

⑦ Teniendo en cuenta el posible entrelazamiento de las sentencias atómicas y partiendo de nuestra proposición inicial:

$$① \{x==0 \wedge y==0 \wedge z==0\}$$

$$\langle x = z+a \rangle$$

$$\{x==a \wedge y==0 \wedge z==0\}$$

$$\langle y = x+b \rangle$$

$$\{x==a \wedge y==a+b \wedge z==0\}$$

$$② \{x==0 \wedge y==0 \wedge z==0\}$$

$$\langle y = x+b \rangle$$

$$\{x==0 \wedge y==b \wedge z==0\}$$

$$\langle x = z+a \rangle$$

$$\{x==a \wedge y==b \wedge z==0\}$$

Después se puede ver que partiendo de nuestra proposición inicial, aplicando las sentencias atómicas lleguemos a

$$\{x==a\} \wedge \{y==b \vee y==a+b\} \wedge \{z==0\}$$

Para cualquier valor de a y b .

(18)

a) $\{suma > 2\} \Rightarrow \{suma > 4\}$ luego por fortalecimiento de la precondition es demostrable (R. de la consecuencia)

b) $\{suma == 1 \vee suma > 1\} \text{ suma} = \text{suma} + 4 \{suma > 5\}$
No se cumple por debilitamiento de la precondition.

c) $\{suma > 0\} \not\Rightarrow \{suma > 4\}$ luego no demostrable por debilitamiento de la precondition.

d) $\{suma > 5\} \not\Rightarrow \{suma > 6\}$ luego no demostrable por fortalecimiento de la precondition.

18

- a) $\{x \leq y\} \not\Rightarrow \{x < y\} \Rightarrow$ No demostrable por debilitamiento de la precondición.
- b) $\{x \leq y-2\} \Rightarrow \{x < y\}$ Podemos aplicar la regla de la consecuencia, luego demostrable
- c) $\{x \leq y\} \not\Rightarrow \{x < y\}$ Luego no demostrable por debilitamiento de la precondición
- d) $\{u < v-2\} \Rightarrow \{u < v\}$ - no demostrable
 $\{u < v\} \not\Rightarrow \{u < v-2\}$ por fortalecimiento de la postcondición.

20

$\{x == 5 \wedge y == 2\}$
 -- inits cobegin

- ① $\{x == 5 \wedge y == 2\} \vee \{x == -5 \wedge y == 10\} \vee \{x == 3 \wedge y == -6\} \vee$
 $\vee \{x == 5 \wedge y == 10\} \vee \{x == 3 \wedge y == 2\}$
 $\langle x = x + y \rangle$
 $\{x == 7 \wedge y == 2\} \vee \{x == 5 \wedge y == 10\} \vee \{x == 9 \wedge y == -6\} \vee$
 $\vee \{x == 15 \wedge y == 10\} \vee \{x == 6 \wedge y == 2\}$

$$(2) \quad \{x==5 \wedge y==2\} \vee \{x==7 \wedge y==2\} \vee \{x==3 \wedge y==2\}$$

$$\langle y = x \cdot y \rangle$$

$$\{x==5 \wedge y==10\} \vee \{x==7 \wedge y==14\} \vee \{x==2 \wedge y==6\}$$

$$(3) \quad \{x==5 \wedge y==2\} \vee \{x==7 \wedge y==2\} \vee \{x==5 \wedge y==10\} \vee \{x==7 \wedge y==14\} \vee \{x==15 \wedge y==10\}$$

$$\langle x = x - y \rangle$$

$$\{x==3 \wedge y==2\} \vee \{x==5 \wedge y==2\} \vee \{x==5 \wedge y==10\} \vee$$

$$\vee \{x==7 \wedge y==14\} \vee \{x==5 \wedge y==10\}$$

Luego, aplicando la regla de no interferencia:

$$\text{Solución: } b) \quad \{x==5 \wedge y==10\}$$

(21) c) Porque al aplicar la regla de inferencia de la composición concurrente utilizo mas cadenas (pre y post. condiciones) demasiado débiles.

$$(22) \quad \{x==a \wedge y==b\} \quad x=C1 \quad \{x==C1 \wedge y==b\} \\ \{x==C1 \wedge y==b\} \quad y=C2 \quad \{x==C1 \wedge y==C2\} \\ \{x==C1 \wedge y==C2\} \quad x=x+y \quad \{x==C1+C2 \wedge y==C2\} \\ \{x==C1+C2 \wedge y==C2\} \quad y=x \cdot y \quad \{x==C1+C2 \wedge y==(C1+C2) \cdot C2\} \\ \{x==C1+C2 \wedge y==C2(C1+C2)\} \quad x=x-y \quad \{x==C1+C2-C2(C1+C2) \wedge y==C2 \cdot (C1+C2)\}$$

(23)

$$\{x == 0\}$$

-- inits cobegin

$$\textcircled{1} \quad \{x == 0\} \vee \{x == 2\} \vee \{x == 4\} \vee \{x == 6\}$$

$$\langle x = x + 1 \rangle$$

$$\{x == 1\} \vee \{x == 3\} \vee \{x == 5\} \vee \{x == 7\}$$

$$\textcircled{2} \quad \{x == 0\} \vee \{x == 1\} \vee \{x == 4\} \vee \{x == 5\}$$

$$\langle x = x + 2 \rangle$$

$$\{x == 2\} \vee \{x == 3\} \vee \{x == 6\} \vee \{x == 7\}$$

$$\textcircled{3} \quad \{x == 0\} \vee \{x == 1\} \vee \{x == 2\} \vee \{x == 3\}$$

$$\langle x = x + 4 \rangle$$

$$\{x == 4\} \vee \{x == 5\} \vee \{x == 6\} \vee \{x == 7\}$$

Por la regla de no interferencia:

$$\{x == 7\} \Rightarrow \text{Demostrable}$$

(24)

$$\{x == y\}$$

(No existe interferencia entre ambos grupos de sentencias atómicas)

-- inits cobegin

$$\textcircled{1} \quad \{x == y\}$$

$$\langle y = y + 1 \rangle; \langle y = y - 1 \rangle$$

$$\{x == y\}$$

$$\textcircled{2} \quad \{x == y\}$$

$$\langle x = \del{x} x - 1 \rangle; \langle x = x + 1 \rangle$$

$$\{x == y\}$$

Por la regla de no interferencia:

$$\{x == y\}$$