

• RELACIÓN 1

- Demostrar: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} \in \mathbb{R}^+ \Rightarrow f(n) \in \Theta(g(n))$
- Demostrar: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0 \Rightarrow f(n) \in O(g(n))$ pero $f(n) \notin \Theta(g(n))$
- Demostrar: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = +\infty \Rightarrow f(n) \in \Omega(g(n))$ pero $f(n) \notin \Theta(g(n))$
- Demostrar: $f \in O(g), h \in O(g) \Rightarrow (f + h) \in O(g)$
- Demostrar: $f \in O(g), g \in O(h) \Rightarrow f \in O(h)$
- Demostrar: $\text{Max}(n^3, 10n^2) \in O(n^3)$
- Demostrar: $f(n) \in O(n^a), g(n) \in O(n^b) \Rightarrow f(n) \cdot g(n) \in O(n^{a+b})$
- Demostrar: $f(n) \in O(n^a), g(n) \in O(n^b) \Rightarrow f(n) + g(n) \in O(n^{\max\{a,b\}})$
- Encontrar el menor entero k tal que $f(n) \in O(n^k)$
- $f(n) = 13n^2 + 4n - 73$
- $f(n) = \sqrt{n^2 - 1}$
- Sean $f(n)$ y $g(n)$ asintóticamente no negativas. Demostrar la veracidad o falsedad de:
 - $\text{Max}(f(n), g(n)) \in O(f(n) + g(n))$
 - $\text{Max}(f(n), g(n)) \in \Omega(f(n) + g(n))$
- Expresar en notación \mathcal{O} el orden de un algoritmo cuyo $T(n)$ fuese $f(n)$ si: $T(n) = n!$
- Decir cuáles de las siguientes afirmaciones son verdaderas y demostrarlo: $2^{n+1} \in O(2^n)$, $(n+1)! \in O(n!)$, $\forall f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+, f(n) \in O(n) \Rightarrow f^2(n) \in O(n^2)$, $\forall f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+, f(n) \in O(n) \Rightarrow 2^{f(n)} \in O(2^n)$
- Sea x un número real, $0 < x < 1$. Ordenar las tasas de crecimiento de las siguientes funciones:

$$n \cdot \log(n), \quad n^8, \quad (1+x)^n, \quad (n^2 + 8n + \log^3(n))^4, \quad \frac{n^2}{\log(n)}$$