# Задачи для 1 курса, часть 2

## 1. Простейшие вычислительные задачи

Программы решения всех задач должны содержать: файл c функциями, реализующими предлагаемый алгоритм, файл c тестовой процедурой для проверки алгоритма, файл c функциями формирования исходных данных и вызова серии тестов. Упр.1. Для заданного N вычислить суммы в прямом и обратном порядке. При каких N получается максимальное расхождение в этих двух значениях?

$$\sum_{k=1}^{N} \frac{1}{\sqrt{k}}, \quad \sum_{k=1}^{N} \frac{\ln k}{k}, \quad \sum_{k=1}^{N} \frac{1}{k}, \quad \sum_{k=1}^{N} \frac{1}{k^{2}}, \quad \sum_{k=1}^{N} \frac{1}{k!}$$

Что изменится, если слагаемые умножить еще на  $(-1)^k$ ? Упр.2. Написать программу, определяющую машинную точность, т.е. максимальное a>0, такое что 1+a=1. Усложненный вариант: найти два ближайших к единице представимых вещественных числа.

В следующих задачах требуется оформить решение в виде функции, получающей в качестве параметра указатель на функцию double (\*f)(double x)

- 1. Вычислить корень уравнения f(x)=0 на данном отрезке с заданной точностью  $\varepsilon$ 
  - 1.1. методом деления пополам;
  - 1.2. методом Ньютона (касательных);
  - 1.3. методом хорд (секущих).

Написать тест, в котором вывести количество итераций и сравнить результат с точным ответом.

- 2. Вычислить интеграл от данной функции f(x) на данном отрезке [a,b] с заданной точностью  $\varepsilon$  по составной формуле
  - 2.1. прямоугольников;
  - 2.2. трапеций;
  - 2.3. Симпсона;
  - 2.4. Гаусса (двухточечной).

Использовать алгоритм удвоения сетки и алгоритм автоматического выбора шага. Сравнить с точным ответом.

- 3. Вычислить минимальное значение данной функции f(x) с заданной точностью  $\varepsilon$  методом построения параболы с поиском трех точек с помощью
  - 3.1. измельчения геометрической прогрессии;
  - 3.2. метода золотого сечения;
  - 3.3. измельчением равномерной сетки.
- 4. Написать программу вычисления значения одной из элементарных функций (sin, cos, exp, log) в заданной точке x и с заданной точностью  $\varepsilon$  суммированием ряда Тейлора. Сравнить с точным ответом
- **5.** Написать программу, которая по аргументам  $x_1 \dots x_n$  и значениям функции  $y_1 \dots y_n$  вычисляет приближенные значения данной функции на заданной сетке  $\bar{x}_1 \dots \bar{x}_n$  с помощью
  - 5.1. интерполяционного многочлена Лагранжа;
  - 5.2. кусочно-линейной интерполяции;
  - 5.3. кусочно-квадратичной интерполяции;
  - 5.4. Эрмитовой интерполяции (по  $f(x_i)$  и  $f'(x_i)$ );
- 5.5. наилучшего среднеквадратического приближения линейной функцией (здесь надо получить уравнение прямой). Сравнить с точными значениями функции. Нарисовать исходные точки и "график" приближенной функции (Gnuplot и т.п.)

### 2. Задачи на работу с матрицами,

#### метод Гаусса и итерационные алгоритмы

Формирование данных задачи (матрицы, правой части системы) выполняется: а) вводом из файла; б) вычислением (генерацией) по заданным формулам или случайно.

При выполнении задач из этого раздела нужно освоить два способа представления матрицы:

- a) как единого массива для всех элементов матрицы (функция получает аргумент double \*matr)
- б) как набора массивов-строк с массивом указателей на каждую строку. (функция получает аргумент double \*\*matr)

- **0.** Реализовать функции умножения матрицы на вектор, умножения двух прямоугольных матриц, функции для создания и вывода матриц.
- 1. Определить ранг вещественной  $N \times M$  матрицы.
- 2. Найти определитель вещественной  $N \times N$  матрицы.
- 3. Для квадратной матрицы вычислить обратную.
- Решить систему линейных уравнений методом исключения Гаусса.
- 5. Решить систему линейных уравнений методом простой итерации
- **6.** Решить систему линейных уравнений итерационным методом Зейделя.
- **7.** Решить систему линейных уравнений итерационным методом скорейшего спуска.

#### 3. Обработка текстового файла

В следующих задачах "словом" называется последовательность символов в пределах одной строки, не содержащая символов из заранее заданного набора (например, ".,;;!?()[]" и т.п.) При решении задач рекомендуется пользоваться стандартными функциями strcmp, strcpy, strstr, strcat, strtok и др. (см. string.h) или классом string. Результатом работы программы должен быть новый, преобразованный файл.

- **0.** Реализовать стандартные функции работы со строками strcmp, strcpy, strstr, strcat, strset и др.
- 1. Реализовать программу перекодировки текстового файла из одной заданной кодировки в другую, например, ср1251 в utf-8.
- 2. Заменить в файле каждую последовательность заданных одинаковых символов на один такой символ.
- **3.** Заменить всюду в файле один заданный набор символов на другой (с учетом разницы в их длине).
- 4. Вывести номера строк исходного файла и номер позиции в строке, где встречается заданное слово.
- **5.** Определить количество, максимальную, минимальную и среднюю длину слов из данного файла а также частоту (процент) появления каждого символа.
- 6. Вывести все слова из данного файла в алфавитном порядке без повторений.
- 7. Файл В получен из текстового файла А вставкой и/или удалением некоторого малого количества строк (например, не больше 10). Сравнить эти файлы и определить какие строки и где были добавлены или удалены в файле А.
- 8. Реализовать ввод табличных данных из файла, записанного в соответствии с заданным текстово-числовым форматом, где строки и столбцы таблицы размечены некоторыми ключевыми словами, а "индексы" чисел в таблице определяются их позиционированием в строках текста.
- **9.** Разрезать "длинные" строки в файле по пробелам на более короткие (не более заданной длины).
- **10.** Удалить из файла часть текста между двумя "скобками", где скобка это заданный набор символов. Например, убрать из файла комментарии в стиле С.
- 11. Реализовать инструкцию типа #include, т.е. вставить содержимое файла filename в то место файла, где встречается строка #include filename.
- **12.** Реализовать инструкции типа #define и #undef, т.е. выполнить указанные подстановки в области их задания.
- 13. Реализовать инструкции типа #ifdef #else #endif, т.е. оставить в файле требуемый текст в зависимости от условия.
- **14.** Отформатировать абзацы текста в заданных границах и с красной строкой (без переноса слов). Абзац фрагмент текста между пустыми строками.

Продолжение следует . . .