10 Febrero 2017 Tipo 1

En las siguientes cuestiones sólo una de las respuestas dadas es correcta. Anota tu respuesta en la hoja adjunta.

- 1. La correspondencia $f(x) = \frac{1}{x}$:
 - a) Determina una aplicación inyectiva $f: \mathbb{Z} \to \mathbb{Q}$.
 - b) Determina un homomorfismo de anillos $f: \mathbb{Z} \to \mathbb{Q}$.
 - c) No determina una aplicación $f: \mathbb{Z} \to \mathbb{Q}$.
- 2. El conjunto $R = \{(0,0), (1,1), (1,0)\}$:
 - a) Es una relación de equivalencia en $X = \{0, 1\}$.
 - b) Es una relación de orden en $X = \{0, 1\}$.
 - c) No es una relación ni de orden ni de equivalencia, es sólo un subconjunto de $X \times X$.
- 3. Sea $f: \mathbb{Z}_{13} \times \mathbb{Z}_{13} \to \mathbb{Z}_{169}$ una aplicación. Entonces:
 - a) f es inyectiva si y solamente si es biyectiva.
 - b) Si f es biyectiva entonces es inyectiva pero el recíproco no es cierto.
 - c) f no está bien definida puesto que $\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}_{13} = \begin{bmatrix} 13 \end{bmatrix}_{13}$ pero $\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}_{169} \neq \begin{bmatrix} 13 \end{bmatrix}_{169}$.
- 4. Si $f: X \to Y$ es una aplicación inyectiva entonces la aplicación inducida $f^*: P(Y) \to P(X)$:
 - a) Es sobreyectiva.
 - b) Es inyectiva.
 - c) Ninguna de las anteriores.
- 5. El anillo $\mathbb{Z}_6[x]$:
 - a) Tiene infinitas unidades.
 - b) Tiene 2 unidades.
 - c) Tiene 6 unidades.
- 6. El cuerpo de fracciones de $\mathbb{Z}[x]$:
 - a) Es $\mathbb{Q}[x]$.
 - b) No existe.
 - c) Ninguna de las anteriores.
- 7. Si $m \in \mathbb{Z}^+$, $m \neq 0, 1$, el sistema: $\begin{pmatrix} (m-1)x & \equiv 1 \mod m \\ mx & \equiv 1 \mod m+1 \end{pmatrix}$
 - a) Siempre tiene solución.
 - b) Nunca tiene solución.
 - c) Solo tiene solución si m es primo.
- 8. Si D es un D.E. (dominio euclídeo) entonces:
 - a) Cualquier subanillo suyo es un D.E.
 - b) Cualquier ideal suyo es impropio.
 - c) Ninguna de las anteriores.
- 9. En \mathbb{Z}_{140} se tiene que $[429^{531}] [9]^{-1}$:
 - a) Es una unidad.
 - b) Es [20].
 - c) Ninguna de las anteriores.

ÁLGEBRA I

10 Febrero 2017

Tipo 1

En las siguientes cuestiones sólo una de las respuestas dadas es correcta. Anota tu respuesta en la hoja adjunta.

- 1. La correspondencia $f(x) = \frac{1}{x}$:
 - a) Determina una aplicación inyectiva $f: \mathbb{Z} \to \mathbb{Q}$.
 - b) Determina un homomorfismo de anillos $f: \mathbb{Z} \to \mathbb{Q}$.
 - c) No determina una aplicación $f: \mathbb{Z} \to \mathbb{Q}$.
- 2. El conjunto $R = \{(0,0), (1,1), (1,0)\}$:
 - a) Es una relación de equivalencia en $X = \{0, 1\}$.
 - b) Es una relación de orden en $X = \{0, 1\}$.
 - c) No es una relación ni de orden ni de equivalencia, es sólo un subconjunto de X × X.
- 3. Sea $f: \mathbb{Z}_{13} \times \mathbb{Z}_{13} \to \mathbb{Z}_{169}$ una aplicación. Entonces:
 - a) f es inyectiva si y solamente si es biyectiva.
 - b) Si f es biyectiva entonces es inyectiva pero el recíproco no es cierto.
 - c) f no está bien definida puesto que $[0]_{13} = [13]_{13}$ pero $[0]_{169} \neq [13]_{169}$.
- 4. Si $f: X \to Y$ es una aplicación inyectiva entonces la aplicación inducida $f^*: P(Y) \to P(X)$:
 - a) Es sobreyectiva.
 - b) Es inyectiva.
 - c) Ninguna de las anteriores.
- 5. El anillo $\mathbb{Z}_6[x]$:
 - a) Tiene infinitas unidades.
 - b) Tiene 2 unidades.
 - c) Tiene 6 unidades.
- 6. El cuerpo de fracciones de $\mathbb{Z}[x]$:
 - a) Es $\mathbb{Q}[x]$.
 - b) No existe.
 - c) Ninguna de las anteriores.
- 7. Si $m \in \mathbb{Z}^+$, $m \neq 0, 1$, el sistema: $\begin{pmatrix} (m-1)x & \equiv 1 \mod m \\ mx & \equiv 1 \mod m+1 \end{pmatrix}$
 - a) Siempre tiene solución.
 - b) Nunca tiene solución.
 - c) Solo tiene solución si m es primo.
- 8. Si D es un D.E. (dominio euclídeo) entonces:
 - a) Cualquier subanillo suyo es un D.E.
 - b) Cualquier ideal suyo es impropio.
 - c) Ninguna de las anteriores.
- 9. En \mathbb{Z}_{140} se tiene que $[429^{531}] [9]^{-1}$:
 - a) Es una unidad.
 - b) Es [20].
 - c) Ninguna de las anteriores.

