)
print("mean = ", mean(Ed))
print("std = ", std(Ed))
# гистограмма
sns.distplot(Ed, kde = True)
show()

# В экспоненциальном распределении совпадают M и std
```

Экспоненциальное распределение
mean = 2.516607271040152
std = 2.517190942361712

