WUOLAH



Recu-2017.pdf Exámenes resueltos

- 2° Geometría III
- **©** Grado en Matemáticas
- Facultad de Ciencias
 Universidad de Granada



Reservados todos los derechos. No se permite la explotación económica ni la transformación de esta obra. Queda permitida la impresión en su totalidad.

Examen extraordinario Geometría III – Grado en Matemáticas Universidad de Granada 7 de julio de 2017

- 1.- Sea \mathcal{A} un plano afín.
 - (a) Dado un punto $p \in \mathcal{A}$ y una recta afín R de \mathcal{A} , calcula todas las homotecias de centro p que dejan a R invariante.
 - (b) Dadas dos rectas afines R, S de \mathcal{A} , calcula todas las homotecias que llevan R en S.
- 2.- Para cada $\lambda \in \mathbb{R}$ considera la aplicación afín $f_{\lambda} : \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ dada por

$$f_{\lambda}(x,y,z) = \left(\frac{2x}{3} - \frac{2y}{3} + \frac{z}{3} + \lambda, \frac{x}{3} + \frac{2y}{3} + \frac{2z}{3}, \frac{2x}{3} + \frac{y}{3} - \frac{2z}{3} + 1\right).$$

Determina para qué valores de λ es f_{λ} un movimiento rígido del espacio afín euclídeo \mathbb{R}^3 . Cuando lo sea, clasifícalo.

- **3.-** Encuentra todas las cónicas del plano afín \mathbb{R}^2 que pasan por los puntos (0,0), (1,0), (0,1) y (1,1), y clasificalas afínmente.
- **4.-** Establece el embebimiento canónico del espacio afín \mathbb{R}^n en el espacio provectivo $\mathbb{R}P^n$. Enumera razonadamente sus propiedades.

Todas las preguntas tienen la misma puntuación. Duración del examen: tres horas y media.

