Álgebra I. Grado en Informática y Matemáticas 06/09/2013

PARTE TEÓRICA(2 puntos):

 Define el concepto de Dominio de Factorización Unica. Demuestra que todo Dominio de Ideales Principales es un Dominio de Factorización Unica.

EJERCICIOS(8 puntos):

(a)
$$2x^4 - 20x^3 + 2x^2 + 4x + 20$$

(c)
$$X^3 - 6X^4 + 5X^2 - X + 2$$

(d)
$$x^6 - 2x^2 - x^4 - 2x^3 - 2x^2 - 2x - 1$$

2. Demnestra que en anillo Z[√3i], los números 2, 1 + √3i y 1 4 √3 son irreducibles. Verificar que 4 = 2 - 2 = (1 + √3i) · (1 - √3i) es un ejemplo de factorización no única en irreducibles en el anillo Z[√3i]. ¿Es 2 primo en este anillo?. ¿Es Z[√3i] un DFU, DIP, or DE?

Halla el resto de dividir 1022¹⁰³⁴ + 2³¹⁴⁷ entre 7.

4. Un grupo de turistas, con menos de 300 integrantes, viaja en 5 autobuses iguales que lleman completamente. Llegan a un hotel para cenar y se encuentran con que en el comedor hay mesas redondas con 9 asientos cada una y mesas cuadradas para 4 personas. Los turistas de les dos primeros autobuses se sientan alrededor de las mesas redondas quedando 3 personas sin acomodar; éstas, junto con los turistas de los 3 autobuses restantes, se sientan alrededor de las mesas cuadradas. Quedan así todos acomodados para la cena sin que ninguna mesa resulte incompleta. Al día siguiente, van a realizar una visita a un museo donde deben entrar en grupos de 24 personas. Si al hacer la distribución en grupos, el ultimo es de tan solo 15 personas, ¿cuántos turistas viajan en el grupo?