

## Relacion 1.pdf Ejercicios Resueltos

- 1° Cálculo I
- Facultad de Ciencias
  UGR Universidad de Granada

## Reservados todos los derechos. No se permite la explotación económica ni la transformación de esta obra. Queda permitida la impresión en su totalidad.

## Ejercicios de Cálculo I

## Relación 1

Fecha límite de entrega: 19 de noviembre

1. Sean A y B conjuntos no vacíos y mayorados de números reales positivos, y sea  $C = \{ab : a \in A, b \in B\}$ . Probar que C está mayorado y que

$$\sup C = \sup A \cdot \sup B$$

Probar también que inf  $C = \inf A \cdot \inf B$ .

2. Se consideran los conjuntos siguientes:

$$A = \left\{ 2 - \frac{1}{n} : n \in \mathbb{N} \right\}, \qquad B = \left\{ 3 + \frac{1}{n} : n \in \mathbb{N} \right\}$$
$$C = \left\{ \left( 2 - \frac{1}{n} \right) \left( 3 + \frac{1}{n} \right) : n \in \mathbb{N} \right\}$$

Probar que están mayorados, calcular sus supremos y averiguar si tienen máximo. ¿Se verifica la igualdad sup  $C=\sup A\cdot \sup B$ ? ¿Hay alguna contradicción con lo afirmado en el ejercicio anterior?

- **3.** Sean  $a,b,c,d\in\mathbb{Q}$  con  $c^2+d^2>0$  y  $x\in\mathbb{R}\setminus\mathbb{Q}$ . ¿Qué condición necesaria y suficiente deben cumplir a,b,c,d para que  $\dfrac{a\,x+b}{c\,x+d}$  sea un número racional?
- **4.** Sea D un conjunto denso en  $\mathbb{R}$  y sea I un intervalo no trivial. Probar que el conjunto  $D \cap I$  es infinito.

